

MİRNAMİK BƏŞİROV

“ÜMUMİ FİZİKA”

KURSU ÜZRƏ MƏSƏLƏ HƏLLİ

**M E X A N İ K A**

*Lənkəran Dövlət Universiteti üzrə  
2-52 saylı 25 aprel 2016 cı il tarixli  
əmri ilə nəşr hüququ verilmişdir.*

2016

Rəy verənlər:

V.İ.Hüseynov -Azərbaycan Dövlət Pedaqoji Universiteti, “Mexanika və molekulyar fizika” kafedrasının dosenti,

S.Cəlilova – Azərbaycan Dövlət Pedaqoji Universiteti, “Fizikanın tədrisi metodikası” kafedrasının dosenti,

K.M.Cəfərov –Lənkəran Dövlət Universiteti, “Fizika riyaziyyat və informatika” kafedrasının dosenti,

O.Q.Mürsəliyev-Lənkəran Dövlət Universiteti, “Fizika-riyaziyyat və informatika” kafedrasının dosenti.

**Bəşirov M.M. Ümumi fizika kursu üzrə məsələ həlli: Mexanika. Dərs vəsaiti. ....2016.**

Kitabda ümumi fizika kursunun mexanika bölməsi üzrə məsələ həlli üçün zəruri olan nəzəri məlumatlar, 113 məsələ həllinə nümunə, 252 müstəqil həll etmək üçün məsələlər, məsələ həllində istifadə olunacaq riyazi dustur və ifadələr, bəzi fiziki cədvəllər, vahidlər və kəmiyyətlər verilmişdir. Kitabda həmçinin orta əsr alimləri haqqında məlumatlar vardır.

Kitab ali məktəbdə tədris aparan müəllimlər və tələbələr üçün nəzərdə tutulmuşdur. Kitab həmçinin orta məktəb müəllimləri və şagirdləri üçün faydalı hesab olunur.

Kitabda 67 şəkil, 17 cədvəl verilmişdir. 188 səhifə

K İ T A B İ N İ Ç İ N D Ə K İ L Ə R

Ön söz	3
Kinematika	6
İrəliləmə hərəkətinin kinematikasısı	6
1.Düzxətli hərəkətin kinematikasısı	6
-Məsələ həllinə nümunələr	8
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	31
2.Əyrixətli hərəkətin kinematikasısı	35
-Məsələ həllinə nümunələr	37
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	39
3.Fırlanma hərəkəti	42
-Məsələ həllinə nümunələr	43
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	46
Dinamika	48
4.Düzxətli hərəkətin dinamikası	48
-Məsələ həllinə nümunələr	50
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	60
5.Əyrixətli hərəkətin dinamikası	65
-Məsələ həllinə nümunələr	66
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	67
6.Ümümdünya cazibə qanunu	69
-Məsələ həllinə nümunələr	69
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	78
7.Mexanikada saxlanma qanunlar	79
-Məsələ həllinə nümunələr	82
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	106
8.Bərk cismin fırlanma hərəkəti.	112
-Məsələ həllinə nümunələr	114
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	127
9.Rəqsi hərəkət	130
-Məsələ həllinə nümunələr	132
-Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	142
Əlavələr	146
Cavablar	177
Ədəbiyyat	189

*Bakalavr və magistrlərə yardımçı olmaq məqsədi ilə təklif edilən bu dərs vəsaiti özündə mexanikadan məsələ həlli metodikasını cəmləşdirir. Vəsait kurs programının tələblərinə uyğun hazırlanmışdır. Məsələlərin şərhində əsas diqqət fiziki mahiyyətlə yanaşı, onların həll metodikasına, bir sıra hallarda isə nəzəri məlumatların və metodik mülahizələrin praktik tətbiqinin araşdırılmasına yer verilmişdir. Vəsait bakalavr və magistr pillələrində seminar məşğələlərində istifadə edilməsi məqsədəuyğun olduğundan və vəsaitin müsbət məziyyətlərini nəzərə alıb onun çap edilməsini zəruri hesab edirəm.*

**Azərbaycan Dövlət Pedaqoji Universiteti,  
“Fizikanın tədrisi metodikası”  
kafedrasının professozu,  
p.e.d. Ş.H.Əlizadə**

## ÖN SÖZ

Bilik mənəvi zənginlikdir. Kitab isə bilik mənəbidir. Hər bir kitabdən istifadə edərkən, məhz Sizə lazım olan bir materialın burda olacağına əmin olmalısınız. Kitab Sizin bu və ya başqa mənada mənəvi, beyin ehtiyaclarınızı ödəyən bir vasitədir. Hər oxunan bir məlumat Sizde olan bilikləri artırmalı, onları ümumiləşdirib sistemləşdirməyə imkan verməli, sizi hədəfə yaxın etməlidir. Əlinizdəki kitabda hədəf, məsələ həlli ilə mexanika üzrə nəzəri məlumatların daha yaxşı mənimsənilməsinə kömək olmaqdır. Çalışmışıq bu hədəfə yaxın olaq.

“Ümumi fizika” kursu pedaqoji universitetlərdə müəllim, texniki universitetlərdə mühəndis və digər ixtisaslarının tədris planlarına daxildir. Fizikanın öyrənilməsində məsələ həlli prosesi mühüm rol oynayır və geniş imkanlara malikdir. Fizikadan məsələ həlli fiziki qanun və qanunauyğunluqları tətbiq edərək kiçik problemləri düşünməyə və riyazi yolla həll etməyə imkan verir. Bu səbəbdən tədris prosesini elə qurmaq lazım gəlirki, tələbələr gələcək peşə fəaliyyəti dövründə, təhsil müddətində aldıkları fiziki bilikləri səmərəli tətbiq imkanına malik olsunlar.

Təqdim olunan kitab “Ümumi fizika” kursunun “Mexanika” bölməsi üzrə auditoriya praktik məşğələsi aparmaq üçün nəzərdə tutulur. Kitab bu bölmə üzrə zəruri qısa nəzəri məlumatlardan, məsələ həlli nümunələri və sərbəst çalışmaq üçün məsələlərdən ibarətdir. Auditoriyada həll edilən və ev tapşırığı kimi veriləcək məsələlərin özü və sayı məşğələ arapan müəllim tərəfindən auditoriya səviyyəsinə görə seçilə bilər. Bəzi keyfiyyət məsələləri təqdim olunmuşdurki, bu da dərş prosesində müzakirə oluna bilər.

Kitabda fiziki kəmiyyətlərin vahidləri Azərbaycan Respublikası Nazirlər Kabinetinin 2011-ci il 3 fevral tarixli 23 nömrəli qərarına əlavədən götürülmüş qaydalara əsasən yazılmışdır. Məsələn: sürət vahidi metr bölünmüş saniyə --m/s, kilometr bölünmüş saat---km/st və s. Və Kəmiyyət ölçüləri və çəkiler üzrə Baş Konfrans (KÖÇBK) tərəfindən qəbul olunan Beynəlxalq Vahidlər Sisteminin (SI) kəmiyyət vahidlərindən istifadə olunmuşdur ( əlavəyə bax).

Kitabda həmçinin orta əsrlərin alimləri haqqında qısa məlumatlar verilmişdir. Şərq alimlərinin ixtiraları bir neçə yüz illərlə qərb ölkələri alimləri tərəfindən öyrənilmiş, onların əsərləri dərşlik kimi istifadə və tədqiq olunmuşdur. Sonradan orta əsr Şərq alimlərinin əsərlərinin təsiri altında qərbdə elm dirçəlməyə başlamışdır. Digər alimlər haqqında nəzərdə tutulan ikinci kitabda məlumat veriləcəkdir.

Vəsait “Ümumi fizika” kursu üzrə auditoriya seminar məşğələsinin aparılmasının və sərbəst işlərin səmərəli təşkili üçün nəzərdə tutulur. Vəsaitdən eyni zamanda orta məktəbdə fizika üzrə dərş aparən müəllimlər, olimpiadaya hazırlaşan və müstəqil olaraq fizikanı öyrənənlər, eləcədə orta məktəb şagirdləri istifadə edə bilər.

### **Mexanikadan məsələ həllinin ümumi algoritmi.**

1. Məsələdə verilən və soruşulan kəmiyyətləri yazmalı
2. Verilənləri BS sistemində yazmalı.
3. Məsələ şərtindən asılı olaraq çertyoj, sxem və ya şəkil çəkməli.
4. Məsələnin məzmununa uyğun olan hansı qanun və ya qanunların tətbiq olunacağını təyin etməli.
5. Məsələni ümumi şəkildə həll edib, axtarılan kəmiyyətin verilən kəmiyyətlərlə əlaqəsini tapmalı, sonda axtarılan kəmiyyəti təyin

edən işçi ifadə almalı. Nöqtənin hərəkətinin xarakteri məsələlərin həlli (bərk cismin irəliləmə hərəkəti və b.) üçün zəruridir:

- a) hərəkəti öyrənən cismə görə hesablama cismini seçməli;
- b) koordinat sistemini onunla bağlamalı;
- c) nöqtənin hərəkət qanunlarını vektor formada yazmalı;
- d) verilmiş koordinat oxları üzrə tənlikləri proyeksiyada yazmalı;
- e) baxılan məsələdə əlavə şərtləri yazmalı;
- m) tənliklər sistemini həll edərək alınan cavabı analiz etməli;
- k) məsələdə bir neçə cisim iştirak edirsə, bütün cisimlər üçün ümumi olacaq hesablama başlanğıcı seçməli.

Cismin tərpənməz ox ətrafında fırlanma hərəkətini öyrənərkən hərəkətin bucaq xarakteristikalarına keçmək tələb olunur (bucaq yerdəyişməsi, bucaq sürəti, bucaq təcili). Bu kəmiyyətlər yalnız oxdan olan məsafədən asılı olacaq və bütün cisimlər üçün eynidir. Xətti kəmiyyətlər isə müxtəlif olacaq.

6. Hesablama aparmalı.

7. Sonda işçi dusturdan vahidlərin yoxlanmasını aparmaq məqsədəuyğun hesab edilir. Tapılan vahid axtarılan kəmiyyətin vahidi ilə üst-üstə düşməlidir.

**P.S.** Təbii ki, kursun bütün imkanlarını və zamanın transformasiyasını nəzərə almaq mümkün deyil. Bununla əlaqədar kitab haqqında öz fikrini bildirmək istəyən və bunu bilavasitə müəllifə çatdıran hər bir kəsə qabaqcadan təşəkkürümüzü bildiririk: Lənkəran Dövlət Universiteti, “Fizika- riyaziyyat və informatika” kafedrası və ya e mail: [mbashirov@mail.ru](mailto:mbashirov@mail.ru)

Sizin istənilən arzu və təklifləriniz diqqətlə nəzərdən keçiriləcəkdir və növbəti buraxılışlarda yerini tapacaqdır.

**SİZLƏRƏ UGURLAR**

*M. Bəşirov*

## KİNEMATİKA

Kinematika – mexanikanın bir bölməsi olub, hərəkəti onu yaradan səbəbi araşdırmadan öyrənir.

Mexanikanın əsas məsələsi – verilmiş zaman anında maddi nöqtənin vəziyyətini tapmaqdır.

### ❖ *İrəliləmə hərəkətinin kinematikas*

#### 1. Düzxətli hərəkət.

Trayektoriyası düz xətt olan hərəkət düzxətli hərəkət adlandırılır. Düzxətli hərəkətdə yerdəyişmə vektoru uyğun trayektoriya ilə üst üstə düşür, hərəkət istiqaməti dəyişməzsə, yerdəyişmənin modulu gedilən yola bərabər olur.

Ümumi şəkildə düzxətli hərəkətdə ani sürət və təcil belə təyin olunur:  $\vec{s} = f(t)$  yerdəyişmədir.

$$\vec{v} = \frac{d\vec{s}}{dt}, \quad \vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2\vec{s}}{dt^2}.$$

$t_2 - t_1$  zaman intervalı üçün orta sürət

$$v_{\text{orta}} = (x_2 - x_1) / (t_2 - t_1).$$

Cismin vəziyyəti koordinatlarla təyin olunur.

Hərəkət qanunu – qabaqcadan verilmiş koordinat sistemində cismin vəziyyətini ixtiyarı zaman anında təyin etməyə imkan verən tənlik və ya tənliklərdir. Bir qayda olaraq hərəkət qanunu koordinat formada yazılması qəbul edilir.

1) düzxətli bərabərsürətli hərəkət üçün :

$$\vec{a} = 0; \quad \vec{v} = \frac{\vec{s}}{t} = \text{const}, \quad \vec{s} = \vec{v}t;$$

OX oxuna proyeksiya üçün

$$a_x = 0; \quad v_x = \frac{x - x_0}{t} = \text{const}, \quad x = x_0 + v_x t$$

2) düzxətli bərabərdəyişən hərəkət üçün

$$\vec{a} = \text{const}; \vec{v} = \vec{v}_o + \vec{a}t; \vec{s} = \vec{v}_o t + \frac{\vec{a}t^2}{2}.$$

OX oxuna proyeksiya halında

$$a_x = \text{const}; v_x = v_{x0} \pm a_x t; x = x_0 + v_{x0} t \pm \frac{a_x t^2}{2}$$

Ixtiyarı xətt üzrə sabit  $\vec{v}$  sürəti ilə baş verən bərabərsürətli hərəkəti iki asılı olmayan: OX və OY oxları üzrə uyğun olaraq  $v_x$  və  $v_y$  sürətli düzxətli hərəkətlərə ayırmaq olar. Cismin trayektoriyasının istənilən nöqtəsində maddi nöqtənin ani  $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$  sürəti hərəkət trayektoriyasına toxunan istiqamətdə yönəlir.



▪ **Məsələ həllinə nümunələr.**

- **Məsələ 1.** Maddi nöqtənin OX oxu üzrə düzxətli hərəkətinin kinematik tənliyi  $x=A+Bt+Ct^3$ , kimidir. Burada  $A=4$  m,  $B=2$  m/s,  $C=-0,5$  m/s<sup>3</sup>. Zamanın  $t_1=2$  s anı üçün 1) nöqtənin  $x_1$  koordinatını, 2)  $v_1$  ani sürətini, 3) ani  $a_1$  təcilini tapın.

Həlli: Koordinatı üçün kinematik tənliyi məlum olan cisim üçün zamanı nəzərə alaraq  $x_1$  koordinatını hesablaya bilərik:  
 $x=A+Bt_1+Ct_1^3$

A,B,C və zamanı nəzərə alsaq:  $x_1=4$  m alarıq.

Ani sürət koordinatın bir tərtib törəməsi ilə təyin olunur:

$$V = \frac{dx}{dt} = B + 3Ct^2 \text{ olacaq.}$$

$t_1$ - nəzərə alsaq  $v_1=-4$  m/s alarıq.

Ani təcil isə sürətin zamana görə birinci törəməsi, koordinatın ikinci tərtib törəməsi ilə təyin olunacaq.

$$a = \frac{d^2x}{dt^2} = \frac{dv}{dt} = 6Ct$$

Hesablasaq:  $a=-6$  m/s<sup>2</sup> alarıq. Sürətin və təcilin hər iki kəmiyyətin mənfi olması zamanın verilmiş anında maddi nöqtənin OX oxu əksinə artantəcillə yeyinləşən hərəkət etdiyini söyləyə bilərik.

- **Məsələ 2.** Üfüqə bucaq altında atılmış cismin başlanğıc sürəti 10 m/s, 0,5 san sonra isə 7m/s oldu. Cisim hansı maksimal hündürlüyə qalxacaq?

Verilir :  $v_0=10$  m/s,  $v=7$  m/c  $t=0.5$  c Tapmalı:  $h$

Həlli: Üfüqə bucaq altında atılmış cismin qalxa biləcəyi maksimal hündürlüyü hərəkətin şaquli istiqamətdə proyeksiyasını yazmaqla almaq olar.

$$h = S_y = \frac{v_y^2 - v_{0y}^2}{2a_y};$$

Maksimal yüksəklikdə sürətin şaquli toplananı

$v_y=0$ , və təcilin proyeksiyası  $a_y = -g$ :

$$h = \frac{v_{0y}^2}{2g}. \quad (1)$$

Yuxarı atılmış cismin hərəkəti bərabər yavaşlayan olacaq, naməlum  $v_{0y}$  başlanğıc sürəti ani sürət dusturundan tapmaq olar:

$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t$  ifadəni proyeksiyada yaxsaq:

$$v_y = v_{0y} - gt \quad (2)$$

Pifaqor teoreminə görə  $t$  anından sonra:

$$v_0^2 = v_{0x}^2 + v_{0y}^2, \quad (3)$$

$$v^2 = v_{0x}^2 + v_y^2. \quad (4)$$

Cismin üfqi istiqamətdə sürətiinin proyeksiyası dəyişmir, çünki ağırlıq qüvvəsinin təcili sürətin bu proyeksiyasına perpendikulyardır, onun qiymətinə təsir edə bilmir.

$v_x = v_{0x} + a_x t$  dəyişmir  $a_x = 0$ . (4) və (3), (2)-ni nəzərə alsaq, alarıq:

$$v_0^2 - v^2 = 2v_{0y}gt - (gt)^2. \quad (5)$$

(5) ifadəsindən  $V_{0y}$  i tapa bilərik:  $V_{0y}=7,65$  m/s.

$$(1) \text{ ifadəsindən: } h = \frac{v_{0y}^2}{2g} = \frac{7,65^2}{2 \cdot 9,8} = 2,99 \text{ M.}$$

➤ **Məsələ 3.** *Cismin hərəkət tənliyi verilmişdir:  $x=5t+0,8t^3$ . başlanğıc hal üçün cismin sürətini və təcilini, ilk 5 san üçün orta təcili təyin edin.*

Verilib:  $x=5t+0,8t^3$ ,  $\Delta t=5$  san Tapmalı:  $a_0=?$ ,  $v_0=?$ ,  $a_{orta}=?$

Həlli:  $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$ , olduğundan, onda

$$v = \frac{dx}{dt} = 5 + 0,8 \cdot 3t^2. \quad (1)$$

$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$  dusturundan alarıq

$$a = \frac{dv}{dt} = 2.4 \cdot 2t = 4.8t. \quad (2)$$

(1) və (2) ni nəzərə alsaq,  $t=0$  üçün alırıq  $v_0=5$  m/san,  $a_0=0$  m/san<sup>2</sup>.

Orta təcili belə təyin edirik:  $\vec{a}_{cp.} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ , onda

$a_{cp.} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_t - v_0}{t}$ , 5 san sonrakı sürəti (1)-dən təyin edirik:  
 $v_t = v_5 = 5 + 2.4 \cdot 5^2 = 65$  m/s. Nəticədə  $a_{orta.} = 12$  m/s<sup>2</sup>.

► **Məsələ 4.** Maddi nöqtənin  $OX$  oxu üzrə hərəkətinin kinematik tənlikləri  $x = A + Bt + Ct^3$ , kimi verilib: haradakı  $A=4$  m,  $B=2$  m/s,  $C=-0,5$  m/s<sup>3</sup>.  $t_1=2$  s. üçün:  
 1) nöqtənin  $x_1$  koordinatını; 2)  $v_1$ ; ani sürətini 3)  $a_1$  ani təcilini təyin edin

Verilib:  $x = A + Bt + Ct^3$ ,  $A=4$  m,  $B=2$  m/s,  $C=-0,5$  m/s<sup>3</sup>,  $t_1=2$  s.  
 Tapmalı:  $x_1$ ;  $v_1$ ;  $a_1$ .

*Həlli.* 1. Verilən hərəkət tənliyində  $t$  nin yerinə  $t_1$  -in qiymətini yazsaq:  $x_1 = A + Bt_1 + Ct_1^3$ .

$A, B, C, t_1$  qiymətlərini nəzərə alsaq:  $x_1 = 4$  m alırıq.

2. Ani sürət:  $v = \frac{dx}{dt} = B + 3Ct^2$ .  $t_1$  anında ani sürət  $X$ -in bir tərtib

törəməsi ilə təyin olunacaqdır.  $v_1 = B + 3Ct_1^2$ .  $B, C, t_1$  in qiymətlərini yerinə yazsaq:  $v_1 = -4$  m/s. Mənfi işarəsi  $t_1=2$  s anında maddi nöqtənin verilmiş istiqamətin əksinə hərəkətdə olduğunu göstərir. Nöqtə koordinat oxunun əksinə hərəkət edir.

3. Ani təcil:  $a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2} = 6Ct$ .  $t_1$  anında təcil  $a_1 = 6Ct_1$

bərabərdir.  $C, t_1$ -in qiymətlərini yerinə yazsaq:  $a_1 = -6$  m/s<sup>2</sup>. Burada mənfi işarəsi təcilin istiqamətinin seçilmiş koordinat oxunun əksinə olduğunu göstərir.

- **Məsələ 5.** Maddi nöqtənin  $OX$  oxu üzrə hərəkətinin kinematik tənliyi  $x = A + Bt + Ct^2$  kimidir. Haradakı  $A=5$  m,  $B=4$ m/s,  $C=-1$  m/s<sup>2</sup>.  $t_1=1$  san. dən  $t_2=6$  s. kimi hərəkətin orta  $v_{x-orta}$  sürətini və orta təcilini təyin edin.

Verilib:  $x = A + Bt + Ct^2$ ,  $A = 5$  m,  $B = 4$  m/s,

$C = -1$  m/s<sup>2</sup>,  $t_1 = 1$  s,  $t_2 = 6$  s.

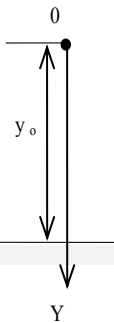
Tapmalı:  $v_{x-orta}$  - ?  $a_{x-orta}$  - ?

Həlli:  $t_2 - t_1$  intervalında maddi nöqtənin orta sürəti belə təyin olunur:  $v_{orta} = (x_2 - x_1) / (t_2 - t_1)$ .

$$x_1 = A + Bt_1 + Ct_1^2 = 8 \text{ m}, \quad x_2 = A + Bt_2 + Ct_2^2 = -7 \text{ m}.$$

$x_1$ ,  $x_2$ ,  $t_1$ ,  $t_2$  -nin qiymətlərini yerinə yazsaq, alarıq:  $v_{x-orta} = -3$  m/s.

- **Məsələ 6.** 300 m yüksəklikdə olan helikopterdən yük buraxılmışdır. A) helikopter hərəkət etmirsə, B) helikopter şaquli 5 m/s sürət enirsə, C) şaquli 5 m/s sürətlə qalxırsa yükün yerə düşmə vaxtını təyin edin.



Verilib:  $y_0 = 300$  m,  $v_0 = 5$  m/s.

Tapmalı:  $t$  - ?

Həlli.  $Y$  oxunu şaquli aşağı yönəldək, koordinat başlanğıcını helikopterin ilk olduğu yerdə qərar verək və yer səthindən olan məsafəni  $y_0$  kimi işarə edək.

Helikopter hərəkət etməzsə, yükün hərəkət tənliyi belə olar:

$$y = gt^2/2. \quad (1)$$

Yük yerə çatdıqda ( $t = t_1$ ,  $y = y_0$ ), (1) tənliyi  $y_0 = gt_1^2/2$  formasına düşər, buradan yükün yerə düşmə vaxtı

$$t_1 = \sqrt{\frac{2y_0}{g}}; \quad t_1 = 7,8 \text{ s}.$$

B) hərəkətin başlanğıcında yük helikopterlə birgə  $V_0$  asürəti ilə aşağı düşdüyündən yükün hərəkət tənliyi

$$y = v_0 t + gt^2/2. \quad (2)$$

olacaq.

Yük yer səthinə çətdiqda ( $t=t_2$ ,  $y=y_0$ ), (2) tənliyi aşağıdakı formada olacaq:

$$y_0 = v_{02}t_2 + gt_2^2/2,$$

buradan  $t_2^2 + 2v_{02}t_2/g - 2y_0/g = 0.$

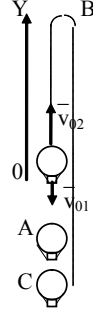
Kvadrat tənliyi həll etsək, iki cavab alarıq.

$$t_2 = \frac{-v_{02} \pm \sqrt{v_{02}^2 + 2gy_0}}{g}; \quad t_2 \approx 7,3 \text{ san.}$$

(tənliyin mənfi olan cavabı götürülmür).

C). Yükün hərəkət tənliyi yazaq:

$$y = -v_{01}t + gt^2/2 \quad (3)$$



(hərəkətin başlanğıcında yük helikopterlə birgə  $v_0$  sürəti ilə şaquli yuxarı qalxır.) Yükün yer səthinə çətdiyi an üçün ( $t=t_3$ ,  $y=y_0$ ) (3) tənliyi aşağıdakı formada yazıla bilər:

$$y_0 = -v_{01}t_3 + gt_3^2/2,$$

buradan  $t_3^2 - 2v_{01}t_3/g - 2y_0/g = 0.$

$$t_3 = \frac{v_{01} \pm \sqrt{v_{01}^2 + 2gy_0}}{g}; \quad t_3 \approx 8,3 \text{ san (mənfi cavab nəzərə alınmır).}$$

- **Məsələ 7.** 2 m/s sürətlə şaquli aşağı düşən hava şarından, yük yerə nəzərə 18 m/s sürətlə şaquli yuxarı atılır. Yük maksimal qalxma yüksəkliyində olduqda yüklə hava şarı arasında məsafəni təyin edin. Nə qədər vaxtdan sonra yük aşağı düşərək hava şarının yanından keçəcək.

Verilib:  $v_{01} = 2 \text{ m/s}$ ,  $v_{02} = 18 \text{ m/s}$

Tapmalı:  $s$  - ?  $\tau$  - ?

**Həlli.** Y koordinat oxunu şaquli yuxarı yənelmiş. Kordinat başlanğıcını yükün atılmaında hava şarının olduğu nöqtəni seçək. Bu zaman yükün və hava şarının hərəkət tənlikləri aşağıdakı kimi olar:

$$y_1 = -v_{01}t; \quad y_2 = v_{02}t - gt^2/2.$$

Yükün sürəti  $v_2 = v_{02} - gt$  qanunu ilə zamandan asılı olacaq.

Yükün maksimal qalxma yüksəkliyində sürəti sıfıra bərabərdir:  $v_2=0$ . Onda yükün bu məsafəni qalxma vaxtı  $t_{\text{qalxma}}=v_{02}/g$ . B nöqtəsində yükün koordinatları:

$$y_{2B}=v_{02}t_{\text{qalxma}} - gt_{\text{qalxma}}^2/2 = v_{02}^2/2g.$$

Bu zaman müddətində hava şarı A nöqtəsinə düşəcək: onun koordinatı

$$y_{1A} = -v_{01}t_{\text{qalxma}} = -v_{01} \cdot v_{02}/g.$$

A və B nöqtələri arasında məsafə:

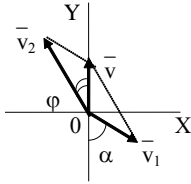
$$s = y_{2B} - y_{1A} = v_{02}^2/2g + v_{01} \cdot v_{02}/g.$$

Yük hava şarının yanından keçdikdən  $\tau$  zaman intervalından sonra yükün və hava şarının koordinatları eyni olacaq:

$$y_{1C} = y_{2C}; \quad -v_{01}\tau = v_{02}\tau - g\tau^2/2.$$

$$\text{buradan } \tau = 2(v_{01} + v_{02})/g \approx 4 \text{ san.}$$

➤ **Məsələ 8.** Təyyarə hansı kurs və hansı sürətlə hərəkət etməlidir ki, uçuş müddətində meridia nəzərən  $30^\circ$  bucaq altında  $27 \text{ km/saat}$  sürətlə şimal-qərb küləyi əsdiyi halda, özü şimal istiqamətdə  $300 \text{ km}$  yolu  $2$  saat müddətinə qət edə bilsin?



Verilib:  $t=7,2/10^3 \text{ c}$ ;  $l=3 \cdot 10^5 \text{ m}$ ;  $\alpha=30^\circ \approx 0,52 \text{ rad}$ ;  $v_2 \approx 7,2 \text{ m/s}$ . Tapmalı:  $v_2$  -?  $\varphi$  -?

**Həlli.** Təyyarənin hərəkətinə Yerlə bağlı hesablama sistemində baxaq.

OX oxunu şərqə, OY oxunu şimala yönəldək. Onda verilmiş hesablama sistemində təyyarənin sürəti belə olacaq:

$$\vec{v} = \vec{v}_1 + \vec{v}_2 \quad (1),$$

haradakı  $v = l/t \quad (2).$

tənliyini proyeksiyalarla yazaq:

$$\text{OX: } 0 = v_1 \sin \alpha - v_2 \sin \varphi;$$

$$\text{OY: } v = v_2 \cos \varphi - v_1 \cos \alpha, \quad \text{və ya}$$

$$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \varphi,$$

$$v_2 \cos \varphi = v_1 \cos \alpha + v \quad (3).$$

İfadələrdən alarıq  $\text{tg} \varphi = v_1 \sin \alpha / (v_1 \cos \alpha + v)$ ,

(2) ni nəzərə alsaq

$$\operatorname{tg}\varphi = v_1 \sin \alpha / (v_1 \cos \alpha + l/t);$$

və

$$\varphi = \operatorname{arctg} v_1 \sin \alpha / (v_1 \cos \alpha + l/t) \approx 0,078 \text{ rad.}$$

(3) ifadəsinin sağ və sol tərəfini kvadrata yüksəldib alınan tənlikləri toplasaq

$$v_2^2 \sin^2 \varphi + v_2^2 \cos^2 \varphi = v_1^2 \sin^2 \alpha + (v_1 \cos \alpha + v)^2,$$

Taparı, haradakı  $v_2 = \sqrt{v_1^2 + 2v_1 v \cos \alpha + v^2}$ ,

və ya (2) ni nəzərə alsaq

$$v_2 = \sqrt{v_1^2 + 2v_1 v \cos \alpha + (l/t)^2} \approx 48,4 \text{ (m/s).}$$

➤ **Məsələ 9.** Yer səthindən şaquli yuxarı 40 m/s sürətlə atılmış cismin  $t=7$ s sonra yerdən olan yüksəkliyini və bu müddətdə getdiyi yolu tapın.

Verilib:  $V_0=40$  m/s,  $t=7$  s

Tapmalı:  $h=?$ ,  $S=?$

Həlli: OY oxunu cismin atıldığı yerdən şaquli yuxarı seçək. Şaquli yuxarı atılan cismin hərəkəti bərabər yavaşlayan olacaq: cismin sürəti yuxarı, ağırlıq qüvvəsinin verdiyi təcil isə aşağıdır. Cismin Y koordinatı eyni zamanda onun verilmiş anda olduğu yüksəklikdir.

$$y = v_0 t - gt^2/2$$

Verilənləri nəzərə alsaq  $y=h=35$  m alarıq.

Cismin getdiyi yolu iki variantla tapa bilərik:

- sürət zaman asılılığını yazıb, verilmiş zaman müddəti üçün sürətin zamandan asılı qrafikini quraraq, t oxundan yuxarıda və aşağıda alınan fiqurların sahələrini cəmləməklə:

- mərhələ-mərhələ yanaşmaqla: verilmiş sürətlə şaquli yuxarı atılmış cismin qalxma müddəti 4 san, qalxdığı yüksəklik isə 80 m olacaq.

$$H = v_0^2/2g = 80 \text{ m, } t = v_0/g = 4 \text{ san.}$$

Cisim hərəkətin qalan 3 saniyəsinə sərbəst düşəcəkdir.  $h=gt^2/2$  kimi hesablasaq  $t=3$  san olarsa,  $h=45$  m alarıq, nəticədə cisim 7

san müddətində 80m qalxır, 45 m isə enir. Getdiyi yol  $S=80+45=125$  m olacaq.

- **Məsələ 10.** Qayıq çayda iki məntəqə arasında məsafəni çay aşağı  $t_1=8$  saata, çay yuxarı isə  $t_2=12$  saata qət edir. Dürğun suda qayıq bu məsafəni nə qədər vaxta qət edər?

Verilib:  $t_1=8$  saat,  $t_2=12$  saat

Tapmalı:  $t$

Həlli: Məntəqə arasında məsafəni  $L$  işarə edək. Qayığın sürəti  $V$ , çayın sürəti isə  $U$  olsun. Onda qayığın çayaşağı hərəkəti zamanı  $L=(V+U)t_1$ , çayyuxarı hərəkəti üçün isə  $L=(V-U)t_2$  alarıq. Buradan  $V+U=L/t_1$  və  $V-U=L/t_2$  olar. Bu ifadələrdə qayığın sürətini tapaq:  $V=(L/t_1+L/t_2)/2$  alarıq. Qayığın dürğun suda həmin məsafəni qət etməsinə tələb olunan zaman  $t=L/V=2t_1t_2/(t_1+t_2)=9,6$  saat.

- **Məsələ 11.** Bərabərtəcilli hərəkət edən qatarın I vaqonu dayanacaqda durmuş müşahidəçinin yanından 6 san, II vaqonu 4 san keçir. III vaqon müşahidəçinin yanından nə qədər vaxta keçəcəkdir?

Verilib:  $t_1=6$  s,  $t_2=4$  s

Tapmalı:  $t_3$

Həlli: Bərabər təcilli yeyinləşən hərəkət üçün yerdəyişmə (yol) dusturu (bir vaqonun uzunluğu)

$$S=V_0t_1+at_1^2/2$$

İki vaqonun bir yerdə getdiyi məsafə (iki vaqonun birgə uzunluğu)

$$2S=V_0(t_1+t_2)+a(t_1+t_2)^2/2$$

Üç vaqonun bir yerdə getdiyi məsafə ( üç vaqonun uzunluğu)

$$3S=V_0(t_1+t_2+t_3)+a(t_1+t_2+t_3)^2/2 \text{ alarıq.}$$

İlk iki vaqonun keçməsinə sərf olan zamanları nəzərə alsaq,  $t_3=3$  san.

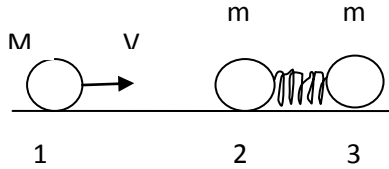


- **Məsələ 12.** *M kütləli kürə üfüqi müstəvidə hərəkət edərək bir-birinə yayla bağlanmış, sükunətdə olan iki m kütləli kürələrlə toqquşur.  $m/M$  nisbətini necə olmalıdırki, toqquşma ikinci dəfə təkrarlanmasın.*

Verilib:  $m, M, V$

Tapmalı:  $m/M$

Həlli: Zərbəyə qədər 1-ci kütlənin sürəti  $V$ , zərbədən sonra  $V_1$ , 2-ci kürənin sürti isə  $V_{02}$  olsun. Zərbə müddəti yaya bağlanmış kürələrin rəqs periodundan çox kiçik olmasını nəzərə



alsaq, alınır ki yay deformasiyaya uğramır. İmpuls və enerjinin saxlanma qanunlarını nəzərə alaraq:

$$V_1 = V(M-m)/(M+m) \text{ və } V_{02} = 2VM/(M+m).$$

Zərbədən sonra 1-ci kürə brabərsürətlə hərəkət edəcək və  $t$  müddətində

$$X_1 = V_1 t = Vt(M-m)/(M+m).$$

2-ci və 3-cü kürələrin zərbədən sonra sürətləri  $V^1 = V_{02}/2 = MV/(M+m)$ ,

sürəti ilə  $\omega = \sqrt{\frac{2k}{m}}$  tezliklə rəqs edəcək. Və  $X_2 = V^1 t + A \sin \omega t$ .

İkinci kürənin sürəti

$$V_2 = V^1 + A \omega \cos \omega t.$$

$$t=0 \text{ anında } V_2(0) = V_{02}, V^1 = V_{02}/2, A = V_{02}/(2\omega) = \frac{VM}{\omega(M+m)}$$

$$\text{Bu halda } X_2(t) = \frac{vmt}{M+m} \left( 1 + \frac{\sin \omega t}{\omega t} \right)$$

Kürələr ikinci dəfə o vaxt toqquşarkı,  $t > 0$  olsun.  $X_1(t) = X_2(t)$  olsun. Onda  $\sin \omega t = -m\omega t/M$

$\omega t = \varphi$  və  $y = -k\varphi$ ,  $y = \sin \varphi$  tənlikləri qrafik həll etsək:  $m/M \leq 0,21$   $m/M > 0,21$  olduqda təkrar toqquşma baş verməyəcəkdir.

- **Məsələ 13.** *Cisim  $H$  yüksəklikdən sərbəst büraxılır. Hər dəfə yerə dəydikdə sürətini iki dəfə azalır. Dayanana kimi nə qədər yol qət edəcəkdir?*

Verilib:  $H$ ,  $V_n = V_{n-1}/2$

Tapmalı:  $S$

Həlli: İlk toqquşmaya qədər getdiyi yol  $H$  olacaq. Yerə dəydikdən sonra sürəti iki dəfə azaldığına görə kinetik enerjisi dörd dəfə uyğun olaraq potensial enerjisi və qalxa biləcəyi yüksəklik 4 dəfə azalacaqdır. Deməli:

$$S_1=H, \quad S_2=2h_1=2H/4=H/2, \quad S_3=2h_2=2H/16=H/8 \quad \text{və sair.}$$

Bütün bu yolları cəmləsək  $S=S_1+S_2+S_3+\dots=H+H/2+H/8+\dots$

$$S=H+H(1+1/4+1/16+\dots)/2$$

Sonsuz azalan həndəsi silsilə alarıqki:

$1+\alpha+\alpha^2+\dots=1/(1-\alpha)$  nəzərə alsaq,  $\alpha=1/4$  və  $1+1/4+1/16+\dots=4/3$  olar. Nəticədə  $S=5H/3$  alarıq.

- **Məsələ 14.** *Kürə  $h$  yüksəklikdən  $V$  sürəti ilə üfüqi atılır. Hər dəfə yerə dəydikdə sürətini azaldaraq sıçrayır. Kürənin hər dəfə toqquşmadan əvvəlki qiymətinin toqquşmadan sonrakı qiymətinə nisbəti sabit qalır  $\alpha$ -dır. Sürtünməni nəzərə almayın. Kürənin üfüqi istiqamətdə getdiyi yolu təyin edin.*

Verilib:  $h$ ,  $V$ , ardıcıl toqquşmalarda şaquli sürətlərin nisbəti  $U_{n+1}/U_n=\alpha$

Tapmalı:  $S$

Həlli: İlk düşmə müddəti  $t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$  olacaq. İlk toxunma anında isə

şaquli sürət  $U = \sqrt{2gh}$  olar. Bu halda ikinci toqquşmaya qədər

kürənin üfüqi getdiyi yol  $X_1 = Vt_0 = v\sqrt{\frac{2h}{g}}$  olacaq. Bütün

toqquşmalarda kürənin sürətinin üfüqi toplananı sabit qalacaq (ağırlıq qüvvəsinin təcilinə perpendikulyar olduğuna görə).

$V=\text{const}$ . Amma şərtə görə kürənin sürətinin şaquli toplananı hər toqquşmada eyni dəyişir:  $U_1=\alpha U$ ,  $U_2=\alpha U_1$ ,  $U_3=\alpha U_2$  və sair. Və

ya  $U_1 = \alpha \sqrt{2gh}$ , ikinci toqquşmaya qədər məsafə  $X_2 = Vt_2 = 2Vt_1$ ,  $t_1 = U_1/g$  – birinci toqquşmadan sonrakı qalxma müddətidir, nəticədə birinci toqquşma ilə ikinci toqquşma arasındakı üfüqi məsafə  $X_2 = 2V\alpha \sqrt{\frac{2h}{g}}$ .

İkinci toqquşmadan sonra kürənin sürətinin şaquli toplananı  $U_2 = \alpha^2 \sqrt{2gh}$ , ikinci toqquşmadan üçüncü toqquşmaya qədər olan zaman müddəti  $t_3$  olarsa,  $t_3 = 2U_2/g$ , bu halda ikinci toqquşma ilə üçüncü toqquşma arasındakı üfüqi məsafə

$$X_3 = Vt_3 = 2V\alpha^2 \sqrt{\frac{2h}{g}} \text{ olar.}$$

Beləliklə üfüqi məsafələri toplasaq:

$$S = X_1 + X_2 + X_3 + \dots = V \sqrt{\frac{2h}{g}} (1 + 2\alpha(1 + \alpha + \alpha^2 + \dots)).$$

$\alpha < 1$  olduğundan, azalan həndəsi silsilələri,

$$1 + \alpha + \alpha^2 + \dots = 1/(1 - \alpha).$$

Buradan kürənin üfüqi yolunu tapırıq:  $S = V \sqrt{\frac{2h}{g}} (1 + \alpha)/(1 - \alpha)$ .

- **Məsələ 15.** Küləksiz havada yağış altında dayanmış adam  $t_1 = 2$  dəq ərzində islanır.  $V_1 = 5$  km/saat sürəti ilə qaçarsa, o  $t_2 = 1$  dəq ərzində islanacaq (İslanma – yəni üzərinə müəyyən miqdar su töküləcəkdir). Adamın bütün hallarda şaquli vəziyyətdə olduğunu bilərək, 20 km/saat sürətlə hərəkət etdiyi zaman neçə dəqiqəyə islandığını tapın.

Verilib:  $V_1 = 0$ ,  $t_1 = 2$  dəq,  $V_2 = 5$  km/saat,  $t_2 = 1$  dəq,  $V_3 = 20$  km/saat  
Tapmalı:  $t_3$

Həlli: Adam dayandıqda yağış onu yalnız yuxarıdan isladacaq. Vahid həcmdəki suyun kütləsim, adamın yuxarı səthinin (çiyinləri və başı) sahəsi  $S_1$ , yağış damcısının sürəti  $U$ , adamı isladan suyun kütləsi  $M$  olarsa,  $M = mUS_1t_1$  olar.

Adam  $V_1$  sürəti ilə hərəkət etdikdə yağış onu həm də ön tərəfdən isladacaqdır. Adam hesablama sistemi kimi götürülsə, yağış damcılarının sürəti  $U$  və  $-V$  olacaq. Beləliklə

$$M = mUS_1t_2 + mS_2V_1t_2 \text{ olacaq.}$$

$S_2$  adamın ön hissəsinin sahəsidir.

Eyni səbəbə görə  $M = mUS_1t_3 + mS_2V_2t_3$  olacaq.

Sistemi həll etsək:  $t = t_1(1 + t_1V_2(1 - t_2/t_1)/t_2V_1)$  alarıq:

$$t_3 = 0,4 \text{ dəq.}$$

- **Məsələ 16.** *Avtomobil yolun birinci hissəsini  $v_1 = 60$  km/saat, qalan hissəsinin əvvəlini -  $v_2 = 15$  km/saat, sonunu isə  $v_3 = 45$  km/saat sürəti ilə keçmişdir. Avtomobilin bütün yol boyu orta sürətini tapın.*

Həlli: Məsələdə verilən “qalan” hissədə avtomobilin orta sürəti

$$\frac{v_2 + v_3}{2}.$$

$S$  yolun  $t$  müddətində getdiyindən:

$$t = \frac{s}{2v_1} + \frac{S}{2 \frac{(v_2 + v_3)}{2}} = S \frac{2v_1 + v_2 + v_3}{2v_1(v_2 + v_3)}.$$

Onda orta sürət üçün alarıq:

$$v_{orta} = \frac{S}{t} = \frac{2v_1(v_2 + v_3)}{2v_1 + v_2 + v_3} = 40 \text{ km/saat}$$

- **Məsələ 17.** *Eskalator hərəkətdə olmayan insanı  $t_1 = 1$  dəqiqə ərzində yuxarıya qaldırır. Eskalator durduqda insan onun üzərində yuxarıya hərəkət edir və həmin yola  $t_2 = 3$  dəqiqə sərf edir. Hərəkət edən eskalator üzərində yuxarıya qalxan insanın sərf etdiyi vaxtı tapın.*

Həlli: Məsələnin şərtinə görə insane eskalatorun uzunluğunu, eskalatorun öz sürətinə nəzərən gec qət edir. Eskalatorun sürəti daha çoxdur. Eskalatorun və insanın hərəkət istiqamətləri eyni olduqda eskalatorun çıxış mümkündür.  $S$  – eskalatorun uzunluğu,  $v$  – eskalatorun sürəti,  $u$  – hərəkət edən insanın sürəti olarsa,

$$v = \frac{S}{t_1}, \quad u = \frac{S}{t_2},$$

Eyni istiqamətdə hərəkət etdiklərinə görə (bir cismin üzərində ikinci cismin hərəkəti zamanı kənar müşahidəçiyə nəzərən sürət cisimlərin sürətlərinin cəmidir). Onda

$$t_3 = \frac{S}{v+u} = \frac{S}{\frac{S}{t_1} + \frac{S}{t_2}} = \frac{t_1 t_2}{t_1 + t_2} = \frac{3}{4} \text{ dəq.} = 45 \text{ san.}$$

İnsan eskalatorun əksinə hərəkət edərsə, onda yerə nəzərən insanın sürəti  $v_{\text{nisbi}} = u - v$  olacaq. İnsanın sürəti eskalatorun sürətindən böyük olmalıdırki, o məqsədinə nail ola bilsin, eskalatoru tamamlaya bilsin (keçsin). Əgər insan eskalatorun sürətindən daha böyük sürətə malik olarsa, bu halda o eskalatorun əksinə hərəkət edərək onu tamamlaya bilər.

- **Məsələ 18.** Sərbəstdüşən cisim son  $S = 30 \text{ m}$  məsafəni  $\tau = 0,5 \text{ san}$  ərzində keçdi. Hansı  $H$  hündürlüyündən düşdüyünü tapın?

Həlli: Tutaq ki,  $t$  – cismin düşməsinin tam müddətidir. Onda

$$H = \frac{gt^2}{2}, \quad H - S = \frac{g(t - \tau)^2}{2}.$$

Buradan

$$S = \frac{g}{2}(t^2 - (t - \tau)^2) = \frac{g}{2}(2t\tau - \tau^2),$$

$$t = \frac{S}{g\tau} + \frac{\tau}{2}.$$

Buradan da

$$H = \frac{g}{2} \left( \frac{S}{g\tau} + \frac{\tau}{2} \right)^2 = 200 \text{ m.}$$

- **Məsələ 19.** İlk təkandan sonra top maili müstəvi üzərində aşağıdan yuxarıya yuvarlanır. Başlanğıc məsafədən top  $l = 30 \text{ sm}$  məsafədə iki dəfə olmuşdur:  $t_1 = 1$  saniyədə və hərəkətə düşdükdən sonra  $t_2 = 2$  saniyədə. Sürətin bərabərtəcilli olduğunu nəzərə almaqla, topun  $v_0$  başlanğıc sürətini və  $a$  təcilini tapın.

$$\text{Həlli:} \quad l = v_0 t_1 - \frac{at_1^2}{2}, \quad l = v_0 t_2 - \frac{at_2^2}{2},$$

$$v_0 = \frac{a(t_2 + t_1)}{2},$$

$$l = \frac{at_1(t_2 + t_1)}{2} - \frac{at_1^2}{2} = \frac{at_1 t_2}{2}.$$

$$\text{Buradan} \quad a = \frac{2l}{t_1 t_2} = 30 \text{ sm/s}^2.$$

$$v_0 = \frac{l(t_1 + t_2)}{t_1 t_2} = 45 \text{ sm/s.}$$

- **Məsələ 20.** Cisim başlanğıc sürəti  $v_0$  ilə şaquli yuxarı istiqamətdə atılmışdır. Cisim trayektoriyasının yüksək nöqtəsinə çatdıqda, digər bir cisim ilkin nöqtədən həmin

$v_0$  başlanğıc sürəti ilə şaquli yuxarı istiqamətdə atılmışdır. Cisimlər hansı  $h$  hündürlüyündə görüşürlər?

Həlli: Bərabərtəcilli hərəkət üçün 
$$S = \frac{v^2 - v_0^2}{2a}$$

Cismin qalxa biləcəyi maksimal yüksəklik 
$$h_{\max} = \frac{v_0^2}{2g}$$

Birinci cisim üçün 
$$h_1 = h_{\max} - \frac{gt^2}{2}$$

Şərtə görə cisimlər görüşür və  $h_1 = h_2 = h$ ,  
 $t = \sqrt{2h/g}$  qalxma müddəti olacaq.

buradan 
$$h = \frac{3}{8} \cdot \frac{v_0^2}{g} = \frac{3}{4} h_{\max}$$

və 
$$h = \frac{3v_0^2}{8g}$$

- **Məsələ 21.** Bir nöqtədən iki cisim eyni başlanğıc sürəti  $v_0 = 19,6$  m/s və  $\tau = 0,5$  san zaman fasiləsi ilə şaquli yuxarı istiqamətdə atılmışdır. İkinci cisim atıldıqdan sonra hansı  $t$  müddətində və  $h$  hündürlüyündə cisimlər görüşür?

Həlli: 
$$t = \frac{v_0}{g} - \frac{\tau}{2} = 1,75 \text{ san,}$$

$$h = \frac{v_0^2}{2g} - \frac{g\tau^2}{8} = 19,3 \text{ m.}$$

- **Məsələ 22.**  $h$  hündürlüyündə olan dik sahildən üfüqi istiqamətdə güllə atılmışdır. Güllənin başlanğıc sürəti  $v_0$  -

*dir. Suya daxil olma zamanı güllənin sürətinin modulunu və istiqamətini təyin edin.*

Həlli: Güllənin düşmə müddəti:

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

Güllənin sürətinin üfüqi toplananı ağırlıq qüvvəsinin təcilinə perpendikulyar olduğu üçün bütün hərəkət boyu sabit qalacaq.

$$v_x = v_{0x} = v_0, = \text{const}$$

Sürətin şaquli toplananı isə

$$v_y = v_{0y} + g_y t = -gt,$$

Son sürət

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{v_0^2 + (gt)^2} = \sqrt{v_0^2 + 2gh},$$

Düşmə anında sürətin üfüqlə əmələ gətirdiyi bucağın tangensi:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{|v_y|}{v_x} = \frac{gt}{v_0} = \frac{\sqrt{2gh}}{v_0}.$$

- **Məsələ 23.** *Suyun şırnağını üfüqə hansı  $\alpha$  bucaq altında istiqamətləndirmək lazımdır ki, onun maksimal qalxma hündürlüyü üfüqi yayılma məsafəsinə bərabər olsun?*

Həlli: Üfüqi atılmış cismin üfüqi istiqamətdə getdiyi yol belə

tapılır.

$$L = \frac{2v_0^2 \sin \alpha \cos \alpha}{g}$$

Maksimal qalxdığı yüksəklik sürətin Y proyeksiyasına görə təyin olunur.

$$H = \frac{v_{0y}^2}{2g} = \frac{v_0^2}{2g} \sin^2 \alpha$$

Şərtə görə  $H = L, \Rightarrow$  buradan  $\operatorname{tg} \alpha = 4,$

Və  $\alpha = \operatorname{arctg} 4 = 76^\circ.$



- **Məsələ 24.** Yerdə yerləşən şlanqdan su başlanğıc sürəti  $v_0 = 10$  m/san ilə  $\alpha = 45^\circ$  altında üfüqə çırpır. Şlanqın çapıq dəliyinin sahəsi  $S = 5$  sm<sup>2</sup>. Havada yerləşən şırnağın  $m$  kütləsini təyin edin.

Həlli: Üfüqlə bucaq altında atılmış cismin uçuş müddəti

$$t = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g},$$

borudan çıxan suyun kütləsi uyğun olaraq:

$$m = \rho S v_0 t = \rho S \frac{2v_0^2 \sin \alpha}{g} = \frac{2\rho v_0^2 S \sin \alpha}{g} = 7,2 \text{ kq}$$

- **Məsələ 25.** Cismi hansı bucaq altında üfüqə nəzərən atmaq lazımdır ki, onun uçuş yolu maksimum olsun.

Həlli: Üfüqlə bucaq altında atılmış cismin üfüqi uçuş məsafəsi

$$S = \frac{V_0^2 \sin 2\alpha}{g}$$

Bu məsafənin atılma bucağından asılılığı öyrənilir. Hansı bucaq altında atıldıqda uçuş yolunun maksimal olmasını tapmaq üçün yolun ifadəsindən atılma bucağına görə bir tərtib törəmə alıb sifra bərabər etmək lazımdır.  $S' = 0$

$$\text{və} \quad S' = \frac{V_0^2}{g} \cos 2\alpha = 0$$

$$\text{Buradan} \quad \cos 2\alpha = 0$$

$$\text{və} \quad 2\alpha = 90^\circ$$

$$\alpha = 45^\circ$$

- **Məsələ 26.** Uşaq oyuncaq tüfəngindən şaquli olaraq yuxarı tennis topu atılır. Top yuxarı kənar vəziyyətə çatdıqda ikinci top tüfəngdən həmin başlanğıc sürətlə atılır. Atılma hündürlüyü 4,9 m olarsa, toplar hansı hündürlükdə görüşəcəkdir?

Verilib:  $H=4,9\text{m}$ ,  $g=9,8\text{m/s}^2$ ,

Tapmalı:  $h=?$

Həlli: Hesablama başlanğıcı olaraq trayektoriyanın ən yuxarı nöqtəsini qəbul edək. Fərz edək ki, OX oxu şaquli aşağı yönəlmişdir.

Birinci tennis topunun hərəkət tənliyi

$$x = \frac{gt^2}{2},$$

ikincinininki isə

$$x = H - v_0 t + \frac{gt^2}{2}$$

kimi olar. Bu tənliklərdən zamanı tapmaq

$$\frac{gt^2}{2} = H - v_0 t + \frac{gt^2}{2};$$

$$t = \frac{H}{v_0} = \frac{H}{\sqrt{2gH}};$$

Topların görüşmə yeri (yerdən olan yüksəklik) üçün alarıq:

$$h = H - x = H - \frac{gt^2}{2} = H - \frac{H}{4} = \frac{3H}{4}$$

$$h = \frac{3H}{4} = \frac{3 \cdot 4,9}{4} = \frac{14,7}{4} = 3,675\text{m}$$

- **Məsələ 27.** Hündürlüyü  $h$  olan evin damundan eyni vaxtda iki kürə biri  $v_1$  sürətilə yuxarı, digəri  $v_2$  sürətilə

*aşağı atılır. Kürələrin yerə düşmə müddətləri arasındakı fərq nə qədər olar?*

Tapmalı:  $t_1 - t_2 = ?$

Həlli: Kürələrin hərəkət istiqamətlərini OX oxu istiqamətində qəbul edək. Kürələrin hərəkət tənlikləri belə olar:

$$x_1 = h + v_1 t_1 - \frac{gt_1^2}{2}, x_2 = h - v_2 t_2 - \frac{gt_2^2}{2}$$

Burada  $t_1$  – birinci ,  $t_2$  isə ikinci kürənin yerə düşmə müddətidir. Yerə düşmə halına

$$x_1 = x_2 = 0 \quad \text{uyğun gəlir:}$$

Buradan

$$h + v_1 t_1 - \frac{gt_1^2}{2} = 0, h - v_2 t_2 - \frac{gt_2^2}{2} = 0$$

Bu kvadrat tənliklərdən  $t_1$  və  $t_2$  –ni təyin etsək, alarıq:

$$t_1 - t_2 = \frac{1}{g} \left( v_1 + v_2 + \sqrt{v_1^2 + 2gh} - \sqrt{v_2^2 + 2gh} \right)$$

➤ **Məsələ 28.** *Cisim 80 m yüksəklikdən 30m/s sürətlə yuxarı atılmışsa, nə qədər vaxtdan sonra yerə düşər .*

Verilib:  $h=80$  m.  $V=30$  m/s,

Tapmalı: t

Həlli: Müəyyən yüksəklikdən sürətlə yuxarı atılmış cisim üçün bərabər təcilli hərəkətin tənliyində istifadə edək: nəzərə alsaq ki, OY oxu yuxarı yönəlmişdir, alarıq.

$$x = x_0 \pm V_0 t + \frac{at^2}{2}$$

$$y = y_0 + V_0 t - \frac{gt^2}{2}$$

$$0 = 80 + 30t - \frac{10t^2}{2}$$

$$10t^2 - 60t - 160 = 0$$

$$t^2 - 6t - 16 = 0$$

$$t_1 = 8 \text{ san}$$

$$t_2 = -2 \text{ san}$$

Mənfi cavab cismin hərəkətə başlanmamışdan əvvəlki halına aiddir (Atılmamışdan 2 san. əvvəl cisim yerdə olmuş və  $V=V_0-gt$  dusturuna əsasən 50m/s sürətlə şaquli yuxarı atılmış deməkdir).

- **Məsələ 29.** *Lövə mail müstəvi üzrə sürüşür. Müstəvi üzərində qeyd olunan yerdən lövhənin ilk 1/5-i  $t=2$ san keçirsə, son 1/5 nə qədər vaxtı keçək. Lövhənin hərəkətini bərabərtəcilli hesab edin.*

Həlli. Lövhənin uzunluğunu  $5S$  götürək. onda ilk 5 də bir hissəsi

$$S = \frac{at^2}{2}$$

Beşdə dörd hissəsi isə  $4S = \frac{at^2}{2}$  tam olaraq  $5S = \frac{at^2}{2}$

yolunu gedecek.

Son beşdə biri  $S = \frac{at^2}{2} - \frac{at^1}{2}$  buradan

$$nS - (n-1)S = \frac{at^2}{2}$$

$$t_2 = \sqrt{\frac{2nS}{a}} \quad \text{və}$$

$$t_1 = \sqrt{\frac{2(n-1)S}{a}}$$

olduğunu nəzərə alsaq:

$$t_2 - t_1 = \Delta t = \sqrt{\frac{2S}{a}} (\sqrt{n} - \sqrt{n-1}) = t(\sqrt{n} - \sqrt{n-1}) \sim 0,4 \text{ s}$$

alarıq.

- **Məsələ 30.** Müəyyən yüksəklikdən sərbəst düşən cismin ilk  $t$  saniyədə getdiyi yol, son həmin müddətdə getdiyi yoldan  $n=5$  dəfə kiçikdir. Cismin düşdüyü hündürlüyü tapın.

Həlli. Cismin  $t$  müddətində getdiyi yol  $h = \frac{gt^2}{2}$

Axırıncı həmin  $t$  müddətinə qədər getdiyi yol

$$H = \frac{g(\tau - t)^2}{2} + nh \quad \text{və} \quad H = \frac{g\tau^2}{2}$$

onda  $\frac{g\tau^2}{2} = \frac{g}{2}(\tau - t)^2 + n \frac{gt^2}{2}$

buradanda

$$\frac{\tau^2}{2} = \frac{(\tau - t)^2}{2} + \frac{t^2}{2}$$

$$H = \frac{g(\tau - t)^2}{2} - nh = \frac{g}{2}(\tau - t)^2 + n \frac{gt^2}{2} = \frac{g\tau^2}{2}$$

$$(\tau - t)^2 + nt^2 = \tau^2$$

$$\tau^2 - 2\tau t + t^2 + nt^2 = \tau^2$$

$$\tau = \frac{(n+1)t}{2}$$

$$H = \frac{g}{2} T^2 = \frac{gt^2}{8} (n+1)^2$$

- **Məsələ 31.** Taxtanın bir üzünü hamar, digər üzünü isə qeyrihamardır (dığır)dir). Nahamar səthi üzrə mail müstəvi üzrə qoyduqda sürüşmə ərafəsində olur. Mail müstəvi ilə cisim arasında sürtünmə əmsalı  $\mu=0,2$  – dir. Taxtanın hamar səthi üzrə qoysaq o, hansı təcillə sürüşər?

Həlli: Cismin bərabərsürətli düşməsi üçün  $\operatorname{tg}\alpha = \mu$  olmalıdır.

Sürtünməsiz düşdükdə aldığı təcil  $a = g \sin \alpha$

Buradan  $\sin \alpha = \operatorname{tg} \alpha \cdot \cos \alpha = \operatorname{tg}^2 \alpha = \mu^2$  və

$$\operatorname{Htg}^2 \alpha = \mu^2 + 1 \quad \text{eləcə də} \quad \frac{1}{\cos \alpha} = 1 + \mu^2$$

Buradan  $\cos^2 \alpha = \frac{1}{1 + \mu^2}$  və

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha = \frac{1 + \mu^2 - 1}{1 + \mu^2} = \frac{\mu^2}{1 + \mu^2}$$

$$\sin \alpha = \frac{\mu}{\sqrt{1 + \mu^2}} : \text{ nəhayət } a = \frac{\mu g}{\sqrt{1 + \mu^2}}.$$



**Evklid** (e.ə. III əsr) qədim yunan alimidir. "Başlanğıc", "Optika", "Katoptrika" traktatları məlumdur. Işığın düzxətli yayılması və qayıtması qanunlarını vermişdir. Həndəsi optikanın əsasını qoymuşdur.



**Aristotel** (e.ə. 384-322 ) qədim yunan alimidir. Əsərləri həmin dövrün bütün elmlərinə aiddir. "Fizika", "Yaranma və məhv olma haqqında", "Səma haqqında", "Mexanika" və s. traktatları vardır.



**Ptolomey Klavdi** (e.ə. III əsr) qədim yunan filosofudur. Əsərləri həndəsi optikaya və astronomiyaya aiddir. Işığın sınımasını tədqiq etmişdir.

**Arximed** ( E.ə. 287 Siciliya, Yunanıstan – E.ə. 212, Sirakuza) — riyaziyyatçı ailəsindən anadan olmuşdur. Onun atası Fidia riyaziyyatçı və astronom olub, oğluna yaxşı təhsil vermişdir. İsgəndəriyyədə olduğu vaxtda o riyaziyyatçı və astronom Eratosfenlə görüşür və ondan dərslər alır. Arximed Demokritin, Evdokisin, Evklidin və başqa məşhur alimlərin işləri ilə yaxından tanış olur. Arximed vinti, nizələri, oxları və mərmiləri uzaq məsafələrə atmaq üçün işlədilən katapultlar, gəmiləri batırmaq üçün kranlar və s. işləri olmuşdur. Onun tərəfindən müxtəlif həndəsi fiqur və cisimlərin səthinin sahəsi və həcmnin təyin edilməsinin yeni metodları işlənib hazırlanmış, çevrənin uzunluğunun hesablanması düsturu təklif edilmiş, hidrostatika və nəzəri mexanikanın təməli qoyulmuş, planetari, suqaldırıcı maşın, atıcı döyüş topları və s. düzəldilmişdir. Təəssüf olsun ki, bu maşınlar və başqa ixtiraları haqqında Arximed heç bir əlyazma qoymamışdır.

**Məhəmməd əl-Fəzari (Küfə --796)** Riyaziyyatçı və astranom alim hind dilindən astronomiya və riyaziyyatla bağlı bir çox əsərləri ərəb dilinə tərcümə etmiş, astronomiya elminin əşiqələrindən biri hesab edilirdi. Onun ulduzlara həsr etdiyi qəsidəsinin olduğu deyilir. İslam dünyasında ilk qlobusu düzəldən şəxdir. Hind elmi ilə bağlı bütün məlumatları bir yerə cəm etmiş və çox qiymətli məlumatlar da əlavə etmişdir.



### ✚ Müstəqil həll üçün məsələlər.

**1.1.** Maddi nöqtənin koordinatlarının zamandan asılı olaraq dəyişmə qanunları verilmişdir:  $x=4t$ ,  $y=3t$ ,  $z=0$ . Başlanğıc haldan hesablanan yolun zamandan asılılığını təyin edin. 5 san müddətində cisim nə qədər yol gedər?

**1.2.** Qayıq sahilə perpendikulyar olmaqla 7,2 km/saat sürətlə hərəkət edir. Axın onu sahil boyu çay aşağı 150 m aparır. Çayın eni 500 m olarsa, 1) çayın axın sürətini, 2) qayığın çayı keçmə müddətini tapın.

**1.3.** Cisim başlanğıc sürətsiz 20 m yüksəklikdən sərbəst buraxılır. 1) 0,1 san müddətində cismin getdiyi yolu tapın 2) hərəkətin son 0,1 san-sində cismin yolunu hesablayın. Havanın müqavimətini nəzərə almamalı.

**1.4.** Yer səthindən şaquli yuxarı atılan cisim 3 san-dən sonra yerə düşmüşdür. 1) cismin başlanğıc sürətini hesablayın. 2) cisim hərəkət müddətində hansı maksimal yüksəkliyə qalxmışdır. Havanın müqavimətini nəzərə almamalı.

**1.5.** Daş şaquli yuxarı atılır. Hər hansı 1 saniyə müddətində cisim müəyyən məsafə qət edir. Sonrakı həmin məsafəni cisim 4 san qət edir. Daşın qalxa biləcəyi maksimal yüksəkliyi tapın. Hər iki zaman anında cisim yuxarı hərəkət etdiyini qəbul etməli.

**1.6.** Yağış damcısı yerə düşən anda malik olduğu sürət 15 m/san dir. Damcılardan biri dərinliyi 10 m olan quyuya düşür. Səsin sürətinin 340 m/san olduğunu qəbul edərək, quyunun yanında durmuş adamın damcının quyudakı su səthinə toxunduğu səsi eşitmək üçün gözləməli olduğu zamanı tapmalı.

**1.7.** Cismin hərəkəti zamanı getdiyi yolun zamandan asılılığı aşağıdakı tənliklə verilmişdir.  $s=At-Bt^2+Ct^3$ , haradakı  $A=2$  m/s,  $B=3$  m/s<sup>2</sup>,  $C=4$  m/s<sup>3</sup>. ə1) sürət və təcilin zaman asılılığını: 2) hərəkətə başladıqdan 2 saniyə sonra cismin yolunu, sürətini və təcilini tapın. zamanın  $0 \leq t \leq 3s$  müddətində 0,5 saniyə interval olmaqla yolun, sürətin və təcilin zaman asılılığını qurun.

**1.8.** cismin yolu zamandan  $s=A+Bt+Ct^2$  kimi asılıdır. haradakı  $A=3M$ ,  $B=2$  m/s,  $C=1$  m/s<sup>2</sup>. Hərəkətin birinci, ikinci və üçüncü saniyələri üçün orta sürət və orta təcili təyin edin.

**1.9.** Aşağıdakı tənliklərlə verilmiş cismin trayektoriyasını təyin edin:  $x=4t^2 + 2$ ;  $y=6t^2 - 3$ ;  $z=0$ . Nöqtənin getdiyi yolun zaman asılılığını qurun.

**1.10.** Maddi nöqtənin hərəkəti aşağıdakı tənliklərlə verilmişdir:  $x=8t^2+4$ ;  $y=6t^2-3$ ;  $z=0$ .  $t=10$  san anında maddi nöqtənin sürət və təcilinin modulunu tapın.

**1.11.** Hərəkət tənlikləri  $x=2t^2+3t+4$ ;  $y=3t^2+4t-2$ ;  $z=0$  kimi verilən cisim hərəkətə başladıqdan  $t=10$  san müddətində nə qədər yol gedər?

**1.12\*.** Hərəkətdə təcil sürətin kvadratı ilə mütənasib olub, hərəkətin əksinə yönəldiyini bilərək, yolun zaman asılılığı təyin edin.

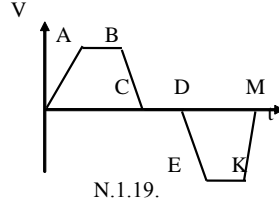
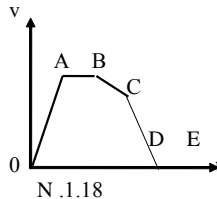
**1.13.** OX oxu boyu hərəkət edən maddi nöqtənin sürəti  $v_x=0,2-0,1t$  kimidir. Başlanğıc anda maddi nöqtə  $X_0 = 1m$  koordinatda olmuşdursa,  $t=10$  san anında cismin koordinatını təyin edin.

**1.14.** Çayın axın sürəti onun eni boyu  $v=-4x^2+4x+0,5$  qanunu kimi dəyişir. Haradakı  $x=a/b$  ( $a$ - sahilədən məsafə,  $b$ -çayın enidir.). Qarşıdakı sahilə perpendikulyar olaraq 2 m/s sürətlə hərəkət edən qayıq axın boyu yerini nə qədər dəyişər? Çayın eni 420m dir.

**1.15.** Təyyarə havaya nəzərən 800 km/saat sürətlə hərəkət edir. Külək şərqdən 15 m/s sürətlə əsir. Təyyarə yerə nəzərən cənuba hansı sürətlə hərəkət edəcək və onun hərəkəti meridiaana nəzərən hansı bucaq əmələ gətirər?

**1.16.** 45 km/saat sürətlə hərəkət dən avtomobilin ön şüşəsinə düşən yağış

damcısının əmələgətirdiyi bucaq şaqula  $30^\circ$  təşkil edir. Damcının düşmə sürətini tapın.



**1.17.** 40 km/saat sürətlə hərəkət edən qatarda olan sənişin qarşıdan gələn 75 m uzunluqlu qatarı 3 san müddətində görür. Qarşıdan gələn qatarın sürətini tapın.

- 1.18.** Cismın sürət zaman qrafiki verilmişdir. (N 1.18). Bu qrafikə əsasən yol zaman asılılığını qurun.
- 1.19.** Cismın sürət zaman asılılığı verilmişdir (N 1.19.) Uyğun olan yol zaman asılılığını qurun. OABC trapesiyasının sahəsi DEKM trapesiyasının sahəsinə bərabərdir.
- 1.20.** Cisim ilk saniyədə 1 m, sonrakı saniyədə 2m, 3-cü saniyədə 3 m, 4-cü saniyədə 4 m yol gedirsə, hərəkəti bərabərtəcilli hesab etmək olarmı? Cavabı araşdırın.
- 1.21.** Doqquz mərtəbəli evin damından ağır cisim düşür. Bərabər zaman fasilələrində cisim hansı mərtəbələri keçəcəkdir? Havanın müqavimətini nəzərə almayın.
- 1.22.** Yer səthindən şaquli yuxarı atılan cismin sürəti nə qədər olmalıdırki, uçuş müddətində getdiyi yol 250 m olsun?
- 1.23.** Müəyyən yüksəklikdən sərbəst buraxılan cisim axırncı 2 saniyədə 100 m yol qət edir. Cismın buraxıldığı yüksəkliyi və düşmə müddətini tapmalı.
- 1.24.** Sərbəst buraxılan cisim axırncı saniyədə bütün yolun 7/16 hisəsini qət edir. Cismın sərbəst buraxıldığı yüksəkliyi və düşmə müddətini tapın.
- 1.25.** Qayığın yolun birinci yarısında malik olduğu sürət, yolun ikinci yarısında malik olduğu sürətdən 2 dəfə çoxdur. Yola görə orta sürətin 40 m/san olduğunu bilərək, hər iki hissədə qayığın sürətlərini tapın.
- 1.26.** Cisim yola sərף olan vaxtın yarısını verilmiş hərəkət istiqamətinə  $\alpha_1=30^\circ$  olmaqla  $V_1=30$  m/s sürətlə, ikinci yarısını həmin istiqamətə  $\alpha_2=120^\circ$  olmaqla  $V_2=40$  m/san sürətlə qət edir. Orta sürəti tapmalı. Cisim 4 san müddətində nə qədər yol gedər?
- 1.27.** Maddi nöqtə a təcili ilə bərabər yeyinləşən hərəkət edir. İki ardıcıl t müddətində gedilən yolların fərqi tapın.
- 1.28.** Müəyyən yüksəklikdən  $\tau=1$  san zaman fərqi ilə iki cisim sərbəst buraxılır.  $t_1=4$  san sonra cisimlər arasındakı məsafəni təyin edin.
- 1.29.** Cisim müəyyən yüksəklikdən sərbəst düşür. Axırncı  $h=196$  m yolu  $\tau=4$  san qət edir. Cismın düşmə vaxtını və yüksəkliyini tapın.

**1.30.** Cisim yer səthindən şaquli yuxarı atılır. Müşahidəçi cismin  $\tau$  zaman intervalı ilə eyni  $h$  yüksəklikdə olduğunu görür. Cismin başlanğıc sürətini və düşmə vaxtını təyin edin.

**1.31.** Maddi nöqtənin hərəkəti  $\vec{r} = 2t\vec{i} - (t^2 - 1)\vec{j}$  kimi verilmişdir. Maddi nöqtənin trayektoriyasını, sürət və təcilini təyin edin.

**1.32.** Maddi nöqtə radiusu  $R=2$  m olan cəvrə üzrə  $\varphi = 2 + 2t - t^2$  qanunu ilə hərəkət edir. Nöqtənin dayanana kimi getdiyi yolu tapın.  $t_1=0,5$  saniyə anı üçün nöqtənin təcilini təyin edin.

**1.33.** Cisim  $H = 45$  m hündürlüyündən sərbəst düşməyə başlayır. Bu anda,  $h = 24$  m hündürlüyündə yerləşən nöqtədən ikinci cismi şaquli yuxarı istiqamətdə atırlar. Hər iki cisim eyni zamanda yerə düşürlər. İkinci cismin  $v_0$  başlanğıc sürətini təyin edin ( $g=10$  m/s<sup>2</sup>).

**1.34.** Lövhə mail müstəvi üzrə sürüşür. Müstəvi üzərində qeyd olunan yerdən lövhənin ilk  $1/5$ -i  $t=2$  saniyə keçirsə, onda son  $1/5$  nə qədər vaxtı keçər? Lövhənin hərəkətini bərabərtəcili hesab edin.

**1.35.** Mail müstəvi üzrə aşağıdan yuxarı kürə atılır. Atıldığı nöqtədən  $10$  m məsafədə kürə ikidəfə: zamanın 2-ci və 5-ci saniyələrində olur. Kürənin başlanğıc sürətini hesablayın.

## ❖ 2. Əyri xətlə hərəkət.

Əyri xətlə hərəkət – trayektoriyası əyri xətt olan hərəkətdir.

## • Məsələ həllinə nümunələr.

- **Məsələ 1.** Hündürlüyü 25 m olan qüllədən 15 m/san sürətlə üfüqi olaraq daş atılır. 1) daş hansı müddətdə hərəkətdə olacaq, 2) qüllədən hansı məsafədə yerə düşəcəkdir, 3) yerə hansı sürətlə düşəcək, 4) yerə düşən anda daşın trayektoriyası üfüqlə hansı bucaq əmələ gətirəcəkdir. Havanın müqavimətini nəzərə almamalı.

Verilib:  $H=25$  m,  $v_0=15$  m/c Tapmalı:  $t$ -?  $s_x$ -?  $v$ -?  $\varphi$ -?

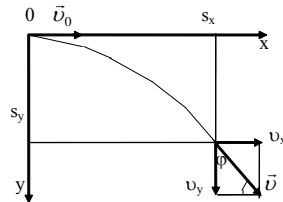
Həlli. Daşın yerdəyişməsini uyğun olaraq X və Y oxları üzrə proyeksiyalarda yazmaq olar: üfüqi  $s_x$  və şaquli  $s_y$ :  
 $s_y = H = gt^2/2$ ,  $s_x = v_0 t$ ,  
 Burada  $t$  – hərəkət müddətidir.

Buradan: 1)  $t = \sqrt{\frac{2s_y}{g}} = 2,26$  s;

2)  $s_x = v_0 t = 33,9$  m;

3)  $v_y = gt = 22,1$  m/san;

4)  $\sin\varphi = v_y/v = 0,827$ ;  $\varphi = 55^\circ 48'$ .



- **Məsələ 2.** Topu üfüqə  $40^\circ$  olmaqla 10 m/san sürətlə atılır. 1) topun qalxa biləcəyi maksimal yüksəkliyi tapın 2) atıldığı nöqtədən hansı üfüqi məsafədə top yerə düşəcəkdir 3) topun hərəkət müddətini təyin edin

Verilib:  $v_0 = 10$  m/c,  $\alpha = 40^\circ$ .

Tapmalı:  $s_y$  - ?  $s_x$  - ?  $t$  - ?

Həlli. 1)  $v_0$  başlanğıc sürətlə üfüqə  $\alpha$  bucağı altında atılmış topun maksimal qalxa biləcəyi yüksəkliyi tapan. Şəklə əsasən yaza bilirik:

$$v_y = v_0 \sin \alpha - gt; \quad (1)$$

$$s_y = v_0 t \sin \alpha - gt^2/2. \quad (2)$$

Maksimal yüksəklikdə  $v_y = 0$  və (1) tənliyindən alarıq  $v_0 \sin \alpha = gt_1$ , buradan topun qalxma müddəti  $t_1 = v_0 \sin \alpha / g$ .  $t_1$  – qalxma müddətini (2) də yerinə yazsaq, alarıq

$$s_{y \max} = v_0^2 \sin^2 \alpha / (2g) = 2,1 \text{ m.}$$

2) Üfüqə bucaq altında atılmış cismin uçuş yolunu  $s_{x \max}$  -i tapaq.

Bilirik ki:

$$v_x = v_0 \cos \alpha,$$

(3)

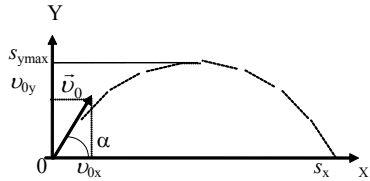
$$s_x = v_x t = v_0 t \cos \alpha.$$

(4)

top üfüqi müstəviyə  $t_2 = 2t_1 = 2v_0 \sin \alpha / g$  müddətindən sonra düşəcəkdir..

$t_2$  -ni (4) də yerinə yazsaq, alarıq  $s_{x \max} = v_0^2 \sin 2\alpha / g = 10,0 \text{ m.}$

3)  $t_2 = 2t_1 = 2v_0 \sin \alpha / g = 1.3 \text{ san.}$



➤ **Məsələ 3.** Meyl  $30^\circ$  olan dağın ətəyində yerləşdirilmiş topdan üfüqə nəzərən  $60^\circ$  bucaq altında dağın başına doğru  $v_0 = 500 \text{ m/s}$  başlanğıc sürətlə mərmə atılır. Mərmə topdan nə qədər məsafədə yerə düşəcəkdir.

Həlli: Topdan atılan mərmənin dağın səthinə nəzərən  $\alpha = 30^\circ$  bucaq altında atıldığı aydındır. Ağırılıq qüvvəsi təcilinin dağ səthinə nəzərən proyeksiyaları uyğun olaraq:

$$g_y = -g \cos \alpha \quad g_x = -g \sin \alpha$$

Mərmənin başlanğıc sürətinin  $v_0 = 500 \text{ m/s}$ , dağ səthinə nəzərən proyeksiyaları:

$$v_x = v_0 \cos \alpha \quad v = v_0 \sin \alpha,$$

dağ səthi üzrə yuxarı yönəlmiş OX, dağ səthinə perpendikulyar olan OY oxları üzrə koordinatları yazaq:

$$\left\{ \begin{array}{l} x = x_0 + v_{0x}t + \frac{\bar{g}_x t^2}{2} \\ x = v_0 \cos \alpha t - \frac{g \sin \alpha t^2}{2} \\ y = y_0 + v_{0y}t + \frac{\bar{g}_y t^2}{2} \\ y = v_0 \sin \alpha t - \frac{g \cos \alpha t^2}{2} \end{array} \right. \quad \text{proyeksiyaları nəzərə alsaq}$$

Mərminin dağ səthinə düşməsi:  $y=0$  buradan

$$t = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g \cos \alpha}$$

Nəticədə mərminin dağ səthi boyu getdiyi məsafə

$$S = v_0 \cos \alpha \frac{2v_0 \sin \alpha}{g \cos \alpha} - g \sin \alpha \frac{4v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g^2 \cos^2 \alpha} =$$

$$\frac{2v_0^2 \sin \alpha}{g} \left( 1 - \frac{\sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} \right) = \frac{2v_0^2 \sin \alpha}{g} (1 - \tan^2 \alpha) =$$

$$= \frac{2 \cdot 250000}{10} \cdot \frac{1}{2} \cdot \left( 1 - \frac{1}{3} \right) = 25000 \cdot \frac{2}{3} = 16,6 \text{ km olar.}$$



**Cabir bin Hayyan (721-805)** Qərb elm dünyasında “Geber” adlandırılan və ən çox tanınan müsəlman alimlərindən biri, hər kəs tərəfindən “kimyanın atası, banisi” kimi qəbul edilir. Belə ki, kimya kəlməsinin ingiliscə qarşılığı olan “alchemy” sözü də Cabir bin Hayyanın çalışmalarının nəticəsi kimi ərəbcə “əl-kimya” sözündən əmələ gəlmişdir. Cabir ibn

Hayyanın bir alim kimi formalaşmasında müəllimi Cəfər əs Sadiqin (ə) çox böyük rolu olmuşdur.

Hayyan atom bombasının düzəldilməsindən 1000 il əvvəl atomun parçalana biləcəyini və nəticədə, böyük bir gücün əmələ gələcəyini ilk dəfə söyləyən elm adamıdır. Bu bərdə Hayyanın sözləri belədir: *“Maddənin ən kiçik hissəsi olan “cüz-əl-yətəcəzza”da (atom) çox enerji var. Yunan alimlərinin iddia etdiyi kimi, bunun parçalana bilmədiyini demək olmaz. O da parçalana bilər. Parçalandıqda da elə bir güc (enerji) meydana gələr ki, Bağdadın altını üstünə çevirə bilər. Bu, Allahu Təalanın qüdrət nişanıdır.”*

Dünyada ilk kimya laboratoriyasını quran alim kimi tarixə düşmüşdür. Vacib kimyəvi maddələrin sintezini açıqlamış, bir çox kimyəvi maddələri müəyyən edərək, dövrümüzdə istifadə edilən ərəbcə adlarını vermişdir. Kimya elmində istifadə edilən həssas ölçmə alətləri düzəldərək kristallaşma, distillə, kalsinasiya, sublimasiya kimi kimyəvi üsulları kimya elminə gətirmişdir. Sulfat turşusu və nitrat turşusu kimi bir çox turşularla yanaşı, natrium karbonat və kaliumu da tapmışdır. Alovda yanmayan kağız emalını həyata keçirərək müxtəlif metalların istifadəyə yararlı hala salınması, poladın təkmilləşdirilməsi, su keçirməyən parçaların laklanması, paslanmanın qarşısının alınması üçün qızıl suyuna çəkilmə, boyaların və yağların alınması kimi sahələrdə bir çox kəşflər etmişdir. Cabir bin Hayyan tıbb, astronomiya, məntiq, fəlsəfə, fizika, mexanika kimi elm sahələrində də fəaliyyət göstərərək, bunlarla bağlı əsərlər yazmışdır. Cabir bin Hayyanın başda kimya olmaqla, tıbb, fizika, astronomiya və fəlsəfə kimi elm sahələrində təxminən 200-500 əsər qələmə aldığı məlumdur. Ancaq bu əsərlərin bir çoxu sonradan itmişdir, sadəcə 27-si latın və alman dillərində Nürnberq, Frankfurt və Strasburqda 1473-1710-cu illər arasında çap edilmişdir.



• **Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.**

**2.1.** Üfüqi atılmış daş 0,5 s dən sonra, 5 m üfüqi yol gedərək yerə düşdü. 1) Daş hansı yüksəklikdən atılmışdı? 2) Daşın başlanğıc sürətini hesablayın. 3) Daş hansı sürətlə yerə düşmüşdür? 4) Yerə düşdüyü anda daşın sürəti üfüqlə hansı bucaq əmələ gətirir. Havanın müqavimətini nəzərə almamalı.

**2.2.** Cisim müəyyən yüksəklikdən üfüqi istiqamətdə atılmışdır. Atıldıqdan 0,5 s sonra cisim sürətinin qiyməti başlanğıc sürətdən 1,5 dəfə böyük alındı. Cismin başlanğıc sürətini tapmalı. Havanın müqavimətini nəzərə almamalı.

**2.3.** Üfüqi atılmış top, atılma nöqtəsindən 5 m məsafədə yerləşən divarla toqquşur. Divara zərbə nöqtəsi topun atılma yüksəkliyindən 1 m aşağıdır. 1) top hansı sürətlə atılmışdır? 2) top divara hansı bucaq altında dəyir? Havanın müqavimətini nəzərə almamalı.

**2.4.** Bombardmançı təyyarə 540 km/saat sürətlə üfüqlə  $60^\circ$  altında uçaraq 600 m yüksəklikdə bombanı buraxır. Hansı məsafədə mərmini buraxmaq lazımdır ki, o hədəfə dəysin?

**2.5.** Cisim üfüqlə bucaq altında  $v_0$  sürəti ilə atılır. Uçuşmüddəti 2,2 san dir. Bu cismin qalxa biləcəyi maksimal yüksəkliyi tapın. Havanın müqavimətini nəzərə almayın.

**2.6.** Daş yer səthindən 12 m/s sürətlə üfüqlə  $45^\circ$  bucaq altında atılaraq atılma nöqtəsindən üfüqi S məsafədə yerə düşür. Daş hansı yüksəklikdən həmin sürətlə atmaq lazımdır ki, həmin nöqtəyə düşsün?

**2.7.** Cisim müəyyən yüksəklikdən üfüqi olaraq 15 m/s sürətlə atılır. Atılma anından 1 san sonra cismin tangensial və normal təcilini tapın. Havanın müqavimətini nəzərə almayın.

**2.8.** Daş müəyyən yüksəklikdən üfüqi olaraq 10m/s sürətlə atılır. 3 saniyə sonra trayektoriyasının əyrilik radiusunu tapmalı. Havanın müqavimətini nəzərə almayın.

**2.9.** Cisim 14,7 m/s sürətlə üfüqlə  $30^\circ$  bucaq altında atılır. 1,25 saniyə sonra cismin tangensial və normal təcilini tapın.

**2.10.** Cisim 10 m/s sürətlə üfüqə  $45^\circ$  bucaq altında atılır. 1 saniyədən sonra trayektoriyasının əyrilik radiusunu tapmalı. Havanın müqavimətini nəzərə almayın.

**2.11.** Daşı hündürlüyü 25 m olan qüllədən 15 m/s sürətlə üfüqə  $30^\circ$  bucaq altında atılır. 1) daşın uçuş müddətini 2) daşın üfüqi uçuş yolunu 3) yerə düşərkən malik olduğu sürəti 4) daşın yerə düşmə anında trayektoriyasının üfüqlü əmələ gətirdiyi bucağı tapmalı. Havanın müqavimətini nəzərə almayın.

**2.12.** Daş 2,1m yüksəklikdən üfüqə  $45^\circ$  bucaq altında atılaraq üfüqi 42 m yol qət edir. Daşın başlanğıc sürətini, uçuş müddətini, yer səthindən maksimal qalxma yüksəkliyini tapmalı. Trayektoriyasının ən yüksək nöqtəsində və daşın yerə düşdüyü anda trayektoriyasının əyrilik radiusunu tapmalı.

**2.13.** Meyl bucağı  $36^\circ$ , olan mail müstəvinin yuxarı nöqtəsindən üfüqə  $30^\circ$  bucaq altında 5m/s sürətlə cisim atılır. Cisim atılma nöqtəsindən hansı məsafədə düşəcəkdir?

**2.14.** Kürəni üfüqlü  $30^\circ$  bucaq altında 14 m/s sürətlə atdılar. Atılma nöqtəsindən 11 m məsafə yerləşmiş şaquli divarla kürə elastiki toqquşur. Kürə divardan hansı məsafədə yerə düşəcəkdir?

**2.15.** Su sırnağını hansı bucaq altında tutmaq lazımdırki, üfüqi uçuş məsafəsi maksimal qalxma yüksəkliyinə bərabər olsun?

**2.16.** Eyni nöqtədən iki cisim eyni başlanğıc sürətlə üfüqə müxtəlif bucaq altında atılır. Atılma anından  $t=2$  san sonra cisimlər arasındakı məsafəni tapmalı.  $v_0=10$  m/s,  $\alpha_1=30^\circ$  və  $\alpha_2=60^\circ$ .

**2.17.** Üfüqə  $\alpha=60^\circ$  bucaq altında 20 m/s sürətlə atılmış cismin sürəti nəqədər vaxtdan sonra üfüqlə  $\beta = 30^\circ$  bucaq əmələ gətirər? Havanın müqavimətini nəzərə almayın.

**2.18.** Üfüqi uçan təyyarədən atılmış paraşütçü həтта külək olmadığı halda belə təyyarəni tərk etdiyi atılma nöqtəsindən yerini dəyişir. Niyə?

**2.19.**  $S=50$  m məsafədə yerləşdirilmiş hədəfə silahın eyni yönəltməsində iki atəş açılır.  $V_1=320$  m/s və  $V_2=350$  m/s sürətlə atılan atəşlərin hədəfdə aşdıqları deşiklər arasındakı məsafəni təyin edin.

**2.20.** Cismin üfüqlə bucaq altında atdılar. Dekart koordinat sistemində hərəkət tənliyini yazmalı.

**2.21.** Cismi üfüqlə  $\alpha = 60^\circ$  bucağı altında,  $V_0 = 10$  m/s sürətlə atdılar. Hansı anlarda sürət vektoru üfüqlə  $\beta = 45^\circ$  bucaq əmələ gətirər?

**2.22.** Bərabəryavaşayan hərəkət edən cisim ilk 2 saniyədə 36 m, sonrakı 2 saniyədə 28 metr yol qət edir. Cismin təcilini və başlanğıc sürətini təyin edin.

**2.23.** Yer səthindən şaquli yuxarı atılan 6 san. fərqlə 35 m yüksəklikdə iki dəfə olur. Uçuş müddəti ərzində cismin getdiyi yolu tapın.

**2.24.** Cisim meyl bucağı  $\alpha$  olan mail müstəvidə bərabərsürətlə sürüşür. Meyl bucağı  $\beta$ , hündürlüyü  $h$  olan mail müstəvidən düşmə müddətini təyin edin. Sürtünmə hər iki halda eynidir.

**2.25.** Üfüqə bucaq altında atılmış cismin radius vektoru  $\vec{r} = (5 + 3t)\vec{i} + (5 + 2t - 4,9t^2)\vec{j}$  kimi verilmişdir. OX oxu yer səthi ilə paralel, OY oxu şaquli yuxarı yönəldilmişdir. Cismin başlanğıc sürətini və üfüqlə hansı bucaq altında atıldığını təyin edin.

### ▪ 3. Fırlanma hərəkəti.

Fırlanma hərəkətinin kinematik tənliyi  $\varphi = f(t)$ ,  
burada  $\varphi$  - bucaq yerdəyişməsidir (dönmə bucağı).

Ani bucaq sürəti  $\omega = d\varphi/dt$ .

Bucaq təcili  $\varepsilon = d\omega/dt$ .

Bucaq sürəti və bucaq təcili aksial vektorlardır, onların istiqaməti fırlanma oxu ilə üst-üstə düşür.

Müntəzəm fırlanma hərəkətinin kinematik tənliyi (bərabərsürətli fırlanma hərəkəti – sürətin modulu sabit qalır)

$$\varphi = \varphi_0 + \omega t,$$

Burada  $\varphi_0$  - başlanğıc dönmə bucağıdır. Müntəzəm fırlanma zamanı (bərabərsürətli fırlama hərəkəti)

$$\omega = \text{const} \quad \text{və} \quad \varepsilon = 0,$$

Dövretmə ( fırlanma) tezliyi  $n = N/t$ , или  $n = 1/T$ ,

burada  $N$  -  $t$  müddətində dövrlərin sayıdır;

$T$  – dövretmə (fırlanma) periodudur (bir tam dövrə sərfolan zaman müddəti).

Bərabər dəyişən fırlanma hərəkətinin kinematik tənliyi ( $\varepsilon = \text{const}$ )

$$\varphi = \varphi_0 + \omega_0 t + \varepsilon t^2/2, \quad \text{burada}$$

$\omega_0$  – başlanğıc bucaq sürətidir.

Bərabərdəyişən fırlanma hərəkətində bucaq sürəti

$$\omega = \omega_0 + \varepsilon t.$$

Maddi nöqtənin fırlanma hərəkətini xarakterizə edən xətti və bucaq kəmiyyətləri arasında əlaqə aşağıdakı dürturlarla verilir:

Nöqtənin getdiyi  $R$  radiuslu çevrə üzrə hərəkəti zamanı maddi nöqtənin qət etdiyi qövsün uzunluğu:

$$s = \varphi R \quad (\varphi - \text{cismın dönmə bucağı}).$$

Maddi nöqtənin xətti sürəti  $v = \omega R$ ;  $\omega = 2\pi n = 2\pi/T$

Maddi nöqtənin tangensial təcili  $a_t = \varepsilon R$ ;

normal təcili -  $a_n = \omega^2 R$ .

$$a_n = v^2/R = 4\pi^2 n^2 R = 4\pi^2 R/T^2.$$

✚ **Məsələ həllinə nümunələr.**

- **Məsələ 1.** Radiusu  $0,2 \text{ m}$  olan çüvrə üzrə  $OX$  oxu ilə əmələ gətirdiyi dönmə bucağının  $\varphi = 3 - t + 0,2t^3$ . kimi rəyişdiyini bilərək  $10 \text{ san}$  üçün tangensial, normal və tam təcili təyin edin.

Verilib:  $\varphi = 3 - t + 0,2t^3$ ,  $t = 10 \text{ s}$ ,  $R = 0,2 \text{ m}$

Tapmalı:  $a_\tau = ?$ ,  $a_n = ?$ ,  $a = ?$

Həlli:  $\omega = \frac{d\varphi}{dt}$  və  $\varepsilon = \frac{d\omega}{dt}$  dusturları ilə bucaq sürətini və

bucaq təcilini tapmaq mümkündür:  $\omega = -1 + 0,2 \cdot 3t^2$ ,  $\varepsilon = 0,6 \cdot 2t$ . tangensial təcil ilə bucaq təcili arasında əlaqə dusturundan istifadə etsək, alarıq:

$$a_\tau = R \cdot \varepsilon = R \cdot (0,6 \cdot 2t) = 1,2Rt = 1,2 \cdot 0,2 \cdot 10 = 24 \text{ m/s}^2.$$

Normal təcili

$$a_n = \frac{v^2}{R} \text{ ifadəsi ilə təyin edək.}$$

Burada  $v = R \cdot \omega = R \cdot (-1 + 0,2 \cdot 3t^2) = R \cdot (0,6t^2 - 1)$ .

Qiymətləri yerin yazsaq:

$$v = 0,2 \cdot (0,6 \cdot 10^2 - 1) = 11,8 \text{ m/s}; a_n = 696 \text{ m/s}^2.$$

Tam təcili tapmaq: Pifaqor teoreminə görə tam təcili tapa bilərik:  
 $a = 697 \text{ m/s}^2$

- **Məsələ 2.** Bərabərtəcillə fırlanan təkər fırlanmağa başladıqdan  $10 \text{ tam dövr}$  etdikdən sonra  $20 \text{ rad/san}$  bucaq sürətinə malik olur. Təkərin bucaq təcilini tapmalı.

Verilib:  $\omega = 20 \text{ rad/s}$ ,  $N = 10 \text{ dövr}$

Tapmalı:  $\varepsilon = ?$

Həlli. Müntəzəm fırlanma hərəkəti zamanı aşağıdakı tənlikləri yaza bilərik:  $\varphi = \varphi_0 + \omega_0 t + \varepsilon t^2 / 2$  и  $\omega = \omega_0 + \varepsilon t$ . Şərtə görə  $\omega_0 = 0$ , bu halda verilən tənliklər:  $\varphi = \varepsilon t^2 / 2$  и  $\omega = \varepsilon t$ . Tənlikləri həll etsək və nəzərə alsaqki,  $\varphi = 2\pi N$ , alarıq:  $\varepsilon = \omega^2 / 4\pi N = 3,2 \text{ rad/san}$ .

- **Məsələ 3.** Radiusu 10 sm olan təkər sabit  $3,14 \text{ rad/san}^2$ . Bucaq təcili ilə fırlanır. 1) bucaq sürətini, 2) xətti sürəti, 3) tangensial təcili, 4) normal təcili, 5) tam təcili və 6) tam təcilmə təkərin radiusu ilə əmələ gətirdiyi bucağı tapın.

Verilib:  $R=0,1 \text{ m}$ ,  $\varepsilon=3,14 \text{ rad/s}^2$  Tapmalı:  $\omega - ?$   $v - ?$   $a_t - ?$   $a_n - ?$

Həlli. 1) müntəzəm fırlanma hərəkətində bucaq sürəti  $\omega = \omega_0 + \varepsilon t$ . Şərtə görə  $\omega_0=0$ , onda  $\omega = \varepsilon t$ , buradan görünürki  $\omega$  zamandan düz mütənasib olaraq artır. İlk saniyənin sonunda  $\omega=3,14 \text{ rad/s}$ .

2)  $v=\omega R$ , olduğundan xətti sürətzamandan düz mütənasib olacaqdır. Birinci saniyənin sonunda  $v = 3,14 \text{ m/s}$ .

3) Tangensial təcil  $a_t=\varepsilon R$  zamandan asılı deyil. Hesablasaq:  $a_t=0,314 \text{ m/s}^2$ .

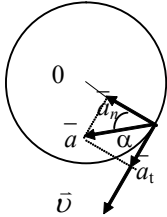
4) Normal təcil  $a_n=\omega^2 R=\varepsilon^2 t^2 R$ , normal təcil zamanın kvadratı ilə mütənasib olaraq artır:  $t=1$  san olduqda  $a_n=0,986 \text{ m/s}^2$ .

5) Tam təcil tangensial və normal

təcillərin kvadratları ilə təyin olunur:  $a = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} = a_t \sqrt{1 + \varepsilon^2 t^4}$ .  $t=1$  san olduqda  $a=1,03 \text{ m/s}^2$ .

6) Təcillər üçbucağından  $\sin \alpha = \frac{a_t}{a} = \frac{1}{\sqrt{1 + \varepsilon^2 t^4}}$ , burada  $\alpha -$

tam təcilmə təkərin radiusu ilə əmələ gətirdiyi bucaqdır. Başlanğıc halda  $t=0$ ,  $a = a_t$  – tam təcilmə toxunan istiqamətdə yönəlir.  $t=\infty$  olduqda isə  $a = a_n$  (beləki  $a_t=\text{const}$  və  $a_n$  zamandan düz mütənasib asılıdır), və  $t=\infty$  olduqda tam təcilmə normal istiqamətdə yönəlir. Birinci saniyənin sonunda  $\sin \alpha = a_t/a_n = 0,314/1,03 = 0,305$ , və  $\alpha = 17^\circ 46'$ .





**Əl-Xarəzmi (780-850)** Dövrünün ən böyük alimlərindən biri olan Əbu Abdullah Muhəmməd bin Musa əl-Xarəzmi Qərb elm dünyasında dərin izlər qoymuş riyaziyyatçı, astronom və coğrafişünasdır. Xarəzmi ömrünün böyük bir hissəsini Bağdaddakı «Beytül-Hikmədə» keçirmişdir. Cəbr və alqoritm elminin banisi və bu elmlərə ad verən İslam alimi olmuşdur. Xarəzminin adı Avropada latınca «Alkhorismi» kimi tələffüz edildiyi üçün, tapdığı metoda “alqoritm” adı verilmişdir. Xarəzmi cəbr sahəsində ilk əsəri olan “Kitabül Müxtəsər fi Hesabil Cəbri Müqabələ”nin (“Cəbr və Müqayisə Hesabları”) müəllifidir. Əsər bu cümlə ilə başlayır:

*«Alqoritm belə deyir: Rəbbimiz və qoruyucumuz olan Allaha həmd və səna olsun».*

Orijinalı Oksford Universitetində saxlanılan bu kitabda dünyada ilk dəfə olaraq onluq say sistemini açıqlamış və üstəlik ilk dəfə olaraq, tənlik qurma üsulu ilə məsələni həll etmə yollarını göstərmişdir. Bundan başqa, sözügedən kitabında daha əvvəl məlum olmayan bir çox yeni terminlər kvadratın kök dərəcəsi, tək, tək say vəs. istifadə edilmişdir: Xarəzminin bu əsəri riyaziyyat elminin tarixi baxımından çox əhəmiyyətli irəliləyişin başlanğıcı olmuş və 600 ildən çox müddət ərzində riyaziyyatın tədrisi üçün təməl hesab olunmuşdur. Rocer Bekon, Fibonaççi kimi alimlər onun əsərini heyranlıqla tədqiq etmiş və öz dərslərində bu əsərdən faydalanmışlar. 1500-cü illərin sonlarına (1598-1599) qədər cəbr elmində tək mənbə Xarəzminin bu əsəridir. Qərb ölkələrinə «alqebra» sözü bu kitabın adındakı «əl – Cəbr» sözündən keçmişdir

Riyaziyyatla bərabər müxtəlif rəsədxanalarda fəaliyyət göstərən Xarəzmi astronomiya və coğrafiya elmlərində də əsərlər yazmışdır. Günəş saatları və saatlar haqqında əsərləri vardır.

Xarəzmi Yer kürəsinin bir dərəcəlik meridian uzunluğunu ölçmüşdür.

**✚ Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.**

**3.1.** Təkər bərabərtəcilli fırlanaraq fırlanmağa başladıqdan 1 dəqiqə sonra 720 dövr/dəq tezliyə uyğun sürət alır. Verilmiş zaman üçün təkərin təcilini və dövrlər sayını tapın.

**3.2.** Ventilyator 900 dövr/dəq tezliyə uyğun sürətlə fırlanır. Cərəyan dövrəsindən ayrıldıqdan sonra 75 dövr edərək dayanır. Dövrədən ayrılıb tam dayanana kimi keçən vaxtı təyin edin.

**3.3.** Val 180 dövr/dəq tezliyə uyğun sabit sürətlə fırlanır. Müəyyən vaxtdan başlayaraq val tormozlanır və  $3 \text{ rad/s}^2$  bucaq təcili ilə bərabəryavaşayan fırlanma hərəkəti edir. 1) Neçə saniyədən sonra val dayanar? 2) dayanana kimi neçə dövr edəcəkdir?

**3.4.** Maddi nöqtə radiusu 20sm olan çevrə üzrə sabit  $5 \text{ sm/s}^2$  tangensial təcillə fırlanır. Fırlanmağa başladıqdan neçə saniyə sonra normal təciltan gensial təcilə bərabər olacaq? Nə qədər vaxtdan sonra normal təcil tangensial təcildən iki dəfə böyük olacaq?

**3.5.** Maddi nöqtə radiusu 10 sm olan çevrə üzrə sabit tangensial təcillə fırlanır. Hərəkətə başladıqdan 5-ci saniyənin sonunda nöqtənin sürətinin  $79,2 \text{ sm/s}$  olduğunu bilərək, tangensial təcili hesablayın.

**3.6.** maddi nöqtə radiusu 2 sm olan çevrə üzrə hərəkət edir. Nöqtənin getdiyi yolun zaman asılılığı verilmişdir:  $x=Ct^3$ , haradakı  $C=0,1 \text{ sm/s}^3$ . Maddi nöqtənin sürətinin  $0,3 \text{ m/s}$  olduğu zaman tangensial və normal təcilləri tapın.

**3.7.** Çevrə üzrə hərəkət edən cismin hərəkətə başladıqdan 2 san sonra nöqtənin tam təcili xətti sürət vektoru ilə  $60^\circ$  bucaq əmələ gətirdiyini bilərək bucaq təcilini tapın.

**3.8.** Radiusu 10sm olan təkər elə fırlanır ki, üzərindəki nöqtələrin sürəti zamandan aşağıdakı qanunla dəyişir:  $v=At+Bt^2$ , haradakı  $A=3 \text{ sm/s}^2$  və  $B=1 \text{ sm/s}^3$ .  $t=0,1,2,3,4$  və 5 san anlarında tam təcil vektoru ilə təkərin radiusu arasındakı bucağı tapmalı.

**3.9.** Təkər elə fırlanır ki, radiusun dönmə bucağı zamandan  $\varphi=A+Bt+Ct^2+Dt^3$  kimi asılı olur. Haradakı  $B=1 \text{ rad/s}$ ,  $C=1 \text{ rad/s}^2$  и  $D=1 \text{ rad/s}^3$ . İkinci saniyənin sonunda təkərin ən böyük



çevrəsində yerləşən nöqtənin normal təcili  $346 \text{ m/s}^2$  olarsa, təkərin radiusunu tapın.

**3.10.** Təkərin fırlandığı zaman üzərindəki nöqtənin tam təcil vektoru onun xətti sürət vektoru ilə  $30^\circ$  bucaq əmələ gətirdiyi anda normal təcil tangensial təcildən neçə dəfə fərqlənir.

**3.11.** Təkərdən sıçrayan pələngin velosipedisti çirkləndirməməsi üçün təkərin üzərində dəfədicini qoyulur. Sxematik olaraq göstərin ki, dəfədicinin hansı minimal ölçülərində pələnglər velosipedist üzərinə düşməyəcək?

**3.12.** Nə üçün fırlanan velosiped təkərinin spicələrinin yuxarı hissələri qarışıq, aşağı hissələri aydın görünür?

## ❖ D İ N A M İ K A

Dinamika maddi nöqtənin hərəkətini onu yaradan səbəbi araşdıraraq öyrənən mexanika bölməsidir. Cisimlərin təcil almasının səbəbi onlara təsir edən əvəzləyici qüvvənin olması ilə bağlıdır.

Dinamikanın əsas məsələsi mövcud hərəkət qanunlarına əsasən cismə təsir edən qüvvəni tapmaqdır.

### 4. Düzxətli hərəkətin dinamikası.

Maddi nöqtənin hərəkət tənliyi (dinamikanın II qanunu)

Vektor formada: 
$$m\vec{a} = \sum_{i=1}^N \vec{F}_i,$$

-burada  $\sum_{i=1}^N \vec{F}_i$  - m kütləli maddi nöqtəyə təsir edən qüvvələrin

həndəsi cəmi (əvəzləyicisi), N- maddi nöqtəyə təsir edən qüvvələrin sayıdır.

Cismin ətalət halı- digər cisimlərin təsiri kompensasiya olduqda  $a=0$ ,  $v=0$  və ya  $v=\text{const}$

$$\Sigma F_i = 0 \text{ və ya } F_1 + F_2 + F_3 + \dots = 0,$$

$\vec{p} = m\vec{v}$  – impulsdur. Koordinat (skalyar) formada yazılışı:

$$ma_x = \Sigma F_{xi}, \quad ma_y = \Sigma F_{yi}, \quad ma_z = \Sigma F_{zi},$$

Cəm işarəsi altında qüvvələrin uyğun proyeksiyaları durur.

Dinamikanın III qanunu cisimlərin qarşılıqlı təsirinə aiddir:

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21},$$

hadaraki  $\vec{F}_{12}$  – ikinci cisim tərəfindən birinci cismə təsir edən qüvvə;  $\vec{F}_{21}$  – birinci cisim tərəfindən ikinci cismə təsir edən qüvvədir (bir cismin təsiri qarşılıqlı xarakter daşıyır).

Huk qanuna görə elastik qüvvə:  $(F_{\text{elast}})_x = -kx$ ,

burada  $k$  – cismin sərtliyi,  $x$ - cismin mütləq uzanmasıdır. Sərtlik əmsali cismin material və ölçülərindən asılıdır.

Qravitasiya (ümumdünya cazibə) qanunu:

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2},$$

burada  $m_1$  və  $m_2$  – bir-birindən  $r$  məsafədə yerləşmiş qarşılıqlı təsirdə olan cisimlərin kütləsidir.

$G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2$  – qravitasiya sabiti adlanır.

Sürüşmə sürtünmə qüvvəsi

$$F_{\text{sür}} = \mu F_T = \mu N,$$

burada  $\mu$  - sürüşmə sürtünmə əmsalı,  $F_T$  – normal təzyiq qüvvəsi,  $N$  – dayağın reaksiya qüvvəsi.  $F_T = N$  – dinamikanın III qanuna görə bərabərdir.

▪ **Məsələ həllinə nümunələr.**

- **Məsələ 1.** Kütləsi 300 kq olan cismi lift vasitəsi ilə  $3 \text{ m/s}^2$  təcillə qaldırılır. Yükün liftin döşəməsinə təzyi qüvvəsini tapın.

Verilir:  $m=300 \text{ kq}$ ,  $a=3 \text{ m/s}^2$

Tapmalı:  $P - ?$

Həlli. Cisim üçün dinamikanın əsas qanunu yaza bilərik:

$$m\vec{a} = m\vec{g} + \vec{N}$$

burada  $\vec{N}$  - dayağın reaksiya qüvvəsidir.

İki hala baxaq (şəkil):

a) təcil yuxarı yönəlmişdir:

$$ma = N_1 - mg,$$

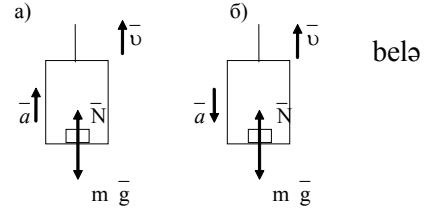
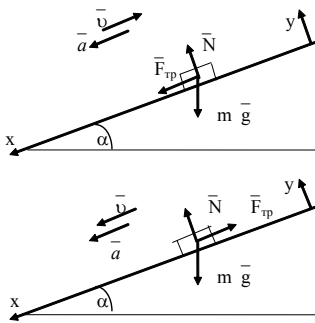
buradan  $N_1 = ma + mg$ .

Dinamikanın III qanuna görə  $P_1 = N_1$ ,  $P_1 = ma + mg$ ,  $P_1 = 3,84 \text{ kN}$ .

b) təcil aşağı yönəlmişdir: -  $ma = N_2 - mg$ , uyğun olaraq

$N_1 = mg - ma$ , buradan

$$P_2 = mg - ma, P_2 = 2,04 \text{ kN}.$$



belə

- **Məsələ 2.** Maili büz dağı üfüqlə  $\alpha$  bucağı əmələ gətirir. Onun üzəri ilə yuxarı daş buraxılırki, sonra aşağı sürüşür. Aşağı düşmə vaxtının yuxarı qalxma vaxtından  $n$  dəfə böyük olduğunu bilərək sürtünmə əmsalını tapın. Verilib:  $t_2/t_1 = n$ . Tapmalı:  $\mu - ?$

Həlli. Daşın hərəkət tənliyi  $ma = mg + N + F_{\text{sür}}$

Daşın yuxarı hərəkəti yavaşlayan hərəkətdir. OX oxu üzrə proyeksiyada

$$ma_1 = F_{sür} + mg \sin \alpha;$$

$$\text{OY: } N - mg \cos \alpha = 0 \Rightarrow N = mg \cos \alpha.$$

Sürtünmə qüvvəsi

$$F_{sür} = \mu N = \mu mg \cos \alpha,$$

və hərəkət tənliyi son halda

$$a_1 = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha. \quad (1) \text{ olar.}$$

Daşın aşağı hərəkəti zamanı:  $ma_2 = mg \sin \alpha - F_{sür}$ .

Uyğun çevirmələr aparsaq, hərəkət tənliyi belə olacaq:

$$ma_2 = mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha. \quad (2)$$

(1) və (2) dən:  $a_1 = g \sin \alpha + \mu g \cos \alpha; \quad a_2 = g \sin \alpha - \mu g \cos \alpha.$

Yuxarı hərəkətdə daşın getdiyi yol  $s = v_0 t_1 - a_1 t_1^2 / 2$ ; qalxmanın sonunda daşın sürəti  $v = 0$ , uyğun olaraq  $v_0 = a_1 t_1$ , onda

$$s = a_1 t_1^2 / 2 \quad (3)$$

Daşın aşağı hərəkəti zamanı isə onun getdiyi yol

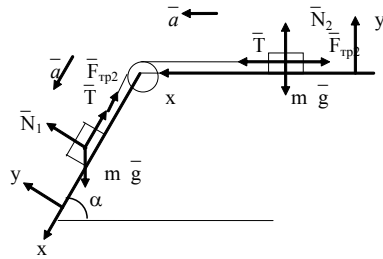
$$s = a_2 t_2^2 / 2 \quad (4)$$

(3) və (4) dən alırıq:  $a_1 / a_2 = (t_2 / t_1)^2 = n^2.$

(1) və (2) ifadələrini istifadə etsək:  $(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) / (\sin \alpha - \mu \cos \alpha) = n^2,$

buradan 
$$\mu = \frac{n^2 - 1}{n^2 + 1} \operatorname{tg} \alpha.$$

- **Məsələ 3.** Üfüqlə  $60^\circ$  meyl bucağı olan mail müstəvi üfüqi stola birləşdirilmişdir. Hər birinin kütləsi 1 kq olan yüklər blokdan aşırılmış çəkisiz iplə bir birinə bağlanaraq



*mail müstəvi və stol üzərində qoyulmuşlar. Cisimlərin səthlə sürtünmə əmsalının 0,3 olduğunu bilərək, sistemin təcilini və ipin gərilmə qüvvəsini tapın*

Verilib:  $m_1=m_2=m=1$  kqkz,  $\alpha=60^\circ$ ,  $\mu=0,3$

Tapmalı:  $a$  - ?  $T$  - ?

*Həlli.* Məsələnin şərtinə uyğun şəkil çəkək. Şəkildə cisimlərə təsir edən qüvvələri göstərək. Hər iki cisim üçün hərəkət tənliyi belə olacaq:

$$m\vec{a} = \sum_{i=1}^N \vec{F}_i$$

X və Y oxları üzrə tənliyi proyeksiyalarda yazmaq:

I cisim üçün

$$OX: ma = mg \sin \alpha - T - F_{\text{sür1}}$$

$$OY: N_1 - mg \cos \alpha = 0,$$

$$\text{Sürtünmə qüvvəsi } F_{\text{sür1}} = \mu N_1 = \mu mg \cos \alpha, \quad \text{və}$$

$$ma = mg \sin \alpha - T - \mu mg \cos \alpha. \quad (1)$$

II cisim üçün

$$OX: ma = T - F_{\text{sür2}}$$

$$OY: N_2 - mg = 0, \text{ ho } F_{\text{sür2}} = \mu N_2 = \mu mg,$$

$$\text{onda } ma = T - \mu mg. \quad (2)$$

(1) və (2) tənliklər sistemini həll etsək, alırıq

$$a = [mg \sin \alpha - mg(\mu + \mu \cos \alpha)] / (2m) = g[\sin \alpha - \mu(1 + \cos \alpha)] / 2;$$

$$T = m(a + \mu g). a = 2 \text{ m/san}^2; T = 5 \text{ N.}$$

➤ **Məsələ 4.** *Meyl bucağı  $\alpha$  olan mail müstəvi üzərində yerləşən cismin aşağı sürüşməməsi üçün ona səth boyunca yuxarı istiqamətdə  $F_1$  qüvvəsi tətbiq etmək lazımdır. Bu cismi müstəvi boyunca bərabərsürətlə yuxarı dartmaq üçün isə  $F_2$  qüvvəsi tətbiq etmək lazımdır. Cisimlə müstəvi arasındakı sürtünmə əmsalını hesablayın.*

Verilir:  $\alpha, F_1, F_2$

Tapmalı:  $\mu$  - ?

Həlli: Mail müstəvi üzərində yerləşən cismi aşağıya doğru sürüşdürməyə çalışan qüvvə ağırlıq qüvvəsinin səthə paralel toplanandır.

$$F_{\text{aş}} = mgsin\alpha$$

Cismin hərəkətinə mane olan qüvvə isə sürtünmə qüvvəsidir:

$$F_{\text{sür}} = \mu mg \cos\alpha$$

Əgər  $F_{\text{aş}} > F_{\text{sür}}$  olarsa, onda cisim səth boyunca aşağı sürüşər və cismi yerində saxlamaq üçün ona yuxarı istiqamətdə yönələn və modulu

$$F_1 = F_{\text{aş}} - F_{\text{sür}}$$

kimi təyin olunan qüvvə ilə təsir etmək lazımdır.

Cismi səth boyunca yuxarı dartanda isə  $F_{\text{sür}}$  istiqamətini dəyişərək aşağıya doğru yönəlmiş olur. Çünki, sürtünmə qüvvəsi həmişə hərəkətin əksinə doğru yönəlir. Deməli cismi yuxarıya doğru bərabərsürətlə dartmaq üçün, ona modulu

$$F_2 = F_{\text{aş}} + F_{\text{sür}}$$

kimi təyin olunan qüvvə tətbiq etmək lazımdır.

Beləliklə, axırını iki tənliyi bir sistemdə birləşdirərək məsələni həll etmək olar:

$$\begin{cases} F_1 = mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha \\ F_2 = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha \end{cases}$$

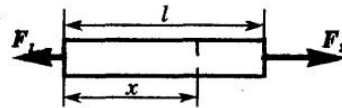
Və ya

$$\begin{cases} F_1 + F_2 = 2mg \sin \alpha \\ F_2 - F_1 = 2\mu mg \cos \alpha \end{cases}$$

Sonuncu iki tənliyi tərəf-tərəfə bölsək:

$$\frac{tg \alpha}{\mu} = \frac{F_2 + F_1}{F_2 - F_1} \quad \text{və ya} \quad \mu = \frac{F_2 - F_1}{F_2 + F_1} \cdot tg \alpha$$

- **Məsələ 5.** Uzunluğu  $l$  olan bircins düz məftilə  $F_1$  və  $F_2$  qüvvələri təsir edir. Bu qüvvələr



*məftilin uclarına tətbiq edilib, bir-birindən əks istiqamətə yönəliblər. Ucların birindən  $x$  məsafədə yerləşən məftilin kəşik yerində təsir edəcək  $F$  qüvvəsini təyin edin.*

Həlli: Sol tərəfin malik olduğu kütlə  $\frac{mx}{l}$ ,

sağ tərəfdə isə kütlə  $\frac{m(l-x)}{l}$ .

Bu səbəbdən cismin hissələrinin aldığı təcil dinamikanın II qanununa görə

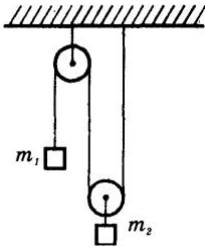
$$\frac{mx}{l}a = F_1 - F, \text{ və}$$

$$\frac{m(l-x)}{l}a = F - F_2$$

Buradan  $a = \frac{F_1 - F_2}{m}$ ,

Nəticədə

$$F = F_1 \frac{l-x}{l} + F_2 \frac{x}{l}.$$



➤ **Məsələ 6.** Şəkilə göstərilmiş yüklərin  $a_1$  və  $a_2$  təcillərini və uzanmayan sapın  $T$  gərilmə qüvvəsini təyin edin. Blokların və ipin kütləsini, bloklarda sürtünməni nəzərə almayın.

Həlli. Birinci cisim tərپәнməz blokdan, ikinci cisim isə tərپәнən blokdan asılmışdır. Bu səbəbdən cisimlərin yolu iki dəfə fərqlənəcəkdir bu da təcillərin iki dəfə fərqlənməsinə gətirəcəkdir. .  $S_1 = 2S_2, \Rightarrow a_1 = 2a_2,$



Hər iki cisim üçün dinamikanın əsas qanununu yazsaq

$$m_1 a_1 = m_1 g - T,$$

$$m_2 a_2 = 2T - m_2 g$$

Tənliklər sistemini həll etsək, alarıq

$$a_1 = \frac{2(2m_1 - m_2)}{4m_1 + m_2} g,$$

$$a_2 = \frac{2m_1 - m_2}{4m_1 + m_2} g,$$

$$T = \frac{3m_1 m_2 g}{4m_1 + m_2}$$

- **Məsələ 7.** *Cisim müəyyən təcillə yuxarı və sonra aşağı hərəkət edir. Bu hərəkətlərdə cismin cəkisini 1,2 dəfə fərqlənir. Təcili tapın.*

Verilib:  $\frac{P_1}{P_2} = 1,2$

Tapmalı:  $a=?$

Həlli: Cismin yuxarı yeyinləşən zaman cəkisi artıq, aşağı yeyinləşən hərəkət zamanı isə azalır:

$$P_1 = m(g + a)$$

$$P_2 = m(g - a)$$

$$\frac{m(g + a)}{m(g - a)} = 1,2$$

$$\frac{g + a}{g - a} = 1,2$$

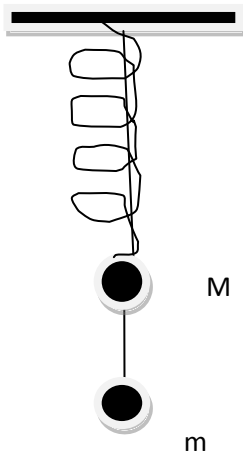
$$g + a = 1,2g - 1,2a$$

$$1,2g = 2,2a$$

$$g = 11a$$

$$a = \frac{g}{11} = \frac{1}{11}g$$

- **Məsələ 8.** Kütləsi  $m$  olan cismə  $t=0$  anından  $30^\circ$  bucaq altında  $F=bt$  qüvvəsi təsir edir. ( $b=1N/s$ , sürtünmə əmsali  $\mu$  olarsa ( $\mu=0,1$ ) cismin aldığı təcilin zamandan asılılığını tapın.



Həlli: Hərəkət istiqamətində OX, hərəkətə perpendikulyar istiqamətdə isə OY oxlarını seçək:

$$OX: F \cos \alpha - \mu N = ma$$

$$OY: F \sin \alpha + N = mg \quad \text{buradan}$$

$$N = mg - b t \sin \alpha$$

Dinamikanın II qanununa görə  $F \cos \alpha - \mu(mg - b t \sin \alpha) = ma$

və ya

$$b t \cos \alpha - \mu(mg - b t \sin \alpha) = ma$$

buradan

$$a = \frac{1}{m} (b t (\sin \alpha + \cos \alpha) - \mu m g)$$

və

$$a = \frac{\sin \alpha + \cos \alpha}{m} bt - \mu g .$$

- **Məsələ 9.** Kütlələri  $m$  və  $M$  olan maddi nöqtələr çəkisiz məftilin uclarına birləşdirilib.  $M$  kütləli maddi nöqtə isə şaquli asılmış və iplə dartılaraq sərtliyi  $K$  olan sıxılmış yayla bərkidilmişdir. Yayın dartılmamış vəziyyətdə uzunluğu  $L$ -dir. Başlanğıc halda yayın uzunluğu  $l$ -ə qədər sıxılmışdır. İp qırıldıqdan sonra məftildə yaranan gərilmə qüvvəsini təyin edin.

Verilib:  $m, M, L, l$ ,  $m=100q, M=200q$ .  $L=20$  sm,  $K=30$  N/m,  $l=10$  sm.

Tapmalı:  $T$

Həlli: İpin qırıldığı anda yüklərin bağlandığı məftilə  $mg$  və  $Mg$  ağırlıq qüvvələri və yayın elastik qüvvəsi təsir edir:

$$F=k(L-l)$$

Inersial hesablama sistemində yüklər və məftil sistemin aldığı təcil göstərilən qüvvələrin təsiri ilə yaranır:

$$Mg+mg+F=(M+m)a$$

Buradan

$$a=g+k(L-l)/(m+M)$$

Göründüyü kimi  $a > g$ ,

$M$  maddi nöqtəsinin təcillə hərəkəti onun ağırlıq qüvvəsi və məftilin gərilmə qüvvəsi hesabına yaranır.

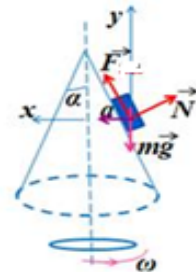
$$Mg + T = Ma$$

Buradan

$$T = M(a - g) = \frac{k(L-l)M}{m+M}$$

alırıq.

- **Məsələ10.** Təpə bucağı  $2\alpha$  olan konus simmetriya oxu ilə üst-üstə düşən şaquli ox ətrafında fırlanır. Konusun təpəsi yuxarı



yönlülmüşdür. Konusun daxili səthində konuz səthi ilə sürtünmə əmsalı  $\mu$  olan cisim vardır. Konusun fırlanma bucaq sürətinin hansı qiymətində cisim təpə nöqtəsindən  $L$  məsafədə aşağıda sükunətdə qala bilər?

Verilib:  $2\alpha$ ,  $\mu$ ,  $L$

Tapmalı:  $\omega$

Həlli: Məsələnin şərtinə uyğun olaraq sxematik şəkil quraq. Şaquli yuxarı OY oxunu, üfüqi istiqamətdə OX oxunu qurub qüvvələrin proyeksiyalarını yazaq:

Cismə konus boyu yuxarı yönəlmiş sürtünmə qüvvəsi, şaquliasağı ağırlıq qüvvəsi və konus səthinə perpendikulyar olan normal reaksiya qüvvəsi təsir edəcək.

Dinamikanın II qanununa görə:

$$m\vec{g} + \vec{N} + \vec{F}_s = m\vec{a}$$

Proyeksiyalarda:

$$\begin{aligned} ma &= -N\cos\alpha + F_s\sin\alpha \\ -mg + N\sin\alpha + F_s\cos\alpha &= 0 \end{aligned}$$

Nəzərə alsaqki  $F_s = \mu N$

onda

$$\begin{aligned} ma &= -N\cos\alpha + \mu N\sin\alpha \\ -mg + N\sin\alpha + \mu N\cos\alpha &= 0 \quad \text{və} \\ ma &= N(\mu\sin\alpha - \cos\alpha) \\ mg &= N(\sin\alpha + \mu\cos\alpha) \end{aligned}$$

sistemi təcili tapmaq yönündə həll etsək alarıq:

$$a = \frac{\mu\sin\alpha + \cos\alpha}{\sin\alpha + \mu\cos\alpha} g$$

alarıq. Fırlanma hərəkətində təcil dusturuna görə

$$a = \omega^2 R = \omega^2 L\sin\alpha$$

Buradan fırlanma bucaq sürəti üçün alarıq:

$$\omega = \sqrt{\frac{g(\mu \sin \alpha + \cos \alpha)}{L(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) \sin \alpha}}$$



### **Əbül-Abbas Əhməd Fərqanı (802 Türkünstan Fərqanə - )**

-Yerin ekliptik mailliliyini və Günəşin də hərəkət etdiyini kəşf etmişdir. Fərqanı 194 Göy cisimlərinin hərəkətlərini tədqiq etmiş və Ptolomeyin astronomiya elmində qəbul edilmiş iddiaları haqqında şərhlər yazmışdır. Kainatın və planetlərin həcmi və bir-birləri arasındakı məsafələri araşdırmışdır. Araşdırmaları nəticəsində apardığı hesablamalar

Qərb astronomiyasında Kopenikə qədər dəyişməz ölçülər kimi qəbul edilərək, yüz illərlə istifadə edilmişdir. Fərqaninin araşdırmaları nəticəsində ilk dəfə Günəşin də bir orbitinin olduğu və öz oxu ətrafında qərbdən şərqə doğru fırlandığı aşkar edilmişdir. Bundan başqa astronomiya tədqiqatları nəticəsində Yerin en dairələri arasındakı məsafəni də müəyyən etmişdir. Fərqanı Günəş tutulmasını əvvəlcədən müəyyən etmək üçün üsul kəşf etmiş, 842-ci ildə bu üsulla Günəş tutulmasını əvvəlcədən müəyyən etmişdir. Fərqaninin 6 əsərindən ən əhəmiyyətli "Cəvami əl-İlmi əl-Nücum vəl-Hərəkət əl-Səməviyyə" ("Astronomiya və göy cisimlərinin hərəkətlərinin prinsipləri")dir. Göy cisimlərinin hərəkəti ilə bağlı olan bu astronomiya kitabının əlyazma nüsxələri Oksford, Paris, Qahirə və Amerikanın Princeton Universiteti kitabxanasında saxlanılır.

O dövrdə bütün türkünstanlı alimlər və avropalı elm adamlarının əsərlərində Fərqaninin təsiri görünür. Latın dilinə tərcümə edilən əsərləri əsrlərlə Avropa universitetlərində dərslik kimi istifadə edilmişdir. Qərb dünyasında «Alfraganus» adı ilə tanınan Fərqaninin Yerin çevrəsi ilə bağlı tapdığı qiymət (təxminən 40.253.700 metr) Xristofor Kolumb: «Səyahətlərim arasında Lissabondan Qvineyaya olan marşrutu diqqətli şəkildə müşahidə etdim və hər bir dərəcə üçün Alfraganusunun qiyməti olan 56 3/2 millik qiyməti tapdım. Bu ölçməyə etibar etməliyik».

Fərqanı Günəş səthində tutqun ləkələrin olduğunu aşkar etmişdir. Fərqaninin astronomiyaya dair kitabları XVI əsrə qədər astronomiyadan dərs vəsaiti kimi istifadə olunmuşdur.

▪ **Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.**

**4.1.** İçərisindəki adamla birgə liftin kütləsi 800 kq-dır. Hansı təcillə və hansı istiqamətdə lift hərəkət etməlidirki, lifti saxlayan trosun gərilmə qüvvəsi 1) 12 kN, 2) 6kN olsun?

**4.2.** Kütləsi 1 t olan avtomobil 5 san ərzində bərabər yavaşayan hərəkət edərək dayanır, nəticədə 25 m yol qət edir. Avtomobilin başlanğıc sürətini və tormozlayıcı qüvvəni tapın.

**4.3.** Kütləsi 16 t olan dayanmış bərabərtəcilli hərəkət edərək 30 saniyə ərzində 11 metr yol qət etsin? Hərəkət zamanı vaqona ağırlıq qüvvəsinin 0,05 hissəsini təşkil edən sürtünmə qüvvəsi təsir edir.

**4.4.** Qatar parovozun dartısı kəsildikdən sonra 98 kN sürtünmə qüvvəsinin təsiri ilə 1 dəq ərzində dayandı. Qatarın kütləsi 500 t olarsa, onun başlanğıc sürətini təyin edin.

**4.5.** Kütləsi 20 t olan vaqon sabit mənfi olmaqla  $0,3 \text{ m/s}^2$  təcillə hərəkət edir. Vaqonun başlanğıc sürəti 54 km/saatdır. 1) vaqona təsir edən sürtünmə qüvvəsini tapmalı 2) vaqon nə qədər vaxtdan sonra dayanar? 3) dayanana kimi vaqon hansı məsafəni qət edəcək?

**4.6.** 9,8 N qüvvənin təsiri ilə cisim düzxətli olmaqla elə hərəkət edirki, getdiyi yol zamandan  $s=A-Bt+Ct^2$ . kimi asılıdır. Cismin kütləsini tapın  $C=1\text{m/s}^2$ .

**4.7.** Kütləsi 0,5 kq olan cisim elə hərəkət edirki, getdiyi yol zamandan  $s=Asin\omega t$  kimi asılı olur. haradakı  $A=5\text{sm}$  və  $\omega=\pi$  rad/s. Hərəkətin başlanmasından  $1/6$  saniyə sonra cismə təsir edən qüvvəni tapın.

**4.8.** Tramvay yerindən hərəkətə başlayaraq  $0,5 \text{ m/s}^2$  təcillə bərabərtəcilli hərəkətə başlayır. Hərəkətə başladıqdan 12 san sonra tramvayın mühərriki söndürülür və tramvay bərabəryavaşayan olmaqla dayanacağa kimi hərəkət edir. Bütün yolda sürtünmə əmsalı 0,01 dir. 1) tramvayın ən böyük sürətini tapın. 2) hərəkətə sərf olan ümumi vaxtı tapın 3) yavaşayan hərəkətdə tramvayın təcilini tapın 4) tramvayın getdiyi ümumi yolu hesablayın.

**4.9.** Üfüqi düzxətli yolda teplovoz qatara sürtünmə qüvvəsinə bərabər sabit qüvvə ilə təsir edir. Qatarın hərəkəti necə olacaq? Bu halda ətalət qanunu özünü necə göstərir?

**4.10.** Taxta lövhəni şaquli divara hansı bucaq altında qoymaq lazımdırki, sörüşməsin. Döşmə ilə sürtünmə əmsalı 0,33, üfüqdən meyl bucağı  $60^\circ$ , taxta lövhənin uzunluğu 4 m-dir.

**4.11.**

### *Cisimlərin mail müstəvidə hərəkəti.*

**4.12.** Avtomobilin kütləsi 1 tondur. Hərəkət zamanı ona ağırlıq qüvvəsinin 0,1 hissəsinə bərabər sürtünmə qüvvəsi təsir edir. 1) mailliyi hər 25 m-də yüksəlişi 1 m olan yolda 2) eyni maillikdə tərədə avtomobilin mühərrikinin yaratdığı dartı qüvvəsini təyin edin.

**4.13.** Cisim üfüqlə meyl bucağı  $4^\circ$  olan mail müstəvi üzərindədir. 1) sürtünmə əmsalının hansı qiymətində cisim mail müstəvi boyu aşağı sürüşməyə başlayar? 2) sürtünmə əmsalı 0,03 olarsa, cisim hansı təcillə sürüşər? 3) Bu şərt daxilində cismin 100 m sürüşməsi üçün lazım olan vaxtı təyin edin. 4) 100 m yolun sonunda cismin malik olduğu sürəti tapın.

**4.14.** Cisim üfüqlə  $45^\circ$  bucaq əmələ gətirən mail müstəvidə sürüşür. Cismin gətirdiyi yolun zamandan asılılığı bu formada verilmişdir:  $S=Ct^2$ , hadarakı  $C=1,73 \text{ m/s}^2$ . Cisim ilə səth arasında sürtünmə əmsalını təyin edin.

**4.15.** Uzunluğu 5 m, hündürlüyü 3 m olan mail müstəvi üzərində kütləsi 50 kq olan cisim qoyulmuşdur. Mail müstəvi boyu cismə hansı qüvvə ilə təsir etmək lazımdırki, 1) yük müstəvi üzərindən sürüşməsin. 2) cismi bərabərsürətlə yuxarı dartmaq 3)  $1 \text{ m/s}^2$  təcillə yuxarı dartmaq mümkün olsun? Sürtünmə əmsalı 0,2-dır.

**4.16.** Mailliyi  $15^\circ$  olan müstəvi üzərində cismi yuxarı buraxdılar. Qalxma vaxtı aşağı düşmə vaxtından  $x=2$  dəfə fərqlənərsə, cisimlə müstəviarasında sürtünmə əmsalını tapın.

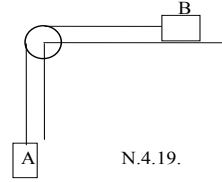
**4.17.** Meyl bucağı  $\alpha$  olan mail müstəvi üzərində qalmış cisim, mail müstəvinin hansı təcillə hərəkəti zamanı müstəvi boyu



yuxarı qalxar. Cisimlə mail müstəvi arasında sürtünmə əmsalı  $\mu$  olsun.

### Əlaqəli cisimlər sisteminin hərəkəti.

**4.18.** Çəkisiz blokdan aşırılmış ipin uclarına kütlələri 1 və 2 kq olan cisimlər bağladılar. Cisimlərin təcilini və ipin gərilmə qüvvəsini tapmalı. Blokada sürtünməni nəzərə almamalı.

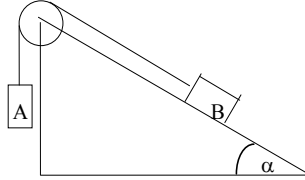


N.4.19.

**4.19.** Çəkisiz blok stolun kənarına bərkidilmişdir. (Şək-4.19) A və B yükləri

bərabər kütləyə malikdir  $m_1=m_2=1\text{ kq}$ , yüklər ipin uclarına bağlıdır və ip blokdan aşırılmışdır. B yükünün stol səthi ilə sürtünmə əmsalı 0,1-ə bərabərdir. Tapmalı: 1) yüklərin hərəkət təcilini 2) ipin gərilmə qüvvəsini. Blokada sürtünməni nəzərə almayın.

**4.20.** Çəkisiz blok mail müstəvinin təpəsində bərkidilmişdir (şək.4.20). Müstəvinin meyl bucağı  $\alpha=30^\circ$  blokdan aşırılmış ipin uclarına bağlanmışdır. 1) yüklərin hərəkət təcilini 2) ipin gərilmə qüvvəsini tapın. B cisminin mail müstəvidə və blokda sürtünməni nəzərə almayın.

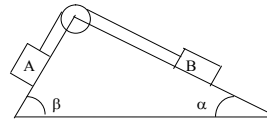


N-4.20.

**4.21.** Əvvəlki məsələni B cisminin müstəvi ilə sürtünmə əmsalının 0,1 olduğu hal üçün həll edin. Blokada sürtünmə yoxdur.

**4.22.** Çəkisiz blok iki mail müstəvinin birləşdiyi təpə yerində yerləşdirilmişdir. Müstəvilərin

meyl bucağı uyğun olaraq  $\alpha=30^\circ$  və  $\beta=45^\circ$  (şək.4.22). A və B cisimlərinin hər birinin kütləsi 1 kq-dır. Blokdan aşırılmış ipin uclarına bağlanmışdır. 1) sistemin



N-4.22.

təcilini 2) ipin gərilmə qüvvəsini tapmalı. A və B cisimlərinin mail müstəvilərdə sürtünməsini və blokda sürtünməni nəzərə almayın.

**4.23.** Müstəvilərdə sürtünmə əmsalının uyğun olaraq  $\mu_1=\mu_2=0,1$ . Olduğunu nəzərə alaraq, əvvəlki məsələni həll edin. Blokda sürtünməni nəzərə almayın.

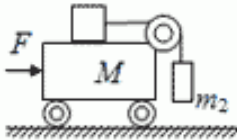
**4.24.** Bir- birinə iplə bağlanmış, hər birinin kütləsi 1 kq olan üç cisim üfüqlə  $30^\circ$  bucaq altında yönəlmiş 10 N qüvvənin təsiri ilə üfüqi müstəvidə hərəkət etdirilir. Sürtünmə əmsalı 0,1 olarsa sistemin təcilini və iplərin gərilmə qüvvəsini təyin edin.

**4.25.** Çəkisiz blokdan asırılmış ipin uclarına hər biri 100 kq olan yüklər bağlanmışdır. Yüklərin birinin üzərinə 10 q kütləli yük qoyulur. Əlavə yükün yaratdığı təzyiq qüvvəsini və blokun oxuna təzyiq qüvvəsini tapın.

**4.26.** Hər biri 15 kq olan arabayı bir-birinə iplə bağlayıb bucaq altında yönəlmiş 120 N qüvvənin təsiri ilə dartırlar. Sürtünmə əmsalı 0,02 olarsa, sistemin təcilini və bağlanmış ipin gərilmə qüvvəsini tapın.

**4.27.** Stol üzərində olan tirciyin hər iki tərəfindən bağlanmış iplər stolun kənarlarında yerləşdirilmiş bloklardan asırılmış, iplərin sərbəst ucuna uyğun olaraq 0,85 və 0,2 kq yük bərkidilmişdir. Nəticədə tircik hərəkətə gəlir və 3 san müddətində 0,81 m yerini dəyişir. Tirciyin kütləsinin 2 kq olduğunu bilərək, sürtünmə əmsalını və iplərin gərilmə qüvvəsini təyin edin.

**4.28.** Daşı üfüqə bucaq altında hansı sürətlə atmaq lazımdır ki, atılma nöqtəsindən üfüqi L məsafədə h yüksəklikdə yerləşən hədəfi vura bilsin?



**4.29.** Kütləsi  $M$  olan arabaya üfüqi hansı  $F$  qüvvəsi təsir etməlidir ki, üzərində blokdan asırılmış ipin uclarına bağlanmış  $m_1$  və  $m_2$  kütləli cisimlər ona nəzərən sürüşməsin?

**4.30.** Əgər lövhəni üfüqə  $\alpha$  bucaq altında əysək, onda kərpic onun üzərində müntəzəm (bərabərsürətlə) hərəkət edərək düşər. Əgər lövhəni  $\beta > \alpha$  qədər

əysək, hansı  $t$  zaman ərzində kərpic bütün lövhəni sürüşər? Lövhənin uzunluğu  $l$ -ə bərabərdir.

**4.31.** Dönmə zamanı pilot təyyarənin korpusunu hərəkət istiqaməti ətrafında  $\alpha = 10^0$  döndərir. Uçuş sürəti  $v = 360$  km/saat olarsa, dönmə  $R$  radiusunu hesablayın.

**4.32.**  $m$  kütləli çuqun kürə suya sabit  $v$  sürət ilə düşür. Hansı  $F$  qüvvəsi onu yuxarıya çəkmək lazımdır ki, o  $2v$  sürət ilə qalxsın? Müqavimət qüvvəsi kürənin sürəti ilə düz mütənasibdir.

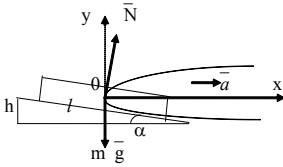
## ❖ 5. Əyrixətli hərəkətin dinamikası.

## ✚ Məsələ həllinə nümunə.

- **Məsələ 1.** Radiusu 300 m olan dairəvi dəmir yolunda kənar relsi daxili relsə nəzərən nə qədər qaldırmaq lazımdır? Relslər arası məsafə 1524 mm-dir. Relslərə təzyi qüvvəsi onlara perpendikulyardır. Qatarın qürəti 54km/saat-dir.

Verilib:  $R=300$  m,  $l=1,524$  m,  $v=15$  m/s. Tapmalı:  $h$  - ?

**Həlli.** Qatar  $R$  radiuslu çevrə üzrə  $v$  sürəti ilə hərəkət etməlidir və təcil  $a=v^2/R$  üfüqi istiqamətdə yönəlməlidir. Bu təcil bir-birini tarazlaşdıran  $\vec{N}$  və  $m\vec{g}$  qüvvələrini yaradır. Bu səbəbdən xarici rels nisbətən hündür olmalıdır. Dinamikanın II qanuna



görə  $m\vec{a} = m\vec{g} + \vec{N}$  : proyeksiyalarda yazsaq:

$$OX: ma = N \sin \alpha,$$

$$OY: N \cos \alpha - mg = 0.$$

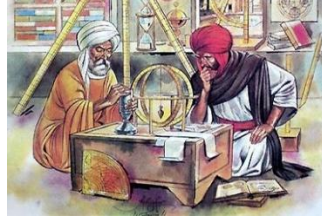
$$\text{buradan } \operatorname{tg} \alpha = ma/mg = v^2/(gR).$$

$\alpha$  çox kiçik olduğundan, onda  $\sin \alpha \approx \operatorname{tg} \alpha$ . Şəkildən görüldüyü kimi  $\sin \alpha = h/l$ . Uyğun olaraq,

$$h = lv^2/(Rg). \quad h=0,12 \text{ m.}$$

**Sabit Bin Kurra (821-901)**

riyaziyyat, astronomiya və tibb sahələrində mütəxəssis olan İslam alimlərindən biridir. Dövründə bütün bu sahələrdə çox böyük irəliləyişlərə səbəb olmuş, xüsusilə həndəsə və cəbr sahəsində yeniliklərə imza atmışdır. Sabit bin Kurranın həndəsə elminə



verdiyi tövhələrini Şərq sivilizasiyalarını öyrənən alimlərdən Corc Rivuar "Cəbrin həndəsəyə tətbiqinə görə müsəlmanlara borcluuyq. Bu da 901-ci ildə vəfat etmiş Sabit bin Kurranın əsəridir,"- sözlərilə açıqlamışdır.

Riyaziyyat, astronomiya, astrologiya, tibb və tərcümə ilə maraqlanan Sabit bin Kurranın 79 əsərinin olduğu məlumdur. Bunlardan 21-i tibb, 2-si musiqi, qalan 25 əsər isə riyaziyyat və fəlsəfə ilə bağlıdır.

Sabit bin Kurra sinus teoremini kəşf etmiş və bunu astronomiyaya tətbiq etmişdir. Bundan başqa Pifaqor teoreminin ümumi isbatını vermişdir. Dünyanın çevrəsini 360 meridianla bölünmüş qəbul edərək ekvatorun uzunluğunu hesablayan və buna bağlı olaraq Yer radiusunu tapmışdır. Sabit bin Kurra Evklidin biliklərindən istifadə edərək cəbr sahəsində daha çox ümumi düsturların həllini göstərməyə başlamışdır. Karl B. Boyer "Riyaziyyatçıların tarixi" kitabında bu mahir riyaziyyatçı haqqında bunları demişdir:

*«B.e. IX əsri müsəlman riyaziyyatçıların qızıl əsri olmuşdur. Əsrin birinci yarısına Xarəzmi, ikinci yarısına Sabit bin Kurra möhür vurmuşdular. Xarəzmi ilə Evklid "banilər" kimi bir-birinə bənzəyirlər. Sabit bin Kurra isə Pappus kimi ali riyaziyyat şərhçisidir...»*

**✚ Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.**

- 5.1.** Yer planetində sutkanın davam etmə müddəti nə qədər olmalıdır ki, ekvator da olan cisimlərin çəkisi olmasın?
- 5.2.** Tramvay radiusu 128 m olan dairəvi yolda gedir. Tramvayın sürəti 9 km/saat olduqda təkərlərin yan relslərə təzyiq qüvvəsini tapın. Tramvayın kütləsi 5 tondur.
- 5.3.** İcərisində su olan vedrə ipə bağlanaraq şaquli müstəvidə fırladılır. 1) hansı ən kiçik sürətlə fırladılmalıdır ki, yuxarı nöqtədə su dağılmasın? 2) bu halda ipin vedrənin ən yuxarı və ən aşağı nöqtələrdə olduğu an üçün gərilmə qüvvələrini tapın. Vedrənin su ilə bərgə kütləsi 2 kq dır.
- 5.4.** İpə bağlanmış daş şaquli müstəvidə bərabərsürətlə fırladılır. İpin maksimal və minimal gərilmə qüvvələrinin fərqinin 9,8 N olduğunu bilərək, daşın kütləsini tapın.
- 5.5.** Uzunluğu 30 sm olan ipə bağlanaraq üfüqi müstəvidə 15 sm radiuslu çevrə üzrə fırlanan daşın fırlanma tezliyinin 59 dövr/dəq olması üçün dəqiqədə neçə dövr etməlidir.
- 5.6.** Kütləsi 50 q olan yük 25 sm uzunluqlu ipə bağlanaraq üfüqi müstəvidə çevrə cızır. Yükün fırlanma sürəti 2 dövr/san olarsa, ipin bu halda gərilmə qüvvəsini təyin edin.
- 5.7.** Disk şaquli ox ətrafında 30 dövr/dəq sürəti ilə fırladılır. Fırlanma oxundan 20 sm məsafədə disk üzərində cisim qoyulmuşdur. Sürtünmə əmsalı nə qədər olmalıdır ki, cisim diskdən sürüşməsin.
- 5.8.** Kütləsi 2 ton olan avtomobilin çökük körpüdə çəkisi 25kN - dır. Körpünün radiusu 100 m olarsa, avtomobilin sürətini hesablayın.
- 5.9.** Uzunluğu 30 sm olan ipə bağlanmış kürə şaquli müstəvidə fırladılır. İpin möhkəmlik həddi mg olarsa, hansı tezlikdə fırlandıqda ip qırılır. M kürənin kütləsidir.
- 5.10.** Təyyarə 900 km/saat sürətlə uçaraq, ölü ilgək cızır. İlgəyin radiusu nə qədər olmalıdır ki, təyyarəçi 5 qat yüklənməyə məruz qalsın.

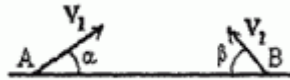
**5.11.** Cisim üfüqi yolda 72 km/saat sürətlə hərəkət edərək 100 m radiuslu əyri yol üzrə dönür. Döngədə aşmaması üçün o nə qədər əyilməlidir?

**5.12.** Şosse 100 m radiuslu döngə üçün meyl bucağı  $10^\circ$  olan viraj vardır. Bu yol hansı sürətə hesablanmışdır.

**5.13.** Nə üçün dəmir yol körpüsündən keçdikdə maşinist qatarın sürəti azaldır?

**5.14.** Velosipedin təkərinin diametrinin artırılması velosipedin “yüngül gedişinə” necə səbəb olur? Velosipedin digər ölçülərini dəyişməz hesab etməli.

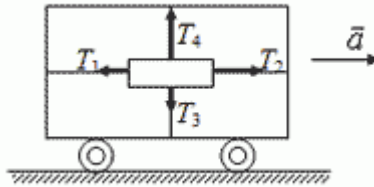
**5.15.** A nöqtəsində sahil xəttinə  $\alpha$  bucağı altında hərbi gəmi çıxır. Eyni vaxtda B məntəqəsindən torpeda buraxılır.



Torpedonu hansı bucaq altında buraxmaq lazımdır ki, gəmini vura bilsin. Gəminin sürəti  $V_1$ , torpedonun sürəti isə  $V_2$ -dir.

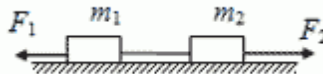
**5.16.** Cisim üfüqə  $a$  bucağı altında  $V$  sürəti ilə atılmışdır. Atılma nöqtəsindəvə maksimal yüksəklikdə trayektoriyanın əyrilik radiusunu tapmalı.

**5.17.** Cisim üfüqə bucaq altında atılmışdır. Nə qədər vaxtdan sonra atılma nöqtəsindən onun olduğu nöqtəyə çəkilən radius vektor cismin sürətinə perpendikulyar olacaqdır?



**5.18.** Araba daxilində yük dörd ip vasitəsi ilə divarlara, döşəmə və tavana bağlanmışdır. İplərdəki gərilmə qüvvələri uyğun olaraq  $T_1$  və  $T_2$ , şaquli istiqamətdə—  $T_3$  və  $T_4$ . —dür. Araba üfüqi istiqamətdə hansı təcillə hərəkət edir?

**5.19.** Kütlələri  $m_1$  və  $m_2$  olan cisimlər maksimal  $T$  gərilməsinə davam gətirə bilən iplə başlanmışlar. Cisimlərə zamana görə dəyişən  $F_1 = at$  və  $F_2 = 2at$  qüvvələri təsir edir. Sürtünməni nəzərə almadan, ipin qırılacağı anı təyin edin. .



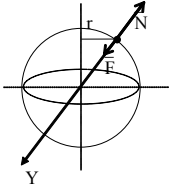
## ❖ 6. Ümumdünya cazibə qanunu.

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2},$$

haradakı  $m_1$  və  $m_2$  – bir birindən  $r$  məsafədə yerləşən, qarşılıqlı təsirdə olan cisimlərin kütlələridir.

$G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2 / \text{kg}^2$  – qravitasiya sabitidir.

## • Məsələ həllinə nümunələr.



➤ **Məsələ 1.** Hər hansı planetin ekvatorunda cismin çəkisi qütbdəki çəkisindən iki dəfə azdır. Planetin sıxlığı  $3 \times 10^3 \text{ kq/m}^3$  dur. Planetin öz oxu trafinda fırlanma periodunu təyin edin.

Verilib:  $P = P_0/2$ ,  $\rho = 3 \cdot 10^3 \text{ kq/m}^3$

Təpəli:  $T = ?$

**Həlli.** Cismə planetin səthində ağırlıq qüvvəsi və reaksiya qüvvəsi təsir edir:  $\vec{F}$  – planet tərəfindən təsir edən cazibə qüvvəsi,  $\vec{N}$  – planetin normal reaksiya qüvvəsi,

$F = GMm/R^2$ , haradakı  $M$  – planetin kütləsi,  $m$  – cismin kütləsi,  $R$  – planetin radiusudur.

Planetin kütləsi:  $M = \rho V = (4/3)\pi R^3 \rho$ ,

onda

$$F = G(4/3)\pi R^3 \rho m / R^2 = G(4/3)\pi R \rho m. \quad (1)$$

Dinamikanın II qanununa görə:  $\vec{m}\vec{g} + \vec{N} = m\vec{a}_n$

Oy oxuna nəzərən skalyar formada yazsaq:

$$F - N = ma_n, \quad (2)$$

Və ya

$$(4/3)G\pi R \rho m - N = ma_n. \quad (3)$$

Haradakı  $N$  – ekvatorunda planet səthinin normal reaksiya qüvvəsidir.

Cismin hərəkətinin iki müxtəlif xüsusi halına baxaq:



1. Cisim qütbə yerləşir, yəni  $r=0$ , onda cismin xətti sürəti  $v=2\pi r/T=0$ . Uyğun olaraq (3)-dən

$$(4/3)G\pi R\rho m - N=0, \text{ buradan}$$

$$N_n=(4/3)G\pi R\rho m, \quad (4)$$

$N_q$  – qütbə reaksiya qüvvəsi.

2. Cisim ekvatorada yerləşir. Bu hal üçün  $r=R$  və  $v=2\pi r/T$ , onda (3) tənliyi bu formaya düşər:  $(4/3)G\pi R\rho m - N=m(2\pi r)^2/RT^2$ , buradan

$$T=\sqrt{\frac{m4\pi^2 R}{4\pi G\rho m R/3 - N}}, \quad (5)$$

Məsələnin şərtinə görə,  $P_{\text{ekv}}=P_{\text{qüt}}/2$ .  $P=N$ , onda  $N=N_{\text{qüt}}/2$ , olar, və ya (4) ü nəzərə alsaq

$$N=(2/3)G\pi R\rho m.$$

(6) nı (5)-də nəzərə alsaq:  $T=(6\pi/G\rho)^{1/2}\approx 9,7\cdot 10^3$  s.

➤ **Məsələ 2.** Sıxlığı  $\rho=10^{17}$   $\text{kg/m}^3$  olan planetin süni peykinin periodunu tapmalı.

Verilib:  $\rho=10^{17}$   $\text{kg/m}^3$ ,

Tapmalı:  $T$

Həlli: Keplerin III qanununa görə  $T^2=4\pi^2 R^3/GM$  burada  $M$  planetin kütlədir.  $M=4\pi R^3/3$  nəzərə alsaq:  $T=\sqrt{\frac{3\pi}{\rho G}}$  hesablasaq:  $T=1,2\cdot 10^3$  s.

➤ **Məsələ 3.** Yer kürəsinin fırlanması üzərindəki cisimlərə necə təsir edir?

Verilib:  $T=1$  sutka Yer in öz oxu ətrafında fırlanma periodu,  $g=9,8$   $\text{m/san}^2$  –Yerdə cisimlərin aldığı təcildir.

Tapmalı: Yerdəyişmə

Həlli: Yer in fırlanması nəticəsində ətalət qüvvəsi yaranır, bu qüvvə Yer kürəsi üzərində hərəkət edən cisimlərin hərəkət istiqamətinə təsir edir. Beləki Şimal yarımkürədə axan çaylar sağ

sahilləri yuyur (Ber qanunu).  $F=2m\omega v$ ,  $F\sin\varphi=2m\omega v\sin\varphi$ . Mərkəzəqaçma təcili  $a_m=\omega^2 R\cos\varphi$  və  $a=0,034\cos\varphi$  (m/san<sup>2</sup>). Yer üçün Şərqə yönəlmiş təcil  $a=2\omega g\cos\varphi$  və bu ifadəni ki dəfə ardıcıl inteqrallasaq:  $S=\omega g t^2\cos\varphi/3$  alarıq.

- **Məsələ 4.** Yer səthindən hansı yüksəklikdə cazibə qüvvəsi 10% azalar?  $R=6370$  km.

Verilib:  $R=6370$  km

Tapmalı:  $H$

Həlli: Yer səthində cismə tsir edən cazibə qüvvəsi

$$F_1 = G \frac{mM}{R^2},$$

yer səthindən  $H$  yüksəklikdə isə təsir edən qüvvə  $F_2 = G \frac{mM}{(R+H)^2}$

olacaq.

Şərtə görə  $F_2=0,9F_1$ .

Ifadələri yerinə yazıb həll etsək:

$$H = \left( \sqrt{\frac{F_1}{F_2}} - 1 \right) R = 350 \text{ km alarıq.}$$

- **Məsələ 5.** Planetlərin hərəkəti üçün aşağıdakı qanunlar ödənilir: a) Günəş ətrafında hərəkət edən planetlərin radius vektoru bərabər zaman fəsillərində bərabər sahələr cızır. b) Planetlərin günəş ətrafında fırlanma periodlarının kvadratları nisbəti, onların böyük yarımoxlarının kubları nisbətində kimidir. Veriliş qanunları isbat edin.

Verilir: Günəş sistemi Tapmalı:  $dt_1=dt_2$   $S_1=S_2$ ,  $\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{R_1^3}{R_2^3}$

Həlli: a) Fırlanan cisim üçün impuls momentinin saxlanması qanuna görə  $[\vec{r}m\vec{v}] = \text{const.}$

$[rv] = \text{const.}$ , planetin radius vektorunun cızdığı sahə elementi

$$dS = \frac{rv\sin\alpha dt}{2}$$

~ 73 ~

buradan

$$\frac{dS}{dt} = \frac{rv\sin\alpha}{2} = \text{const.}$$

b) Planetlərin hərəkətini ilk variantda təqribən çevrə hesab etsək, onların çevrə üzrə müntəzəm (bərabərsürətli, yəni sürətin modulu sabit qalsın) hərəkəti üçün yazsaq:

$\frac{2\pi R}{T} = \sqrt{G \frac{M}{R}}$  kimi planetin sürətini yazsaq, hər tərəfi kvadrata yüksəldərək periodun kvadratını tapın, nisbəti təyin edə bilərik:  $\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{R_1^3}{R_2^3}$

➤ **Məsələ 6.** *Düşən cisimlərin Yerin fırlanması nəticəsində şaquldan meylini təyin edin.*

Həlli: Yer kürəsi ilə bağlı sistem ətalət sistemi deyildir. Çünki Yer kürəsi öz oxu ətrafında fırlanmaqla yanaşı həm də Günəş ətrafında fırlanma hərəkəti icra edir. Sadəlik üçün yalnız Yerin fırlanmasını nəzərə alacağıq. X oxunu verilmiş Yer səthi üzərindəki nöqtəyə toxunan, Z oxu radial olaraq Yer səthinə perpendikulyar olmaqla yuxarı, Y oxu verilmiş X və Z oxlarına perpendikulyar olsun. Başlanğıc halda fərz edkiki, maddi nöqtə Yer səthi üzərindədir koordinat başlanğıcı həmin nöqtəyə qoşulmuşdur. Başlanğıc halda:  $x=y=z=0$ ,  $V_{o,x}=V_{o,y}=V_{o,z}=0$ .

Maddi nöqtənin hərəkəti üçün diferensial tənlik yazsaq : Yerin fırlanma bucaq sürətini çox kiçik olduğunu nəzərə alsaq ( $0,000073 \text{ san}^{-1}$ ):

Tərpənməz koordinat sistemi üçün  $V_x=2\omega y \sin\varphi$

$$V_y=-2\omega(z \cos\varphi + x \sin\varphi)$$

$$V_z=-gt+2\omega \cos\varphi$$

Tənliklərdə bucaq sürətini nəzərə almasaq (Yerin fırlanmasını nəzərə almırıq),

$V_x=0$ ,  $V_y=0$ ,  $V_z=-gt$  buradan  $x=0$ ,  $y=0$ ,  $z=-gt^2/2$  alarıq.

Sonuncu tənliklər Yerin fırlanması olmadıqda hərəkət tənliklərini verir. Tənlikləri birgə həll etsək:  $V_x=0$

$$V_y=\omega gt^2 \cos\varphi$$

$$V_z = -gt,$$

$$\text{Inteqrallasaq, } X=0, Y=(1/3)\omega g t^3 \cos\varphi, Z=-gt^2/2.$$

Tənliklərə diqqət versək, şaquli düşən cisim  $Y$  oxu üzrə yerdəyişmə icra etdəcə: Şaquldan şəqrə doğru meyl edəcəkdir.

$Y=(1/3)\omega g t^3 \cos\varphi$  və bu düşmə müddətinin kubu ilə mütənasibdir.

Məsələni 60 dərəcə en dairəsi üçün 490 m məsafədən düşən cisim  $t=10$  san müddətində  $y=11,8$  m şəqrə doğru yerini dəyişir.

- **Məsələ 7.** Yer planetinin fırlanması cismin çəkisinin ekvator ilə qütb üzərində müqayisəsi hansı azalmaya gətirir? Təyyarə hansı  $v$  sürəti ilə ekvator boyunca hansı istiqamətdə uçmalıdır ki, bu effekt ona təsir etməsin?

Həlli. Yerin fırlanması nəticəsində cismin çəkisinin azalması

$$N = m(g - a) = mg \left( 1 - \frac{4\pi^2 R}{gT^2} \right)$$

Ekvator və qütbə cismin çəkirlinin nisbəti

$$\varepsilon = \frac{mg - P}{mg} = \frac{4\pi^2 R}{gT^2} = 3,5 \cdot 10^{-3} \Rightarrow \text{yəni}$$

$\Rightarrow \delta\varepsilon = 0,35\%$  təşkil edəcək.

$$\text{Təyyarənin aldığı təcil } a = \frac{v^2}{R} = \frac{4\pi^2 R}{T^2}$$

$$\text{Uyğun olaraq sürəti } v = \frac{4\pi R}{T} = 460 \text{ m/s.}$$

- **Məsələ 8.** Hər hansı planetin cismin qütbdəki çəkisi onun ekvatordakı çəkisindən üç dəfə fərqlənir. Planetin öz oxu ətrafında fırlanma periodunun  $T = 55$  dəqiqə olduğunu bilərək planetin orta  $\rho$  sıxlığını təyin edin.

Həlli. Qutbdəki çəki cazibə qüvvəsinə görə  $\rho_1 = G \frac{Mm}{R^2}$ ,

olacaq. Ekvatordakı çəki isə qutbdəki çəkiddən azdır:

$$P_2 = P_1 - ma,$$

Şərtə görə  $P_1 = 3P_2$ ,

Planetin kütləsini nəzərə alsaq:  $M = \rho \frac{4}{3} \pi R^3$ ,

ekvatordakı nöqtələrin təcili  $a = \frac{4\pi^2 R}{T^2}$ ,

Onda planetin sıxlığı  $\rho = \frac{\pi g}{2GT^2} = 19,5 \cdot 10^3 \text{ kq/m}^3$  olar.

- **Məsələ 9.** Cismın ekvator da çəkisiz halda olması üçün planetin öz oxu ətrafında periodunu (sutka dövrüyyəsi) artırmaq lazımdır. Sutka necə dəyişməlidirki, ekvator da olan cisim çəkisiz halda olsun? Bu nöqtəyi nəzərdən əlavə nə kimi effektlər meydana çıxır bilər?

Həlli. Yerın fırlanması nəticəsində yaranan mərkəzdən qaçma təcili yerin verdiyi sərbəstdüşmə təcilinə bərabər olduqda cisim ekvator da çəkisiz halda olacaq.  $a = g$ ,

və  $a = \frac{4\pi^2 R}{T^2}$ , buradan  $T = 2\pi \sqrt{\frac{R}{g}}$ ,

Sutkanın necə dəyişməsini belə tapa bilərik:  $n = \frac{T_0}{T} = \frac{T_0}{2\pi} \sqrt{\frac{g}{R}}$

burada  $T_0 = 24$  saat, nəzərə alsaq alırıq:  $T = 5080$  san = 1 saat 25 dəq.

Buradan da:  $n = \frac{T_0}{T} = 17$  dəfə.

- **Məsələ 10.** *Peyk planetdən kiçik hündürlükdə dairəvi orbit üzrə fırlanır. Onun fırlanma periodu  $T$ -yə bərabərdir. Planetin orta  $\rho$  sıxlığını təyin etmək üçün bu verilənlər kifayət edir mi?*

Həlli. Kifayət edir. -  $\rho = \frac{3\pi}{GT^2}$  -yə bərabərdir. Yuxarıdakı məsələnin dusturlarından istifadə edin.

- **Məsələ 11.** *Cismin Yer səthindən  $h=1$  km yüksəklikdə ağırlıq qüvvəsi yer səthindəki ağırlıq qüvvəsinin hansı hissəsini təşkil edir?*

Verilib  $h=1$  km=1000m,  $R=6400$  km,  
Tapmalı:  $F/F_0$

Həlli: Yer səthində ağırlıq qüvvəsi  $F_0 = G \frac{mM}{R^2}$ , müəyyən yüksəklikdə isə  $F = G \frac{mM}{(R+h)^2}$ ,

$G$ - qravitasiya sabiti,  $m$  cismin,  $M$  isə Yerin kütləsidir. Soruşulan nisbət:

$$\frac{F_0 - F}{F_0} = 1 - \frac{F}{F_0} = 1 - \frac{R^2}{(R+h)^2} = 1 - \frac{1}{(1 + \frac{h}{R})^2}$$

$h \ll R$  olduğundan,

$$h/R \ll 1 \text{ v} \ddot{a} (a + b)^n = a^n (1 + \frac{b}{a})^n \approx a^n (1 + n \frac{b}{a})$$

$$\text{N} \ddot{e}tic \ddot{a}d \ddot{e} \frac{F_0 - F}{F_0} = 1 - (1 - 2h/R) = 2h/R \approx 3 \cdot 10^{-4}$$



**Əl-Bəttani (859 - 929)** Riyaziyyat sahəsində böyük nailiyyətlər əldə etmiş mütəfəkkirlərdən biri. Bu alim triqonometriyanın əsasını qoymuşdur. Triqonometrik funksiyaların köməyi ilə Hipparch və Ptolomeyə nisbətən daha dəqiq astronomik müşahidələr aparmışdır. Ay orbitinin böyük oxunun hərəkət etdiyini tapmışdır.

Riyaziyyat, astronomiya və coğrafiya alimi Bəttaninin, xüsusilə astronomiya sahəsində bir çox əhəmiyyətli kəşfləri var. Qərbdə «Albategnius» kimi tanınan Bəttani bu gün belə dünyanın ən məşhur 20 astronomundan biri kimi qəbul edilir. Bəttani 877-ci ildə qurduğu rəsədxanada Günəş, Ay və planetlərin hərəkətlərini tədqiq etmiş, bu müşahidələrin hamısını «Zic-i sabi» adlı astronomiya kataloqunda toplamışdır. Sözügedən kataloq bu mövzuda yazılmış ən böyük və hərtərəfli əsərdir.

Məşhur astronom özündən beş əsr sonra yaşamış Kopernikin  $230 \ 35'$  kimi hesabladığı Yer in ekliptik mailliliyini  $230$  kimi hesablamış, dövrümüzdə məlum olan bucaq qiymətini yarım dəqiqəlik bir fərqlə müəyyən etməyi bacarmışdır. Bundan başqa, bir Günəş ilinin  $365$  gün,  $5$  saat,  $46$  dəqiqə və  $24$  saniyədən ibarət olduğunu tapmışdır. Bu kəşf dövrümüzün hesablamalarına son dərəcə yaxındır. Günəşin təpə nöqtəsindəki uzunluq dairəsinin Ptolomeyin kəşfindən bəri  $160 \ 47'$  artdığını da kəşf etmişdir. Bu nəticə Günəşin orbit hərəkətlərini və bərabər zamanlıqda kiçik fərqlərin meydana gəldiyini göstərən əhəmiyyətli kəşfdir.

Riyaziyyat sahəsində yunan xordası əvəzinə sinuslardan istifadə edən ilk şəxsdir. Yeni triqonometriyanın həqiqi banisi kimi qəbul edilən Bəttani fəaliyyətlərində sferik triqonometriya sahəsində ixtisaslaşmış, düz bucaqları tədqiq edərək sinus, kosinus, tangens, kotangens, sekant və kosekant anlayışlarını ortaya qoymuşdur. Astronomiya və triqonometriya ilə bağlı çoxlu əsərləri var. Astronomiya sahəsindəki fəaliyyətləri İntibaha qədər Avropada iz qoymuş, astronomiya və triqonometriyadakı kəşfləri bu elmlərin inkişafına kömək etmişdir.

Əsərləri latın dilinə tərcümə edilən ilk müsəlman alimlərindən sayılan Bəttani elmi fəaliyyətlərini əsl məqsədini bu əsas üzərində qurmuşdur: *«İnsan Alahın (cc) varlığını, birliyini, qüdrətini və əsərlərinin mükəmməlliyini başda astronomiya olmaqla, elmlərin vasitəsilə öyrənmə bilər. Məsələn, bu görünən ulduzlar, üstündə yaşadığımız bu Yer və Yerin hərəkətləri Allahın (cc) varlığı və birliyinin açıq dəlilidir».*

❖ *Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.*

- 6.1.** Peykin Yer səthindən orta yüksəkliyi 1700 km dir. Peykin sürətini və periodunu tapın.
- 6.2.** Ay səthində yerləşən kütləsi 1 kq olan cismə Yer tərəfindən təsir edən cazibə qüvvəsini təyin edin. Yer və Ayın mərkəzləri arasında məsafə 384000 km-dir.
- 6.3.** Peyk Yerin bir tam dövrü müddətində 16 dövr edir. Orbiti dairəvi hesab edərək, peykin periodunu, yerdən yüksəkliyini və sürətini təyin edin.
- 6.3.** Peykin uçuş yüksəkliyi artdıqca, sürəti 7,79 km/s-dən 7,36 km/s-ə kimi azalır. Periodun və yerdən yüksəkliyin nə qədər dəyişdiyini təyin edin.
- 6.4.** Planeti sıxlığı  $\rho$  olan bircins kürə təsəvvür edərək, səthinə yaxın fırlanan peykin periodunu tapın.
- 6.5.** Süni peyki Yer qütbündən  $v$  sürəti ilə dairəvi orbitə çıxardılar. Peykdən yer səthinə qədər məsafəni tapmalı.
- 6.6.** Peyk Yerin ekvator müstəvisində fırlanır və müəyyən obyekt üzərində hər  $\tau=11,6$  saat periodla görünür. Orbitin radiusunun  $R=2 \times 10^4$  km olduğunu bilərək Yerin kütləsini təyin edin.
- 6.7\*.** Yeri kürə formada hesab edərək ağırlıq qüvvəsi təcilinin coğrafi enlikdən asılılığını təyin edin.  $g$  –ni qütb, ekvator və Bakı en dairəsi üçün hesablayın.
- 6.8\*.** Yer səthindən  $h$  dərinlikdə  $g$  –cazibə sahəsinin intensivliyini təyin edin. Hansı dərinlikdə sərbəstdüşmə təcili yer səthindəkinə nəzərən onun 0,3 hissəsini təşkil edəcəkdir. Yerin sıxlığını sabit hesab etməli. Cisimdən yuxarıda yerləşən laylar tərəfindən cazibə olmasını nəzərə almayın.
- 6.9.** Yer Günəş ətrafında nə vaxt daha sürətlə fırlanır: (şimal yarımkürə üçün) yayda ya qışda?
- 6.10.** Ayın Günəş tərəfindən cəzətmə qüvvəsi Ayın Yerlə cəzətmə qüvvəsindən təqribən 2 dəfə böyükdür. Bəs nə üçün Ay Yerin təbii peykidir? Müstəqil planet deyil?
- 6.11.** Peyki elə sürətlə buraxmaq olar ki, o müəyyən bir məntəqə üzərində həmişə görünsün?



**6.12.** Peyk Yerın mərkəzindən keçməyən müstəvi üzərində dayanıqlı dövr edə bilərmi?

**6.13.** Yer kürəsinin kütləsini və sıxlığını təyin edin. Yerın radiusu  $R=6400$  km, üzərində sərbəstdüşmə təcili  $g=9,8$  m/s<sup>2</sup>-dir.

**6.14.** Yerın radiusuna nəzərən çox kiçik yüksəkliklərdə sərbəstdüşmə təcilinın verilmiş təqribi dusturla hesablandığını isbat edin:  $g_0$ - Yer səthində sərbəstdüşmə təcili,  $h$  -kilometrlərlə təyin olunan yüksəklikdir.  $g \approx g_0(1 - \frac{2h}{R}) \approx g_0(1 - 0,00314h)$

## ❖ 7. Mexanikada saxlanma qanunları.

Əsas fiziki anlayış və kəmiyyətlər

1. Cismin impulsu:  $\vec{p} = m\vec{v}$

2.  $\vec{F}dt = d\vec{p}$  – təsir edən qüvvənin impulsu cismin impulsunun dəyişməsinə bərabərdir.

3. İmpulsun saxlanma qanunu  $\sum_{i=1}^N \vec{p}_i = \text{const}$ , və ya

$\sum_{i=1}^N m_i \vec{v}_i = \text{const}$ . burada N – sistemə daxil olan maddi nöqtələrin (cisimlərin) sayıdır. İmpulsun saxlanma qanunu yalnız aşağıdakı hallarda ödənilir:

a) cisimlərin qapalı sistemi üçün,

b) qapalı olmayan, amma  $\sum_{i=1}^N \vec{F}_i = 0$ ,

c) əgər qarşılıqlı təsir müddəti çox kiçik olarsa.

4. Sabit F qüvvəsinin təsiri ilə S yerdəyişməsi icra olunarsa görülən iş:

$$A = \int_s (\vec{F}d\vec{s}) = \int_s F_s ds$$

burada  $F_s$  – qüvvənin yerdəyişmə istiqamətdə proyeksiyası, inteqrallama isə bütün trayektoriya üzrə aparılır.

Xüsusi halda qüvvə və yerdəyişmə arasında bucaq dəyişmədiyi hal da sabit qüvvə üçün:  $A = F s \cos \alpha$ , haradakı  $\alpha$  - F ilə S arasında bucaqdır.

5. Güc  $N = dA/dt$ , və ya  $N = F v \cos \alpha$ ,

burada dA – dt müddətində görülən işdir.

6. Maddi nöqtənin (və ya irəliləmə hərəkəti edən cismin) kinetik enerjisi  $E_k = mv^2/2$ ,

və ya  $E = p^2/2m$ , ( $A_F = \Delta E_k$ )

7. Bir cismin və ya hissələrinin qarşılıqlı təsir enerjisi - Potensial enerji

a) elastik deformasiya olunmuş (sıxılmış və ya dartılmış) cismin potensial enerjisi

$$E_{pot}=kx^2/2.$$

b) bircins ağırlıq qüvvəsi sahəsində cismin potensial enerjisi  $E_{pot}=mgh$ ,

burada  $h$  – potensial enerjinin sıfır qiyməti hesablanan səviyyədən olan yüksəklik. Bu dustur  $h \ll R$  şərti daxilində doğrudur. burada  $R$  – Yerin radiusudur;

c) bir birindən  $r$  məsafədə yerləşmiş, kütlələri  $m_1$  və  $m_2$  olan maddi nöqtələrin (cisimlərin) arasında qravitasiya qarşılıqlı təsir potensial enerjisi

$$E_{pot} = -Gm_1m_2/r. \quad (A_F = -\Delta E_n)$$

8. Tam mexaniki enerji  $E = E_k + E_{pot}$ .

9. Tam mexaniki enerjinin saxlanması qanunu  $E = const$   
və ya  $\Delta E = 0$ ;

Bu qanun cisimlərin qapalı sistemi üçün ödənilir. Əgər sistem qapalı olmazsa, onda

$$\Delta E = A.$$

• **Məsələ həllinə nümunələr.**

➤ **Məsələ 1.** Yer səthindən şaquli yuxarı 5 km/s sürətlə peyk buraxılır. Peyk hansı hündürlüyə qalxar?

Verilib:  $v_0=5000\text{m/s}$ ,  $R_{\text{Yer}}=6.4 \cdot 10^6\text{M}$

Tapmalı:  $h=?$

Həlli: Peykə cazibə qüvvəsi ilə hesablanan qravitasiya qüvvəsi təsir edir:

$$F = \gamma \frac{M_3 m}{r^2},$$

burada  $m$  – peykin kütləsi,  $M_Y$  – Yerin kütləsi,  $r=R_{\text{Yer}}+h$  – Yerin mərkəzindən olan məsafədir. Peykin ixtiyarı dr yerdəyişməsi zamanı görülən iş  $dA=Fdr$  olacaq. Yer səthindən  $h$  yüksəkliyə qalxmaq üçün görülən tam iş isə inteqralla təyin olunacaq:

$$A = \int_{R_3}^r F dr = \int_{R_p}^r \gamma \frac{M_3 m}{r^2} dr = -\gamma \frac{M_3 m}{r} \Big|_{R_3}^r = \gamma \cdot M_3 m \left( \frac{1}{R_3} - \frac{1}{r} \right).$$

Budara  $\gamma$ - cazibə sabitidir. Kinetik enerji haqqında teoremə əsasən görülən iş kinetik enerjinin dəyişməsinə bərabərdir:

$$\frac{mv_0^2}{2} = A.$$

Bu halda:

$$\frac{mv_0^2}{2} = \gamma M_3 m \left( \frac{1}{R_3} - \frac{1}{r} \right).$$

$r=R_{\text{Yer}}+h$  nəzərə alsaq, alarıq:

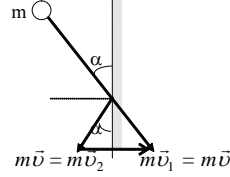
$$h = \frac{R_3}{\frac{2gR_3}{v_0^2} - 1} = 1.59\text{KM}.$$

Burada  $g = \gamma M_{\text{yer}}/R_{\text{yer}}^2$ . Yer səthində sərbəstdüşmə təcildir.

- **Məsələ 2.** Kütləsi  $m$  olan kürə  $v$  sürəti ilə hərəkət edərək şaquli divara  $\alpha$  bucağı altında elastiki zərbə vurur. Divarın aldığı qüvvə impulsunu tapın.

Verilib:  $m, v, \alpha$ .

Tapmalı:  $F\Delta t$  - ?



Həlli. Kürənin impulsunun dəyişməsi qüvvə impulsuna bərabərdir:  $\vec{F}\Delta t = m\vec{v}_2 - m\vec{v}_1$ .

Şəkildən  $F\Delta t = 2mv \sin \alpha$

- **Məsələ 3.** Rels üzərində kütləsi 10 ton olan platforma sükunətdədir. Platformaya rels boyu mərmii atan kütləsi 5 ton top bərkidilmişdir. Mərminin kütləsi 100 kq, sürəti isə 500 m/s-dir. 1) Platformanın ilk halda durduğunu 2) platforma atəşin aşılacağı istiqamətdə 18 km/saat sürətlə hərəkət etdiyini 3) platforma topun atəş açacağı istiqamətin əksinə hərəkət etdiyini bilərək birinci atəşdən sonra platformanın sürətini təyin edin.

Verilib:  $m_1=10^4 \text{ kq}; m_2=5 \cdot 10^3 \text{ kq}; m_3=100 \text{ kq}; v_0=500 \text{ m/s}; v_1=5 \text{ m/s}$ .

Tapmalı:  $v_x$  - ?

Həlli. 1) Platformanın sükunətdə olduğu halda mərminin yerə nəzərən sürəti onun topa nəzərən sürətinə bərabər olacaq. İmpulsun saxlanma qanununa görə yaza bilərik:

$$(m_1 + m_2 + m_3)v_1 = m_3v_0 + (m_1 + m_2)v_x$$

Baxılan halda  $v_1=0$ . Onda

$$v_x = -m_3v_0 / (m_1 + m_2) = -3,33 \text{ m/san} = -12 \text{ km/saat}$$

Mənfi işarəsi platformanın atəşdən sonra mərminin atıldığı istiqamətin əksinə hərəkət etdiyini göstərir. Mərminin sürəti müsbət  $v_0 > 0$ , olarsa  $v_x < 0$ ,

2) Əgər mərmə platformanın hərəkət istiqamətində atılarsa, mərmənin ilk sürəti yerə nəzərən  $v_2=v_1+v_0$  kimi tapılacaqdır. Və impulsun saxlanma qanununa görə

$$(m_1+m_2+m_3) v_1 = m_3(v_0+v_1) + (m_1+m_2) v_x,$$

buradan

$$v_x = \frac{(m_1+m_2+m_3)v_1 - m_3(v_0+v_1)}{(m_1+m_2)} = 1,67 \text{ m/san} = 6 \text{ km/saat.}$$

Qeyd edəkki,  $v_x > 0$  olması onu göstərirki, platforma atəşdən sonrada əvvəlki istiqamətdə hərəkət edir, lakin sürətini azaltmışdır.

- **Məsələ 4.** Hündürlüyü 1 m, uzunluğu 10 m olan mail müstəvi üzərində 1 kq kütləli cisim sürüşür. 1) müstəvinin sonunda cismin kinetik enerjisini 2) müstəvinin sonunda cismin sürətini 3) cismin getdiyi üfüqi tormoz yolunun uzunluğunu təyin edin. Bütün yolda sürtünmə əmsalı 0,05 olub eynidir.

Verilib:  $h=1 \text{ m}$ ,  $l=10 \text{ m}$ ,  $m=1 \text{ kq}$   $\mu=0,05$ .

Tapmalı:  $E - ?$   $v - ?$   $s - ?$

**Həlli.** Sürtünmə qüvvəsi  $F$  olsun. Cismin mail müstəvidə aşağı sürüşməsi zamanı potensial enerjisi kinetik enerjiyə və sürtünmə qüvvəsinə qarşı sərf olan iş çevrilir.  $mgh = mv^2/2 + Fl$ . Düzbucaqlı üçbucağın xassələrinə görə

$h=l \sin\alpha$ ,  $F=\mu mg \cos\alpha$ , burada  $\alpha$ - mail müstəvinin meyl bucağıdır.

$$E = mv^2/2 = mgh - Fl = mgl(\sin\alpha - \mu\cos\alpha).$$

Məsələnin şərtinə görə  $\sin\alpha = h/l = 0,1$ , buradan  $\alpha = 5^\circ 44'$ , uyğun olaraq,  $\cos\alpha = 0,995$ . Ədədi qiymətləri yerinə yazıb hesablasaq, alarıq:  $E = 4,9 \text{ C}$ .

$$2) v = \sqrt{\frac{2E}{m}} = 3,1 \text{ m/s.}$$

3) Mail müstəvidən sonra cismin üfüqi yolda tormozlanması sürtünmə qüvvəsi hesabına baş verir. Bu zaman sürtünmə qüvvəsinin işi cismin kinetik enerji dəyişməsinə bərabər olana kimi hərəkət davam edir.

$$E=FS =\mu mgS, \text{ buradan } S=E/\mu mg=10 \text{ m.}$$

- **Məsələ 5.** Kütlələri  $m$  və  $3m$  olan cisimlər qarşılıqlı perpendikulyar istiqamətdə hərəkət edir. (şəkil). Toqquşmadan sonra  $m$  kütləli cisim dayanmışdır. Onun enerjisi toqquşmada istilik formasında ayrılan enerjinin hansı hissəsini təşkil edir? .

Verilib:  $m, 3m, v_1'=0$ .

Tapmalı:  $Q/E_{k1} - ?$

*Həlli.* Toqquşma müddəti çox kiçik olduğundan impulsun saxlanması qanuna görə  $\vec{\delta}_1 + \vec{\delta}_2 = \vec{\delta}_1' + \vec{\delta}_2'$

haradakı  $\vec{\delta}_1 = m\vec{v}_1, \quad \vec{\delta}_2 = 3m\vec{v}_2$ .

Lakin  $p_1'=0$ ,  $m$  kütləli cismin son sürəti sıfırdır.  $v_1'=0$ , ona görə də  $\vec{\delta}_1 + \vec{\delta}_2 = \vec{\delta}_2'$ . Şəkildən

göründüyü kimi

$$p_2' = \sqrt{m^2 v_1^2 + 9m^2 v_2^2} = m\sqrt{v_1^2 + 9v_2^2}. \quad (1)$$

Toqquşmaya qədər cisimlərin kinetik enerjisi cəmi

$$E_k = mv_1^2/2 + 3mv_2^2/2.$$

Toqquşmadan sonra  $3m$  kütləli cismin kinetik enerjisi

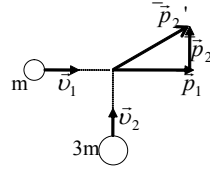
$$E_k' = (p_2')^2 / (2 \cdot 3m) = m(v_1^2 + 9v_2^2) / 6 = mv_1^2 / 6 + 3mv_2^2 / 2.$$

Enerji itkisi- hansıki toqquşmada istilik enerjisinə çevrilir:

$$Q = E_k - E_k' = mv_1^2 / 3.$$

onda  $Q/E_{k1} = 2mv_1^2 / 3mv_1^2 = 2/3$ ,

Birinci cismin kinetik enerjisinin  $2/3$  hissəsi istilik enerjisinə çevrilmişdir.



- **Məsələ 6.** Kütləsi 100 kq olan dirəyi 300 kq-lıq yük vasitəsi ilə torpağa vurulur. Yük 4 m yüksəklikdən sərbəst buraxılır. Hər zərbədən sonra 10 sm aşağı düşür. Torpağın müqavimət qüvvəsini sabit hesab edərək onu hesablayın. Yükün zərbələri mütləq qeyrielasticdir.

Verilib:  $m_1=300$  kq,  $m_2=100$  kq,  $H=4$  m,  $h=0,1$  m

Tapmalı:  $F_c$  - ?

**Həlli.** Yükün düşməsi zamanı onun potensial enerjisi kinetik enerjiyə çevrilir:  $m_1v_1^2/2=m_1gH$ . Yükün dirəyə zərbə zamanı malik olacağı sürət  $v_1=(2gh)^{1/2}$ . Yükün zərbəsi qeyrielasticdir. Impulsun saxlanması qanununa görə  $m_1v_1=(m_1+m_2)v_2$ . Buradan  $v_2=m_1v_1/(m_1+m_2)$ . Dirəyin hərəkəti zamanı torpağın müqavimət qüvvəsi təsir edir: sistem qapalı deyil. Bu halda enerji fərqi müqavimət qüvvəsinin işinə bərabər olacaqdır.  $\Delta E=A_F$ ;

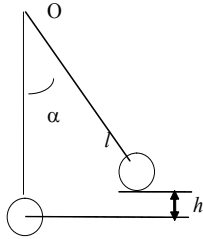
$$\Delta E = -(m_1+m_2)gh - (m_1+m_2)v_2^2/2,$$

Haradakı  $A_F=-Fh$  – müqavimət qüvvəsinin işidir.

Bu halda

$$F=(m_1+m_2)(g+v_2^2/(2h))=(m_1+m_2)g[1+m_1^2H/(h(m_1+m_2)^2)].$$

$$F=94 \cdot 10^3 \text{ N} = 94 \text{ kN}.$$



- **Məsələ 7.** Kütləsi 1 kq olan plitə aşağıdan sərtliyi 980 N/m olan yay vasitəsi ilə stol üzərinə bərkidilmişdir. Plitə şaquli hərəkət edə bilər. Müəyyən yüksəklikdən plitə üzərinə kütləsi 0,5 kq olan yük buraxılır. Zərbə anında yükün 5 m/san sürətə malik olduğunu bilərək, yayın maksimal sıxılmasını tapın. Zərbə

qeyrielasticdir.

Verilib:  $m_1=0,5$  kq,  $m_2=1$  kq,  $k=9,8 \cdot 10^2 \text{ N/m}$ ,  $v_1=5 \text{ m/s}$ .

Tapmalı:  $x$  - ?

**Həlli.** Verilmiş sistemdə yalnız ağırlıq qüvvəsi və elastiki qüvvə təsir göstərdiyindən sistem qapalıdır və enerjinin saxlanması



qanununu tətbiq etmək olar. Zərbədən sonra plitə və yükün tam mexaniki enerjisi sıxılmış yayın potensial enerjisinə bərabərdir:

$$(m_1+m_2)v_2^2/2 + (m_1+m_2)gx = kx^2/2, \quad (1)$$

$v_2$  – yükün və plitənin zərbədən sonrakı sürətləridir. İmpulsun saxlanma qanuna görə bu sürətlərə bilirik:

$$m_1v_1=(m_1+m_2)v_2.$$

Buradan  $v_2 = m_1v_1/(m_1+m_2)$ .

Alınan ifadələri (1) də yerinə yazsaq:

$$kx^2 - 2g(m_1+m_2)x - m_1^2v_1^2/(m_1+m_2) = 0.$$

Tənliyi həll edərək alarıq:  $x = 8,2 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 8,2 \text{ sm}$ .

- **Məsələ 8.** Kütləsi 1 kq olan yük ipdən asılmış və ip şaquldan  $30^\circ$  meyl etdirilərək buraxılır. Tarazlıq vəziyyətindən keçən anda ipdəki gərilmə qüvvəsini təyin edin.

Verilib:  $m=1 \text{ kq}$ ,  $\alpha=30^\circ$

Tapmalı:  $T$  - ?

**Həlli.** Rəqqasın tarazlıq vəziyyətindən keçən anda ipdə yaranan gərilmə qüvvəsi  $T$  olsun:  $T=mg+mv^2/l$ .

Enerjinin saxlanma qanununa görə müəyyən qədər qaldırılmış cismin potensial enerjisi var və buraxılımda bu enerji kinetik enerjiyə çevriləcəkdir.  $mgh = mv^2/2$ , buradan  $v = \sqrt{2gh}$ .

Şəkildən:

$$h = l - l \cos \alpha = l(1 - \cos \alpha). \text{ Onda}$$

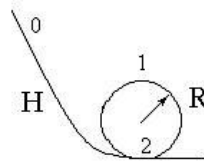
$$mv^2/l = m2gh/l = 2mg(1 - \cos \alpha) \text{ və}$$

$$T = mg [1 + 2mg(1 - \cos \alpha)] = 12,4 \text{ N}.$$

- **Məsələ 9.** Cismi hansı minimal yüksəklikdən buraxmaq lazımdır ki, “ölü ilgəyi” keçə bilsin? “Ölü ilgəyin” aşağı və yuxarı nöqtələrində təzyiq qüvvələrini təyin edin.

Verilib:  $R$  - ilgəyin radiusu

Tapmalı:  $N_1, N_2, H$



*Həlli:* Dinamikanın II qanuna görə  $ma=mg+N$

yuxarı nöqtə üçün:  $m\frac{v_1^2}{R} = mg + N_1 \geq mg$  yuxarı nöqtədə minimal

kinetik enerji  $m\frac{v_{1\min}^2}{2} = \frac{1}{2}mgR$ ,

bu hal üçün enerjinin saxlanması qanunu:

$$mgH_{\min} = mg2R + \frac{mv_{1\min}^2}{2} = \frac{5}{2}mgR \Rightarrow H_{\min} = \frac{5}{2}R$$

İlgəyin aşağı nöqtəsindən keçdikdə

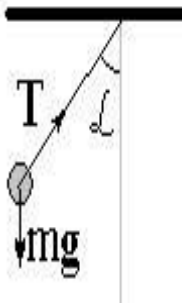
$$m\frac{v_2^2}{R} = -mg + N_2 \Rightarrow N_2 = mg + m\frac{v_2^2}{R}$$

Bu nöqtə üçün enerjinin saxlanması qanununu tətbiq etsək,

$$m\frac{v_2^2}{2} = mgH = \frac{5}{2}mgR \Rightarrow m\frac{v_2^2}{R} = 5mg$$

$$N_2 = 6mg \Rightarrow \frac{N_2}{mg} = 6$$

Alarlıq



➤ **Məsələ 10.** Çəkisiz uzanmacaq, uzunluğu  $L$  olan ipdən asılı yük üfüqi vəziyyətə gətirilir və sərbəst buraxılır. Tarazlıq nöqtəsindən keçdikdə sürəti  $u$  olur. İpdə yarana bilən maksimal gərilmə qüvvəsini təyin edin

Verilib:  $L, u$  Tapmalı:  $T$

Həlli: Dinamikanın II qanunu tətbiq edək:

$$ma = mg + T \Rightarrow$$

$$m\frac{v^2}{L} = -mg \cos \alpha + T$$

Verilmiş nöqtədə yükün sürəti enerjinin saxlanması qanunu ilə təyin olunacaqdır:

$$mgL = \frac{mv^2}{2} + mgL \cdot (1 - \cos \alpha) \Rightarrow$$

$$m \frac{v^2}{L} = 2mg \cdot \cos \alpha$$

İp şaqulla bucaq əmələ gətirdikdə gərilmə qüvvəsi

$$T = m \frac{v^2}{L} + mg \cdot \cos \alpha = 3mg \cdot \cos \alpha$$

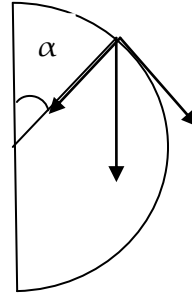
Buradan ipin qırılmasına uyğun olan bucaq

$$\cos \alpha_0 = \frac{u}{v} = \frac{u}{\sqrt{2gL \cos \alpha_0}} \Rightarrow \cos \alpha_0 = \sqrt[3]{\frac{u^2}{2gL}}$$

Nəticədə gərilmə qüvvəsi:

$$T_{MAX} = 3mg \cdot \sqrt[3]{\frac{u^2}{2gL}}$$

- **Məsələ 10.** Uzunluğu  $l$  ( $l=1m$ ) olan nazik ipdən asılmış kürə şaquli vəziyyətdən  $90^\circ$  meyl etdirilir və  $V_0$  sürəti ilə təkənla buraxılır. Nəticədə ip şaquldan  $\alpha=60^\circ$  bucaq əmələ gətirdiyi anda qırılır. İp ilk vəziyyətdən sərbəst buraxılrsa idi, ən aşağı nöqtədə qırılacağıni bilərək,  $V_0$  – təkən sürətini tapmalı.



Verilib:  $\alpha, l$  Tapmalı:  $V_0$

Həlli: İpin şaqulla  $\alpha$  bucağı əmələ gətirdiyi halda gərilmə qüvvəsi

$$T = mg \cos \alpha + \frac{mv^2}{l}$$

Enerjinin saxlanma qanuna görə

$$\frac{mv_0^2}{2} + mgl = \frac{mv^2}{2} + mgh$$

Buradan  $v^2 = 2g(l - h) + v_0^2$

$X=l-h$  və  $x=l \cos \alpha$  nəzərə alsaq

$$T = 3mg\cos\alpha + \frac{mv_0^2}{2}$$

Kürə təkansız buraxılımda ən aşağı nöqtədə

$$T = mg + \frac{mv_1^2}{2}$$

Enerjinin saxlanma qanununa görə  $v_1 = \sqrt{2gl}$  nəticədə  $T=3mg$  buradanda

$$v_0 = \sqrt{3gl(1 - \cos\alpha)}$$

Hesablasaq 3,8 m/s alarıq.

- **Məsələ 11.** Cisim Radiusu  $R$  olan kürənin yuxarı nöqtəsindən aşağı sürüşür. Təpədən hansı məsafədə cisim kürədən ayrılaraq düşəcəkdir?

Verilib  $R$

Tapmalı  $H$

Həlli: Ağırılıq qüvvəsini iki toplanana ayıraq: Səthə toxunan və mərkəzə yönəlmiş toplananlara ayrılmış hal üçün:

$$\frac{v^2}{R} = g\cos\alpha$$

Enerjinin saxlanma qanununu nəzərə alsaq:

$$\frac{mv^2}{2} = mgR(1 - \cos\alpha)$$

buradan  $\cos\alpha=2/3$  nəticədə cisim kürənin təpə nöqtəsindən  $h=R/3$  məsafədə aşağıdan kürə səthindən ayrılacaq.

- **Məsələ 12.** Hamar stol üzərində uzanmayan ipin uclarına bağlanmış  $m$  və  $M$  kütləli cisimlər hərəkət edir. Müəyyən anda  $m$  kütləli cisim dayandı. Bu zaman  $M$  kütləli cismin sürəti ipə perpendikulyar istiqamətdə yönəlmiş oldu. İpin gərilmə qüvvəsini təyin edin.

Verilib:  $m, M$

Tapmalı:  $T$

Həlli: Şərtədən belə görünürki, cisimlər iki hərəkətdə iştirak edir. İrəliləmə hərəkəti və kütlə mərkəzi ətrafında fırlanma hərəkəti icra edirlər.  $m$  kütləli cismə görə kütlə mərkəzi  $x(m+M)=ML$ , buradan  $x=ML/(m+M)$ , ikinci cismə kütlə mərkəzindən  $X=L-x$

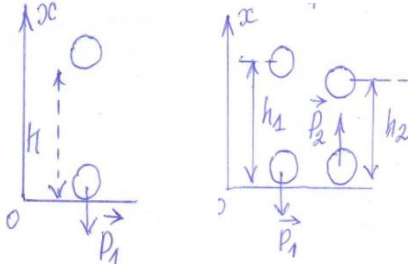
məsafədə yerləşəcəkdir. M cisminin sürəti  $V$  olduqda,  $m$  kütləli cisim dayanmış olur.  $V_{km} -$  kütlə mərkəzinin sürəti olarsa,  $V_{km} + \omega X = V$ ,  $V_{km} - \omega x = 0$  buradan  $xm = XM$  və  $V_{km} = mV / (m+M)$   
Nəhayət görülmə qüvvəsi  $T = mV_{km}^2 / x$

$$T = \frac{mMv^2}{(m+M)L}$$

➤ **Məsələ 13.** Kütləsi  $m$  olan kürə  $h$  yüksəklikdən Yerə düşür. Havanın müqavimətini nəzərə almadan, kürənin Yerə dəydikdə müxtəlif hallar üçün onun impuls dəyişməsini təyin edin.

Verilib:  $m$ ,  $h$ ,

Tapmalı:  $dP$

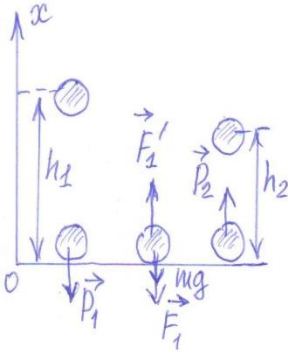


Həlli. 1. Kürənin Yerə düşdüğü zaman impulsu  $\vec{p}_1 = m\vec{v}$ . Kürənin impulsun dəyişməsi  $\Delta\vec{p} = \vec{p}_2 - \vec{p}_1$ . Şərtə görə kürə Yerə dəydikdən sonra dayanır onda  $p_2 = 0$ . Bu halda OX oxu üzrə proyeksiyada impulsun dəyişməsinin yazsaq:

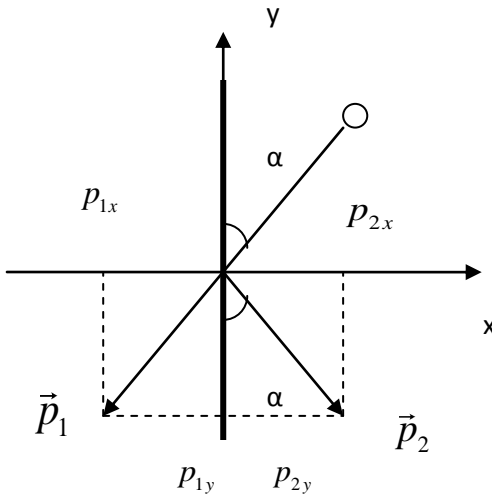
$$\Delta p_x = 0 - (-p_1) = mv = m\sqrt{2gh}$$

alırıq.

2. Məsələnin şərtini dəyişək: Kürə  $h_1$  yüksəklikdən hamar səth üzərinə düşür və sıçrayaraq  $h_2$  yüksəkliyinə qalxır. Bu hal üçün impulsun dəyişməsini və  $\Delta t$  qarşılıqlı təsir müddətində orta təsir qüvvəsini təyin edək.



İmpulsun dəyişməsi  $\Delta\vec{p} = \vec{p}_2 - \vec{p}_1$ . Beləki  $\vec{p}_1 = m\vec{v}_1$ ,  $\vec{p}_2 = m\vec{v}_2$ , onda  $\Delta\vec{p} = m\vec{v}_2 - m\vec{v}_1$ . OX oxu üzrə proyeksiyalarda:  $\Delta p = mv_2 - (-mv_1) = m(v_2 + v_1) = m(\sqrt{2gh_2} + \sqrt{2gh_1})$ . əgər kürənin yerlə toqquşması mütləqelastiki baş verirsə, onda  $v_2 = v_1 = v$ ,  $h_2 = h_1 = h$ . Uyğun olaraq  $v = \sqrt{2gh}$  və impulsun dəyişməsi  $\Delta p = 2mv = 2m\sqrt{2gh}$ .



Kürənin səthə orta təsir qüvvəsini təyin etmək üçün əgər qarşılıqlı təsir müddəti  $\Delta t$  olarsa, onda dinamikanın əsas tənliyini impulsa görə yazsaq:  $\Delta\vec{p} = \vec{p}_2 - \vec{p}_1 = \langle \vec{F} \rangle \Delta t$ , haradakı  $\langle \vec{F} \rangle - \Delta t$  təsir müddətində orta qüvvədir.

Dinamikanın II qanuna görə kürənin səthə təsir qüvvəsi səthin kürəyə təsir qüvvəsinə bərabər olacaq.  $\langle F_1' \rangle = \langle F_1 \rangle$ , və təsir qüvvəsinin əksinə yönələcəkdir. Bu  $\langle F_1' \rangle$  qüvvəsindən başqa kürəyə ağırlıq qüvvəsidə təsir edir.  $m\vec{g}$ . Kürənin impulsu bu iki qüvvənin təsiri ilə dəyişəcəkdir.  $\langle F_1' \rangle$  və  $m\vec{g}$ , bu halda:

$\Delta \vec{p} = \vec{p}_2 - \vec{p}_1 = (\langle \vec{F}'_1 \rangle + m\vec{g}) \Delta t$ . verilmiş Ox oxu üzrə

proyeksiyada yazsaq,  $\Delta p = p_2 + p_1 = (\langle F'_1 \rangle - mg) \Delta t$ ,

və  $v = \sqrt{2gh}$  nəzərə alsaq:

$\Delta p = m(\sqrt{2gh_2} + \sqrt{2dh_1}) = (\langle F'_1 \rangle - mg) \Delta t$ .

Səth tərəfindən kürəyə təsir edən qüvvə:

$$F'_1 = \frac{m(\sqrt{2gh_2} + \sqrt{2gh_1})}{\Delta t} + mg. \text{ olacaq.}$$

- **Məsələ 14.**  $m$  kütləli kürə divar səthinə  $\alpha$  bucağı altında divara elastiki zərbə vurur. Divara zərbə anında sürətin  $v$ , zərbə müddətinin  $\Delta t$  olduğunu bilərək divarın kürəyə orta təsir qüvvəsini təyin edin. Sürtünməni nəzərə almayın.

Verilib:  $\alpha$ ,  $v$ ,  $\Delta t$ .

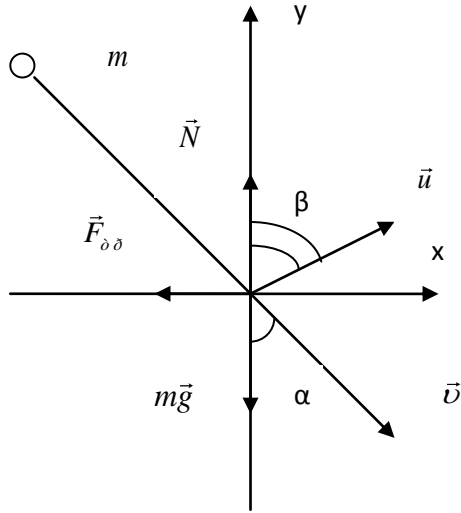
Tapmalı:  $F$

Həlli: Dinamikanın əsas qanununu impuls formasında yazsaq

verilmiş oxlara görə proyeksiyalar :

Oy:  $mv_2 \cos \alpha - mv_1 \cos \alpha = \Delta p_y$ , beləki  $v_1 = v_2 = v$ , to

$\Delta p_y = 0$ , uyğun olaraq  $\langle F'_y \rangle = 0$ .



Ox:  $m\omega_2 \sin \alpha + m\omega_1 \sin \alpha = F_x \Delta t$  və ya nəzərə alsaqki,  
 $\omega_1 = \omega_2 = \omega$  onda  $2m\omega \sin \alpha = \langle F \rangle \Delta t$ . Kürəyə təsir edən orta  
 təsir qüvvəsi:  $\langle F \rangle = \frac{2m\omega \sin \alpha}{\Delta t}$ .

➤ **Məsələ 15.** Kürə hamar olmayaq səthə normalda  $\alpha$  bucağı altında  $\omega$  sürəti ilə düşür və normalda  $\beta$  bucağı altında qayıdır. Sürətin azalma əmsalı  $k=40\%$  təşkil edir. Kürənin səthlə toqquşma müddəti  $\Delta t$ -dir. Kürənin səthlə sürtünmə əmsalını təyin edin.

Həlli: Dinamikanın II qanununa görə yazı bilərik:  
 $m\vec{u} - m\vec{v} = (\vec{N} + m\vec{g} + \vec{F}_{\text{sürt}}) \Delta t$ .

Yazılan ifadəni oxlar üzrə proyeksiyalarda yazsaq:

$$\text{OX: } m\omega \sin \beta - m\omega \sin \alpha = -F_{\text{sürt}} \Delta t \quad (1)$$

$$\text{OY: } m\omega \cos \beta - (-m\omega \cos \alpha) = (N - mg) \Delta t \quad (2).$$

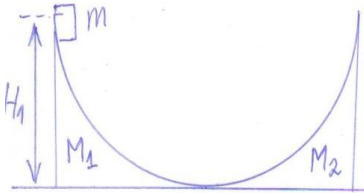
Nəzərə alsaqki, sürtünmə qüvvəsi  $F_{\text{sürt}} = \mu N$  və sürət  
 $u = (1 - k)\omega = 0,6\omega$ , onda (2)-dən alırıq

$$N = \frac{m\omega(0,6 \cos \beta + \cos \alpha)}{\Delta t} + mg \quad (3).$$

nəzərə alsaq:

$$m\omega(0,6 \sin \beta - \sin \alpha) = -\mu \left( \frac{m\omega(0,6 \cos \beta + \cos \alpha)}{\Delta t} + mg \right).$$

$$\text{Buradan } \mu = \frac{\omega(\sin \alpha - 0,6 \sin \beta) \Delta t}{\omega(0,6 \cos \beta + \cos \alpha) + g \Delta t}.$$



➤ **Məsələ 16.** Kütlələri  $M_1$  və  $M_2$  olan pazlar sükunətdə olmaqla şəkildə verilən kimi üfüqi hamar keçidə malikdir.  $h_1$  yüksəklikdən  $m$  kütləli cisim sürtünməsiz aşağı sürüşür. Digər pazda hansı yüksəkliyə



qalxacaq.

Veilib:  $M_1, M_2, h_1$

Tapmalı:  $h_2$

Həlli: Sürtünmə olmadığına görə cismin sol pazdan aşağı sürüşdüüy zaman üçün enerjinin saxlanması qanunu yasaq:

$$mgh_1 = \frac{mv_1^2}{2} + \frac{M_1 u_1^2}{2} \quad (1), \quad \text{budada } u_1 - \text{ sol tərəfdə olan pazın}$$

cismin sürüşdüüy zaman aldığı sürətdir. Cismin  $h_2$  yüksəkliyinə qalxdığı zaman sağ pazda daxil olmaqla:

$$\frac{mv_1^2}{2} = mgh_2 + \frac{(M+m)u_2^2}{2} \quad (2)$$

Paz və cismin hərəkətlərinə nəzər yetirsək görürük ki, cismin ( $\vec{p} = m\vec{v}_1$ ) impulsu,

sol pazın impulsu ( $\vec{p} = M_1\vec{u}_1$ )

və cismin sağ pazla birgə

impulsu ( $\vec{p} = (m+M)\vec{u}_2$ ) modulca bərabər olmalıdır.

Onda (1) ifadəsini belə yazıb:

$$mgh_1 = \frac{p^2}{2m} + \frac{p^2}{2M_1} \quad (3),$$

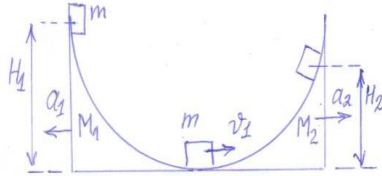
(2) ifadəsini bu formada yazıb:

$$mgh_2 = \frac{p^2}{2m} - \frac{p^2}{2(m+M_2)} \quad (4)$$

(3)-ü (4)-də bölsək, alırıq:

$$\frac{h_1}{h_2} = \frac{(M_1+m)(M_2+m)}{M_1M_2} \Rightarrow h_2 = h_1 \frac{M_1M_2}{(M_1+m)(M_2+m)}.$$

Şərtə görə pazların kütləsi eyni olduğundan, onda



$$h_2 = h_1 \left( \frac{M}{M+m} \right)^2.$$

- **Məsələ 17.** Üfüqi hərəkət edən  $m_1$ , kütləli kürə üfüqi  $v_1$ , sürəti ilə hərəkət edərək sükunətdə olan digər  $m_2$  kütləli kürə ilə toqquşur. Zərbə tam elastik, mərkəzi və düzünədir. Birinci kürə enerjisinin hansı hissəsini ikinci kürəyə vermişdir?

Verilib  $m_1, m_2, v_1$

Tapmalı  $\varepsilon = W_1/W_2$

Həlli: Veriləcək enerji hissəsi aşağıdakı münasibətlə təyin olunur:

$$\varepsilon = \frac{W_2}{W_1} = \frac{m_2 u_2^2}{m_1 v_1^2} = \frac{m_2}{m_1} \left( \frac{u_2}{v_1} \right)^2, \quad (1)$$

burada  $W_1$ -birinci kürənin toqquşmadan əvvəlki kinetik enerjisi;  $u_2$  və  $W_2$  - ikinci kürənin toqquşmadan sonra sürəti və kinetik enerjisidir.

(1)-dən görünürki  $\varepsilon$  təyin etmək üçün  $u_2$  sürəti təyin olunmalıdır. Məsələnin şərtinə görə kürələrin əmələ gətirdiyi sistemin impulsu dəyişmir. Mexaniki enerji digər enerji növlərinə keçmir. Bunu nəzərə alsaq:

$$m_1 v_1 = m_1 u_1 + m_2 u_2; \quad (2)$$

$$\frac{m_1 v_1^2}{2} = \frac{m_1 u_1^2}{2} + \frac{m_2 u_2^2}{2} \quad (3)$$

(2) və (3) tənliklərini birgə həll etsək:

$$u_2 = \frac{2m_1 v_1}{m_1 + m_2}.$$

$u_2$  ifadəsini (1) də nəzərə alsaq: alırıq

$$\varepsilon = \frac{m_2}{m_1} \left[ \frac{2m_1 v_1}{v_1 (m_1 + m_2)} \right]^2 = \frac{4m_1 m_2}{(m_1 + m_2)^2}.$$

Göründüyü kimi enerjinin verilmə əmsalı yalnız kürələrin kütlələrindən asılıdır, onların sürətindən asılı deyil.

- **Məsələ 18.** Kütləsi 4 kq olan cismi 5m/san sürətlə hərəkət edərək 3kq kütləli olan cisimlə qeyri-elastiki toqquşur. Bu toqquşma zamanı ayrılan istilik miqdarını tapmalı.

Verilib:  $m_1=4\text{kq}$ ,  $m_2=3\text{kq}$ ,  $v_1=5\text{m/s}$

Tapmalı  $Q=?$

Həlli: Toqquşmaya qədər birinci cismin malik olduğu kinetik enerji aşağıdakı kimi olar:

$$E_1 = \frac{m_1 v_1^2}{2} \quad (1)$$

İkinci kürə sükunətdə və toqquşma qeyri-elastiki olduğundan impulsun saxlanma qanununa görə yazmaq olar:

$$m_1 v_1 = m_1 v_2 + m_2 v_2 = (m_1 + m_2) v_2$$

Buradan aırıq 
$$v_2 = \frac{m_1 v_1}{m_1 + m_2}$$

Zərbədən sonra hər iki cismin kinetik enerjisi üçün yaza bilirik:

$$E_2 = \frac{(m_1 + m_2)}{2} \cdot v_2^2 = \frac{m_1^2 v_1^2}{2(m_1 + m_2)} \quad (2)$$

Ayrılan istilik miqdarı kinetik enerjilərin fərqi bərabər olar, yəni

$$Q = E_1 - E_2 \quad (3)$$

(1) və (2) ifadələrini (3)-də yerinə yazmaqla taparıq:

$$Q = \frac{m_1 v_1^2}{2} - \frac{m_1^2 v_1^2}{2(m_1 + m_2)} \quad (4)$$

Şərtə verilənləri (4) ifadəsində yerinə yazmaqla tapa bilirik:

$$Q = \frac{4 \cdot 5^2}{2} - \frac{4^2 \cdot 5^2}{2(4+3)} = 21,4C$$

- **Məsələ 19.** Kütləsi 4,5 ton olan çəkil 2m hündürlükdən zindan üzərinə düşür. Zərbə müddəti 0,015 san olduqda çəkicin cismə zərbə qüvvəsini təyin etməi. Çəkil zindana dəyib 25 sm yuxarı atıldıqda zərbə qüvvəsi dəyişirmi?

Verilib:  $m=4,5$  t= $4500$  kq,  $t=0,015$ s,  $h=25$ sm= $0,25$ m,  $H=2$ m

Tapmalı:  $F=?$   $F_1=?$

Həlli: Çəkicin zərbə qüvvəsi dinamikanın əsas tənliyinə görə təyin edilir:

$$\bar{F}t = m\bar{v}_1 - m\bar{v}_0$$

Burada  $m\bar{v}_1 - m\bar{v}_0$  çəkil- zindan sisteminin impulsuna dəyişməsidir. Zərbə anında impulsun dəyişməsi  $m\bar{v}_1$ -ə bərabər olduğundan :

$$\bar{F}t = m\bar{v}_1 \quad \text{və ya}$$

$$\bar{F} = \frac{m\bar{v}_1}{t} \quad (1)$$

OX oxunu şaquli istiqamətdə götürüb, F-in proyeksiyası üçün yaza bilərik

$$F = \frac{mv_1}{t}$$

Çəkicin düşmə sürətini

$$v_1 = \sqrt{2gH}$$

olduğundan

$$F = \frac{m\sqrt{2gH}}{t} \quad (2)$$

Çəkicin zərbədən sonra yuxarı atıldığı hal üçün onun impulsunun dəyişməsi aşağıdakı kimi olar:

$$\bar{F}_2 t = m\bar{v}_2 - m\bar{v}_1$$

Bu ifadənin modulu

$$F_1 t = -m(v_2 - v_1)$$

$v_2$ -çəkicin yuxarı qalxma sürətidir.

$$v_2 = \sqrt{2gH} \quad \text{olduğundan}$$

$$F_1 t = -m(\sqrt{2gH} + \sqrt{2gH})$$

$$F_1 = -\frac{m(\sqrt{2gH} + \sqrt{2gH})}{t} \quad (3)$$

Burada mənfi işrəsi göstərir ki, zərb qüvvəsi çəkiləcə aiddir. Dinamikanın III qanununa görə belə qüvvə zindana da təsir edir. Verilən ifadələri (2) və (3) ifadələrində yazsaq alarıq:  
 $F=18,8\text{N}$  və  $F_1=-25,4 \cdot 10^5\text{N}$  olar

- **Məsələ 20.**  $R=5\text{m}$  radiuslu çevrə üzrə bərabərsürətli hərəkət edən cismin kinetik enerjisinin  $E_k=80\text{C}$  olduğunu bilərək ona təsir edən mərkəzəqaçma qüvvəsini hesablayın.

Həlli: Mərkəzəqaçma qüvvəsi  $F=ma=mv^2/R$  düsturu ilə hesablanır.

Buradan,  $v^2 = \frac{FR}{m}$  və kinetik enerji düsturunda nəzərə alsaq

$$E_k = \frac{mv^2}{2} = \frac{m}{2} \cdot \frac{FR}{m} = \frac{FR}{2} \quad \text{tapmaq olar.}$$

Deməli, 
$$E_k = \frac{FR}{2}, \quad F = \frac{2E_k}{2}$$

Kəmiyyətlərin məsələdə verilmiş qiymətlərində

$$F = \frac{2 \cdot 80}{5} = 32(\text{N}) \quad \text{alınır.}$$

Çəkicin zərbə qüvvəsi artar.

- **Məsələ 21.** Dibinin sahəsi  $0,82\text{m}^2$ , dərinliyi  $2\text{m}$  olan quyu yarısına qədər su ilə doldurulmuşdur. Nasos bu suyu yer səthinə radiusu  $0,26\text{m}$  olan boru vasitəsilə qaldırır. Quyudakı suyu  $1$  dəqiqə müddətinə şıxardıqda nasos hansı işi görür?

Verilir:  $h=2\text{m}$ ,  $r=0,26\text{m}$ ,  $\rho=1000\text{kg/m}^3$ ,  $S=0,82\text{m}^2$ ,  
 $t=1\text{ dəq}=60\text{ san}$ .  
 Tapmalı:  $A=?$

Həlli: Quyudakı suyun ağırlıq mərkəzi yer səthindən  $3h/4$  dərinlikdə yerləşir. Buna görə quyudan suyu qaldırmaq üçün görülən iş

$$A_1 = p \cdot \frac{3}{4}h = mg \frac{3}{4}h = \rho Vg \frac{3}{4}h = \rho g \frac{h}{2} \cdot S \cdot \frac{3}{4} \cdot h$$

Buradan 
$$A_1 = \frac{3}{8} \rho g S h^2 \quad (1)$$

Bundan əlavə nasos suya kinetik enerji verir, nəticədə su boruda müəyyən sürətlə axır. Bu sürəti aşağıdakı şərtədən tapa bilərik:

$$\frac{h}{2} S = \pi r^2 v \cdot t \Rightarrow v = \frac{hS}{2\pi r^2 t}$$

$v$  – suyun borudakı hərəkət sürətidir. Əlavə iş

$$A_2 = \frac{mv^2}{2} = \frac{\rho h^3 S^3}{16\pi^2 r^4 t^2} \quad (2)$$

Ümumi iş bu işin cəminə bərabər olacaqdır:

$$A = A_1 + A_2 \quad (3)$$

(1) və (2) ifadələrini (3) bərabərliyində nəzərə alaq:

$$A = \frac{3}{8} \rho g S h^2 + \frac{\rho h^3 S^3}{16\pi^2 r^4 t^2} \quad (4)$$

Verilənləri (4) düsturunda yerinə yazaq.

$$A = \frac{3}{8} \cdot 1000 \cdot 9,8 \cdot 0,82 \cdot 2^2 + \frac{1000 \cdot 2^3 (0,82)^3}{16 \cdot (3,14)^2 \cdot (0,26)^4 \cdot (60)^2} = 12054 + 1,70 = 12055,70\text{C} = 12,06\text{kC}$$

- **Məsələ 22.** Kütlələrinin nisbəti  $m_2/m_1=n$  olan iki cisim radiusu  $R$  olan yarımsferanın kənarlarında eyni üfqi vəziyyətdədirlər. Cisimlər sürüşüb mütləq qeyri-elastiki toqquşur. Zərbədən sonra cisimlərin qalxa biləcəyi maksimal hündürlüyü tapmalı.

Verilib:  $m_2/m_1=n$ ,  $R$

Tapmalı:  $h$

Həlli. Cisimlərin toqquşma anında malik olduqları sürəti  $v_1 = v_2 = \sqrt{2Rg} = v$  olacaq. İmpulsun saxlanması qanununa görə  $(m_1+m_2)U=(m_1-m_2)v$  buradan cisimlərin toqquşmadan sonrakı sürəti

$$U = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} v = \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \sqrt{2Rg}$$

və toqquşmadan sonra cisimlərin birgə qalxa biləcəyi yüksəklik:

$$h = \frac{U^2}{2g} = \frac{1}{2g} \left( \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \right)^2 2Rg \left( \frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2} \right)^2$$

son nəticədə alarıq.  $h = \left( \frac{n-1}{n+1} \right)^2 R$

- **Məsələ 23.** Ardıcıl qoşulmuş sərtlikləri  $k_1=300\text{N/m}$  və  $k_2=500\text{N/m}$  olan yaylar elə dartılır ki, ikinci yayın dartırılması  $x_2=3\text{sm}$  olur. Yayların dartırılmasında görülən işi təyin edin.

Həlli. Ardıcıl birləşmədə yaylara təsir edən qüvvələr eyni olur (dinamikanın III qanunu)  $F_1=F_2$  buradan  $k_1x_1=k_2x_2$

nəticədə  $x_1 = \frac{k_2 x_2}{k_1}$

Yekun uzanma  $x = x_1 + x_2 = x_2 \left(1 + \frac{k_2}{k_1}\right)$

Yekun sərtlik isə  $k = \frac{k_1 k_2}{k_1 + k_2}$

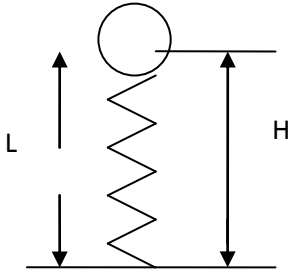
Beləliklə iş

$$A = \frac{k_1 k_2}{2(k_1 + k_2)} \left[ x_2 \frac{k_1 + k_2}{k_1} \right]^2 = \frac{k_2 (k_1 + k_2)}{2k_1} x_2^2.$$

➤ **Məsələ 24.** Hissəciciyə təsir edən  $\vec{F} = 2\vec{i}$  qüvvəsi ilə o koordinatını  $(1,2,3)$  dən  $(7,8,9)$  dəyişir. Qüvvənin gördüyü işi tapın.

Həlli:  $F=2i=(2,0,0)$  yerdəyişmənin proyeksiyaları  
 $|\vec{S}| = (6,6,6)$  və  $A=12$  C.

➤ **Məsələ 25.** Sərtliyi  $k$ , uzunluğu  $l$  olan yay şaquli vəziyyətdə qoyulmuşdur.  $H$  yüksəklikdən  $m$  kütləli kürə yay üzərinə düşür. Aşağı hərəkəti zamanı kürə hansı maksimal sürət alar? Sürtünməni nəzərə almamalı.



Həlli. Zamanın müəyyən anında yayın sıxılması  $x$  olsun. Enerjinin saxlanma qanununa görə

$$\frac{mv^2}{2} = mg(H - l + x) - \frac{kx^2}{2}$$

Kürə maksimal sürətə o vaxt malik olacaq ki,  $mg=kx_0$  şərti ödənsin. Onda



$$v_{\max} = \sqrt{2g(H-l) + m \frac{g}{k}}$$

- **Məsələ 26.** Hündürlüyü  $H$ , meyl bucağı  $\alpha$  olan dağdan sürüşən xizəyin üfüqi getdiyi yolu tapın. Bütün səthdə sürtünmə əmsali  $\mu$  - dür.

Həlli: Enerjinin saxlanma qanununa görə

$$mgH = \mu mg \cos \alpha \cdot l + \frac{mv^2}{2}$$

Dağ səthinin uzunluğu  $l = \frac{H}{\sin \alpha}$ ,

nəzərə alsaq  $gH = \mu g H \operatorname{ctg} \alpha + \frac{v^2}{2}$

Cismin üfüqi getdiyi yol onun kinetik enerjisinin sürtünmə qüvvəsinin işinə bərabərliyindən alınacaqdır: kinetik enerjinin dəyişməsi görülən işə bərabərdir.

$$\frac{mv^2}{2} = \mu mgS$$

Nəticədə  $S = \frac{v}{2\mu g} = \frac{1}{\mu g} (gH - \mu g H \operatorname{ctg} \alpha)$

və  $S = H \left( \frac{1}{\mu} - \operatorname{ctg} \alpha \right)$ .

- **Məsələ 27.** Yer səthindən  $v_0$  sürəti ilə şaquli  $h$  yüksəkliyə qalxan su şırnağının en kəsiyi necə dəyişər?

Həlli: mayenin kəsilməz axınına görə  $S_1 v_1 = S_2 v_2$

və enerjinin saxlanması qanununa görə

$$v_2^2 = v_1^2 - 2gh$$

Onda 
$$\frac{s_2}{s_1} = \frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{v_1^2}{v_1^2 - 2gh}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{2gh}{v_1^2}}}$$
.

➤ **Məsələ 28.** Kütləsi  $m$  olan maddi nöqtənin potensial enerjisi  $W(x) = \alpha x^2 + \beta x + c$  ilə verilmişdir. Nöqtənin tarazlıq vəziyyətindən keçdiyi anda təcilini tapın.

Həlli. Potensial enerji haqqında teoremə görə  $dA = -dW$  və  $dA = Fdx$  onda cismin aldığı təcil

$$a = \frac{1}{m} \frac{d}{dx} (\alpha x^2 + \beta x + c) = \frac{2\alpha x + \beta}{m} \quad (1)$$

Cismin tarazlıq vəziyyəti  $\frac{dW}{dx} = 0$  ilə təyin olunur.

$$\frac{d}{dx} (\alpha x^2 + \beta x + c) = 2\alpha x + \beta = 0$$

və 
$$x = -\frac{\beta}{2\alpha} \quad (2)$$

(2)-ni (1)-də nəzərə alsaq

$$a = \frac{1}{m} (2\alpha x + \beta) = 0$$

➤ **Məsələ 29.** Süni peykin Yer kürəsini tərk etməsi üçün tələb olunan sürəti tapın. (II kosmik sürət).

Həlli. Cazibə qüvvəsi 
$$F = G \frac{mM}{r^2}$$

onun işi isə

$$A = A \int_R^{\infty} F \cos \alpha dr = - \int_R^{\infty} G \frac{Mm}{R^2} dr = - \frac{GMm}{r} \quad \text{və}$$

$$\text{Və } A = - \frac{mv^2}{2},$$

$$\text{onda } v = \sqrt{2g_0 R} \approx 11,2 \cdot 10^3 \text{ m/s}$$

- **Məsələ 30.** Kütləsi  $m$  olan cisim sürtünmə olan bir mühütdə düşür. Cisim mühütə daxil olduqdan sonra onun mühitə nüfuz etmə dərinliyi impulsu ilə mütənasibdir:  $x = \alpha p$ ,  $P$  cismin impulsudur.  $\alpha$  sabitdir. Mühütün cismə göstərdiyi müqavimət qüvvəsinin nüfuz etmə dərinliyindən asılılığını təyin edin.

Verilib:  $x = \alpha p$

Tapmalı:  $F(x)$

Həlli: Təbiicismin sürəti nüfuz etmənin sonunda sıfırdır: cisim dayanır. Onda onun nüfuz etmə dərinliyi  $x = \frac{vt}{2}$  olacaq. Yolun

dusturundan  $S = \frac{v^2}{2a} = \frac{P^2}{2m^2 a}$  təcili tapsaq,

$a = \frac{P^2}{2m^2 S}$  təsir edən qüvvə üçün alırıq:

$$F = ma = \frac{P^2}{2mS} = \frac{P^2}{amx} = \frac{\left(\frac{x}{\alpha}\right)^2}{2mx} = \frac{x}{2m\alpha^2}$$



### Əbunəsr Məhəmməd ibn Uzlug ibn Tərxan Farabi (Əbunəsr Farabi)

( 873 - Fərab – 950 Dəməşq ) - ensiklopedik türk alimi, İslam dünyasında peripatetik fəlsəfənin inkişafında mühüm xidmət göstərmiş filosofdur. Elmdə Aristoteldən sonra "İkinci müəllim" (əl-Müəllim əs-sani) fəxri adını qazanmışdır. Yazdığı "Kitabi əl-Musiqə əl-kəbr" (Musiqi haqqında böyük kitab) əsəri ilə musiqiçünəşliyin inkişafına təkan vermişdir.

Alimin məşhur əsərlərindən biri "Fəzilətli şəhər əhlinin baxışları" adlı kitabıdır. Bu əsərində "İdeal dövlət" konsepsiyasını irəli sürmüşdür. Farabi həmçinin fizikada boşluqların varlığı və onların təbiəti haqqında fikir söyləmiş ilk tədqiqatçılardan biri hesab olunur.

Farabının əsərləri bir neçə əsr müddətində dünya elm və fəlsəfəsinin inkişaf istiqamətini müəyyənləşdirmiş, Şərqdə, sonralar isə Qərbdə bir neçə yüz illiklər ərzində masaüstü dərslik kitabları olmuşdur (Fusus əl-Hikam). Dövrümüzə qədər 117 kitabı gəlib çıxmışdır ki, bunalardan 43-ü məntiq, 11-i metafizika, 7-si əxlaq, 7-si siyasi elmlər, 17-si musiqi, tibb və sosiologiya aiddir. 11 əsərə isə şərh yazmışdır. Aristoteldən sonra bütün dövrlərin və xalqların ən böyük filosofu sayılır. Farabi Şərfin İbn Sina və İbn Rüşd kimi dühalarının formalaşmasına birbaşa təsir göstərmişdir.

"Ara əhl əl-Mədinət əl-fadilə" (Fəzilətli şəhər əhlinin baxışları), "Risalə fil-əql" (Zəkaya dair risalə), "Kitab əl-hüruf" (Hərflər haqqında kitab), "Kitab ihşa' əl'-ülum" (Elmlərin siyahıya alınmasına dair), "Kitab əl-musiqi əl-kəbr", "Fi ma yənbəği ən yuqəddimə qəblə təəllüm əl-fəlsəfə" (Fəlsəfəni öyrənməkdən əvvəl nəyin müqəddimə verilməsi haqqında), "Təhsil əs-səadə" (Xoşbəxtlik qazanma) kimi əsərləri vardır.

- **Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.**

**6.1.** Kütləsi 60 kq olan adam 8 km/saat sürətlə qaçaraq 2,9 km/saat sürətlə hərəkət edən 80kq-lıq arabaya çadır və onun üzərinə atılır. 1) bundan sonra araba hansı sürətlə hərəkət edəcək? 2) adam araba ilə qarşı qarşıya hərəkət etmiş olsa idi, sonda arabanın sürəti nə qədər olardı?

**6.2.** Sürəti 500 m/s, kütləsi 100 kq olan mərmə dəmir yoluna paralel olmaqla üfüqi hərəkət edərək, kütləsi 10 ton olan qumla dolu vaqona dəyir və onda qalır. 1) Vaqon sükunətdə olmuşsa, 2) mərmənin hərəkət istiqamətində 36 km/saat sürətlə hərəkət etmişsə, 3) Vaqon mərmənin hərəkətinə əks olmaqla 36 km/saat sürətlə hərəkət etmişsə, toqquşmadan sonra vaqonun sürətini tapmalı.

**6.3.** Buz üzərində durmuş, kütləsi 70 kq olan konki sürən 3kq daşı 8 m/san sürətlə üfüqi istiqamətdə atır. Buzla konki arasında sürtünmə əmsalının 0,02 olduğunu bilərək konkisürənin yerdəyişməsini təyin edin.

**6.4.** Araba üzərində hərəkətsiz durmuş adam 2kq yükü üfüqi istiqamətdə irəli atır. Araba adamlı birgə geri hərəkət edir və hərəkətin ilk anında sürəti 0,1 m/s olmuşdur. Arabanın adamlı birgə kütləsi 100 kq-dır. Hərəkətin başlanmasından 0,5 san sonra daşın kinetik enerjisini tapın. Daşın hərəkətində havanın müqavimətini nəzərə almayın.

**6.5.** Kütləsi 2kq, sürəti 3 m/s olan cisim kütləsi 3 kq, sürəti 1 m/san olan cismi təqib edir və ona çadır. 1) zərbə qeyri elastik olduqda 2) zərbə elastik olduqda toqquşmadan sonra cisimlərin sürətini tapın. Toqquşma mərkəzidir.

**6.6.\*** Mərmə silahdan üfüqə  $\alpha$  bucağı altında  $v_0$  sürəti ilə atılır. Trayektoriyanın ən yuxarı nöqtəsində mərmə iki bərabər qəlpəyə ayrılır. Qəlpələrin sürəti üfüqidir və trayektoriya müstəvisində yerləşir. Birinci qəlpə silahdan atəş istiqamətində S məsafədə yerə düşür. İkinci qəlpənin daha uzağa düşdüyünü bilərək, onun düşdüyü məsafəni tapmalı. Müqavimət qüvvələrini nəzərə almayın.

**6.7.\*** Mərmi müqavimətsiz uçaraq trayektoriyanın ən yüksək nöqtəsində iki bərabər qəlpəyə parçalanır. Qəlpələrdən biri şaquli aşağı düşmüş, digəri isə atəş nöqtəsindən üfqi S məsafədə yerə düşmüşdür. Partlayış H yüksəklikdə baş vermiş, qəlpələrdən biri şaquli aşağı  $\tau$  müddətinə düşmüşdür. Mərminin partlayışdan əvvəlki sürətini tapın.

**6.8.** Kütləsi 10 q, sürəti 400 m/s olan güllə qalınlığı 5 sm olan lövhəni deşərək sürətini 2 dəfə azaldır. Lövhənin güllənin hərəkətinə müqavimət qüvvəsini tapın.

**6.9.** Kütləsi 15 ton, gücü 368 kVt olan tank mailliyi  $30^\circ$ , olan təpəyə qalxır. Tank hansı maksimal sürət ala bilər?

**6.10.** Kütləsi 100 kq olan çilçirəq uzunluğu 5 m olan metal zəncir vasitəsi ilə tavandan asılmışdır. Zəncir maksimal 2kN gərilməyə davam gətirir. Çilçirəği hansı hündürlüyə meyl etdirmək olarki, sonrakı rəqşində zəncir qırılmasın?

**6.11.** Kütləsi m olan güllə M kütləli ballistik rəqqasa dəyir və onda qalır. Güllənin kinetik enerjisinin hansı hissəsi istilik enerjisinə çevriləcəkdir?

**6.12.** Buz üzərində 2 m/s sürətlə buraxılan daş 20,4 m yol qət edərək dayanır. Sürtünmə əmsalını sabit hesab etməli və onu tapmalı.

**6.13.** 20 ton kütləli vaqon 6000 N sürtünmə qüvvəsinin təsiri ilə bərabər yavaşayan hərəkət edərək dayanır. Vaqonun başlanğıc sürəti 54 km/saat-dır. 1) Sürtünmə qüvvəsinin işini tapın 2) dayanana kimi vaqonun getdiyi yolu təyin edin.

**6.14.** Kütləsi 2 kq olan daş müəyyən yüksəklikdən düşür. Düşmə 1,43 san davam etmişdir. Yolun orta nöqtəsində kinetik və potensial enerjini tapın. Havanın müqavimət qüvvəsini nəzərə almayın.

**6.15.** Hündürlüyü 25 m olan qüllədən, üfqi istiqamətdə 15 m/s sürətlə daş atılmışdır. Hərəkət başladıqdan 1 san sonra daşın kinetik və potensial enerjisini tapın. Daşın kütləsi 0,2 kq-dır.

**6.16.** Daşı üfqlə  $60^\circ$  bucaq altında 15 m/s sürətlə atdılar. 1) atılma anından 1 san sonra 2) trayektoriyanın ən yüksək nöqtəsində daşın kinetik və potensial enerjisini təyin edin. Daşın kütləsi 0,2 kq-dır. Havanın müqavimətini nəzərə almayın.

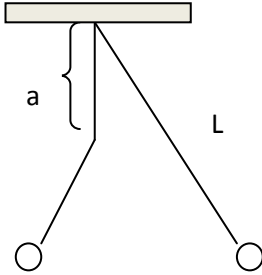
- 6.17.** Daşın üfüqlə  $30^\circ$  bucaq altında atılması üçün 216 kC enerji sərf edilir. Daşın kütləsi 2 kq və havanın müqaviməti nəzərə alınmazsa, daşın uçuş vaxtını və üfui uçuş yolunu tapın.
- 6.18.** Avtomobilin dartı qüvvəsi məsafədən asılı olaraq belə dəyişir: a)  $F=D+Bs$ ; b)  $F=D+Bs+Cs^2$ . Yolun ( $s_1$ ,  $s_2$ ) hissəsində görülən işi təyin edin.
- 6.19.** Hündürlüyü 0,5 m, uzunluğu 1 m olan mail müstəvi üzərində kütləsi 3 kq olan cisim sürüşür. Cisim mail müstəvinin sonuna 2,45 m/s sürətlə çatır. 1) müstəvidə sürtünmə əmsalını, 2) sürtünmə nəticəsində ayrılan istilik miqdarını tapın. Cismin başlanğıc sürəti sıfır bərabərdir.
- 6.20.**  $v_0=20$  m/san sürətlə əsən külək, sahəsi  $s=25$  m<sup>2</sup> olan yelkənə  $F=as\rho(v_0-v)^2/2$ , qüvvəsi ilə təsir edir. Burada  $a$  – vahidsiz əmsal,  $\rho$ -havanın sıxlığı,  $v$  – qayığın sürətidir. Hansı şərt daxilində küləyin gücü maksimal olacaq? Küləyin təsir qüvvəsinin işini təyin edin.
- 6.21.** Kütləsi 1 ton olan avtomobil söndürülmüş mühərriklə, sabit 54 km/saat sürətlə təpədən sürüşür. Təpənin mailliyi hər 100 m-də 4 m-ə bərabərdir. Avtomobil hansı gücə malik olmalıdır ki, həmin sürətlə eyni maillikli təpəyə qalxa bilsin?
- 6.22.** Kütləsi 1,5 ton olan çəkil 20 tonluq qızmış dəmir üzərinə düşür və onu deformasiya edir. Zərbənin qeyri-elastik olduğunu bilərək faydalı iş əmsalını təyin edin. Deformasiyaya sərf olan işi faydalı hesab etməli.
- 6.23.** 100 kq- kütləli çəkil 4 m/s sürətlə kütləsi 500 kq olan dirək üzərinə düşür. a) zərbə anında çəkicin kinetik enerjisini, b) dirəyin torpağa daxil olmasına sərf olan işi, c) F.İ.Ə –ni təyin edin. Zərbə qeyri elastikdir.
- 6.24.** Kütlələri müvafiq olaraq 0,2 kq və 100 q olan iki kürə iplərdən asılmışdır və bir birinə toxunur. Birinci kürənin elə meyl etdirirlər ki, onun ağırlıq mərkəzi 4,5 sm qalxır. 1) elastik 2) qeyri elastik zərbə olarsa, kürələr hansı yüksəkliyə qaxar?
- 6.25.** Üfui uçan güllə sərt, çəkisiz məftilə bağlanaraq asılmış kürəyə dəyir və onda qalır. Güllənin kütləsi kürənin kütləsindən 1000 dəfə kiçikdir. Asqı nöqtəsindən kürənin mərkəzinə qədər

məsafə 1 m-dir. Zərbədən sonra kürənin  $10^0$  meyl etdiyini bilərək, güllənin sürətini təyin edin.

**6.26.** Kütləsi 10 q olan güllə üfüqi uçaraq, asılmış 2 kq-lıq kürəyə dəyir onu dəlib 400 m/s sürətlə çıxır. Bu zaman kürə 0,2 m yüksəkliyə qalxır. a) güllənin sürətini b) güllənin kinetik enejişinin hansı hissəsinin daxili enerjiyə keçdiyini tapın.

**6.27.** Kürə formalı, M kütləli taxta cisim ştativdə halqaüzərində qoyulmuşdur. Aşağıdan v sürəti ilə atılan m kütləli güllə kürəni dəşib keçir. Bu zaman kürə h yüksəkliyə qalxır. Güllənin qalxdığı yüksəkliyi tapın.

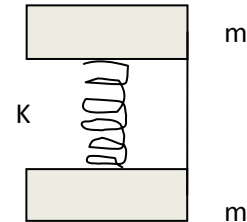
**6.28.** Avtomobil mühərrikin gücünü dəyişmədən təpəyə qalxdıqda sürəti azalır. Niyə?



**6.29.** Gəmidən sahilə atılmaq asan olduğu halda, yüngül qayıqdan sahilə atılmaq nədən çətin olur?

**6.30.** Sükunətdə olan kürə digər eyni hərəkətdə olan kürənin toqquşmasından zərbə alır. Hansı halda onun sürəti çox olacaq- zərbə elastik, zərbə qeyrielastic olsun?

**6.31.** Cisim hündürlüyü h, oruracağı a olan mail müstəvidə sürüşür. Müstəvidən ayrıldıqdan sonra cisim üfüqi yolda hərəkətini davam etdirərək s yolunu gedib dayanır. Bütün hissələrdə sürtünmə əmsalı eynidir. Sürtünmə əmsalını tapmalı.



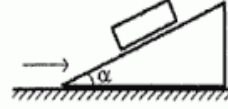
**6.32.** Yer səthindən  $h=2R$  yüksəklikdə hərəkət edən m kütləli peykin kinetik enerjisini təyin edin. R- Yerin radiusu, g- yer səthində sərbəstdüşmə təcilini verilmiş hesab edin.

**6.33.** Cisim 600 m/s sürətlə şaquli yuxarı atılır. Cismin bütün hərəkəti zamanı ona sabit 300N müqavimət qüvvəsi təsir edir.

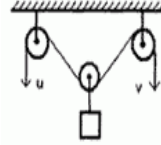
Cismin kütləsinin 50 kq olduğunu bilərək, Yerə düşdüyü zaman sürətini təyin edin.



**6.34.** Uzunluğu  $L$  olan sapdan asılmış kütləsi  $m$  olan rəqqasın asqı nöqtəsindən şaquli aşağı  $a$  məsafədə divara mismar çalınmışdır. Sap şaquldan  $\alpha$  bucağı meyl etdirilib buraxılır və rəqqas ipin mismara dayanmış vəziyyətində hərəkətini davam etdirir. Yaranan maksimal gərilmə qüvvəsini təyin edin.

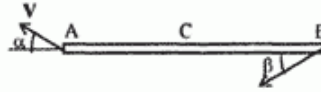


**6.35.** Kütlələri  $m$  olan iki cisim sərtlik əmsalı  $K$  olan yayla bir birinə bağlanmışdır. Yay müəyyən qədər sıxılaraq iplə bağlanmışdır. İp qırılır. Yay nə qədər sıxılmalı idiki, yuxarıdakı cisim qalxdığı zaman aşağıdakı cismi qaldıra bilməsin?



**6.36.** Şaquli vəziyyətdə  $L$  uzunluqlu ipdən asılmış  $m$  kütləli küre tarazlıqdadır. Sap dartılaraq üfüqi vəziyyətə gətirilir və küre sərbəst buraxılır. Sap asqı nöqtəsində şaquli aşağı  $a$  məsafədə divara çalınmış mismara ilişir. Rəqqas hərəkətini davam etdirir. Rəqqas hansı maksimal yüksəkliyə qalxacaqdır?

**6.37.** Dənizdə  $H$  dərinlikdə hündürlüyü  $h$  olan kub formalı qabın daxilində maye ( $\rho$ ) vardır. Qabdan suyu xaric etmək üçün nə qədər iş görmək lazımdır?



**6.38.** AB çubuğu ixtiyari foemada hərəkət edir. Müəyyən anda A nöqtəsinin sürəti  $V$  olub çubuğun oxuna  $\alpha$  bucağı altında yönəlir. B nöqtəsinin sürəti isə çubuğun oxuna  $\beta$  bucağı altında yönəlmiş olur. Çubuğun orta nöqtəsinin sürətini təyin edin.

**6.39.** Yük eyni ölçülü və tərپənməz iki blok vasitəsi ilə qaldırılır. İplər arasındakı bucaq  $\alpha$ , iplərin sürətləri isə uyğun olaraq  $U$  və  $V$  olduqda yükün sürətini təyin edin.

**6.40.** Mail müstəvi hansı təcillə hərəkət etməlidirki, üzərindəki cismin sərbəst düşməsinə mane olmasın? Müstəvinin meyl bucağı  $\alpha$ -dır.

**6.41.** Meyl bucağı  $\alpha$  olan mail müstəvi üzrə yuxarı  $V_0$  sürəti ilə buraxılan cisim hansı maksimal yol qət edə bilər? Sürtünmə

əmsalı  $\mu$ -dür. Cismin qalxma müddətini və düşmə vaxtını təyin edin.



**İbn Heysəm (Alqazen) (965 İraq, Bəsrə -1040 Qahirə)** riyaziyyat, fizika, oftalmologiya və astronomiya kimi sahələrdə bir çox kəşfləri və ixtiraları ilə ad qazanmışdır. Alimin ortaya qoyduğu ixtiralarından biri də işıq şüaları ilə bağlı idi. Belə ki, o, bəzi filosofların sübutunun əksinə olaraq, işıq şüalarının cisimlərdən gözə təmas etdiyini ortaya qoymuşdur. Məhz bu isbat kameraların

ixtirasında əsas prinsiplərdən biri hesab edilmişdir.

İlk dəfə gözü analizdən keçirən İbn Heysəm, gözün bütün hissəciklərinin funksiyasını izah etmişdir. O, psixoloji amillərin və təsirlərin də görmə ilə əlaqəsini ortaya qoyan ilk alimdir. Ərəb fiziki İbn Heysəmin işıqla bağlı “Kitab-ül-Mənazir” (Optikanın Xəzinəsi) adlı əsəri latın dilinə tərcümə edilmiş və Qərbdə Rocer Bekon kimi fiziklərin araşdırmalarına təsir etmişdir. Qədimdə işığın gözdən çıxaraq əşyaya çatması ilə görmənin əmələ gəldiyini fikirləşirdilərsə, Heysəm, tam əksinə, işığın əşyadan bizə çatdığını sübut etmişdir. Görmənin fiziki açıqlamasını ilk dəfə İbn Heysəm vermişdir. Bundan başqa riyaziyyatçı və filisof olan İbn Heysəm yüzdən çox əsər yazmış və dövrünün bütün elm sahələrində böyük avtoritet kimi qəbul edilmişdir. İbn Heysəmin optikaya dair əsəri R.Bekon (1214 - 1294), Kepler (1571 - 1630) və Leonardo (1452 – 1519) kimi alimlərin yetişməsində böyük rol oynamışdır. Bir sıra Avropa ölkələrində Alqazen adı ilə tanınan Heysəm işığın əks olunması və sınıması qanunlarını şərh etmişdir.

Alimin qələmə aldığı ən qədim əlyazmalardan biri musiqinin canlılara təsiri ilə bağlıdır. O, əsərində apardığı təcrübələr əsasında musiqinin canlıların davranışlarına təsir keyfiyyəti ilə bağlı xeyli misallar göstərmişdir. Alimin mühüm mövzulardan söhbət açan 200-dən çox kitabı vardır. Əsərlərin bir çox dünya dillərinə tərcümə edilmişdir

### ❖ 8. Bərk cismin fırlanma hərəkəti

Fırlanma oxuna nəzərən bərk cismin fırlanma hərəkətinin dinamikasının əsas tənliyi

$$M dt = d(J\omega),$$

Burada  $M$  –  $dt$  müddətində cismə təsir edən qüvvə momenti;  $J$  – cismin ətalət momenti;  $\omega$  - bucaq sürəti;  $L=J\omega$  -impuls momentidir.

Ətalət momentinin sabit qiymətində  $M = J\varepsilon$ ,

Burada  $\varepsilon$  - fırladıcı  $M$  momentinin təsiri ilə cismin aldığı bucaq təcildir.

$F$  qüvvəsinin hər hansı fırlanma oxuna nəzərən momenti  $M=Fl$ ,

Haradakı,  $l$  – qüvvənin qoludur ( fırlanma oxundan qüvvənin istiqamətinə çəkilmiş ən qısa məsafədir).

Maddi nöqtənin ətalət momenti  $J=mr^2$ ,

burada  $m$  – maddi nöqtənin kütləsi,  $r$  fırlanma oxundan məsafədir.

Bərk cismin ətalət momenti  $J = \sum_{i=1}^n \Delta m_i \cdot r_i^2$ ,

burada  $r_i$  -  $\Delta m_i$  kütlə elementindən fırlanma oxuna qədər məsafədir. Bərk cismin ətalət momenti inteqral formada

$$J = \int r^2 dm = \int \rho r^2 dV,$$

$\rho$  - cismin sıxlığıdır.

Paralel oxlar haqqında teorem: (Şteyner teoremi) İxtiyari oxa nəzərən ətalət momenti belə hesablanılır

$$J = J_o + ma^2,$$

Burada  $J_o$  – verilim oxa paralel olmaqla cismin ağırlıq mərkəzindən keçən oxa nəzərən ətalət momenti,  $a$  – oxlar arasında məsafə,  $m$  cismin kütləsidir.

İmpuls momentinin saxlanma qanunu

$$\sum_{i=1}^n \vec{L}_i = const,$$

burada  $L_i$  – sistemə daxil olan  $i$ , nömrəli cismin impuls moment.

*Müəyyən həndəsi formalı cisimlərin ətalət momentləri:*

Cisim	Ətalət momentinin təyin olunduğu ox	Ətalət moment dusturu
Kütləsi $m$ uzunluğu $l$ olan bircins çubuq	Çubuğa perpendikulyar olmaqla ağırlıq mərkəzindən keçən ox Çubuğun bir kənarından keçən və çubuğa perpendikulyar ox	$\frac{1}{12}ml^2$ $\frac{1}{3}ml^2$
Radiusu $R$ kütləsi $m$ olan nazik halqa, boru	Oturacağıın müstəvisinə perpendikulyar olmaqla mərkəzdən keçən ox	$mR^2$
Radiusu $R$ , kütləsi $m$ olan dairəsi bircins disk (silindir)	Diskin mərkəzindən səthinə perpendikulyar olmaqla oturacaq müstəvisinin mərkəzindən keçən ox	$\frac{1}{2}mR^2$
Radiusu $R$ , kütləsi $m$ olan bircins kürə	Kürənin mərkəzindən keçən ox	$\frac{2}{5}mR^2$

İki qarşılıqlı təsirdə olan cisim üçün impuls momentinin saxlanması qanunu

$$J_1 \omega_1 + J_2 \omega_2 = J_1' \omega_1' + J_2' \omega_2',$$

burada  $J_1$ ,  $J_2$ ,  $\omega_1$  və  $\omega_2$  – cisimlərin qarşılıqlı təsirdən əvvəlki ətalət momentləri və bucaq sürətləri,  $J_1'$ ,  $J_2'$ ,  $\omega_1'$  və  $\omega_2'$  – həmin kəmiyyətlər qarşılıqlı təsirdən sonra.

Tərpənməz ox ətrafında fırlanan bərk cismin kinetik enerjisi:

$$E_k = J\omega^2/2.$$

Bərk cismin müstəvi hərəkətində kinetik enerjisi:

$$E_k = mv^2/2 + J\omega^2/2,$$

burada  $mv^2/2$  – cismin irəliləmə hərəkətinin kinetik enerjisi,  $v$  – ağırlıq mərkəzinin sürəti,  $J\omega^2/2$  – cismin ətalət mərkəzindən keçən ox ətrafında fırlanma kinetik enerjisi.

Fırlanan cismə təsir edən sabit qüvvə momentinin işi,

$$A = \int M d\varphi = M\varphi,$$

$\varphi$  – cismin dönmə bucağıdır.

Fırlanma zamanı iş və kinetik enerjinin dəyişməsi

$$A = J\omega_2^2/2 - J\omega_1^2/2.$$

• **Məsələ həllinə nümunələr.**

➤ **Məsələ 1.** Blokdan aşırılmış ipin uclarına kütlələri  $m_1=300$  q və  $m_2=200$  q olan yüklər bağlanmışdır. Bircins blokun kütləsi  $m_0=300$  q-dır. Yüklərin təcilini tapın.

Verilib:  $m_1=300$  q,  $m_2=200$  q,  $m_0=300$  q

Tapmalı:  $a$ -?

**Həlli.** Birinci yük üçün dinamikanın II qanunu

$$m_1 \bar{a}_1 = m_1 \bar{g} + \bar{T}_1, \quad (1)$$

ikinci yük üçün:

$$m_2 \bar{a}_2 = m_2 \bar{g} + \bar{T}_2. \quad (2)$$

blokun fırlanma hərəkət dinamikasının

əsas tənliyi:  $J \bar{\varepsilon} = \bar{M}_1 + \bar{M}_2, \quad (3)$

burada  $\bar{M}_1$  və  $\bar{M}_2$  – ipdə yaranan  $\bar{T}_1$  və  $\bar{T}_2$  qüvvələrinin momentləridir.

İp uzanmaydırsa, onda:  $a_1 = a_2 = a, a = \varepsilon r, \quad (4)$

ipin çəkisi olmadığından:  $T_1 = T_1'$  və  $T_2 = T_2'$ .

İfadələri skalyar formada yazmaq üçün OY oxunu şaquli aşağı götürək. onda  $a_{1y} = a, a_{2y} = -a$ . Bu halda (1) və (2) ifadələrini belə yazıb bilərik

$$m_1 a_1 = m_1 g - T_1, \quad -m_2 a_2 = m_2 g - T_2. \quad (5)$$

$\bar{T}_1'$  və  $\bar{T}_2'$  qüvvələrinin momentləri fırlanma oxu boyu yönəlik, amma qarşılıqlı əksdirlər.  $\bar{\omega}$  istiqamətini müsbət qəbul edək. Onda (3) tənliyi belə olar:

$$J \varepsilon = T_1 r - T_2 r,$$

$r$  – blokun radiusudur.

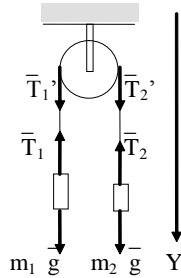
Aydın ki, əgər blokun kütləsi və uyğun olaraq ətalət momenti çox kiçikdirsə,  $T_1 = T_2$ . (4)-dən  $\varepsilon$ -ni və bircins diskin ətalət momentinin  $J = m_0 r^2 / 2$ , nəzərə alsaq, alırıq

$$m_0 r^2 a / (2r) = T_1 r - T_2 r. \quad (6)$$

(5) və (6) tənlikləri sistem təşkil edir.

Birgə həll etsək

$$a = g(m_1 - m_2) / (m_1 + m_2 + m_0) = 1,5 \text{ m/s}^2.$$



- **Məsələ 2.** Kütləsi 1 kq olan kürə sürtünməsiz hərəkət edərək 10 sm/s sürətlə divarla toqquşur və 8 sm/san sürətlə qayır. Zərbə nəticəsində ayrılan istilik miqdarını təyin edin.

Verilib:  $m=1$  kq,  $v_0=0.1$  m/s,  $v=0.08$  m/s.

Tapmalı:  $Q=?$

*Həlli:* Divarı çox böyük və tərpənməz hesab edək. Bu halda ayrılan istilik miqdarı enerjinin saxlanma qanuna görə tyin olunacaq: Ayrılan istilik miqdarı mexaniki enerjinin dəyişməsinə bərabərdir.

$$Q=E-E_0.$$

Mexaniki enerjisi onun irəliləmə kinetik enerjisi ilə kütlə mərkəzinə nəzərən fırlanma kinetik enerjisinin cəminə bərabərdir: beləki kürənin diyiylənərək irəliləməsi bu iki hərəkətin superpozisiyasıdır.

$$E_{\text{кин.}} = \frac{mv^2}{2} + \frac{I\omega^2}{2}.$$

Diyiylənmə sürüşməsiz baş verdiyindən kütlə mərkəzinin sürəti onun bucaq sürəti ilə mütənəsibdir:  $v=\omega R$ ,

burada  $R$  –kürənin radiusu,  $J$  – kürənin kütlə mərkəzinə nəzərən ətalət momentidir. Kürə üçün

$$I = \frac{2mR^2}{5}.$$

Nəzərə alsaq:

$$E = \frac{mv^2}{2} + \frac{2mR^2}{5} \frac{\left(\frac{v}{R}\right)^2}{2} = \frac{mv^2}{2} + \frac{mv^2}{5} = 0.7mv^2$$

Uyğun olaraq kürənin başlanğıc kinetik enerjisi:

$$E_0 = 0.7mv_0^2.$$

Nəzərə alsaq ayrılan istilik miqdarı

$$Q=0,7m(V^2-V_0^2)$$

$$Q=2,52 \text{ mC}=2 \text{ mC}.$$

- **Məsələ 3.** Kütlələri 1 və 2 kq olan cisimlər ipin iclarına bağlanmış və ip kütləsi 1 kq olan blokdan aşırılmışdır. 1) yüklərin hərəkət təcillərini 2) yüklərin asıldığı iplərdə gərilmə qüvvəsini tapmalı. Blok bircinsdir. Sürtünməni nəzərə almayın.

Verilib:  $m_1=2$  kq,  $m_2=1$  kq,  $m_b=1$  kq.

Tapmalı:  $a$  -?  $T_1$  -?  $T_2$  - ?

**Həlli.** Birinci yükün hərəkəti iki qüvvənin:  $m_1g$  (aşağı yönəlmiş) ağırlıq qüvvəsinin və ipin yuxarı yönəlmiş  $T_1$  gərilmə qüvvəsinin təsiri ilə baş verir. Bu baxımdan yazsaq bilərik:

$$m_1 a = m_1 g - T_1. \quad (1)$$

İkinci yükdə həmin təcillə hərəkət edir. Yüklərin təcili eyni olacaq. İkinci yük  $a$  təcilini  $m_2g$  (aşağı) olan ağırlıq və yuxarı yönəlmiş  $T_2$  gərilmə qüvvəsinin təsiri ilə alır. Bu səbəbdən:

$$m_2 a = -m_2 g + T_2. \quad (2)$$

İp blokun tərəflərindən müxtəlif gərilmə ilə dartıldığından gərilmələrin.  $T_1$  -  $T_2$  fərqi blokda fırladıcı moment yaradır. Dinamikanın əsas tənliyini tətbiq etsək, alarıq:

$$(T_1 - T_2)R = J\varepsilon = Ja/R, \quad (3)$$

haradakı

$$J = m_b R^2 / 2. \quad (4)$$

(1), (2), (3) və (4) birgə həll etsək alarıq:

$$a = (m_1 g - m_2 g) / (m_1 + m_2 + J/R^2) \quad \text{və}$$

$$a = (m_1 g - m_2 g) / (m_1 + m_2 + M/2). \quad (5)$$

Qiymətləri yerinə yazsaq alarıq:

(2) və (5) i (1) və (2)-də nəzərə alsaq, uyğun olaraq alarıq

$$T_1 = m_1 g (2m_2 + J/R^2) / (m_1 + m_2 + J/R^2) = 14 \text{ N},$$

$$T_2 = m_2 g (2m_1 + J/R^2) / (m_1 + m_2 + J/R^2) = 12,6 \text{ N}.$$

- **Məsələ 4.** 9 kq kütləsi olan çarxa dolanmış ipin ucuna kütləsi 2 kq yük bağlanmışdır. Yükün təcilini tapın. Çarx bircins silindir formasındadır. Sürtünməni nəzərə almayın.

Verilib:  $m=2$  kq,  $m_\varphi=9$  kq

Tapmalı:  $a$  - ?

Həlli. Məsələni iki üsulla həll etmək mümkündür: 1) fırlanma hərəkətinin dinamikasının əsas tənliyini tətbiq etməklə (əvvəlki məsələnin həlli) 2) enerjinin saxlanma qanununu tətbiq etməklə. Məsələnin birinci üsulla həlli müstəqil etmək təklif olunur. İkinci üsulla həll etmək üçün: yükün enməsi zamanı onun potensial enerjisi azalır, yükün və çarxın kinetik enerjilərinə çevrilir. Beləliklə

$$mgh = m v^2 / 2 + J \omega^2 / 2. \quad (1)$$

Silindirin ətalət momenti  $J = m_c R^2 / 2$  və  $\omega = v / R$ , hardakı  $R$  – çarxın radiusudur. Bu halda (1) tənliyini aşağıdakı kimi yazmaq olar:

$$mgh = m v^2 / 2 + m_c v^2 / (2 \cdot 2) = (v^2 / 2)(m + m_c / 2). \quad (2)$$

Yükün enməsi sabit qüvvənin təsiri altında baş verdiyindən, hərəkət bərabərtəcilli olacaqdır:

$$h = at^2 / 2 \quad \text{və} \quad v = at. \quad (3).$$

(3) ifadəsini (2)-də nəzərə alsaq, alarıq

$$a = 2mm_c / (2m + m_c) = 3 \text{ m/s}.$$

- **Məsələ 5.** Kütləsi 100 kq olan platforma, mərkəzindən keçən şaquli ox ətrafında 10 dövr/dəq sürətlə fırlanır. 60 kq kütləli adam platformanın kənarında durmuşdur. Adam platformanın kənarından mərkəzinə gəldikdə, platforma hansı sürətlə fırlanmaya başlayacaq? Platforma bircins disk formasındadır, adam nöqtəvi cisimdir.

Verilib:  $m_1 = 100 \text{ kq}$ ,  $m_2 = 60 \text{ kq}$ ,  $v_1 = 10 \text{ dövr/dəq} = 1/6 \text{ dövr/s}$ .

Tapmalı:  $v_2$  - ?

Həlli. İmpuls momentinin saxlanması qanununa görə:

$$J_1 \omega_1 = J_2 \omega_2 \quad (1),$$

burada  $J_1$  – mərkəzindən keçən oxa nəzərən platformanın, onun kənarında durmuş adamla birgə ətalət momenti;  $J_2$  – mərkəzindən keçən oxa nəzərən platformanın, mərkəzində durmuş adamla birgə ətalət momentidir.  $\omega_1$  və  $\omega_2$  - adamın birinci və ikincivəziyyətlərində platformanın bucaq sürətləridir. Bu halda

$$J_1 = m_1 R^2 / 2 + m_2 R^2 \quad \text{u} \quad J_2 = m_1 R^2 / 2, \quad (2)$$



burada  $R$  – platformanın radiusudur. (2) ifadəsini (1)-də və nəzərə alsaqki  $\omega=2\pi\nu$ , alarıq

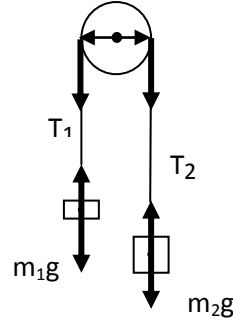
$$(m_1R^2/2 + m_2R^2)2\pi\nu_1 = 2\pi\nu_2 m_1R^2/2,$$

buradan

$$\nu_2 =$$

$$\nu_1(m_1R^2 + 2m_2R^2)/m_1R^2 = \nu_1(m_1 + 2m_2)/m_1 = 22 \text{ dövr/dəq.}$$

- **Məsələ 6.** Disk formalı blokdan ip aşırılmışdır. İpin uclarına kütlələri  $0,1\text{ kq}$  və  $0,11\text{ kq}$  olan yüklər bağlanmışdır. Yüklərin hərəkət təcilini tapmalı. Blokun hər iki tərəfində ipin gərilmə qüvvəsini tapın. Blokun kütləsi  $m=0,4\text{ kq}$ -dır.



Verilib:  $m_1=0,1\text{ kq}$ ,  $m_2=0,11\text{ kq}$ ,  $m=0,4\text{ kq}$

Tapmalı:  $a=?$ ,  $T_1=?$ ,  $T_2=?$

**Həlli:** Hər iki cisim üçün hərəkət istiqamətini nəzərə alaraq hərəkət tənliklərini yazaq: Ox şaquli yuxarı götürülür:

$$m_1a = T_1 - m_1g; \quad (1)$$

$$-m_2a = T_2 - m_2g; \quad (2)$$

Bağlanmış ipi izanmayan hesab etsək hər iki yükün təcilləri eyni olacaqdır.

Fırlanmanın müsbət istiqaməti kimi saat əqrəbinin hərəkət istiqamətini götürək. Fırlanma hərəkəti dinamikasının dusturlarını yazaq. Blokun müsbət fırlanma istiqamətini saat əqrəbinin istiqaməti götürük. Fırlanma hərəkətinin dinamikasının əsas tənliyini yazaq:

$$I\varepsilon = M_2 - M_1, \quad (3)$$

burada  $I$  – bütöv diskin (silindirin) ətalət momentidir:

$$I = \frac{mR^2}{2}; \quad (4)$$

$\varepsilon$  – blokun bucaq təcili olub, sürüşməlmədiyi halda xəttitəcillə bağlıdır:

$$a = R\varepsilon, \quad (5)$$

$R$  – blokun radiusudur. Blokda iplərin gərilmə qüvvələrinin momentləri uyğun olaraq:

$$M_1 = RT_1, \quad (6)$$

$$M_2 = RT_2 \quad (7)$$

(1-7) tənliklər sistemini həll etsək, alırıq:

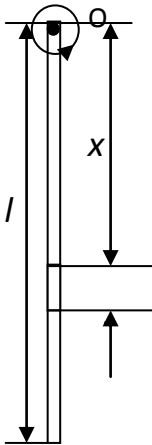
$$a = g \frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2 + \frac{m}{2}}, \quad (8)$$

və (2) –dən iplərin gərilmə qüvvələrini tapa bilirik:

$$T_1 = m_1(a + g) = 1.0 \text{ N}; \quad T_2 = m_2(g - a) = 1.05 \text{ N}.$$

$$a = 0.24 \text{ m/s}^2; \quad T_1 = 1.0 \text{ N}; \quad T_2 = 1.05 \text{ N}.$$

- **Məsələ 7.** Uzunluğu  $l$  m olan bircins mis məftil bir ucundan keçən üfüqi ox ətrafında fırlanır. Fırlanma tezliyinin hansı qiymətində məftil qırılır?



Verilib:  $l = 1 \text{ m}$ ,  $\sigma_{möhk} = 2.4 \cdot 10^8 \text{ Pa}$ ,  $\rho = 8600 \text{ kq/m}^3$   
Tapmalı:  $v = ?$

Həlli: OX oxu üzrə  $F$  gərilmə qüvvəsini təyin edək. Fırlanma oxundan  $x$  məsafədə kiçik  $dx$  u element ayıraq. Bu elementin kütləsi

$$dm = \rho S dx.$$

olacaq. Bu hissəyə: yuxarı yönəlmiş gərilmə qüvvəsi  $F$ ,  $F + dF$  gərilmə qüvvəsi elementin aşağı hissəsinə təsir edir. Ağırlıq qüvvəsi  $g dm$  – həmçinin aşağıdır. ( bax şəklə).  $dm$ : kütlə elementi üçün dinamikanın II qanunu yazsaq:

$$adm = F - (F + dF) - g dm,$$

burada  $a = \omega^2 x$  – mərkəzəqaçma təcildir.

Buradan

$$dF = -dm(g + \omega^2 x) = -\rho S dx(g + \omega^2 x),$$

vəya:

$$\frac{dF}{dx} = -S\rho(g + \omega^2 x).$$

$F(x)$  ifadəsini əvvəlki ifadəni inteqrallamaqla almaq olar:

$$(-S\rho(g + \omega^2 x)) \text{ və}$$

$F(l)=0$  sərhəd şərtini nəzərə alsaq:

$$F(x) = -S\rho\left(gx + \frac{\omega^2 x^2}{2}\right) + S\rho\left(gl + \frac{\omega^2 l^2}{2}\right).$$

$x=0$  olduqda maksimal gərilmə olacaqdır.:

$$F(0) = S\rho\left(gl + \frac{\omega^2 l^2}{2}\right),$$

Müvafiq mexaniki gərginliyi möhkəmlik həddinə bərabər götürsə:  $\sigma_{\text{möhk}} = F(0)/S$

Hesablasaq alarıq:  $v = \omega/2\pi$  və  $v = 38$  Hs.

- **Məsələ 8.** Uzunluğu  $l=80$  sm, kütləsi  $m=2$  kq olan kəndir stol üzərinə elə qoyulmuşdurki,  $l_0=50$  sm uzunluğu stoldan aşağı buraxılmış vəziyyətdədir, digər ucu stol üzərində mismarla bərkidilmişdir. Mismarı çıxartdıqda kəndir stoldan aşağı düşməyə başlayır. Sürtünməni nəzərə almayaraq, kəndirin malik ola biləcəyi maksimal sürəti tapın.

Verilib:  $l=80$  sm,  $l_0=50$  sm,

Tapmalı  $V$

**Həlli:** Kəndirin düşərkən ucu stol kənarında olduğu zaman digər ucunun olduğu nöqtəni potensial enerjinin sıfır səviyyəsi (stoldan 80 sm aşağı) qəbul edək. Kəndir aşağı sürüşərkən potensial enerjisi azalır, kinetik enerjisi artır. Sürtünmə olmadığından: Enerjinin saxlanma qanununu bu formada yaza bilirik:  
 $E_{\text{pot1}} = E_{\text{kin2}} + E_{\text{pot2}},$

Stola bərkidilmiş kəndir hissəsi üçün  $l-l_0=0,3\text{m}$ . Bu hissə üçün potensial enerji

$$E_{pot1}=m(l-l_0)g \text{ olacaq.}$$

Son halda düşən kəndir hissəsinin potensial enerjisi

$$E_{pot}=mgl_0(l-l_0/2)/l, \text{ ağırlıq mərkəzi kəndirin ortasındadır.}$$

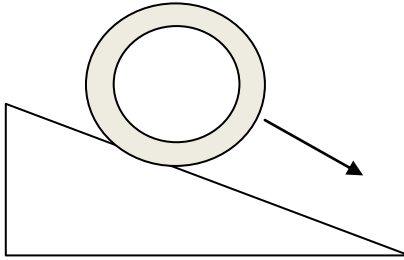
II halda kinetik enerji  $E_{kin2}=mV^2/2$ , potensial enerji

$$E_{pot2}=mgl/2.$$

$$\text{Və} \quad mg(l-l_0)+mgl(l-l_0/2)/l=mgl/2+mV^2/2.$$

$$\text{Buradan alarıq: } v = \sqrt{\frac{g(l^2-l_0^2)}{l}}, \quad v=2,18 \text{ m/san}$$

➤ **Məsələ 9.** *Maye ilə tam doldurulmuş silindirik çəllək mail müstəvidə sürüşməsiz diyirlənir. Maye ilə qabın divarları*



*arasında sürtünməni nəzərə almamaqla təcili təyin edin. Qabın kütləsi  $M$ , mayenin kütləsi  $m$ -dir. Müstəvinin meyl bucağı  $\alpha$ -dir.*

*Verilib:  $M$ ,  $m$ ,  $\alpha$   
Tapmalı:  $a$*

Həlli: Maye ilə qabın divarları arasında sürtünmə çox az olduğundan silindirin fırlanması mayeyə təsir etməyəcəkdir. Maye irəliləmə hərəkəti icra edəcəkdir. Mayenin kütlə mərkəzi  $V$  sürəti ilə hərəkət edəcəkdir. Toxunma nöqtəsini fırlanma oxu hesab etsək impuls momenti  $L=J\omega+mR\omega$

$R$ - silindirin xarici radiusudur.  $J$  – toxunma nöqtəsinə görə silindirin ətalət momentidir. Sürüşmə olmadıqda  $V=\omega R$  və  $L=(mR+J/R)V$  olacaq. Borunun mərkəzi ani oxla nəzərən paralel hərəkət edəcək:  $\frac{dL}{dt} = \left(\frac{J}{R} + mR\right) \frac{dV}{dt} = (M + m)Rg\sin\alpha$

$M$ - silindirin kütləsidir.

$$\text{Buradan } a = \frac{(M+m)R^2}{J+mR^2} g\sin\alpha$$

$J=2MR^2$  olduğunu nəzərə alsaq,  $a = \frac{M+m}{2M+m} g \sin \alpha$  olacaq.

- **Məsələ 10.** Mail müsvədə diyirlənərək sürüşən cismin təcilini tapın.

Həlli Fırlanan cismin ağırlıq mərkəzindən keçən oxu irəliləmə hərəkəti edərsə, fırlanma hərəkəti dinamikasının əsas tənliyi dəyişmir:

Cismə ağırlıq qüvvəsi və müstəvinin reaksiya qüvvəsi təsir edir. Sürtünmə qüvvəsi moment yaradır.  $M=FR$ ,

Fırlanma hərəkətinin dinamikasının tənliyini tazaq:

$$J_c \varepsilon = J_c \frac{a}{R} = M = FR$$

$\varepsilon$ -diyirlənən cismin ətalət momentidir.  $a$ -təcil,  $J_c$ - cismin kütlə mərkəzindən keçən oxu nəzərə alınaraq ətalət momentidir.

Dinamikanın əsas tənliyinə görə  $ma = mg \sin \alpha - F_{\text{sürt}}$

$$\text{Buradan } a = \frac{mg \sin \alpha}{\left(\frac{J_c}{R^2} + m\right)}$$

Diyirlənən cismin ətalət momentinin ifadəsindən asılı olaraq cismin aldığı təcilin qiyməti dəyişəcəkdir.

- **Məsələ 11.**  $M$  kütləli kürə  $V_0$  sürəti ilə hərəkət edərək, hamar stol üzərində olan  $L$  uzunluqlu  $M$  kütləli çubuğun fırlanma oxuna perpendikulyar olmaqla onunla mütləq elastiki toqquşur. Bütün hallarda sürtünməni nəzərə almasaq, zərbədən sonra çubuq hansı tsiklik tezliklə fırlanacaq?

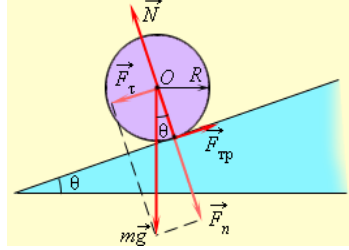
Verilib:  $V_0, M, m, L$

Tapmalı:  $\omega$

Həlli: Zərbə zamanı kürəyə təsir edən qüvvə  $F$  olarsa, onda

$$m \frac{dv}{dt} = -F \quad M \frac{dV}{dt} = F \quad v \vartheta \quad J \frac{d\omega}{dt} = \frac{Fl}{2}$$

$F$ -i tapıb həll etsək :



$$\frac{mdv}{Jd\omega} = -\frac{2}{l} v \quad \text{və} \quad \frac{MdV}{Jd\omega} = \frac{2}{l}$$

0-dan  $\omega$  kimi inteqrallasaq:

$$v - v_0 = -\frac{2J\omega}{ml} \quad \text{və} \quad V = \frac{2J\omega}{Ml}$$

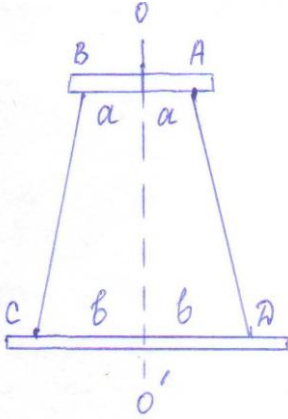
Enerjinin saxlanma qanununu tətbiq etsək, kvadrat tənlik alarıq:

$$\left(1 + \frac{4J}{l^2} \left(\frac{1}{m} + \frac{1}{M}\right)\right)\omega^2 - \frac{4\omega v_0}{l} = 0$$

Cavabların biri  $\omega=0$  bu çubuğun zərbədən əvvəlki tsiklik tezliyidir. Çubuğun ətalət momentini  $J = \frac{1}{12}Ml^2$  nəzərə alsaq:

$$\omega = \frac{12mv_0}{(4m+M)l}$$

- **Məsələ 12.** Bifilyar asqının kiçik rəqslərinin periodunu təyin edin.



Həlli: Bu qurğu iki eyni uzunluqlu ipdən asılmış çubuqdan ibarətdir. İplərin çubuğu bağlandığı nöqtələr onun kənar nöqtələrinə görə simmetrik olub, mərkəzindən eyni b məsafədə yerləşir. Asqı nöqtələri də çubuğun ortasına nəzərən eyni a məsafədə ( $b > a$ ) olmaq şərti ilə təyin olunur. Çubuq ortasından keçən oxa nəzərən kiçik üfqi bucaq altında burulur və sərbəst buraxılır. İplər burulun zaman rəqqas müəyyən h hündürlüyə qalxmış olur. Rəqqasın

rəqsi hərəkəti üçün kinetik enerji  $K = \frac{1}{2}J\omega^2$ , potensial enerjisi isə  $E_p = mgh$  olacaqdır. Çubuğun tarazlıq vəziyyətində asqı nöqtəsindən çubuğa çəkilən perpendikulyarın uzunluğu  $L$  olsun. Sistemi tam simmetrik qəbul edək. Üçölçülü koordinat sistemi təyin edək: X oxu AB asqı xətti, Z oxu CD çubuğunun ortası ilə AB asqı xəttini birləşdirən xətt boyu aşağı, Y oxu isə verilmiş

oxlara perpendikulyar olsun. A nöqtəsinin koordinatları hər vaxt sabit qalacaq.  $X_A=a$ ,  $Y_A=0$ ,  $Z_A=0$ :

D nöqtəsinin koordinatları rəqqasın tarazlıq halında  $X_{o,D}=b$ ,  $Y_{o,D}=0$ ,  $Z_{o,D}=0$  olacaq.

Sistemin  $\varphi$  bucağı qədər döndüyü zaman D nöqtəsinin koordinatları dəyişəcəkdir:

$X_D=b\cos\varphi$ ,  $Y_D=b\sin\varphi$ ,  $Z_D=L-h$  olacaq.

İpin uzunluğu sabit qaldığından

$$(X_D - X_A)^2 + (Y_D - Y_A)^2 + (Z_D - Z_A)^2 = (X_{o,D} - X_{o,A})^2 + (Y_{o,D} - Y_{o,A})^2 + (Z_{o,D} - Z_{o,A})^2$$

$$\text{Və ya } (b\cos\varphi - a)^2 + b^2\sin^2\varphi + (L-h)^2 = (b-a)^2 + L^2.$$

Sadələşmə aparsaq:

$$h = \frac{2ab(1-\cos\varphi)}{2L+h} = \frac{4ab}{2L+h} \sin^2 \frac{\varphi}{2}.$$

Kiçik rəqslər üçün  $\sin^2(\varphi/2) \approx \varphi^2/4$  götürmək olar. Və nəzərə alsaq ki,  $h \ll L$ ,

$H = ab\varphi^2/2L$ , potensial enerji  $E_p = mgab\varphi^2/2L$  alarıq.

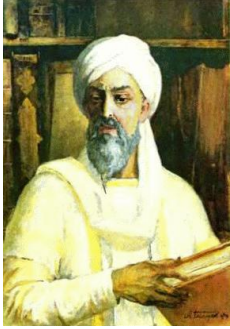
Ümumiləşmiş koordinatlarla rəqsi hərəkətin təyini nəzərə alsaq:  $E_p = \alpha x^2/2$  və  $E_k = \beta (\dot{x})^2/2$ , burada  $x^1$  - ümumiləşmiş  $x$  koordinatının törəməsidir,  $\alpha$  və  $\beta$  sabit müsbət ədədlərdir. Bu halda

$$x = A \cos(\omega t + \delta), \text{ haradək } \omega = \sqrt{\frac{\alpha}{\beta}},$$

Bunları nəzərə alsaq verilən məsələ üçün  $\alpha = mgab/L$  və  $\beta = J$  nəticədə

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{JL}{mgab}}$$

$J$  - çubuğun ətalət momentidir. Periodu tapmaqla isə çubuğun ətalət momentini hesablamaq olar.

**Biruni (973-1048(1051))** İslam dünyasında ən böyük elm və din

alimi, dövrünün ən böyük astronomu, riyaziyyatçısı, etnoqrafı, tarixçisi və filosofu olmuşdur. Əsərləri bu gün hələ də Qərb elm dünyasında mənbə kimi istifadə edilir. YUNESKO-nun 25 dildə çap etdirdiyi «Conrrier» jurnalı 1974-cü il iyun sayının üz qabığında “1000 il əvvəl Orta Asiyada yaşayan beynəlxalq düha Biruni: astronom, tarixçi, botanik, əcazılıq mütəxəssisi, geoloq, şair, mütəfəkkir, riyaziyyatçı, coğrafiyaşünas və humanist” ifadələrinə yer vermişdir.

Yerin cazibə qüvvəsi qanununun mövzusunda ilk dəfə tədqiqat aparan Biruni olmuşdur. Dövrümüzdə müzakirə edilən quru hissələrinin şimala doğru sürüşməsi fikrini 9 əsr yarım əvvəl dilə gətirmişdir. Yaşadığı dövrdə Ümid burnunun varlığından ilk dəfə danışan Biruni Şimali Asiya və Şimali Avropa haqqında da hərtərəfli məlumatlar vermiş, bundan başqa Xristofor Kolumbdan beş əsr əvvəl Amerika qitəsindən və Yaponiyadan bəhs etmişdir.

Astronomiya sahəsindəki fəaliyyətlərinə 995-ci ildə Günəşin və planetlərin meyliyini hesablayaraq



başlamışdır. Işığın sürətinin səsə nisbətən son dərəcə böyük olduğunu qeyd etmişdir. Biruni triqonometriyada kosinus teoremi kimi tanınan əlaqəni ilk dəfə ortaya qoymuş, həndəsəni botanikaya tətbiq etmiş, quşlarla bağlı çox orijinal faktlar müəyyən etmiş və çox fərqli

sahələrdə bir çox kitabları yazmışdır. İsti su ilə qaynar su arasındakı fərqləri aşkar etdiyi kimi istiliyin metallar üzərində genişləndirici təsirini də kəşf etmişdir. “Kitabül-Cəmahir fi Mərifətül-Cəvahir” (Cəvəhlərin xüsusiyyətlərinə dair) adlı əsərində 23 bərk cisimlə 6 mayenin sıxlıqlarını, xüsusi çəkirlərini bugünkü dəyərlərinə çox yaxın şəkildə hesablamışdır. Biruni izafi (nisbi) sıxlıqları mahrutı alət adlandırdığı və ən qədim piktonometr (sıxlıq ölçmə aləti) adlandırılan alətlə müəyyən etmişdir. Göy üzü və yer səthinin müxtəlif xüsusiyyətlərini, en və uzunluq dairələrini, qitə və dənizləri göstərmək üçün yeddi metr diametri olan kürə düzəltmişdir. Bu fəaliyyəti ilə tarixdə Yeri kürə üzərində xəritəyə salan ilk alim adını qazanmışdır. “Nihayətül-Əmakin” (Məkanların sonları) adlı əsəri coğrafiyadan geologiya və geodeziyaya (yer kürəsinin formasının müəyyən edilməsi və yer üzünü



ölçmə fəaliyyətləri) qədər müxtəlif sahələri əhatə etmişdir. Birününin astronomiya sahəsindəki ən vacib əsəri isə “əl-Qanunül-Məsudi” (Məsudi Qanunları) adlı ensiklopediyasıdır. Bu əsərdə bir çox yeni kəşflərlə bərabər, triqonometriyaya aid bölmə də vardır. Ptolomey və Aristotelin qaydalarına qarşı çıxaraq, Yer in sabit deyil, fırlanan bir kütlə olduğunu irəli sürən Biruni, elm tarixçilərinə görə, müasir astronomiyanın təməlini qoymuşdur.

Biruni dünyada ilk dəfə Yer in öz oxu və Günəş ətrafında fırlanması ideyasını irəli sürmüşdür. Biruni Yer in çevrəsinin uzunluğunu Eratosfendən və bir sıra özündən əvvəlki müsəlman alimlərindən daha dəqiq hesablamışdı. Biruni astronomiyaya aid qanunlar məcmuəsi – traktatlar yazmışdır. Biruni yazırdı ki, Yer kürəsinin öz oxu ətrafında fırlanması astronomiyanın heç bir müddəasına zidd deyildir. Biruni 18 kimyəvi maddənin xüsusi çəkisini hesablamış, suyun sıxlığını hesablamağa nail olmuşdur.

Biruni cəbr, geometriya və coğrafiya sahələri ilə bağlı Qurandan bir ayə demiş, ayədə bəhs edilən mövzunu şərh etmiş, elmlə dini birləşdirmiş, elmi öyrənməkdə məqsədinin Allahı tanımaq və həqiqəti tapmaq olduğunu söyləmişdir. Əsərləri hələ də Qərb elm dünyasında mənəbə əsər kimi istifadə edilir.

Biruni “Yer üzü və ulduzlar haqqında qanun” adlı kitabında ulduz və planetlərin kürə şəklində olduqlarını sübut etmiş, Yer in Günəş ətrafında, Ayın da Yer in ətrafında dövr etdiyini sübut edərək, Qərb elm adamlarından 6 əsr əvvəl bu həqiqətləri açıqlamışdı. Yer in diametrini öz adı ilə tanınan məşhur bir qanun ilə hesablamağı bacaran Biruni Yer in radiusunu ancaq 14 kilometrlik fərq ilə tapmışdır.

**Əbü-l-Vəfa Məhəmməd ibn Məhəmməd** ( 10 iyun, 940, Buzqan – .998, Bağdad) — fars astronomu və riyaziyyatçısı, Diofantın "Hesabının" şərhçisi; kəslər nəzəriyyəsinə ətraflı baxmış, pərgar və xətkəşin köməyi ilə əsas həndəsi qurmaları tətbiq etmişdir. X əsrdə yaşamış Bəttani ilk dəfə triqonometriyanı kəşf etmiş, onunla eyni əsrdə yaşamış Əbü'l Vəfa isə triqonometriyaya “sekant-kosekant” terminlərini gətirmişdir. Əbü'l Vəfa tangens, kotangens və kosekanti ilk istifadə edən alim kimi tamdır.



• *Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.*

**8.1.** Uzunluğu 1 m, kütləsi 0,5 kq olan bircins çubuq, çubuğun ortasından keçən və çubuğa perpendikulyar olan üfüqi ox ətrafında fırlanır. Çubuğu hansı bucaq təcili ilə fırlatmaq lazımdır ki, fırladıcı moment  $9,81 \cdot 10^{-2} \text{ Nm}$  olsun?

**8.2.** Ətalət momenti  $63,6 \text{ kq} \cdot \text{m}^2$ , olan disk  $31,4 \text{ rad/s}$  sürətlə fırlanır. Diskin 20 san müddətində dayandıra biləcək tormozlayıcı momenti hesablayın.

**8.3.** Disk formalı kütləsi 50 kq, radiusu 0,5 m olan təkərin kənarınatoxunan istiqamətdə 98 N qüvvə təsir edir. 1) təkərin bucaq sürətini tapın 2) nə qədər vaxtdan sonra təkərin sürəti 100 dövr/san olacaq?

**8.4.** Ətalət momenti  $245 \text{ kq} \cdot \text{m}^2$ , olan təkər 20 dövr/san sürətlə fırlanır. Fırladıcı moment kəsildikdən 1 dəqiqə sonra təkər dayandı. Tapmalı: 1) sürtünmə qüvvəsi momentini 2) tam dayanana kimi təkərin dövrlərinin sayını

**8.5.** Radiusu 20 sm, ətalət momenti  $0,1 \text{ kq} \cdot \text{m}^2$ , olan diskdən aşılımış ipin ucuna 0,5 kq kütləli cisim bağlanmışdır. Başlanğıc halda yük dөşəmədən 1 m yüksəklikdədir. 1) yükün dөşəməyə çatdığı vaxtı 2) yükün dөşəməyə zərbə anında kinetin enerjisini 3) ipin gərilməsini tapın. Sürtünməni nəzərə almayın.

**8.6.** İpin uclarına müxtəlif kütləli cisimlər bağlanmış, ip radiusu  $R=20 \text{ sm}$  və ətalət momenti  $J=50 \text{ kq} \cdot \text{m}^2$  olan blokdan aşırılmışdır. Blokun sabit  $2,36 \text{ rad/san}^2$  bucaq təcili ilə fırlandığını bilərək iplərin  $T_1-T_2$  gərilmə qüvvələrinin fərqi təyin edin. Sürtünmə qüvvəsinin yaratdığı moment  $M_{\text{sür}}=98,1 \text{ Nm}$ .

**8.7.** Kütləsi 1 kq olan blok stolun kənarına bərkidilmişdir (4.14. məsələsi) A və B yükləri eyni kütləyə malikdir, ipin uclarına bağlanmış və blokdan aşırılmışlar. B yükünün stolla sürtünmə əmsalı 0,1-ə bərabərdir. Blok bərcins disk formasındadır. Tapmalı: 1) yüklərin hərəkət təcillərini 2)  $T_A$  və  $T_B$  iplərdəki gərilmə qüvvələrini. Blokdə sürtünməni nəzərə almayın.

**8.8.** Kütləsi  $m_1=200 \text{ q}$  olan bircins silindirik tərpnəməz oxu olan bloka gərilməyən ip dolanmış, ipin sərbəst ucuna  $m_2=500 \text{ q}$  kütləli yük bağlanaraq meyl bucağı  $\alpha=45^\circ$  olan mail müstəvi

üzərində yerləşdirilmişdir. İpi, müstəvi səthinə paralel olmaqla yükü saxlayır. Mail müstəvi ilə sürtünmə əmsalı  $\mu=0,1$  olarsa, yük  $t=1$  san müddətində nə qədər yol qət edər?

**8.9.** Diskə  $7\text{m/san}$  sürət verməklə meyl bucağı  $30^\circ$  olan mail müstəvi üzərinə, müstəvi səthinə paralel olmaqla yuxarı istiqamətdə buraxılır. Sürtünməni nəzərə almamalı. Diskin getdiyi yolu tapın.

**8.10.** Kütləsi  $m=100\text{ kq}$ , radiusu  $R=0,4\text{ m}$  olan diskin  $n=10$  dövr/san tezliklə fırlanması üçün nə qədər iş görmək lazımdır?

**8.11.** Təkərin radiusu  $r=10^{-2}\text{ m}$ -dir. Təkərə ip dolanmış, sərbəst ucuna  $m=0,2\text{ kq}$  kütləli cisim bağlanmışdır. Ağırlıq qüvvəsinin təsiri ilə cisim  $t=5$  san müddətində  $h_1=1,2\text{ m}$  aşağı düşür, təkərin fırlanması səbəbindən ətalətə görə  $h_2=0,8\text{ m}$  qalxır. Təkərin ətalət momentini təyin edin.

**8.12.** Silindirik borunun simmetriya oxuna nəzərən ətalət momentini təyin edin. Silindirin kütləsi  $m=2\text{ kq}$ , daxili radiusu  $r=0,03\text{ m}$ , xarici radiusu  $R=0,05\text{ m}$ -dir.

**8.13.** Halqa və disk eyni kütləyə malikdir. Eyni xətti sürətlə fırlanırlar. Halqanın kinetik enerjisi  $39,2\text{ C}$  olarsa, diskin kinetik enerjisini təyin edin.

**8.14.** Radiusu  $R=10\text{ sm}$  olan bircins mis kürə mərkəzindən keçən oxa nəzərən  $v=2$  dövr/san tezliklə fırlanır. Tezliyi iki dəfə artırmaq üçün nə qədər iş görmək lazımdır.

**8.15.** 1) kürənin 2) diskin 3) halqanın mail müstəvidən sürüşməsiz diyirlənən zaman xətti təcilini təyin edin. Bütün cisimlər üçün başlanğıc sürət sıfırdır. Müstəvinin meyl bucağı  $30^\circ$  -dir. 4) tapılan təcilləri sürüşmə olan hal üçün müqaisə edin.

**8.16.** 1) Kürənin 2) Diskin 3) Halqanın mail müstəvidə sürüşməsiz diyirlənməsi zamanı ağırlıq mərkəzlərinin sürətini təyin edin. Cisimlərin başlanğıc sürətləri sıfıra bərabərdir. Müstəvinin hündürlüyü  $0,5\text{ m}$  -dir. 4) müəyyən edilmiş sürətləri cisimlərin müstəvidə sürtünmə olmadığı hal üçün sürüşən zaman aldıkları sürətlə müqaisə edin.

**8.17.** Fırfıra  $900$  dövr/dəq sürəti ilə fırlanır. Cərəyan dövrəsindən ayrıldıqdan sonra  $75$  dövr edib dayanır. Bu zaman sürtünmə

qüvvəsinin işi 44,4 C olmuşdur. Fırırının ətalət momentini, tormozlayıcı qüvvənin momentini təyin edin.

**8.18.** Val  $v=10$  dövr/san sürətlə fırlanaraq  $E_k = 800$  C kinetik enerjiyə malikdir. Vala təsir edən  $M=50$  Nm fırladıcı moment nə qədər vaxta valın sürətini iki dəfə artırır?

**8.19.** 85 sm uzunluqlu bircins çubuq bir ucundan keçən üfüqi oxdan asılmışdır. Çubuğun aşağı ucuna hansı sürət vermək lazımdır ki, ən azı bir tam dövr edə bilsin?

**8.20.** Şaquli vəziyyətdə qoyulmuş qələm (karandan) stol üzərinə aşır (düşür). Düşmənin sonunda qələmin 1) ortasının 2) yuxarı nöqtəsinin malik olduğu xətti və bucaq sürətini hesablayın. Qələmin uzunluğu 15 sm-dir.

**8.21.** Üfüqi yerləşdirilmiş 80 kq-lıq radiusu 1 m olan platforma 20 dövr/dəq sürətə uyğun olaraq fırlanır. Platformanın mərkəzində adam durmuş və qolları açılmış vəziyyətdə əllərində yüklər tutmuşdur. Adam əllərini aşağı salaraq öz ətalət momentini 2,94 kqm<sup>2</sup>-dan 0,98 kqm<sup>2</sup>-a kimi azaltmışsa, platformanın dəqiqədə dövrlərinin sayını təyin edin. Platforma dairəvi bircins diskdir.

**8.22.** Uzunluğu  $l=3$  m olan ipdən asılmış, kütləsi  $M=5$  kq olan qumla dolu yeşiyə kütləsi  $m=0,05$  kq olan güllə dəyərək ipi şaquli vəziyyətdən  $\alpha=10^\circ$  meyl etdirir. Güllənin sürətini hesablayın.

**8.23.** Uzunluğu  $L$ , kütləsi  $m$  olan kobra şaquli yuxarı sabit  $V$  sürəti ilə qalxaraq sıçrayış edib tullanır. Kobranın yerə təzyiq qüvvəsini təyin edin.

**8.24.**  $M$  kütləli cisim yerdən  $h$  yüksəklikdə yerləşərək, yerdə şaquli vəziyyətdə qoyulmuş  $L$  uzunluqlu yay üzərindəki çəkisiz lövhə üzərinə düşür. Yayın sərtlik əmsalı  $K$ -dir. Döşəməyə maksimal təsir edən təzyiq qüvvəsini təyin edin.

## ❖ 9. Rəqsi hərəkət.

Əsas fiziki anlayış və kəmiyyətlər

Harmonik rəqsin tənliyi:

$$x = A \cos(\omega t + \varphi_0),$$

və ya  $x = A \sin(\omega t + \varphi_0)$

burada  $x$  – tarazlıq vəziyyətindən rəqqasın yerdəyişməsi;  $t$  – zaman;  $A$ ,  $\omega$ ,  $\varphi_0$  – uyğun olaraq amplituda, dairəvi (tsiklik) tezlik, rəqsin başlanğıc fazasıdır;  $(\omega t + \varphi_0)$  –  $t$  anında rəqsin fazasıdır.

Rəqsin dairəvi tezliyi  $\omega = 2\pi\nu$ , və ya  $\omega = 2\pi/T$ ,

burada  $\nu$  və  $T$  – rəqsin tezliyi və periodudur.

Ümumi halda hərəkət tənliyi:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega^2 x$$

Harmonik hərəkət edən nöqtənin sürəti,

$$v = dx/dt = -A\omega \sin(\omega t + \varphi_0).$$

Harmonik rəqsi hərəkətdə təcil

$$a = d^2 x/dt^2 = -A\omega^2 \cos(\omega t + \varphi_0).$$

Bir düz xətt üzrə, eyni tezlikdə baş verən iki rəqsin toplanmasından alınan yekun rəqsin amplitudası bu dusturla təyin olunur:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1 A_2 \cos(\varphi_{02} - \varphi_{01}),$$

burada  $A_1$  və  $A_2$  – tərkib rəqslərin amplitudası;  $\varphi_{01}$  və  $\varphi_{02}$  – onların başlanğıc fazasıdır.

Toplanmış rəqslərin başlanğıc fazası belə təyin olunur:

$$\operatorname{tg} \varphi_0 = \frac{A_1 \sin \varphi_{01} + A_2 \sin \varphi_{02}}{A_1 \cos \varphi_{01} + A_2 \cos \varphi_{02}}.$$

Qarşılıqlı uyğun olaraq  $A_1$  və  $A_2$  amplituda və  $\varphi_{01}$  və  $\varphi_{02}$  başlanğıc faza ilə perpendikulyar rəqsdə iştirak edən nöqtənin trayektoriyasının tənliyi

$$\frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} - \frac{2xy}{A_1 A_2} \cos(\varphi_{02} - \varphi_{01}) = \sin^2(\varphi_{02} - \varphi_{01}).$$

Rəqs periodları:

a) Riyazi rəqqas üçün:  $T=2\pi\sqrt{l/g}$ ,  $l$  – rəqqasın uzunluğudur;

б) Yaylı rəqqas üçün:  $T=2\pi\sqrt{m/k}$ , burada  $m$  – rəqqasın kütləsi,  $k$  – yayın sərtlik əmsəlidir;

в) Fiziki rəqqas üçün:  $T=2\pi\sqrt{J/(mgl)}$ , burada  $J$  – ətalət momenti,  $m$  – rəqqasın kütləsi; və ya  $T=2\pi\sqrt{L/g}$ , burada  $L$  – gətirilmiş uzunluqdur;

г) burulma rəqqası üçün:  $T=2\pi\sqrt{J/k}$ , burada  $k$  – elastiklik əmsəlidir.

Rəqs sisteminin tam enerjisi:

$$E=m\upsilon^2/2+kx^2/2=m\omega^2A^2/2=kA^2/2.$$

Sönən rəqslərin tənliyi :  $x=A_0e^{-\beta t}\sin(\omega t+\varphi_0)$ ,

burada  $\omega=\sqrt{\omega_0^2-\beta^2}$ ,  $\omega_0$  – sistemin məxsusi rəqslərinin tezliyi,  $\beta$  – sönmə əmsəlidir.

Rəqsin loqarifmik dekrementi  $\theta=\ln\frac{A(t)}{A(t+T)}=\beta T$ ,

burada  $A(t)$  və  $A(t+T)$  – bir birindən bir period zaman intervalında olan ardıcıl rəqslərin amplitudasıdır.

- **Məsələ həllinə mümunələr.**

- **Məsələ 1.** Yaylı rəqqas 6 san periodla rəqs edir. Hansı minimal vaxtda potensial enerji maksimal enerjinin 25% ni təşkil edir?

Verilir:  $T = 6s$ ,  $E_{pot} = 0,25 \frac{kA^2}{2}$

Tapmalı:  $t_{min} = ?$

Həlli:  $x = A \sin 2\pi t/T$ ,  $kx^2/2 = 0,25kA^2/2$

Alınan tənliklər sistemini həll etsək:

$$\frac{t}{T} = \frac{1}{12} \Rightarrow t = 0,5 \text{ san}$$

- **Məsələ 2.** Tarazlıq nöqtəsinin ərtafında maddi nöqtənin rəqsi 12 s periodla  $x = A \sin \omega t$  qanunu ilə baş verir. Maddi nöqtə hansı minimal  $t_1$  müddətində amplitudun yarısına bərabər yol qət edər? Yolun qalan hissəsini hansı  $t_2$  müddətinə qət edilməlidir, yerməyişmə maksimum olsun?

Verilib:  $x = A/2$ ,  $T = 12s$ .

Tapmalı:  $t_1$ -?  $t_2$ -?

Həlli.  $t_1$  zaman anında yerdəyişmənin  $A/2$  olması üçün:

$$A/2 = A \sin \omega t_1, \quad \sin \omega t_1 = 1/2,$$

buradan

$$\omega t_1 = \pi/6, \text{ və ya } (2\pi/T)t_1 = \pi/6.$$

Onda

$$t_1 = T/12 = 1s.$$

Tarazlıq vəziyyətində maksimal yerdəyişməyə sərf olan zaman periodun dördüdə biri olduğundan  $t = T/4$ . Uyğun olaraq terdəyişmənin ikinci yarısına sərf olan zaman müddəti,

$$t_2 = T/4 - T/12 = 2 \text{ san.}$$

- **Məsələ 3.** Eyni istiqamətdə baş verən iki rəqs toplanır:  
 $x_1 = A_1 \cos \omega(t + \tau_1)$  və  $x_2 = A_2 \cos \omega(t + \tau_2)$  burada  $A_1=1$   
 sm;  $A_2=2$  sm;  $\tau_1=1/6$  s;  $\tau_2=1/2$  s,  $\omega=\pi$  rad/s. Tərkib  
 rəqslərin başlanğıc  $\varphi_1$  və  $\varphi_2$  fazalarını, toplanmış rəqsin  
 A amplitudasını və başlanğıc fazasını tapmalı.

Verilib:  $A_1=1$  sm;  $A_2=2$  sm;  $\tau_1=1/6$  s;  $\tau_2=1/2$  s,  $\omega=\pi$  rad/s

Tapmalı:  $\varphi_1$ ,  $\varphi_2$ , A,  $\varphi$

Həlli: Harmonik rəqsin tənliyini bu formada yazaq:

$$x = A \cos(\omega t + \varphi) \quad (1).$$

Tənliyi məsələnin şərtinə görə tənliyin cəmi kimi yazaq:

$$x_1 = A_1 \cos(\omega t + \omega \tau_1)$$

$$\text{və } x_2 = A_2 \cos(\omega t + \omega \tau_2) \quad (2).$$

Müqaisə aparsaq birinci və ikinci rəqsin başlanğıc fazaları:

$$\varphi_1 = \omega \tau_1 = \pi/6 \text{ rad və } \varphi_2 = \omega \tau_2 = \pi/2 \text{ rad alarıq.}$$

Toplanan rəqslərin amplitudasını təyin etmək üçün vektor diaqramdan istifadə edək. Kosinuslar teoreminə görə alarıq:

$$A^2 = A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\varphi_2 - \varphi_1) \quad (3)$$

$$\varphi_2 - \varphi_1 = \pi/3 \text{ rad.}$$

$A_1$ ,  $A_2$  və  $\varphi_2 - \varphi_1$  nin qiymətlərini yerinə yazsaq alarıq:  $A=2,65$   
 sm. Toplanmış rəqslərin başlanğıc fazasının tangensini həmçinin  
 şəkildən təyin olunur:

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2}.$$

$$\text{onda } \varphi = \arctg(5/\sqrt{3}) = 70,9^\circ = 0,394\pi \text{ rad.}$$

Toplanmış rəqslərin dairəvi tezlikləri eyni olduğundan sonda  
 alınan rəqsin də tezliyi həmin  $\omega$  tezliyi olacaqdır. Bu halda  
 toplanmış rəqslərin tənliyini yaza bilərik:  $x = A \cos(\omega t + \varphi)$ ,  
 haradakı  $A=2,65$  sm,  $\omega=\pi$  rad/s,  $\varphi=0,394\pi$  rad.



- **Məsələ 4.** Kütləsi  $10 \text{ q}$  olan kürə  $0,2 \text{ m}$  amplituda və  $4 \text{ s}$  periodlarəqs edir. Başlanğıc anda  $x=A$ .  $T=1 \text{ s}$  am üçün kürənin kinetik və potensial enerjisini təyin edin

Verilib:  $m=10^2 \text{ kq}$ ,  $A=0,2 \text{ m}$ ,  $T=4 \text{ s}$ ,  $x|_{t=0}=A$ ,  $t=1 \text{ s}$ . Tapmalı:  $E_k$ -  
 $E_p$ ?

Həlli: harmonik rəqsin tənliyini yazmaq:

$x=A \cos(\omega t + \varphi_0)$ , burada  $\omega=2\pi/T$ . Şərtə görə  $t=0$  olduqda  $x=A$ , onda başlanğıc fazanı tapa bilərik:  $A \cos(\omega \cdot 0 + \varphi_0)=A$ ,  $\cos \varphi_0=1$ , və  $\varphi_0=0$ .

Beləliklə,  $x=0,2 \cos[(2\pi/4)t]=0,2 \cos[(\pi/2)t] \text{ (m)}$ .

Kürənin kinetic enerjisi:  $E_k=mv^2/2$ , burada  $v=dx/dt = -A \omega \sin \omega t$ .  $E_k=[mA^2\omega^2 \sin^2\omega t]/2$ ; və  $E_k=5 \cdot 10^{-3} \text{ C}$ .

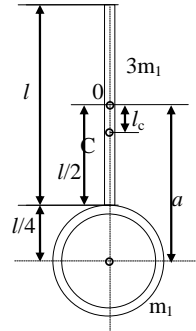
Kürənin potensial enerjisi isə:

$E_p=kx^2/2=[kA^2\cos^2\omega t]/2=[kA^2\cos^2(\pi/2)]/2$ ,  $E_p=0$ .

- **Məsələ 5.** Fizika rəqqas kütləsi  $3m_1$ , uzunluğu  $l=1 \text{ m}$  olan çubuğun ucuna birləşdirilmiş kütləsi  $m_1$ , diametri  $d=l/2$  olan silindirdən ibarətdir. Üfüqi  $OZ$  oxu çubuğa perpendikulyar olmaqla onun ortasından keçir. Belə rəqqasın periodunu tapın.

Verilir:  $l=1 \text{ m}$ ,  $m_c=3m_1$ ,  $d=l/2$ ,  $m_o=m_1$

Tapmalı:  $T$  - ?



Həlli. Fiziki rəqqasın periodu aşağıdakı düsturla təyin olunur:

$$T=2\pi \sqrt{\frac{J}{mgl_c}}, \quad (1)$$

Buradda  $J$  – rəqs oxuna nəzərən ətalət momenti,  $m$ -kütlə,  $l_c$  – fırlanma oxundan rəqqasın kütlə mərkəzinə qədər olan məsafədir. Ətalət momenti çubuğun və silindirin ətalət momentlərinin cəminə bərabərdir. Çubuğun  $J_1$  və silindirin  $J_2$ :

$$J=J_1+J_2. \quad (2)$$

Çubuğun ortasından keçib çubuğa perpendikulyar olan oxa nəzərən ətalət momenti  $J_1=m_c l^2/12$ , və ya

$$J_1=m_1 l^2/4.$$

Silindirin ətalət momentini paralel oxlar haqqında teoremə əsasən tapaq:  $J=J_0+ma^2$ . Bunu tətbiq etsək, alarıq

$$J_2=m_1(l/4)^2 + m_1(3l/4)^2 = (5/8)m_1 l^2.$$

$J_1$  və  $J_2$  ifadələrini nəzərə alsaq, rəqqasın ətalət momenti:

$$J= m_1 l^2/4 + (5/8)m_1 l^2 = (7/8)m_1 l^2 \text{ olar.}$$

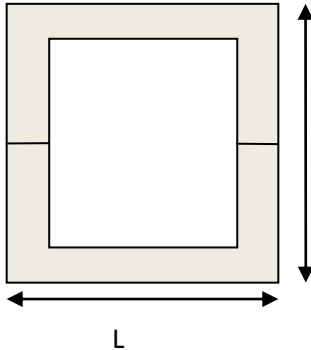
$l_c$  məsafəsi oxdan rəqqasın kütlə mərkəzinə qədər olan məsafədir.

$$l_c = (\sum m_i x_i) / \sum m_i = (3m_1 \cdot 0 + m_1(3l/4)) / (3m_1 + m_1) = (3/16)l.$$

(1) ifadəsində  $J$ ,  $J_c$  və rəqqasın kütləsini ( $m=3m_1+m_1=4m_1$ ) nəzərə alsaq, period üçün alarıq:

$$T=2\pi \sqrt{\frac{7/8 m_1 l^2}{4m_1 g \cdot 3/16 l}} = 2\pi \sqrt{\frac{7l}{6g}}. \quad T=2,17 \text{ s.}$$

➤ **Məsələ 6.** Tərəfi  $L$  olan kvadrat formaya salınmış borunun içərisinə eyni həcmdə sıxlıqları  $\rho_1$  və  $\rho_2$  olan maye tökülmüşdür.



Başlanğıc halda sıxlığı çox olan maye yuxarıda yerləşir.  $\rho_1 > \rho_2$ . Müəyyən anda mayələr sərbəst buraxılır, mayələr hərəkətə gəlir. Maksimal sürəti tapmalı. Sürtünməni nəzərə almayın.

Verilib:  $\rho_1$ ,  $\rho_2$ ,  $L$   
Tapmalı:  $V$

Həlli: Mayelərin sürəti o zaman maksimum olcaq ki onlar yenidən tarazlıq vəziyyətinə gəlsinlər. Sıxlığı çox olan maye aşağı, sıxlığı az olan maye isə yuxarı hərəkət edəcəkdir. Mayelərin ağırlıq mərkəzi yaxın üfüqi

tərəfdən  $L/8$  məsafəsindədir. Mayelər axandan sonra isə  $dL=L-2L/8=3L/4$  qədər yerini dəyişəcəkdir. Bu zaman potensial enerjinin dəyişməsi:  $dE_{\text{pot}}=(m_1-m_2)g3L/4=(\rho_1-\rho_2)SLg3L/2$ .

Maksimal kinetik enerji

$$E_{\text{kin}}=(m_1+m_2)V^2/2=(\rho_1+\rho_2)SLV^2.$$

$dE_{\text{pot}}=dE_{\text{kin}}$  nəzərə alsaq:

$$v = \sqrt{\frac{3gL(\rho_1 - \rho_2)}{2(\rho_1 + \rho_2)}}$$

- **Məsələ 7.** *L uzunluqlu sapdan asılmış m kütləli cisim ip şaquldan müəyyən bucaq meyl etmiş halda üfüqi müstəvidə fırladılır. Cismin fırlanma teriodunu təyin edin.*

*Həlli:* Sap şaquldan meyl etdikdə ağırlıq qüvvəsi və ipin gərilməsi qüvvəsi mərkəzəqaçma qüvvəsi ilə tarazlaşacaq. Üçbucaqların oxşarlığından

$$mgt\alpha = m\omega^2 r,$$

r- cismin fırlandığı çevrənin radiusudur. İpin uzunluğu, çevrənin radiusu və fırlanma müstəvisindən asqı nöqtəsinə qədər məsafə düzbucaqlı üçbucaq əmələ gətirir. Onda  $r=L\sin\alpha$  və  $\omega^2 = \frac{g}{L\cos\alpha}$

Nəzərə alsaqki,  $\omega = \frac{2\pi}{T}$  onda  $T = 2\pi\sqrt{\frac{L\cos\alpha}{g}}$ .

- **Məsələ 8.** *Rəqqaslı saat qütbdə düzgün işləyir. Bu saati ekvatora gətirdikdə sutkada nə qədər geri qalar? Sərbəstdüşmə təcillərinin qütbdə  $g_q=9,83\text{m/s}^2$  və ekvatorada  $g_e=9,78\text{m/s}^2$  olduğunu nəzərə almalı.*

*Həlli:* Saatin göstərişi rəqqasın rəqslərinin sayı ilə müəyyən

olunur. Rəqqas qütbdə sutka ərzində  $N_q = \frac{t_0}{T_q}$ , ekvatorada isə

$N_e = \frac{t_0}{T_e}$  dənə rəqs edir. Rəqqasın periodu qütbdə və ekvatora

$$T_q = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g_q}} \quad \text{və} \quad T_e = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g_e}}$$

Kimi təyin olunduğundan və  $g_q > g_e$  olduğundan,  $T_q < T_e$  və deməli,  $N_e < N_q$  olar. Bu səbəbdən də saat ekvatorada geri qalacaq, çünki saatin geri qalması ( və eləcə də irəli getməsi ) rəqqasın rəqslərinin sayı ilə bağlıdır.

Məsələnin şərtinə görə, saat qütbədə düzgün işləyir, yəni rəqqas  $t_0 = 1$  sutka ərzində  $N_q$  dənə rəqs edir. Onda bu rəqqas ekvatorada həmin  $t_0 = 1$  sutka ərzində  $N_e < N_q$  dənə rəqs edər ki, bu da saatin  $\Delta t$  qədər geri qalmasına gətirib çıxarar. Beləliklə, bu mütənasibliyə görə tənəsüb qursaq:

$$\begin{cases} t_0 \cdots N_q \\ t_0 - \Delta t \cdots N_e \end{cases} \quad \text{və ya} \quad \frac{t_0}{N_q} = \frac{t_0 - \Delta t}{N_e} \quad \text{yaza bilərik.}$$

Buradan  $N_e$  və  $N_q$  üçün yuxarıdakı ifadələri nəzərə almaqla:

$$T_q \cdot t_0 = T_e \cdot (t_0 - \Delta t) \quad \text{və ya}$$

$$2\pi \sqrt{\frac{l}{g_q}} \cdot t_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g_e}} \cdot (t_0 - \Delta t)$$

Və nəhayət

$$\Delta t = t_0 \left(1 - \sqrt{\frac{g_e}{g_q}}\right) = 86400 \cdot \left(1 - \sqrt{\frac{9,78}{9,83}}\right) \approx 192 \text{ san}$$

Cavab: 3 dəq. 12 s

- **Məsələ 9.** Planetdə cismin ekvatoradakı çəkisi qütbədəki çəkisindən  $n$  dəfə kiçikdir. Planet maddəsinin sıxlığı  $\rho$ -dur. Planetin öz oxu ətrafında fırlanma periodunu tapmalı.

Həlli. Planet səthində cismə  $N$  reaksiya qüvvəsi və  $F$  cazibə qüvvəsi təsir edir. Planetin kütləsi

$$M = \rho V = \frac{4}{3} \pi R^3 \rho$$

R - planetin radiusu, m- cismin kütləsidir.

Ekvatorada isə  $N_e = F - \omega^2 mR$

$$N_e = \frac{4}{3} \pi \rho R^3 - m 4\pi^2 R / T^2 \quad N_e = \frac{1}{n} N_q$$

olduğundan  $\frac{1}{n} \frac{4}{3} \pi \rho R G = \frac{4}{3} \pi \rho R G - 4\pi^2 m \frac{R}{T^2}$

$$4\pi^2 m \frac{R}{T^2} = \frac{4}{3} \pi \rho R G \left(1 - \frac{1}{n}\right)$$

$$\frac{\pi m}{T^2} = \frac{\rho G}{3} \frac{n-1}{n}$$

sonda  $T = \sqrt{\frac{3\pi mn}{\rho G(n-1)}}$

➤ **Məsələ 10.** Yaydan asılış cisim üzərinə müəyyən qədər yük əlavə etdikdə rəqs periodu  $T_1$ -dən  $T_2$ -ə kimi dəyişdi. Yayın əlavə uzanmasını təyin edin.

Verilib:  $T_1, T_2$ .

Tapmalı:  $\Delta l$

Həlli: Yaylı rəqqsın rəqs periodu  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$  kimi təyin

olunur. M- cismin kütləsi, k yayın sərtliyidir. Məsələnin şərtinə uyğun olaraq cisim üzərinə yük qoyulmadan əvvəl:

$$T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{əlavə yük qoyulduqdan sonra rəqs periodu}$$

$$T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{(m + \Delta m)}{k}},$$

kvadrata yüksəldib tərəf-tərəf çıxsaq:

$$T_2^2 = \frac{4\pi^2(m + \Delta m)}{k} \quad T_2^2 - T_1^2 = \frac{4\pi^2 \Delta m}{k}$$

Sərtlilik əmsalının təyininə görə

$$k = \frac{F}{\Delta t} = \frac{\Delta mg}{\Delta l}$$

Buradanda alarıq:

$$T_2^2 - T_1^2 = 4\pi^2 \frac{\Delta l}{g}$$

$$\text{və ya } \Delta l = \frac{g}{4\pi^2} (T_2^2 - T_1^2) = 2,7 \text{ sm}$$

➤ **Məsələ 11.** Futbol topunun divara zəif zərbəsi zamanı zərbə müddətini qiymətləndirin.

Həlli. Sadə olsun deyə topun deformasiyasını yalnız  $x$ -la xarakterizə edək:  $x \ll R$  olsun.  $R$ - topun radiusu olsun. Kiçik yaxınlaşmada, hesab etmək olar ki, əlavə təzyiqlik zərbə müddətində sabit qalacaq. Divar tərəfindən topa təsir edən  $F$  qüvvəsi  $F = pS$  olacaq.  $S$ - topun divara toxunduğu sahədir.

$F = \pi r^2 p \approx 2\pi x R p$ . Kiçik deformasiyalarda  $F \sim x$  olduğundan divarda topun hərəkət tənliyi  $a + \omega^2 x = 0$   $\omega$ -rəqsin dairəvi

$$\text{tezliyidir. } \omega^2 = \frac{4\pi^2}{T^2} = 2\pi R p / m$$

$m$ -topun kütləsidir. Zərbədən sonra topun əvvəlki vəziyyətini bərpa edəcəyini fərz etsək, zərbə müddəti periodun yarısına

$$\text{bərabər olacaq } t \approx \sqrt{\frac{2\pi m}{PR}}$$

Təqribi qiymətləndirmə aparaq:  $m=0,5\text{kg}$ ,  $p=10^5\text{ Pa}$ ,  $r=0,1\text{m}$   
qəbul etsək  $t \approx 2 \cdot 10^{-2}$  san alarıq.

- **Məsələ 12.**  $a$  uzunluqlu riyazi rəqqasın rəqs periodu  $T_1$ ,  $b$  uzunluqlu riyazi rəqqasın rəqs periodu  $T_2$ – dir. Uzunluğu  $a+b$  olan riyazi rəqqasın rəqs periodunu tapın.

Həlli: Birinci rəqqasın rəqs period

$$T_1 = 2\pi \sqrt{\frac{a}{g}} \quad (1)$$

uyğun olaraq ikinci rəqqasın rəqs periodu

$$T_2 = 2\pi \sqrt{\frac{b}{g}} \quad (2)$$

Uzunluğu  $a+b$  olan rəqqasın rəqs periodu isə

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{a+b}{g}} \quad (3)$$

$$(1)\text{-dən} \quad T_1^2 = \frac{4\pi^2}{g} \cdot a$$

$$\text{və } (2)\text{-dən} \quad T_2^2 = \frac{4\pi^2}{g} \cdot b$$

$$(3)\text{-dən} \quad T^2 = \frac{4\pi^2}{g} (a+b) = T_1^2 + T_2^2 \quad \text{və}$$

$$T = \sqrt{T_1^2 + T_2^2}.$$

- **Məsələ 13.** Sərtlik əmsalları  $k_1$  və  $k_2$  olan yayları ardıcıl və paralel qoşduqda rəqs periodları necə fərqlənər?

Həlli: Yayların ardıcıl birləşməsi zamanı rəqs periodu

$$T_{\text{ard}} = 2\pi \sqrt{\frac{m(k_1 + k_2)}{k_1 k_2}}$$

Yayların paralel birləşməsi zamanı rəqs periodu

$$T_{\text{par}} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k_1 + k_2}}$$

Nisbəti tapsaq alarıq:

$$\frac{T_{\text{ard}}}{T_{\text{par}}} = \sqrt{\frac{k_1 + k_2}{k_1 k_2}} \cdot \sqrt{\frac{k_1 + k_2}{1}} = \frac{k_1 + k_2}{\sqrt{k_1 k_2}}$$



- *Müstəqil həll etmək üçün məsələlər.*

### *Harmonik rəqsin kinematikas.*

**8.1.** Amplitudası 5 sm olan rəqqas 1 dəq ərzində 150 rəqs icra edir. Başlanğıc faza  $45^\circ$  olarsa, rəqsin tənliyini yazın.

**8.2.** Amplitudası  $A=3\text{sm}$  və tsiklik tezliyi  $\omega=\pi/2$  rad/san ilə rəqs edən nöqtənin maksimal  $v_{\max}$  və  $a_{\max}$  təcilini tapmalı.

**8.3.** Maddi nöqtə harmonik rəqs edir. Ən böyük yerdəyişməsi 10 sm, ən böyük sürəti isə 20sm/san olarsa, maksimal təcili və tsiklik tezliyi təyin edin.

**8.4.** Maddi nöqtə  $x=A \sin \omega t$  qanunu ilə rəqs edir. Müəyyən anda yerdəyişmə  $x_1=5\text{sm}$  oldu. Faza iki dəfə artdıqda yerdəyişmə  $x_2=8$  sm oldu. Amplitudanı təyin edin.

**8.5.** Eyni 8 san periodlu və eyni 0,02 m amplitudlu eyni istiqamətdə baş verən iki rəqsin toplanmasından alınan rəqsin tənliyini yazın. Rəqslərin fazaları fərqi  $\pi/4$  -ə bərabərdir. Rəqslərin birində başlanğıc faza sıfır bərabərdir.

**8.6.** Verilmiş  $x_1=0,02\sin(5\pi t+\pi/2)$  m və  $x_2=0,03\sin(5\pi t+\pi/4)$  m. İki rəqsin toplanması olan rəqsin amplitudasını və başlanğıc fazasını təyin edin.

**8.7.** Maddi nöqtə amplitudu və periodu eyni olan iki rəqsdə iştirak edir. Rəqslərin amplitudası  $A_1=3$  sm və  $A_2=4$  sm-dir. 1) rəqslər eyni istiqamətdə baş verərsə 2) rəqslər perpendikulyar olmaqla baş verərsə, toplanmış rəqsin amplitudasını tapın.

**8.8.** Nöqtə eyni zamanda iki perpendikulyar rəqsdə iştirak edir:  $x=2\sin\omega t$  (m) və  $y=2\cos\omega t$  (m). Nöqtənin trayektoriyasını təyin edin.

**8.9.** Nöqtə iki perpendikulyar rəqsdə eyni zamanda iştirak edir.  $x=\sin\pi t$  və  $y=2\sin(\pi t+\pi/2)$ . Nöqtənin trayektoriyasını təyin edin.

**8.10.** Maddi nöqtə qarşılıqlı perpendikulyar olan iki rəqsdə eyni zamanda iştirak edir.  $x=\sin\pi t$  və  $y=4\sin(\pi t+\pi)$ . Nöqtənin trayektoriyasını təyin edin.

**8.11.** Amplitudları nisbəti 3:1, fazalar fərqi  $\pi$  olan eyni istiqamətdə baş verən rəqsləri toplayın.

**8.12.** Periodlar 1,5 san və amplitudları 2 sm olan eyni istiqamətdə baş verən rəqslər toplanır. Rəqslərin başlanğıc fazaları  $\varphi_1=\pi/2$  rad və  $\varphi_2=\pi/3$  rad-dır. Toplanmış rəqslərin amplitudunu və başlanğıc fazasını təyin edin. Rəqsin tənliyini yazın.

**8.13.** Periodlar 2 san və amplitudaları 3 sm olan eyni istiqamətdə baş verən üç rəqs toplanır. Rəqslərin başlanğıc fazaları uyğun olaraq  $\varphi_1=0$ ,  $\varphi_2=\pi/3$  rad və  $\varphi_3=2\pi/3$  rad-dır. Amplitudların toplanmasının vektor diaqramını qurun. Toplanmış rəqsin amplitudunu və başlanğıc fazasını təyin edin.

• *Harmonik rəqslərin dinamikası.*

**8.14.** Kütləsi 50 q olan maddi nöqtə harmonik rəqs edir:  $x=A \cos \omega t$ , haradakı  $A=10$  sm,  $\omega=5$  rad/san. 1) faza  $\omega t=\pi/3$  rad olduqda 2) maksimal yerdəyişmə zamanı maddi nöqtəyə təsir edən qüvvəni tapmalı.

**8.15.** Maddi nöqtənin rəqsi verilib:  $x=A \cos \omega t$ , burada  $A=20$  sm,  $\omega=2\pi/3$  rad/san-dir.  $T=1$  san anında təsir edən qüvvəni və rəqqasın tam enerjisini tapın. Maddi nöqtənin kütləsi 10 q-dır.

**8.16.** Amplitudası 0,1 m, tezliyi 2 Hz başlanğıc fazası  $30^\circ$ , və tam enerjisi 7,7mC olan rəqsdə rəqqasın kütləsini təyin edin. Nəqədər vaxtdan sonra kinetik enerji potensial enerjiyə bərabər olacaq?

**8.17.** Yaya başlanmış 250 q kütləli yük şaquli istiqamətdə  $T=1$ s periodla rəqs edir. Yayın sərtliyini tapın.

**8.18.** Sərtliyi 1 kN/m olan yaydan asılmış yük 4 sm amplitudla rəqs edir. Rəqqasın tam enerjisini təyin edin.

**8.19.** Bircins çubuq bir ucundan keçən üfüqi ox ətrafında kiçik rəqslər icra edir. Çubuğun uzunluğu 0,5 m –dir. Çubuğun rəqslərinin periodunu tapın.

**8.20.** Uzunluğu 0,5 m olan bircins çubuq yuxarı ucundan 10 sm aşağıdan keçən üfüqi ox ətrafında kiçik rəqslər edir. Rəqslərin periodunu tapın.

**8.21.** Bircins kürə uzunluğu kürənin radiusuna bərabər olan ipdən asılmışdır. Bu rəqqasın kiçik rəqslərinin periodu, uzunluğu asqı nöqtəsindən kürənin ağırlıq mərkəzinə qədər olan riyazi rəqqasın periodundan neçə dəfə fərqlənir?

**8.22.** Spiralvari yaya birləşdirilmiş halqadan ibarət burulma rəqqasın periodu  $T=4$  san-dir. Yayın sərtliyi  $k=10^{-2}$  N/m olarsa ətalət momentini təyin edin. Sürtünməni nəzərə almayın.

**8.23.** Uzunluğu 40 sm olan riyazi rəqqas və uzunluğu 60 sm olan çubuqdan ibarət fiziki rəqqas eyni üfüqi ox ətrafında sinxron rəqs edir. Fırlanma oxundan çubuğun kütlə mərkəzinə qədər məsafəni tapın.

**8.24.** Divara üfüqi çalınmış mismardan asılmış halqa divara paralel olaraq rəqs edir. Halqanın radiusu 30 sm-dir. Halqanın rəqs periodunu tapın.

**8.25\*.** Kütləsi  $m=50$  q, diametri  $d=1$  sm olan borudan ibarət areomet suda üzür. Areometri bir azca suya batırıb buraxdılar. Nəticədə onun rəqsi yaranır. Bu rəqslərin periodunu tapın.

- *Sönən rəqslər.*

**8.26.** Sönən rəqslərin amplitudası  $t_1=5$  dəq iki dəfə azaldı. Hansı  $t_2$ , müddətində amplituda səkkiz dəfə azalar.

**8.27.** 8 dəqiqə ərzində sönən rəqslərin amplitudası üç dəfə azaldı. Sönmə əmsalını tapın.

**8.28.** Uzunluğu 1 m olan rəqqasın amplitudası 10 dəq ərzində iki dəfə azaldı. Rəqsin loqarifmik dekrementini təyin edin.

**8.29.** Rəqsin loqarifmik dekrementi 0,003-ə bərabərdir. Amplitudanın iki dəfə azalmasına sərf olan vaxtda rəqqas tam neçə rəqs edə bilər?

**8.30.** Kütləsi  $m=0,2$  kq olan yük sərtliyi  $k=50$ N/m olan yaydan asılmış və yağ daxilində rəqsə gətirilir. Yağda sürtünmə əmsalı  $r=0,5$ kq/s olarsa, rəqslərin tezliyini tapmalı.

**Əbu Əli Hüseyn ibn Sina** (16 avqust 980-ci ildə Buxara –Əfşanə- 1038



Həmadan). O, balaca yaşlarından elmə maraq və istedad göstərərək, 10 yaşı olanda demək olar ki, bütün Qurani əzbər bilirdi. 14 yaşı olanda Hüseyni həkimlik maraqlandırmağa başladı. O, Buxarada o vaxtlar təbabət barədə yazılan bütün ədəbiyyatı oxuyub, xəstələrə baxmağa başladı. 17 yaşlı ibn Sinanı əmirin şəxsi həkimi oldu. O, sarayın kitabxasından istifadə etməyə icazəsi olduğuna görə, yeni fənləri öyrənməyə başladı. Ümumiyyətlə, İbn

Sina 29 fənn üzrə ən azı 450 kitab və elmi iş yazıb, lakin bizə çatanların sayı cəmi 274-dür. İbn Sina o vaxt olan bütün elmləri tədqiq etmişdir. Fizika, həkimlik, filosofiya, riyaziyyat, həndəsə, biologiya, psixologiya, metafizika - bunlar hamısı İbn Sina vasitəsilə yenidən işıq üzü gördülər. İbn Sina mexanika ilə maraqlanırdı və bəzi cəhətlərdən bu elmə bəzi dəyişikliklər yeritdi. O, çox-çox illər sonra kəşf edilən elementlərin xassə uyğunluğunu qeyri-ümumilləşdirilmiş halda vermişdi. Onun ən məşhur kitabları "Kitabəl qanun fit-tib", "Əl ədviyatəl-qəlbiyə", "Urcusi fit-tib" və başqalarıdır. Riyaziyyat, astronomiya, həndəsə sahələrində geniş tədqiqatlar aparan, "Böyük həkim" kimi qəbul edilən İbn Sina İsaak Nyutondan 500 il əvvəl fizika dinamikasının ilk qanununu "Şəfa" adlı 18 cildlik ensiklopediyasında açıqlamışdır. İbn Sinanın fəaliyyətləri tibblə bərabər, riyaziyyat, fizika, metafizika, teologiya, iqtisadiyyat, siyasət və musiqi sahələrini də əhatə edir. İbn Sina fəlsəfə sahəsində də istər şərq, istərsə də qərb filosoflarına təsir etmişdir. Əsərləri XII əsrdə latın dilinə tərcümə edilmiş və bundan sonra bütün dünyaya yayılmışdır. İbn Sinanın əsərləri təxminən 8 əsr boyu dünya kitabxanalarının baş guşələrində yer almışdır. 1015-ci ildə Həmadana gələrək, buranın əmiri Şəms-əd-Dövlün vəziri olur.

**Ə L A V Ə L Ə R.*****Məsələ həllində istifadə olunan əsas dustur və ifadələr***

1. İrəliləmə hərəkətinin kinematikasısı

$$V = \frac{\Delta r}{\Delta t} \text{ - orta sürət;}$$

$$v_{\text{orta}} = \frac{S}{t} \text{ - trayektoriya üzrə (yola görə) orta sürət;}$$

$$\bar{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} \text{ - ani sürət;}$$

$$v = \frac{dS}{dt} \text{ - ani sürətin qiyməti;}$$

$$v_x = \frac{dx}{dt} \text{ - sürətin OX oxu üzrə proyeksiyası;}$$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \text{ - orta təcil;}$$

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} \text{ - ani təcil;}$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} \text{ - təcilin OX oxu üzrə proyeksiyası;}$$

Bərabər dəyişən (bərabərtəcilli) hərəkət ( $\vec{a} = \text{const}$ ):

$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{\vec{a}t^2}{2} \text{ - maddi nöqtənin radius vektoru;}$$

$$\Delta S = v_0 t + \frac{a_\tau t^2}{2}; \Delta S = \frac{v^2 - v_0^2}{2a_\tau}; \Delta S = \frac{v + v_0}{2} t \text{ - yolun}$$

uzunluğu;

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a}t \text{ - bərabərtəcilli hərəkətdə sürət.}$$

2. Fırlanma hərəkətinin kinematikasısı.

$$a_\tau = \frac{dv}{dt} \text{ - tangensial (toxunan-xətti) təcilin qiyməti;}$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} - \text{normal (mərkəzəqaçma) təcilinin qiyməti};$$

$$\vec{a} = \vec{a}_\tau + \vec{a}_n - \text{tam təcil};$$

$$a = \sqrt{a_\tau^2 + a_n^2} - \text{tam təcilin modulu};$$

$$\vec{\omega} = \frac{d\vec{\varphi}}{dt} - \text{bucaq sürəti};$$

$$\vec{\varepsilon} = \frac{d\vec{\omega}}{dt} - \text{bucaq təcili};$$

$$\Delta S = R\Delta\varphi; v = R\omega; a_\tau = R\varepsilon - \text{xətti və bucaq kmiyyətləri}$$

arasında əlaqə (yol, sürət, təcil);

$$\Delta\varphi = 2\pi \cdot N - \text{dönmə bucağı};$$

$$\omega = 2\pi\nu = \frac{2\pi}{T} - \text{fırlanma periodu ilə bucaq sürəti arasında}$$

əlaqə.

Bərabərdəyişən (bərabərtəcilli) fırlanma hərəkəti ( $\varepsilon = \text{const}$ ):

$$\varphi = \varphi_0 + \omega_0 t + \frac{\varepsilon t^2}{2} - \text{bucaq koordinatı}; \quad \Delta\varphi = \frac{\omega^2 - \omega_0^2}{2\varepsilon};$$

$$\Delta\varphi = \frac{\omega + \omega_0}{2} t - \text{dönmə bucağı};$$

$$\omega = \omega_0 + \varepsilon \cdot t - \text{bucaq sürəti}.$$

## 2. Dinamika. İş. Enerji. Enerjinin saxlanma qanunu.

$$\vec{a} = \frac{\sum \vec{F}_i}{m}; \quad \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} \quad (\Delta\vec{p} = \vec{F}\Delta t) - \text{Dinamikanın II qanunu};$$

$$\vec{p} = m\vec{v} - \text{cismin impulsu};$$

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21} - \text{dinamikanın III qanunu};$$

$$F_{\text{məz.}} = \gamma \frac{m_1 m_2}{r^2} - \text{ümüm dünya cazibə qanunu};$$

$F_{\text{ağ}} = mg$ ;  $F_{\text{elas}} = -kx$ ;  $F_{\text{sür}} = \mu N$ ; – ağırlıq qüvvəsi, elastik qüvvə və sürtünmə qüvvəsi;

$$P = m(g \pm a) - \text{cismin çəkisi}; \quad \rho = \frac{m}{V} - \text{cismin sıxlığı};$$

Kütlə mərkəzinin radius vektoru:

$$R_{\text{kütlə mərkəzi}} = \frac{\sum m_i r_i}{\sum m_i}$$

İmpulsun saxlanma qanunu  $\sum F_{\text{xarici}}^i = 0$  :

$\sum P_{\text{i-başl}} = \sum P_{\text{i-son}} = 0$  impulsun saxlanması qanunu;

$$dA = \vec{F} d\vec{S} = F dS \cos \alpha; \quad A = \int \vec{F} d\vec{S} - \text{qüvvənin işi};$$

$$P = \frac{dA}{dt}; \quad P = \vec{F} \vec{v} \text{ güc};$$

$\eta = A_{\text{faydalı}} / A_{\text{tam}}$  – faydalı iş əmsalı;

$\Delta E = A_{\text{dax.qüv.}}$ ;  $E_{\text{tam1}} = E_{\text{tam2}} + A_{\text{xar.qüv.qarşı}}$  – sistemin tam enerjisinin saxlanması qanunu;

$E_{\text{mex1}} = E_{\text{mex.2}} + A_{\text{xar.qüv.qarşı}} + A_{\text{dissipativ qüv.qarşı}}$  – mexaniki enerjinin saxlanması qanunu;

$$E_{\text{kin.}} = \frac{m v^2}{2} - \text{irəliləmə hərəkətinin kinetik enerjisi};$$

$E_{\text{pot}} = mgh$  – yerdən müəyyən yüksəklikdə olan cismin potensial enerjisi ( $h \ll R_{\text{yer}}$ );

$E_{\text{pot}} = k(\Delta l)^2 / 2$  – elastik deformasiya olunmuş cismin potensial enerjisi;

$F = -\text{grad} E_{\text{pot}}$  – konservativ qüvvə ilə potensial enerji arasında əlaqə.

Əgər  $\sum F_{\text{xarici}}^i = 0$ , onda  $E_{\text{tam1}} = E_{\text{tam2}}$  – tam enerjinin saxlanması qanunu.

Əgər  $\sum F_{\text{xarici}}^i = 0$ , bu halda dissipative qüvvələr yoxdur və  $E_{\text{tam1}} = E_{\text{tam2}}$  – tam mexaniki enerjinin saxlanması qanunu.

### 3. Fırlanma hərəkətinin dinamikası. Fırlanma hərəkətində iş və enerji. Enerjinin və impuls momentinin saxlanması qanunu

$\vec{M} = [\vec{r} \times \vec{F}]$  ( $M = Fl$ ) – qüvvə momenti;

$I = \int r^2 dm$  ( $I = \sum_i m_i r_i^2$ ) – cismin ətalət momenti;

$J_{\text{maddi nöqtə}} = mR^2$  – maddi nöqtənin ətalət momenti;

$J_{\text{kürə}} = mR^2$ ,  $J_{\text{silindir}} = mR^2/2$ ,  $J_{\text{qalın halqa}} = m(R_1^2 + R_2^2)/2$ ,

$J_{\text{kürə}} = 2mR^2/5$ ,

$J_{\text{cubuq}} = mL^2/12$ ; – kütlə mərkəzlindən keçən oxla nəzərən ətalət momentləri,  $J_{\text{cubuq}} = mL^2/3$  – bir ucundan keçən oxla nəzərən ətalət momenti,

$I = I_C + md^2$  – Paralel oxlar haqqında teorem;

$\varepsilon_z = \frac{\sum M_z}{I_z}$  – fırlanma hərəkətinin dinamikasının əsas tənliyi.

$\vec{L} = [\vec{r} \times \vec{p}]$ ;  $\vec{L} = I\vec{\omega}$  – maddi nöqtənin: cismin impuls momentini;

$\vec{M} = \frac{d\vec{L}}{dt}$  ( $\Delta\vec{L} = \vec{M}\Delta t$ ) – fırlanma hərəkəti dinamikasının

qanunu – impuls momentinin dəyişməsi kimi

Əgər  $\sum_i \vec{M}_i = 0$ , onda  $\sum_i \vec{L}_{i\text{naç.}} = \sum_i \vec{L}_{i\text{son.}}$  – impuls

momentinin saxlanması qanunu

$dA = Md\varphi$  – fırlanma hərəkətində iş;

$E_{\text{kin.}} = \frac{I\omega^2}{2}$  – fırlanma hərəkətinin kinetik enerjisi.

### 4. Bərk cismin elastik xassləri.

$\varepsilon_{\parallel} = \frac{\Delta l}{l}$  – nisbi uzanma;  $\varepsilon_{\perp} = \frac{\Delta d}{d}$  – nisbi eninə sıxılma;

$\sigma = \frac{dF}{dS}$  ( $\tau = \frac{dF}{dS}$ ) – normal (tangensial) mexaniki gərginlik;



$$F = k\Delta l; \varepsilon_{||} = \frac{\sigma}{E} - \text{Huk qanunu}; \quad K_{II} = \varepsilon_{\perp} / \varepsilon_{||} - \text{Puasson}$$

əmsalı;

$$E_{nom} = \frac{k(\Delta l)^2}{2} - \text{elastik deformasiya olunmuş cismin potensial}$$

enerjisi;

$$w = \frac{dW}{dV} - \text{enerjinin həcmi sıxlığı};$$

$\gamma = \frac{\tau}{G}$  – sürüşmə deformasiyası üçün Huk qanunu; haradakı  $\gamma$  – sürüşmə deformasiya əmsalıdır.

$G = \frac{E}{2(1 + K_{II})}$ ;  $G \approx 0.4E$  – Yunq modulu ilə sürüşmə modulu arasında əlaqə.

### 5. Mexaniki rəqslər və dalğalar.

– rəqs edən nöqtənin yerdəyişməsi;  $x = A \cos(\omega \cdot t + \varphi_0)$ ;

– rəqs edən nöqtənin sürəti;  $v = \frac{dx}{dt} = -A\omega \sin(\omega \cdot t + \varphi_0)$ ;

– rəqs edən nöqtənin təcili;  $a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos(\omega \cdot t + \varphi_0)$

– harmonik rəqsin diferensial tənliyi;  $\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0$

– harmonik rəqsdə qaytarıcı elastik qüvvə;  $F = -\omega^2 mx = -kx$

- yaylı rəqqasın dairəvi rəqs tezliyi  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$

- yaylı rəqqasın periodu,  $T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$

- fiziki rəqqasın period  $T = 2\pi \sqrt{\frac{J}{mgl}}$

- riyazi rəqqasın period  $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$
- Burulma rəqqasının period  $T = 2\pi \sqrt{\frac{J}{k}}$ ,  $k = -\frac{M}{\alpha}$ , burada  $k$  burulma əmsəlidir.
- enerjinin saxlanma qanunu;  $E_{\text{tam}} = kA^2/2$ ;
- $$\frac{mv^2}{2} + \frac{m\omega^2 x^2}{2} = \frac{kA^2}{2}$$
- bir istiqamətli eyni tezlikli rəqslərin toplanmasından alınan rəqsin amplitudası  $A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2 \cos(\varphi_{02} - \varphi_{01})}$ ;
- bir istiqamətli eyni tezlikli rəqslərin toplanmasından alınan rəqsin başlanğıc fazası  $\varphi_0 = \text{arctg} \frac{A_1 \sin \varphi_{01} + A_2 \sin \varphi_{02}}{A_1 \cos \varphi_{01} + A_2 \cos \varphi_{02}}$
- qarşılıqlı perpendikulyar istiqamətdə eyni tezliklə rəqs edən maddi nöqtənin trayektoriyası;
- $$\frac{x^2}{A_1^2} + \frac{y^2}{A_2^2} - 2 \frac{xy}{A_1 A_2} \cos(\Delta\varphi) = \sin^2(\Delta\varphi)$$
- sönən rəqslərin differensial tənliyi;  $\frac{d^2x}{dt^2} + 2\beta \frac{dx}{dt} + \omega_0^2 x = 0$
- sönməyən məxsusi rəqslərin dairəvi tezliyi;  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}}$
- sönmə əmsəli;  $\beta = \frac{r}{2m}$
- sönən rəqslərdə müqavimət qüvvəsi:  $F = -rv$
- sönən rəqslərin tənliyi;  $x = A_0 e^{-\beta t} \cos(\omega t + \varphi_0)$
- sönən rəqslərin tsiklik tezliyi;  $\omega_{\text{sönən}} = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$
- sönən rəqslərin amplitudu;  $A(t) = A_0 e^{-\beta t}$
- Sönmənin loqarifmik dekrementi;  $\lambda = \ln \frac{A_n}{A_{n+1}} = \beta \cdot T$

– məcburi rəqslərin differensial tənliyi;

$$\frac{d^2x}{dt^2} + 2\beta \frac{dx}{dt} + \omega_0^2 x = f_0 \cos(\omega t) \quad (\text{burada } f_0 = \frac{F_0}{m})$$

– tarazlıq vəziyyətindən yerdəyişməsi;  $x = A \cos(\omega \cdot t - \varphi_0)$ ;

– tarazlıq vəziyyətindən amplitudası;  $A = \frac{f_0}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 4\beta^2 \omega^2}}$ ;

– tarazlıq vəziyyətindən başlanğıc fazası;  $\varphi_0 = \arctg \frac{2\beta\omega}{\omega_0^2 - \omega^2}$

– rezonans tezliyi;  $\omega_{\text{rezonans}} = \sqrt{\omega_0^2 - 2\beta^2}$

– müstəvi dalğaların tənliyi;  $\xi = A \cos(\omega t - kx)$ ,

– sferik dalğaların tənliyi;  $\xi = \frac{A}{r} \cos(\omega t - k\vec{r})$

– dalğa ədədi (dalğa vektoru);  $k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\omega}{v}$

– dalğa uzunluğu;  $\lambda = vT = \frac{v}{\nu}$

– qazlarda səsin sürəti  $v_{\text{qaz.}} = \sqrt{\frac{\gamma \cdot RT}{\mu}}$  (hava üçün  $\gamma = 1.4$ );

– dalğaların yayılma sürəti:  $V = \sqrt{\frac{RTC_p}{\mu C_v}}$

## 7. Akustika.

– Dalğanın intensivliyi  $J = \frac{dW}{\Delta S dt} = \omega C_{\text{səs}}$  ( $C_{\text{səs}}$  – səsin sürəti);

– enerjinin orta həcmi sıxlığı;  $w = \frac{\rho A^2 \omega^2}{2}$

– səsin intensivlik səviyyəyə  $L_I = \lg \frac{I}{I_0}$  (B);  $L_I = 10 \lg \frac{I}{I_0}$

(dB) (burada  $I_0 = 10^{-12} \text{ Vt/m}^2$  – eşitmənin sərhəddi);

- səs təzyiqinin səviyyəsi;  $L_p = 20 \lg \frac{\Delta p}{\Delta p_0}$  (dB)
- Səsin təzyiqinin amplitudası;  $\Delta p = \sqrt{2\rho \cdot C_{3B} \cdot I} = \rho\omega \cdot C \cdot A$
- mühitin dalğa müqaviməti;  $Z = \rho \cdot C_{3B}$ .
- Birmühitdən digərinə keçdikdə səsin nüfuzetmə və qayıtma

əmsalları.

$$\beta = \frac{4 \frac{Z_1}{Z_2}}{\left(\frac{Z_1}{Z_2} + 1\right)^2}; r = \left(\frac{Z_2 - Z_1}{Z_2 + Z_1}\right)^2$$

### 8. Nisbilik nəzəriyyəsi.

- relyativist uzunluq;  $l = l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$

- relyativist zaman;  $\tau = \frac{\tau_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$

- sükunət enerjisi  $E_0 = mc^2$

- kinetik enerji;  $E_{kin.} = E - E_0 = mc^2 \left( \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} - 1 \right)$

- tam enerji;  $E = \frac{mc^2}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$

- enerji və impuls əlaqəsi;

$$E^2 - p^2 c^2 = m^2 c^4$$

– sürətlərin relyativist toplanması;  $v = \frac{v' + v_0}{1 + \frac{v'v_0}{c^2}}$ ;  $v' = \frac{v - v_0}{1 - \frac{vv_0}{c^2}}$

– relyativist impuls;  $\vec{p} = \frac{E}{c^2} \vec{v}$ ;  $p = \frac{mv}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$

– dinamika qanunu.  $\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt}$

### 9. Maye və qazların mexanikası.

– kəsilməzlik tənliyi;  $S_1 v_1 = S_2 v_2$

– təzyiq;  $p = \frac{dF}{dS}$

– hidrostatik təzyiq;  $P_{statik} = \rho gh$

– İtələyici qüvvə;  $F_{itələyici} = \rho_{maye} g V_{batmış}$

– Bernulli tənliyi;  $\rho gh + \frac{\rho \cdot v^2}{2} + p = const$

– maye və qaz layları arasında özlü sürtünmə qüvvəsi;

$$\vec{F} = -\eta \frac{d\vec{v}}{dx} S$$

– kinematik özlülük;  $\nu = \frac{\eta}{\rho}$

– Reynolds ədədi;  $Re = \frac{\langle v \rangle \cdot d}{\nu}$

– Stoks qanunu  $\vec{F} = -6\pi\eta r v$

– həcmi sərf;  $Q = \frac{dV}{dt}$

– Puazeyl dusturu.  $Q = \frac{\pi \cdot r^4 \Delta p}{8\eta l}$



**Əbülhəsən Bəhmənyar Azərbaycanı (-993-1066- Səlcuq İmperiyası).** əvvəl zərdüşət olmuş, sonralar islamı qəbul etmişdir. Azərbaycan filosofu, Şərq peripatetizminin nümayəndəsi, İbn Sinanın şagirdi və davamçısı. Bəhmənyara görə, hər şeyin əsasını ən ümumi mənada varlıq təşkil edir. Bütün varlığı vacib və mümkün olmaqla iki qismə ayrılır. Vacib varlıq zəruridir, mütləq mövcuddur, səbəbsizidir. Mümkün varlıq

qeyri-mövcud və mövcud fərz ediləndir, onun varlığı və yoxluğu birsəbəblidir, daha doğrusu, o, nəticədir. Mütəkəllimlər (ortodoksal müsəlman şolastları) ilk səbəblə nəticə arasında zaman fərqi inkar etmək fikrinə qarşı çıxmış, onu dinə zidd müddəa elan etmişlər. Bir sıra fəlsəfi kateqoriyalar haqqında Bəhmənyarın mülahizələri bu gün də öz elmi əhəmiyyətini saxlayır. Bəhmənyar hərəkət, məkan və zaman kateqoriyalarının şərhini vermiş, onların vəhdətini, bir-birindən ayrılmazlığını göstərmişdir. Bəhmənyar idrakda hissi və rəsonal momentlərin əlaqəsinin düzgün şərhini vermişdir.

Bəhmənyar məntiqdə anlayış, hökm, istidlal və onlarla bağlı bəhləri geniş işıqlandırmışdır. Onun "Təhsil kitabı" (1971-ci ildə Tehrandə ərəb dilində çapdan çıxmışdır), "Məntiqə dair zinət kitabı", "Gözəllik və səadət kitabı", "Musiqi kitabı", "Metafizika elminin mövzusunə dair traktat" və "Mövcudatın mərtəbələri" (sonuncu iki əsər 1851-ci ildə Leypsiqdə ərəb və alman, 1911-ci ildə Qahirədə ərəb dilində nəşr olunmuşdur) Şərq elminin inkişafına güclü təsir göstərmişdir. Bəhmənyarın yaradıcılığında "Təhsil kitabı" öz həcmnin genişliyinə və məzmununun dərinliyinə görə xüsusi yer tutur.

Orta əsrlər müsəlman Şərqində fəlsəfi fikrin inkişafında Bəhmənyarın böyük rolu olmuşdur. Əbül -Abbas Ləvkəri, Əfzələddin Xunəci, Nəsirəddin Tusi, Siracəddin Urməvi onun davamçılarıdır

**BƏZİ RİYAZİ DUSTURLAR.****Əlavə-1 Müxtəsər dusturlar:**

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2,$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2,$$

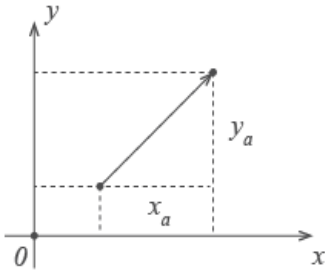
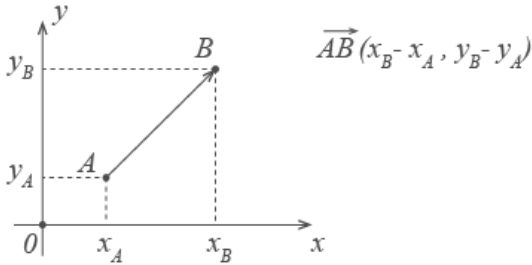
$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2,$$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3,$$

$$(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3,$$

$$(a + b)(a^2 - ab + b^2) = a^3 + b^3,$$

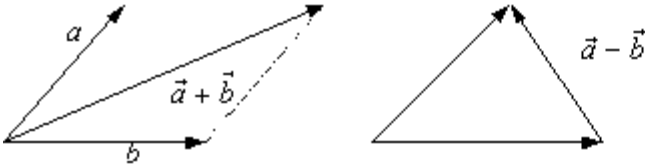
$$(a - b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3.$$

**Əlavə 2. Vektorlar. Vektorlar üzərində əməllər**

$$\vec{a}(x_a; y_a; z_a) \quad \vec{b}(x_b; y_b; z_b)$$

$$\vec{a} + \vec{b} = (x_a + x_b; y_a + y_b; z_a + z_b)$$

$$\vec{a} - \vec{b} = (x_a - x_b; y_a - y_b; z_a - z_b)$$



**Əlavə 2.1** Ort vektorlar  $X, Y$  və  $Z$  oxu üzrə uzunluğu vahid olan vektorlar.

$$\vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j} + a_z \vec{k} \quad \vec{b} = b_x \vec{i} + b_y \vec{j} + b_z \vec{k}$$

$$(\vec{i}, \vec{i}) = (\vec{j}, \vec{j}) = (\vec{k}, \vec{k}) = 1, \quad (\vec{i}, \vec{j}) = (\vec{i}, \vec{k}) = (\vec{j}, \vec{i}) = (\vec{j}, \vec{k}) = (\vec{k}, \vec{i}) = (\vec{k}, \vec{j}) = 0.$$

$$\text{Vektorun modulu } |\vec{a}| = \sqrt{(\vec{a}, \vec{a})} = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$$

**Əlavə 2.2** Vektorların skalyar hasilı

$$(\vec{a}, \vec{b}) = \vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\widehat{\vec{a}, \vec{b}})$$

Skalyar hasilin xassələri

1.  $(\vec{a}, \vec{b}) = (\vec{b}, \vec{a})$ ;
2.  $(\vec{a}, \vec{a}) = |\vec{a}|^2$  (vektorun skalyar kvadratı onun uzunluğunun kvadratına bərabərdir)
3.  $(\vec{a} + \vec{b}, \vec{c}) = (\vec{a}, \vec{c}) + (\vec{b}, \vec{c})$ ;
4.  $(\alpha \vec{a}, \vec{b}) = \alpha (\vec{a}, \vec{b})$ ;
5.  $(\vec{a}, \vec{0}) = 0$ ;



6. əgər  $\vec{a} \perp \vec{b}$ , to  $(\vec{a}, \vec{b}) = 0$ ;

7. Əgər  $(\vec{a}, \vec{b}) = 0$ , ya vektorlardan biri sıfıra bərabərdir, yada vektorlar ortoqonaldır.

İki vektor arasında bucaq

$$\cos(\vec{a}, \vec{b}) = \frac{(\vec{a}, \vec{b})}{|\vec{a}| \cdot |\vec{b}|} = \frac{a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z}{\sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2} \sqrt{b_x^2 + b_y^2 + b_z^2}}$$

### Əlavə 2.3 Vektorların vektorial hasilı

$$[\vec{a}, \vec{b}] = (a_y b_z - a_z b_y) \vec{i} + (a_z b_x - a_x b_z) \vec{j} + (a_x b_y - a_y b_x) \vec{k} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix}$$

$$[\vec{i}, \vec{i}] = [\vec{j}, \vec{j}] = [\vec{k}, \vec{k}] = \vec{0},$$

Vektorial hasilin xassələri  $\mathbf{c} = [\vec{a}, \vec{b}]$

$$\vec{c} \perp \vec{a}, \vec{c} \perp \vec{b}$$

$$1. [\vec{a}, \vec{b}] = -[\vec{b}, \vec{a}]; \text{ (antikommutativlik)}$$

$$2. [\vec{a}, \vec{a}] = \vec{0};$$

$$3. [\vec{a}, \vec{b}] = \vec{0} \Leftrightarrow \vec{a} \parallel \vec{b};$$

$$4. [\vec{a}, \vec{0}] = \vec{0};$$

$$5. [\alpha \vec{a}, \vec{b}] = \alpha [\vec{a}, \vec{b}];$$

$$6. [\vec{a} + \vec{b}, \vec{c}] = [\vec{a}, \vec{c}] + [\vec{b}, \vec{c}].$$

**Əlavə 3. Elementar funksiyaların Makleron sırasına ayrılışı:**

$$e^x = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots + \frac{x^n}{n!} + \dots = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n!}, |x| < \infty,$$

$$\sin x = \frac{x}{1!} - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \dots + \frac{(-1)^{n+1} x^{2n-1}}{(2n-1)!} - \dots = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} x^{2n-1}}{(2n-1)!}, |x| < \infty,$$

$$\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \frac{x^6}{6!} + \dots + \frac{(-1)^{n+1} x^{2n}}{(2n)!} - \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{(2n)!}, |x| < \infty,$$

$$\ln(1+x) = \frac{x}{1!} - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} - \dots + \frac{(-1)^{n+1} x^n}{n!} - \dots = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1} x^n}{n!}, x \in (-1; 1],$$

$$(1+x)^\alpha = 1 + \frac{\alpha}{1!} x + \frac{\alpha(\alpha-1)}{2!} x^2 + \frac{\alpha(\alpha-1)(\alpha-2)}{3!} x^3 + \dots +$$

$$+ \frac{\alpha(\alpha-1)\dots(\alpha-n+1)x^n}{n!} + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\alpha(\alpha-1)\dots(\alpha-n+1)x^n}{n!}, |x| < 1,$$

$$\frac{1}{1-x} = 1 + x + x^2 + \dots + x^n + \dots = \sum_{n=0}^{\infty} x^n, |x| < 1,$$

$$\arctg x = x - \frac{x^3}{3} + \frac{x^5}{5} - \frac{x^7}{7} + \dots + \frac{(-1)^n x^{2n+1}}{2n+1} - \dots = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n+1}}{2n+1}, |x| \leq 1.$$

**Əlavə 4. Triqonometrik funksiyaların xassələri:****Əlavə 4.1. Əsas triqonometrik eyniliklər:**

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$tgx = \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$ctgx = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$tgx \cdot ctgx = 1$$

$$1 + tg^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$1 + ctg^2 x = \frac{1}{\sin^2 x}$$

### Əlavə 4.2. Triqonometrik funksiyların arqumentlərin cəmi və fərqi üçün dusturları

$$\begin{aligned} \sin(x+y) &= \sin x \cdot \cos y + \cos x \cdot \sin y & \operatorname{tg}(x+y) &= \frac{\operatorname{tg}x + \operatorname{tg}y}{1 - \operatorname{tg}x \cdot \operatorname{tg}y} \\ \sin(x-y) &= \sin x \cdot \cos y - \cos x \cdot \sin y \\ \cos(x+y) &= \cos x \cdot \cos y - \sin x \cdot \sin y \\ \cos(x-y) &= \cos x \cdot \cos y + \sin x \cdot \sin y & \operatorname{tg}(x-y) &= \frac{\operatorname{tg}x - \operatorname{tg}y}{1 + \operatorname{tg}x \cdot \operatorname{tg}y} \end{aligned}$$

### Əlavə 4.3. Triqonometrik funksiyların cəmi və fərqi üçün dusturları

$$\begin{aligned} \cos x + \cos y &= 2 \cos \frac{x+y}{2} \cdot \cos \frac{x-y}{2}; & \cos x - \cos y &= 2 \sin \frac{x+y}{2} \cdot \sin \frac{y-x}{2}; \\ \sin x + \sin y &= 2 \sin \frac{x+y}{2} \cdot \cos \frac{x-y}{2}; & \sin x - \sin y &= 2 \sin \frac{x-y}{2} \cdot \cos \frac{x+y}{2} \end{aligned}$$

### Əlavə 4.4. Triqonometrik funksiyların hasilələrinin dusturları

$$\begin{aligned} \cos x \cdot \cos y &= \frac{1}{2}(\cos(x-y) + \cos(x+y)) \\ \sin x \cdot \sin y &= \frac{1}{2}(\cos(x-y) - \cos(x+y)) \\ \sin x \cdot \cos y &= \frac{1}{2}(\sin(x-y) + \sin(x+y)) \end{aligned}$$

### Əlavə 4.5. İkiqat arqument dusturları

$$\begin{aligned} \cos 2x &= \cos^2 x - \sin^2 x = 2 \cos^2 x - 1 = 1 - 2 \sin^2 x = \frac{1 - \operatorname{tg}^2 x}{1 + \operatorname{tg}^2 x}; \\ \sin 2x &= 2 \sin x \cdot \cos x = \frac{2 \operatorname{tg}x}{1 + \operatorname{tg}^2 x}; & \operatorname{tg} 2x &= \frac{2 \operatorname{tg}x}{1 - \operatorname{tg}^2 x}; \end{aligned}$$

### Əlavə 4.6. Yarım arqument dusturları

$$\cos^2 \frac{x}{2} = \frac{1 + \cos x}{2}; \quad \sin^2 \frac{x}{2} = \frac{1 - \cos x}{2}; \quad \operatorname{tg}^2 \frac{x}{2} = \frac{1 - \cos x}{1 + \cos x};$$

**Əlavə 4.7. Bəzi rəqəmlər**

$$1\text{pad} \approx 57^0; \quad 1^0 \approx 0,017\text{pad}; \quad \pi = 180^0;$$

$$\pi = 3,1415926535897932384626433832795$$

**Əlavə 4.9. Sadə triqonometrik tənliklərin həlli**

$$\sin x = a; \quad \Rightarrow \quad x = (-1)^k \arcsin a + \pi k;$$

$$\cos x = a; \quad \Rightarrow \quad x = \pm \arccos a + 2\pi k;$$

$$\operatorname{tg} x = a; \quad \Rightarrow \quad x = \operatorname{arctg} x + \pi k;$$

$$\operatorname{ctg} x = a; \quad \Rightarrow \quad x = \operatorname{arcctg} x + \pi k;$$

**Əlavə 4.10. Xüsusi hallar:**

$$\sin x = 0; \quad \Rightarrow \quad x = \pi k;$$

$$\sin x = 1; \quad \Rightarrow \quad x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k;$$

$$\sin x = -1; \quad \Rightarrow \quad x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi k;$$

$$\cos x = 0; \quad \Rightarrow \quad x = \frac{\pi}{2} + \pi k;$$

$$\cos x = 1; \quad \Rightarrow \quad x = 2\pi k;$$

$$\cos x = -1; \quad \Rightarrow \quad x = \pi + 2\pi k;$$

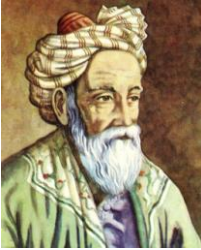
$$\operatorname{tg} x = 0; \quad \Rightarrow \quad x = \pi k;$$

$$\operatorname{ctg} x = 0; \quad \Rightarrow \quad x = \frac{\pi}{2} + \pi k;$$

**Əlavə 4.11. Əsas triqonometrik funksiyaların bəzi qiymətləri:**

Dərəcə $\alpha$	0	30	37	45	53	60	90	120	135	150	180
Rad.	0	$\frac{\pi}{6}$		$\frac{\pi}{4}$		$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\frac{5\pi}{6}$	$\pi$
Sinx	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{3}{5}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
Cosx	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{4}{5}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{3}{5}$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{\sqrt{2}}{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	-1
tgx	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	$\frac{3}{4}$	1	$\frac{4}{3}$	$\sqrt{3}$	-	$-\sqrt{3}$	-1	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	0
ctgx	-	$\sqrt{3}$	$\frac{4}{3}$	1	$\frac{3}{4}$	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0	$-\frac{\sqrt{3}}{3}$	-1	$-\sqrt{3}$	-

**Qiyasəddin Əbu əl-Fəth Ömər ibn İbrahim Xəyyam Nişapuri - Ömər Xəyyam (18 may 1048- Nişapur, Xorasan- 04 dekabr-1131 Nişapur, Böyük Səlcuq İmperiyası)** Gənc yaşlarında doğma şəhərini Nişapuru tərk etmiş və uzun məşəqqətlərdən sonra Səmərqənddə gəlir. 1074-cü ildə İsfahana rəsədxanaya rəhbərlik etmək üçün dəvət alır. 1092-ci ildə ona hamilik edən səlcuq şahı Məlik şahın və vəziri Nizam-əl Mülkün vəfatından sonra İsfahanı tərk etməli olur. Yenə sərgərdan yaşam tərzində Xəyyam bir müddət Mərvdə Məlik şahın varislərindən birinin sarayında işləyir. Həm Şərqdə və ələxsus Qərbdə özünün müdriklik, yumor və satira dolu, bəzən də bir qədər qaba səslənən rübailəri ilə məşhurdur. Şərqdə uzun müddət yaddaşlardan silinən Xəyyam rübailəri Avropaya Edvard Fitsjeraldın tərcümələri ilə qədəm qoyur və uğur əldə edir. Ömər Xəyyam bütün dövrlərin ən böyük riyaziyyatçılarından biri olmuşdur. "Riyazi problemlərin nümayişinə dair" traktatı ilə riyaziyyat elminin inkişafına misilsiz töhvələr



vermişdir. Bu əsərində Xəyyam üçdərəcəli tənliklərin həllini ilk dəfə həndəsi yolla – hiperbola ilə dairənin kəsişməsindən almışdır. Onun Günəş sisteminin heliosentrik nəzəriyyəsini Kopernikdən çox-çox əvvəl irəli sürməsi də bildirilir. 1074-cü ildə İsfahandakı rəsədxanaya rəhbərlik edir. "Riyazi problemlərin nümayişinə dair" traktatı ilə riyaziyyat elminin inkişafına misilsiz töhvələr verir.

İsfahandakı elmi fəaliyyəti dövründə Ömər Xəyyam fəlsəfə problemləri ilə də məşğul olur. İbn-Sinanın fəlsəfi elmini diqqətlə öyrənir və bir neçə əsərini fars dilinə tərcümə edir. 1080-ci ildə "Varlıq və zərurilik haqqında traktat" adlı ilk fəlsəfi əsərini ərsəyə gətirir.

Yazılarında yığcamlılığı üstün tutan Xəyyam, az sözlə tutarlı fikirlər söyləyir, əsərlərini lakonik, bəzən bir neçə səhifəyə sıxışdıraraq yazır.

Xəyyam ailə qurmayıb, qapalı həyat tərzini keçirib.

"Əlcəbr və əlmukabala məsələlərinin isbatı haqqında traktat"- əsərində Qərb riyaziyyatını təqribən 500 il qabaqlamışdır. Onun tərtib etdiyi astronomik təqvim müasir dövrdə mövcud olanlardan daha dəqiqdir. Təəssüf ki, Xəyyam dövründən nə İsfahanda 35 metrlik hündürlükdə Cəma məscidi durur –nə onun layihəsi üzrə tikilən rəsədxanadan, nə olduğu saraylardan iz bele qalmamışdır .

İlk dəfə onun şerhləri Qərbdə keçən əsrdə İngilis dilinə tərcümə edilmiş və o vaxtdan dəfələrlə demək olarki, dünya xalqlarının dillərinə təkrar

çap edilmişdir. İngiltərədə və Amerikada Xəyyama meyil epidemiya halını almışdı. Qərbliləri təcübləndirən o idi ki, bizim "mədəni" əsrimizdə insanın ağına gələn fikir və düşüncələr harada isə hələ neçə yüz il bundan əvvəl uzaq bir şərq ölkəsində kiminsə ağına gəlmişdi, hələ üstəlik o bunları çox gözəl şeirlərində ifadə edirdi. İki Xəyyam belə yarandı Qərbdə şair – Şərqdə riyaziyyatçı, astronom və filosof.

Xəyyam üçün insan azad fikirli insan olmalıdır. "Qızıl və gümüşdən təşkil olunmuş cisimdə onların miqdarını təyin etmək məharəti haqqında" adlı traktatında o, Arximedın klassik məsələsi ilə məşğul olur. "Evklidin kitabının çətin postulatlarının şərhləri" adlı əsərində özünəməxsus paralellər nəzəriyyəsi vermişdir. Qədim yunan riyaziyyatının elə bir sahəsini göstərmək mümkün deyil ki, orada Xəyyam mühüm yeniliklər əldə etməmiş olsun. Qeyri - Evklid həndəsəsinin yaranmasına, ədədlər çoxluğunun genişlənməsinə, cəbrin həndəsədən ayrılıb müstəqil elmə çevrilməsinə gətirən yollar Xəyyam əsərlərindən keçib qədim yunan riyaziyyatını orta əsrlərlə əlaqələndirirdi.

Qərbdə uzun müddət Xəyyam – alim, Xəyyam – şairin kölgəsində daldalanaraq görünürdü. Onun adına elm tarixinə aid kitablarda yox – Şərq poyeziyasının antologiyalarında rast gəlmək olardı. Ondan 382 rübai, astronomik cədvəllər, riyaziyyat və fəlsəfəyə aid bir sıra əsərlər qalıb. Onun həyatı haqqında olan məlumatlar çox azdır.

**Əlavə 5. Azərbaycan Respublikası Nazirlər Kabinetinin 2011-ci il 3 fevral tarixli 23 nömrəli qərarına əlavə  
Kəmiyyət ölçüləri və şəkilər üzrə Baş Konfrans (KÖÇBK)  
tərəfindən qəbul olunan Beynəlxalq Vahidlər Sisteminin (SI)  
kəmiyyət vahidləri**

Kəmiyyət		Vahid			
adı	İşarəsi	adı	İşarəsi		tərif
			beynəlxalq	Azərbayca	
Uzunluq	L	metr	m	m	metr-işığın vakuumda $1/299792458$ s zaman intervalında qət etdiyi yolun uzunluğudur [XVII KÖÇBK (1983-cü il), Qətnamə 1]
Kütlə	M	kiloqram	kg	kq	kiloqram-kiloqramın beynəlxalq prototipinin kütləsinə bərabər olan kütlə vahididir [I KİQÇBK (1889-cu il) və III KÖÇBK (1901-ci il)]
Zaman	T	saniyə	s	s	saniyə-seziyum-133 atomunun əsas halının iki ifrat-nazik səviyyələri arasındakı keçidə uyğun şüalanmanın $9\,192\,631\,770$ perioduna bərabər olan zamandır [XIII KÖÇBK (1967-ci il), Qətnamə 1]



Elektrik cərəyanı (elektrik cərəyanı şiddəti)	I	amper	A	A	amper-vakuumda bir-birindən 1 m məsafədə yerləşən sonsuz uzunluğa və çox kiçik dairəvi en kəsiyi sahəsinə malik iki paralel düzxətli naqıldən keçən zaman naqilin hər 1 m hissəsində $2 \cdot 10^{-7}$ N qüvvə yaradan dəyişməyən cərəyanın şiddətidir [KÖÇBK (1946-cı il), IX KÖÇBK (1948-ci il) tərəfindən bəyənilmiş Qətnamə 2 ]
Termodinamik temperatur	Θ	kelvin	K	K	kelvin – suyun üçqat nöqtəsinin termodinamik temperaturunun $1/273,16$ hissəsinə bərabər olan termodinamik temperatur vahididir [XIII KÖÇBK (1967-ci il), Qətnamə 4]
Maddə miqdarı	N	mol	mol	mol	mol – kütləsi 0,012 kg olan karbon-12-də yerləşən atomların sayı qədər struktur elementinə malik sistemin maddə miqdarıdır. Molu tətbiq edən zaman struktur elementlərinin spesifik xüsusiyyətləri göstərilməlidir və onlar atomlar, molekullar, ionlar, elektronlar və digər hissəciklər və ya spesifik xüsusiyyətləri göstərilmiş hissəciklər qrupu ola bilər [XIV KÖÇBK (1971-ci il), Qətnamə 3]
İşıq şiddəti	J	kandela	cd	kd	kandela – verilən istiqamətdə energetik işıq şiddəti $1/683$ W/sr olan $540 \cdot 10^{12}$ Hz tezlikli monoxromatik şüa buraxan mənbənin bu istiqamətdəki işıq şiddətidir [XVI KÖÇBK (1979-cu il), Qətnamə 3]

**Əlavə 6. Adları və işarələri SI-nin əsas kəmiyyət vahidlərinin adları və işarələrindən istifadə edilməklə yaradılan SI-nin törəmə vahidləri**

Kəmiyyət		Vahid		
adı	İşarəsi	adı	işarəsi	
			beynəlxalq	Azərbaycan
Sahə	$L^2$	kvadrat metr	$m^2$	$m^2$
Həcm, tutum	$L^3$	kub metr	$m^3$	$m^3$
Sürət	$LT^{-1}$	metr bölünsün saniyə	m/s	m/s
Təcil	$LT^{-2}$	metr bölünsün kvadrat saniyə	$m/s^2$	$m/s^2$
Dalğa ədədi	$L^{-1}$	bir bölünsün metr	$m^{-1}$	$m^{-1}$
Sıxlıq	$L^{-3}M$	kiloqram bölünsün kub metr	$kg/m^3$	$kq/m^3$
Xüsusi həcm	$L^3M^{-1}$	kub metr bölünsün kiloqram	$m^3/kg$	$m^3/kq$
Elektrik cərəyanının sıxlığı	$L^{-2}I$	amper bölünsün kvadrat metr	$A/m^2$	$A/m^2$
Maqnit sahəsinin gərginliyi	$L^{-1}I$	amper bölünsün metr	$A/m$	$A/m$
Komponentin molyar konsentrasiyası	$L^{-3}N$	mol bölünsün kub metr	$mol/m^3$	$mol/m^3$
Parlaqlıq	$L^{-2}J$	kandela bölünsün kvadrat metr	$cd/m^2$	$kd/m^2$

### Əlavə 7. SI-nin onluğun misl və hissə vahidlərinin adlarını və işarələrini əmələ gətirmək üçün istifadə olunan vuruqlar və önşəkilçilər

Onluq vuruq	Önşəkilçi	Önşəkilçinin işarəsi		Onluq vuruq	Önşəkilçi	Önşəkilçinin işarəsi	
		beynəlxalq	Azərbaycan			beynəlxalq	Azərbaycan
$10^{24}$	yotta	Y	Y	$10^{-1}$	desi	d	d
$10^{21}$	zetta	Z	Z	$10^{-2}$	santi	c	s
$10^{18}$	eksa	E	E	$10^{-3}$	milli	m	m
$10^{15}$	peta	P	P	$10^{-6}$	mikro	$\mu$	mk
$10^{12}$	tera	T	T	$10^{-9}$	nano	n	n
$10^9$	qıqa	G	Q	$10^{-12}$	piko	p	p
$10^6$	meqa	M	M	$10^{-15}$	femto	f	f
$10^3$	kilo	k	k	$10^{-18}$	atto	a	a
$10^2$	hekto	h	h	$10^{-21}$	zepto	z	z
$10^1$	deka	da	da	$10^{-24}$	yokto	y	y

### Əlavə 8. Bəzi fiziki sabitlər

Temperaturun mütləq sıfırı	$t = -273,15^\circ\text{C}$
Atom kütlə ədədi	$1 \text{ a.k.v.} = 1,6605655 \cdot 10^{-27} \text{ kq}$
Qravitasiya sabiti	$G = 6,672 \cdot 10^{-11} \text{ Nm}^2/\text{kq}^2$
$\alpha$ -hissəciyin elektrik yükü	$q = 2e = 3,204 \cdot 10^{-19} \text{ Kl}$
Maqnit sabiti	$\mu_0 = 12,5663706144 \cdot 10^{-7} \text{ Hn/m}$

$\alpha$ -hissəciyin kütləsi	$m_{\alpha} = 6,644 \cdot 10^{-27} \text{ kq}$
Neytronun sükunət kütləsi	$m_n = 1,6749543 \cdot 10^{-27} \text{ kq}$
Protonun sükunət kütləsi	$m_p = 1,6726485 \cdot 10^{-27} \text{ kq}$
Elektronun sükunət kütləsi	$m_e = 9,109534 \cdot 10^{-31} \text{ kq}$
Ridberq sabiti	$R_H = 1,097 \cdot 10^7 \text{ 1/m}$
Normal şəraitdə 1 mol ideal qazın həcmi	$V_o = 22,41383 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3/\text{mol}$
Sərbəst düşmə təcili	$g = 9,81 \text{ m/san}^2$
Normal şərait: atmosfer təzyiqi	$p_o = 101325 \text{ N/m}^2$
Temperatura	$T = 273 \text{ K}$
Avaqadro sabiti	$N_A = 6,022045 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
Bolsman sabiti	$k = 1,380662 \cdot 10^{-23} \text{ C/K}$
Faradey ədədi	$F = 96,48456 \cdot 10^3 \text{ Kl/mol}$
Vakuumda işıq sürəti	$c = 2,99792458 \cdot 10^8 \text{ m/san}$
Universal qaz sabiti	$R = 8,31441 \text{ C/(mol} \cdot \text{K)}$
Elementar yük	$e = 1,6021892 \cdot 10^{-19} \text{ Kl}$
Elektronun xüsusi yükü	$e/m = 1,76 \cdot 10^{11} \text{ Kl/kq}$
Elektrik sabiti	$\epsilon_o = 8,85418783 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$
Suyun xüsusi istilik tutumu	$C = 4,19 \cdot 10^3 \text{ C/(kq} \cdot \text{K)}$
Buzun xüsusi ərimə istiliyi	$\lambda = 333,7 \cdot 10^3 \text{ C/kq}$
Cuyun xüsusi buxarəmələ gəlmə istiliyi	$r = 2,256 \cdot 10^6 \text{ C/kq}$

**Əlavə 9. Günəşin, Yerin və Ayın bəzi xarakteristikaları.**

Fiziki parametrlər	Günəş	Yer	Ay
Kütlə, kq	$1,97 \cdot 10^{30}$	$5,96 \cdot 10^{24}$	$7,33 \cdot 10^{22}$
Radius, m	$6,95 \cdot 10^8$	$6,37 \cdot 10^6$	$1,74 \cdot 10^6$
Orta sıxlıq, kq/m <sup>3</sup>	1400	5518	3350
Yerdən orta məsafə, km	$1,496 \cdot 10^8$	-	384440

**Əlavə 10. Günəş sisteminin planetləri**

Qrup	Planet	fırlanmanın ulduz period-il	Günəşdən orta məsafə		Peyklərin sayı	Ekvatorial diametr		Kütlə (Yerin kütləsi nisbəti ilə)	Orta sıxlıq, $\times 10^3$ kq/m <sup>3</sup>
			Mln. km	a. v.		Yer diametrik ilə	$\times 10^3$ km		
Yer qrupu	Merkuri	0,241	58	0,387	yoxdur	0,38	4,9	0,06	5,4
	Venera	0,615	108	0,723	yoxdur	0,95	12,1	0,82	5,2
	Yer	1,000	150	1,000	1	1,00	12,7	1,00	5,5
	Mars	1,881	228	1,524	2	0,53	6,8	0,11	4,0
Qıqant planetlər	Yupiter	11,86	778	5,203	16	11,2	142	318	1,3
	Saturn	29,46	1426	9,539	17	9,5	120	95,1	0,6
	Uran	84,01	2869	19,18	15	3,9	50,0	14,5	1,3
	Neptun	164,8	4496	30,06	2	3,9	50,0	17,3	1,6
	Pluton	247,7	5900	39,44	1	0,2	28(?)	?	?

**Əlavə 11. Bəzi maddələrin sıxlığı,  $10^3 \text{ kq/m}^3$ .**

Aliminium	2,7	Nikel	8,9	Qliçerin	1,2
Ağac	0,7	Parafin	0,9	Kerosin	0,8
Dəmir, polad	7,8	Mantar	0,2	Yağ	0,91
Buz	0,9	Qurğuşun	11,3	Neft	0,8
Mərmər, qranit	2,7	Benzin	0,7	Civə	13,6
Mis	8,9	Su	1	Spirt	0,8

**Əlavə 12. Bərk maddələrin mexaniki xassələri**

Maddə	Sıxlıq $\rho$ , $\text{kq/m}^3$	Yunq modulu, $\text{E} \cdot 10^{-10} \text{ Pa}$	Möhkəmlik həddi, $\sigma_{\text{möhk}} \cdot 10^{-8} \text{ Pa}$
Aliminium	2600	6.9	1.1
Dəmir	7900	19.6	6
Latun	8400	-	-
Mis	8600	11.8	2.4
Platin	21400	-	-
Polad	7700	21.6	7.85
Çink	7000	-	-

**Əlavə 13.  $18^\circ\text{C}$  də mayelrin özlülük əmsalı**

Maddə	özlülük $10^{-3} \text{ kq/(m} \cdot \text{san)}$	Maddə	özlülük $10^{-3} \text{ kq/(m} \cdot \text{san)}$
Anilin	4,6	Ağır maşın yağı	660
Aseton	0,337	Zeytun yağı	90
Benzol	0,673	Pentan	0,224
Brom	1,02	Civə	1,59
Su	1,05	Etil spirti	1,22
Qliçerin	1400	Üşüm türşusu	1,27
Yüngül maşın yağı	330	Etil efiri	0,238

**Əlavə 14. Qazlarda özlülük ( $0^{\circ}\text{C}$ )**

Maddə	özlülük $10^{-5}$ kq/(m·san)	Maddə	özlülük $10^{-5}$ kq/(m·san)
Azot	1,67	Helium	1,89
Ammonyak	0,93	Oksigen	1,92
Hidrogen	0,84	Metan	1,04
Hava	1,72	Karbon qazı	1,4

**Cədvəl 15 Müxtəlif fəaliyyətlərdə insanın sərf etdiyi enerji**

Fəaliyyət növü	1 saat müddətində insanın hər 1 kq kütləsinə düşən enerji	
	kC	kkal
Dərslərə hazırlıq	5,4-6,7	1,3-1,6
Laboratoriya işinin yerinə yetirilməsi	6,0-6,7	1,4-1,6
Özü haqında oxuma	5,4	1,3
Fiziki yüngül səhər idmanı	14,3-20,6	3,4-4,9
Üzgüçülük	30	7,1
Yuxu	3,8	0,9
Hərəkətsiz uzanmaq	4,6	1,1
İntim	30	7,1
Hərəkətsiz durmaq	7,1	1,7
Motosikldə getmə	8,8	2,1
Ot yığımı	22,7-24,6	5,5-5,7
Fəhlə işləmək (konslagerdə yox)	11,3-17,2	2,7-4,1
Gəzinti ( 5 km/saat)	13,9-18,4	3,3-3,9

**Əlavə 16. İnsanın mexanikası və hidravlikası  
(mühəndis işi üçün nəzərdə tutulmuşdur, əksər adamlara aid edilə  
bilər)**

İnsan bədəninin orta sıxlığı	1036 kq/m <sup>3</sup>
İnsan qanının sıxlığı	1050-1064 kq/m <sup>3</sup>
İnsan damarlarında qanın orta sürəti, m/san	0,2-0,5 arteriyada
	0,10-0,20 venada
	0,0005-0,0020 karilyarlarda
Siqnalın (həyacanın) yayılma sürəti	40-100 m/san
Yaşlı insanın əllərində təzyiq fərqi	
Aşağı hissə (ürək əzələlərinin yığılmasının ilk fazası)	9,3 kPa = 70 mm civə st.
Yuxarı hissə (ürək əzələlərinin yığılmasının son fazası)	16 kPa = 120 mm. civə st.
Dəqiqədə 60 döyüntünün olduğu vaxt ürəyin vurduğu qanın həcmi	3,6 l/dəq = 216 l/saat = 5200l/sutka
Bir yığılmada ürəyin işi	1 C
Çalışan (işlək) ürəyin iş qüvvəsi:	
Ürəyin yığılmasının ilk fazasında	90 N
Ürəyin yığılmasının son fazasında	70 N
Yaşlı insanın gücü:	
Zəif külək, adi yerləş	60-65 Vt
Sürətli gediş, 7 km/saat	200 Vt
Küləksiz havada tələsmədən velosiped yürüşü (10 km/saat)	40 Vt
Küləksiz havada velosipedlə 20 km/saat sürətlə yürüş	320 Vt
Qanın səthi gərilmə əmsalı	60 mN/m



**Cədvəl 17. İnsanın istilik parametrləri.  
(Bədən hissələrinin normal temperaturu)**

Bədən	36,7 °C
Alın	33,4°C
Əllərin ovucu	32,8°C
Ayaq altları	30,2°C
Qanın donma temperaturu	-0,56-dan-0,58°C-dək
Qanın xüsusi istilik tutumu	3,9 kC/(kq* °K)=0,93kal/(q* °C)
İnsan bədəninin orta istilik tutumu	3,47kC/(kq* °K)
Ciyərlərdən buxarlanan suyun kütləsi	0,8-2,0 kq/sutka
Daha məsləhətli nisbi rütubət	40-60%



### **Hazini (1100 Türkmənistan -1160)**

Astronom və fizik Hazini, xüsusilə yerin cazibə qüvvəsi və tərzilərlə bağlı fəaliyyətləri ilə tanınır. Hazini Nyutondan 500 il əvvəl “hər cismi yer kürəsinin mərkəzinə doğru çəkən bir güc olduğunu” söyləmişdir. Rocer Bekondan yüz il əvvəl Yerin mərkəzinə doğru yaxınlaşdıqca suyun sıxlaşdığı fikrini irəli sürmüşdür. Mayelərin sıxlığını və hərarətini ölçmək üçün aerometrədən istifadə edən ilk şəxsdir. Bundan başqa, bir çox İslam şəhələrində qiblənin necə müəyyən ediləcəyi barədə çalışmışdır. Hazini işığın sınma prinsiplərini də tədqiq etmiş və göy üzü ilə təmas edən günəş şüalarının Yerə birbaşa, düzxətli deyil, sınaq (əyilərək) çatdığını müəyyən etmişdir.

Hazini kimyəvi maddələrin sıxlıq və xüsusi çəkirlərini ölçmək üçün icad etdiyi həssas tərzilərlə kimya elminin inkişafına yardımçı olmuşdur. “Kitab Mizanü'l Hikmə” (Müdrəklik ölçüsü) adlı əsərində su tərzisini bir ölçmə aləti kimi tanıtmışdır. İcad etdiyi bu tərziyə “əl-mizanü'l cami” (toplayan tərazi) adını vermişdir. Bu tərazi ilə apardığı sıxlıq və çəki hesablamaları dövrümüzün texnologiyasından istifadə etməklə aparılan hesablamaları olduqca yaxındır. Hazini “Zic'i Sanacari” (Ulduz kataloqu) adlı əsərində ulduzlar və planetlərlə bağlı məlumatlara və Səlcuqilər dövlətinin en və uzunluq dairələrinə də yer vermişdir. “Risalə fi'l-Alət” (Alətlər haqqında məlumat) adlı kitabçasında isə müşahidə alətlərindən bəhs edir.

<https://www.youtube.com/watch?v=l8X1DoymzMc>



**Müstəqil həll üçün təqdim olunan məsələlərin cavabları.****❖ 1.İrəliləmə hərəkətinin kinematikas****1.1**  $s=5t$ , 25 m;**1.2.** 0,6 m/s, 250 s.**1.3.** 0,049 m, 1,9 m.**1.4.** 14,7m/s, 11m.**1.5.** 73,5 m.**1.6.** 0,59 s.**1.7.** 1)  $v=(2-6t+12t^2)$  m/s;  $a=(-6+24t)$  m/s<sup>2</sup>; 2) 24m, 38 m/s və 42 m/s<sup>2</sup>.**1.8.** 3 m/s, 5 m/s, 7 m/s; 2 m/s<sup>2</sup>.**1.9.** Başlanğıcı  $x_0=2$ ,  $y_0=-3$  nöqtəsində olan düzxətt  $3x-2y=12$ , XY müstəvisində yerləşir.**1.10.** 200 m/s; 20 m/s<sup>2</sup>.**1.11.** 410 m.**1.12\***.  $s=s_0+(1/k) \ln(kv_0t+1)$ .**1.13.** -2 m.**1.14.**  $\frac{b}{v_{\bar{e}}} \int_0^1 (-4x^2 + 4x + 0,5) dx = 245$  m.**1.15.** 0,069 rad; 221,7 m/s.**1.16.** 21,6 m/s.**1.17.** 14 m/s.**1.18.** -**1.19.** -**1.20.** Hərəkətin bərabərtəcilli olması üçün ardıcıl zaman intervallarında gedilən yolların nisbəti 1:3:5:7.. və sair. kimi olmalıdır.**1.21.** İlk saniyədə bir mərtəbə, ikinci sanəyədə 3 mərtəbə, üçüncü sanəyədə axıncı 5 mərtəbəni düşəcək.**1.22.** 50m/s.**1.23.** 180 m, 6 s.**1.24.** 80 m, 4 s.**1.25.**  $v_1 = \frac{n+1}{2} v_{orta}$ ,  $v_2 = \frac{n+1}{2n} v_{orta}$ .

1.26. 25 m/s, əvvəlki istiqamətlə  $83^\circ$ , 140 m.

1.27.  $dS = at^2$ .

1.28.  $\Delta h = gtt_1 - \frac{gt^2}{2} = 15 \text{ m}$

1.29.  $H = \frac{h^2}{2gt_0^2} + \frac{h}{2} + \frac{gt_0^2}{8} = 240 \text{ m}$ ,  $t = \frac{h}{gt_0} + \frac{t_0}{2} = 7 \text{ s}$ .

1.30.  $v_0 = \frac{g}{2} \sqrt{t_0^2 + \frac{8h}{g}}$  və  $t = \sqrt{t_0^2 + \frac{8h}{g}}$

1.31.  $Y = 1 - x^2/4$ .  $\vec{v} = 2\vec{i} - 2t\vec{j}$ ,  $\vec{a} = -2\vec{j}$ .

1.32.  $L = 2 \text{ m}$ ,  $a = 4,5 \text{ m/s}^2$ .

1.33.  $v_0 = \sqrt{\frac{g}{2H}}(H - h) = 7 \text{ m/s}$ .

1.34.  $t = \frac{-10 \pm \sqrt{116}}{2} = \frac{-10 \pm 2\sqrt{29}}{2}$ .

1.35. 7 m/s.

## ❖ 2. Əyrixətli hərəkət.

2.1. 1,22 m; 10 m/s; 11,1 m/s;  $26^\circ 12'$ .

2.2. 4,4 m/s.

2.3. 11,1 m/s;  $68^\circ 12'$ .

2.4. 300 m.

2.5. 5,9 m.

2.6. 7,4 m.

2.7.  $5,4 \text{ m/s}^2$ ;  $8,2 \text{ m/s}^2$ .

2.8. 305 m.

2.9.  $a_\tau = g v_y/v = 3,52 \text{ m/s}^2$ ,  $a_n = g v_o \cos \alpha / v = 9,15 \text{ m/s}^2$ .

2.10. 6,3 m.

2.11. 1) 3,16 s, 2) 41,1 m, 3)  $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$ , haradaki

$v_x = v_o \cos \alpha = 13 \text{ m/s}$ ,  $v_y = gt_2 = 23,4 \text{ m/s}$ , burada  $v = 26,7 \text{ m/s}$ ,

4)  $\operatorname{tg} \varphi = v_y/v_x = 1,8$  və  $\varphi = 61^\circ$ .

2.12. 20 m/s; 3 s; 12 m; 20 m; 20,8 m.

2.13. 6,1 m.

2.14. 6 m.

2.15.  $76^\circ$ .

$$2.16. s=2v_0t \sin((\alpha_1 - \alpha_2)/2)=11,3 \text{ m.}$$

$$2.17. t=(v_0 \cos \alpha / g)(\operatorname{tg} \alpha - \operatorname{tg} \beta)=1,2 \text{ s.}$$

2.18. -

$$2.19. \Delta h = \frac{gS^2(v_2^2 - v_1^2)}{2v_1^2v_2^2} = 2 \text{ sm.}$$

$$2.20. Y = xt g \alpha - \frac{gx^2}{2v^2 \cos^2 \alpha}$$

$$2.21. t = \frac{v_0 \sin \alpha \pm v_0 \cos \alpha \operatorname{tg} \beta}{g}, t_1=0,37 \text{ s. } t_2=1,39 \text{ s. } 2.22. a=-2 \text{ m/s}^2,$$

$$V_0=20 \text{ m/s. } 2.23. 160 \text{ m}$$

$$2.24. \mu = \operatorname{tg} \alpha \quad a = g(\sin \beta - \mu \cos \beta)$$

$$t = \sqrt{\frac{2h \cos \alpha}{g \sin \beta \sin(\beta - \alpha)}}$$

$$2.25. v = \sqrt{13} \text{ m/san, } \alpha = \operatorname{arctg} \frac{2}{3}$$

### ❖ 3. Fırlanma hərəkəti.

$$3.1. 1,26 \text{ rad/s}^2, 360 \text{ dövr.}$$

$$3.2. 10 \text{ s.}$$

$$3.3. 1) 6,3 \text{ s sonra } 2) 9,4 \text{ dövr.}$$

$$3.4. 1) t=(R/a_t)^{1/2}=2 \text{ s; } 2) t=(2R/a_t)^{1/2}=2,8 \text{ s.}$$

$$3.5. a_t=v^2/(4\pi NR)=1,6 \cdot 10^{-3} \text{ m/s}^2.$$

$$3.6. 4,5 \text{ m/s}^2, 0,06 \text{ m/s}^2.$$

$$3.7. 0,43 \text{ rad/s}^2.$$

$$3.8. 1) t=0, \operatorname{tg} \alpha=\infty, \text{ т.е. } \alpha=90^\circ, 2) t=1 \text{ s, } \operatorname{tg} \alpha=3,13 \text{ və } \alpha=72^\circ 17';$$

$$3) t=2 \text{ s, } \operatorname{tg} \alpha=0,7 \text{ и } \alpha=35^\circ 0'; 4) t=3 \text{ s, } \operatorname{tg} \alpha=0,278 \text{ və } \alpha=15^\circ 32';$$

$$5) t=4 \text{ s, } \operatorname{tg} \alpha=0,14 \text{ və } \alpha=7^\circ 58'; 6) t=5 \text{ s, } \operatorname{tg} \alpha=0,081 \text{ və } \alpha=4^\circ 38'.$$

$$3.9. 1,2 \text{ m.}$$

$$3.10. 0,58.$$

### ❖ 4. Düzxətli hərəkətin dinamikası.

$$4.1. 1) 12 \text{ kN; } 2) 6 \text{ kN. ( } 1) 5 \text{ m/san}^2 \text{ (lift qalxır), } 2) 2,5 \text{ m/san}^2 \text{ (lift enir).}$$

$$4.2. v_0=2S/t=10 \text{ m/s, } F=2Sm/t^2=2040 \text{ N.}$$

4.3.  $F = \mu mg + 2mgs / (gt^2) = 8200 \text{ N}$

4.4. 11,75 m/san.

4.5. 1) 6000N; 2) 50 s sonra; 3) 375 m.

4.6. 4,9 kq.

4.7. -0,123 N.

4.8. 1) 21,6 km/saat; 2) 73 s; 3) -0,098 m/s<sup>2</sup>; 4) 218 m.

4.10. lövhə divardan  $h = \mu l t g \alpha \approx 0,8 \text{ m}$  üfqi məsafədə qoyulmalıdır.

4.11.

4.12. 1370 N, 590N.

4.13. 0,07, 0,39 m/s<sup>2</sup>, 22,7 s, 8,85 m/s.

4.14. 0,5.

4.15. 220N, 380 N, 430 N.

4.16.  $[(x^2-1)/(x^2+1)] \text{tg} \alpha = 0,16$ .

4.17.  $a = g \frac{\mu + \text{tg} \alpha}{1 - \mu \text{tg} \alpha}$

4.18. 3,27m/s<sup>2</sup>, 13 N.

4.19. 4,4 m/s<sup>2</sup>, 5,4 N.

4.20. 2,45 m/s<sup>2</sup>, 7,35 N.

4.21. 2,02 m/s<sup>2</sup>, 7,77 N.

4.22. 1,02 m/s<sup>2</sup>, 5,9 N.

4.23. 0,244 m/s<sup>2</sup>, 6 N.

4.24. 2,1m/s<sup>2</sup>; 6,2N; 3,1N.

4.25.  $F^1 = 2,1 \text{ N}$ ;  $F_{\text{II}} = 9,3 \cdot 10^{-2} \text{ N}$ .

4.26. 2,6m/s<sup>2</sup>; 42 N.

4.27. 0,3; 8,3 N; 2 N.

4.28.  $v = \sqrt{g(h + \sqrt{L^2 + h^2})}$

4.29.  $F = gm_2(M + m_1 + m_2) / m_1$  4.30.  $t = \sqrt{\frac{2l \cos \alpha}{g \sin(\beta - \alpha)}}$

4.31.  $R = \frac{v^2 \text{ctg} \alpha}{g} = 5800 \text{ m}$

$$4.32. F = 3mg \left( 1 - \frac{\rho_{su}}{\rho} \right)$$

❖ **5. Əyrixətli hərəkətin dinamikası**

5.1. 1saat 25 dəq.

5.2. 245 N.

5.3. 1) 2,43 m/s; 2) ən yuxarı nöqtədə  $F_g=0$ , ən aşağı nöqtədə  $F_g=39,2N$ .

5.4. 0,5 kq.

5.5. 59 dövr/dəq.

5.6. 1,96N.

5.7. 0,2.

5.8. 5 m/s.

5.9. 2,1 s<sup>-1</sup>.

5.10. 1)1600 m; 2) 711 m.

5.11. 22°.

5.12. 47 km/saat.

5.13..

5.14..

5.15.  $\sin\beta = V_1 \sin\alpha / V_2$

$$5.16. R_1 = \frac{v^2}{g \cos\alpha} \quad R_2 = \frac{v^2 \cos\alpha}{g}$$

$$5.17. t = \frac{v}{2g} (3 \sin\alpha - \sqrt{9 \sin^2\alpha - 8})$$

$$5.18. a = \frac{T_1 - T_2}{T_4 - T_3} g$$

$$5.19. t = \frac{T(m_1 + m_2)}{a(m_2 + 2m_1)}$$

❖ **6. Ümümdünya cazibə qanunu**

$$6.1. v = R[g_0/(R+h)]^{1/2} = 7010 \text{ m/s}; T = 2\pi(R+h)/v \approx 7,24 \cdot 10^3 \text{ s.}$$

$$6.2. 2,73 \text{ mN.}$$

$$6.3. 5,39\text{s}; 2,65 \cdot 10^5 \text{ m}, 7,7 \cdot 10^3 \text{ m/s.}$$

$$6.4. 900 \text{ s}, 8 \cdot 10^5 \text{ m.}$$

$$6.5. [3\pi/(G\rho)]^{1/2}.$$

$$6.6. R(gR/v^2 - 1).$$



**6.7.**  $M=(4\pi^2R^3/GT^2)(1+T/\tau)=6.10^{24}$  kq, T-Yerin öz oxu ətrafında fırlanma periodudur.

$$6.7^* \quad g = \sqrt{G^2 \frac{M^2}{R^4} + \omega^4 R^2 \cos^2 \varphi} - 2G \frac{M}{R} \omega \cos^2 \varphi; \quad g_q = 9,83 \text{ m/s}^2,$$

$$g_e = 9,78 \text{ m/s}^2, \quad g_o = 9,81 \text{ m/s}^2.$$

$$6.8^* \quad h = 0,7R.$$

$$6.13. \quad 6.10^{24} \text{ kq}, \quad 5500 \text{ kq/m}^3$$

### ❖ Mexanikada saxlanma qanunu

**7.1.** 5,14 km/saat; 1,71 km/saat.

**7.2.** 17,8 km/saat; 53,5 km/saat; -17,8 km/saat.

**7.3.** 0,3 m.

**7.4.** 49 C.

**7.5.** 1)  $u_1 = u_2 = 1,8$  m/s; 2)  $u_1 = 0,6$  m/s;  $u_2 = 2,6$  m/s. 6.6.\*

$$L = (2v_o \sin 2\alpha) / g - s.$$

$$7.7.^* \quad v = s g \tau / 4H.$$

**7.8.** 12 kN.

**7.10.** 2,5 m.

**7.11.**  $1 - m / (m + M)$ .

**7.12.** 0,01.

**7.13.** 2,25MC, 375 m.

**7.14.**  $E = U = 98,1$  C.

**7.15.** 32,2C; 39,4C.

**7.16.** 1) 6,6 C; 15,9C; 22,5 C; 2) 5,7 C; 16,8 C; 22,5 C.

**7.17.** 1,5 s, 19,1 m.

**7.18.** a)  $A = D(s_2 - s_1) + B(s_2^2 - s_1^2) / 2$ ; b)  $A = D(s_2 - s_1) + B(s_2^2 - s_1^2) / 2 + C(s_2^3 - s_1^3) / 3$ .

**7.19.** 1) 0,22; 2) 5,7 C.

**7.20.**  $N_{\max}$  ( $dN/dt = 0$ ) şərti  $v_2 = v_o / 3$  olduqda ödənilir; iş:

$$A = 1,35 \cdot 10^7 \text{ C.}$$

**7.21.** 11,8 kVt.

**7.22.** 93%.

**7.23.** a) 4 kC, b) 3,33 kC, c) 667 C, d) 83,3%.

**7.24.** 1)  $5 \cdot 10^{-3}$  m, 0,08 m; 2)  $2 \cdot 10^{-2}$  m.

**7.25.** 550m/s.

7.26 a) 800 m/s; b) 0,75.

$$7.27. h_n = \frac{(mv - M\sqrt{2gh})^2}{2m^2g}.$$

$$7.31. \mu = \frac{h}{a+b}.$$

$$7.32. mgR/6$$

$$7.33. 300m/s.$$

$$7.34. T = \frac{mg(3L-2L\cos\alpha-a)}{L-a}.$$

$$7.35. h=25L/27 .$$

$$7.36. \Delta L \geq \frac{3mg}{k}$$

$$7.37. A = \rho gh^3(H - \frac{h}{2}).$$

$$7.38. [v_c = v\sqrt{\cos^2\alpha + (\sin\alpha - \cos\alpha \cdot \operatorname{tg}\beta)/4}] ,$$

$$7.39. v_1 \frac{v+U}{2\cos\frac{\alpha}{2}}$$

$$7.40. a=g \cdot \operatorname{ctg}\alpha$$

$$7.41.$$

$$[S = \frac{v_0^2}{2g(\sin\alpha + \mu\cos\alpha)}; t_1 = \frac{v_0}{g(\sin\alpha + \mu\cos\alpha)}; t_2 = \frac{v_0}{g\sqrt{\sin^2\alpha - \mu^2\cos^2\alpha}}]$$

## ❖ 8. Bərk cismin fırlanma hərəkəti

$$8.1. 2,35 \text{ rad/s}^2.$$

$$8.2. 100 \text{ Nm}.$$

$$8.3. 1) 7,8 \text{ rad/s}^2; 2) 1 \text{ dəq } 20 \text{ san sonra}.$$

$$8.4. 1) 513 \text{ Nm}; 2) 600 \text{ dövr}.$$

$$8.5. 1) 1,1 \text{ s sonra}; 2) 0,81 \text{ C}; 3) 4,1 \text{ N}.$$

$$8.6. T_1 - T_2 = (J\varepsilon + M_{\text{sür}})/R = 1,08 \text{ kN}.$$

$$8.7. 1) 3,53 \text{ m/s}^2; 2) 6,3 \text{ N}, 4,5 \text{ N}.$$

$$8.8. s = m_2 g (\sin\alpha - \mu\cos\alpha) t^2 / (2m_2 + m_1) = 2,64 \text{ m}.$$

$$8.9. s = 3v_0 / (4g\sin\alpha) = 7,5 \text{ m}.$$

$$8.10. A = \pi^2 n^2 m R^2 = 16 \text{ kC}.$$

$$8.11. J = mr^2 [gt^2 h_2 / (h_1(h_1 + h_2)) - 1] = 1,63 \cdot 10^3 \text{ kqm}^2.$$

$$8.12. J=(1/2)m(R^2+r^2)=34 \cdot 10^{-4} \text{ kqm}^2.$$

$$8.13. 29,4 \text{ C}.$$

$$8.14. A=3,2\pi^3 R^5 \rho v=34,1 \text{ C}. \quad \rho - \text{ misin sıxlığıdır.}$$

$$8.15. 3,5. \text{ m/s}^2, 3,27 \text{ m/s}^2; 2,44 \text{ m/s}^2; 4,9 \text{ m/s}^2.$$

$$8.16. v = \sqrt{\frac{2mgh}{m + \frac{J}{R^2}}}. \quad 1) 2,65 \text{ m/s}, 2) 2,56 \text{ m/s}, 3) 2,21 \text{ m/s}, 4)$$

$$3,14 \text{ m/s}$$

$$8.17. 1) 0,01 \text{ kqm}^2, 2) 9,4 \cdot 10^{-2} \text{ Nm}.$$

$$8.18. \Delta t = E_k / \pi v M = 5 \text{ s}.$$

$$8.19. 7,1 \text{ m/s}.$$

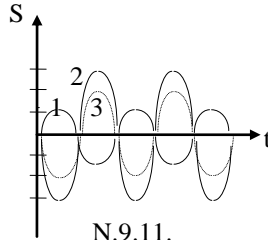
$$8.20. \omega_1 = \omega_2 = 14 \text{ rad/s}, 1) 1,05 \text{ m/s}, 2) 2,1 \text{ m/s}.$$

$$8.21. 21 \text{ dövr/dəq}.$$

$$8.22. v = [2(M+m)/m](gl)^{1/2} \sin(\alpha/2) = 943 \text{ m/s}.$$

$$8.23. F = \frac{m(v^2 + gL)}{L}$$

$$8.24. F = mg \left( 1 + \sqrt{1 + \frac{2k(h-L)}{mg}} \right)$$



N.9.11.

### ❖ 9. Rəqsi hərəkət

$$9.2. 4,71 \text{ sm/s}, 7,4 \text{ sm/s}^2.$$

$$9.3. 2 \text{ rad/s}, 40 \text{ sm/s}^2.$$

$$9.4. A = 2x_1^2 / (4x_1^2 - x_2^2)^{1/2} = 8,33 \text{ sm}.$$

$$9.5. x = 0,037 \sin(\pi t / 4 + \pi / 8) \text{ m}.$$

$$9.6. 4,6 \cdot 10^{-2} \text{ m}, 62^\circ 46'.$$

$$9.7. 1) 7 \text{ sm}, 2) 5 \text{ sm}.$$

$$9.8. x^2/4 + y^2/4 = 1 - \text{Radiusu } 2 \text{ m olan çevrə}$$

$$9.9. x^2/1 + y^2/4 = 1.$$

$$9.10. y = -4x - \text{düz xətt tənliyi}.$$

$$9.11. \text{şək N9.11-ə bax}.$$

$$9.12. A = 3,86 \text{ sm}; \varphi = 0,417\pi \text{ rad}; \omega = 4,19 \text{ rad/s}. \quad x = A \cos(\omega t + \varphi)$$

$$9.13. A = 6 \text{ sm}; \varphi = \pi/3 \text{ rad}; \omega = \pi \text{ rad/s}. \quad x = A \cos(\omega t + \varphi)$$

$$9.14. 1) -62,5 \text{ mN}, 2) -125 \text{ mN}.$$

$$9.15. 4,39 \text{ mN}, 877 \text{ mkC}.$$

$$9.16. 9,8 \text{ q}; 0,02 \text{ s}.$$

**9.17.**  $4,87 \text{ N/m}$ .

**9.18.**  $0,8 \text{ C}$ .

**9.19.**  $1,16 \text{ s}$ .

**9.20.**  $1,07 \text{ s}$ .

**9.21.**  $1,05 \text{ dəfə}$ .

**9.22.**  $J = T^2 k / 4\pi^2 = 4 / 10^{-3} \text{ kqm}^2$ .

**9.23.**  $10 \text{ sm}$ .

**9.24.**  $T = 2\pi\sqrt{2R/g} = 1,55 \text{ s}$ .

**9.25.**  $T = \frac{4}{d} \sqrt{\frac{\pi m}{\rho g}} = 1,6 \text{ s}$ .

**9.26.**  $15 \text{ dəq}$ .

**9.27.**  $0,0023 \text{ s}^{-1}$ .

**9.28.**  $2,31 \cdot 10^{-3}$ .

**9.29.**  $N = \ln(A_1/A_2)/\theta$ .

**9.30.**  $v = \sqrt{4km - r^2} / 4\pi m = 2,5 \text{ Hs}$ .



**İbn Rüşd** (*Əbu əl-Valid Məhəmməd ibn Əhməd ibn Rüşd*; (1126, Kordova xilafəti, İspaniya — 10 dekabr 1198, Mərakeş) - Qərbdə **Averroes** kimi tanınan dahi əndəluslu ərəb filosof və təbi bi. Fəlsəfə, riyaziyyat, fiqh və tibbin kamil bilicisi. İbn Rüşd tibbə aid "Küllüyyat" adlı ensiklopedik əsər yazmış, sonralar bu əsər

Latın dilinə tərcümə edilərək (Colliget) uzun müddət Orta əsrlər Avropa universitetlərində tədris olunmuşdur. Bundan əlavə ibn Rüşd antik dövr yunan təbibi Qalenin əsərlərindən ibarət müntəxabat hazırlamış və İbn Sinanın Qanun fit-tibb (Təbabət qanunları) əsərinə şərh yazmışdır. Fəlsəfə sahəsində İbn Rüşd Aristotel və Platonun əsərlərinə dəyərli elmi şərhlər vermişdir. Öz əsərlərinə gəldikdə ən mü hüm fəlsəfi əsəri olan "Təhafütü't Təhafüt"ü (Təkzibi təkzib etmə) Əl-Qəzəlinin Aristotel fəlsəfi məktəbinin tənqidinə cavab olaraq yazmışdır. Belə ki, Əl-Qəzəli özünün "Təhafüt əl-Fəl səfə" (Fəlsəfəni tənqid) əsərində Aristotel fəlsəfəsinin, xüsusilə İbn Sinanın Aristotela verdiyi şərhlərin İslam fəlsəfəsinə zidd olduğunu iddia edirdi. İbn Rüşdün digər əsərləri "Fəsl əl-Məqəl" və "Kitab əl-kəşf"dir. Birincidə İbn Rüşd fəlsəfi araşdırmaların İslam qanunları çərçivəsində mümkün olduğunu sübut edir. İbn Rüşd Aristotel fəlsəfi sistemini İslamla uzlaşdırmağa çalışırdı. İbn Rüşdə görə din və fəlsəfə (elm) arasında heç bir ziddiyyət yoxdur, əksinə bunlar eyni və vahid olan həqiqət müxtəlif yanaşmalardır. O, kainatın sonsuzluğuna inanırdı və ruh anlayışını "fərdi" və "ilahi" olmaqla iki qrupa ayırırdı. İbn Rüşd "Həqiqət təlimi" anlayışını da iki kateqoriyaya ayırırdı: Dinə və imana əsaslanan həqiqət təlimi və fəlsəfəyə, elmə əsaslanan həqiqət təlimi. İbn Rüşd həmçinin Atlantik okeanının digər sahilində qurunun olması fikrini irəli sürən ilk alimlərdən biri sayılır. Məlumdur ki, Amerikanı kəşf edən məşhur səyyah Xristofor Kolumb müəllimi Nəsirəddin Tusinin elmi işlərini araşdıraraq, orada Amerikanın mövcudluğunun riyazi isbatını tapmışdı. Kolumb bundan sonra Amerikaya səyahət etmək fikrinə düşmüşdü.

**ƏDƏBİYYAT**

1. Балаш В.А.. Сборник задач по курсу общей физики. - М.:Просвещение, 1978.
2. Волькенштейн В.С. Сборник задач по физике. - М.: Наука, 1985.
3. Гурьев Л.Г., Кортнев А.В., Куценко А.Н. и др. Сборник задач по общему курсу физики.- М.:Высшая школа, 1966.
4. Мясников С.П., Осанова Т.Н. Пособие по физике.- М.: Высшая школа, 1981.
5. Новодворская Е.М., Дмитриев Э.М. Методика проведения упражнений по физике во втузе. - М.:Высшая школа, 1981.
6. Парфентьева Н., Фомина М. Решение задач по физике (ч.2) - М.:Мир, 1993.
7. Стрелков С.П., Эльцин И.А., Яковлев И.А. Сборник задач по общему курсу физики (ч.1) - М.:Наука, М,1964.
8. Тульчинский М.Е. Сборник качественных задач по физике. - М.:Просвещение, 1965.
9. Цедрик М.С.(ред.) Сборник задач по курсу общей физики.- М.:Просвещение, 1989.
10. Чертов А.Г., Воробьев А.А. Задачник по физике. - М.:Высшая школа, 1981.
11. Волькенштейн, В.С. Сборник задач по общему курсу физики / В.С.Волькенштейн. – СПб.: Лань, 1999. – 328 с.
12. Иродов И.Е. Задачи по общей физике: учебное пособие / И.Е.Иродов. – СПб.: Лань, 2001. – 416 с.
13. Калашников, Н.П. Основы физики: учебник для вузов: в 2 т. / Н.П.Калашников, М.А.Смондырев. - 2-е изд., перераб. – М.: Дрофа, 2003.
14. Детлаф, А.А. Курс физики: учеб. пособие для вузов / А.А. Детлаф, В.М. Яворский. - М.: Высш.шк., 1989.- 608 с.
15. Курс физики: учеб. для вузов: в 2 т. Т. 1 / под ред. В.Н.Лозовского. – СПб.: Лань, 2000. – 576 с.
16. Трофимова, Т.И. Курс физики/ Т.И. Трофимова. - М.: Высш. шк., 1999.-542 с.

17. Задачи и упражнения с ответами и решениями. Фейнмановские лекции по физике. Мир-1969. Под ред. А.П.Леванюка.
18. Г.В.Меледин. Физика в задачах. Задачи с решениями.1989 Наука. 272 стр. ISBN 502-014059-7.
19. А.İ.Мухтаров, Ş. Q.Нәмидов. Fizikadan olimpiada məsələləri. Maarif. Bakı 1987.22.3-M85. 124səh.
- 20 С.И. Кашина, Ю.И. Сезонов Сборник задач по физике Москва. Высшая школа. 1984 ББК 22.3. К.31. 207 стр.
21. 3800 задач по физике. ISBN 5-710702775X М. Дрофа. 2000. 671 стр.
22. Соколовская С.Н. и др. Сборник задач для самостоятельного решение по физике и биофизике. 2007 Респ. Беларусь
23. F.Əliyev Fizika məsələləri



**Bədiüzzaman-Cəzəri (1136-1206)** İslam ölkəsinin da Vinçisi. Qərb mənbələrinin “Dövrünün zirvəsinə qalxmış müsəlman mühəndis” kimi tərif etdiyi Cəzəri Şərqi Anadoluda Diyarbakır Artuklu sarayında 32 il baş mühəndis olmuşdur. Cəzəri eyni zamanda xəbərləşmə, nəzarət, müvazinət qurma və nizamlama elmi olan kibernetika elminin ilk banisidir. Zaman ərzində təkmilləşərək kompüterlərin ortaya

çıxmasına imkan yaradan bu elm sahəsi insanlarda və cihazlarda məlumat mübadiləsi, nəzarəti və müvazinətin vəziyyətini tədqiq edir.



Cəzərinin çox saylı icadları bu gün də heyrətamiz keyfiyyətlərə malikdir. Cəzəri su saatları, avtomatik nəzarət qurğuları, fəvvarələr, qan toplama qabları, şifralı qıfillar və robotlar kimi praktik və estetik bir çox qurğuların dizaynını verən və bunların necə həyata keçiriləcəyini izah edən “Əl-Cami bəynə'l-İlm və'l-aməlin-nafi fi sinaati'l hiyə'l” (Cihaz hazırlanmasında faydalı məlumatlar və tətbiqlər) adlı

kitabın müəllifidir. Əsərdə bütün şəkilləri özü çəkmiş və rəngləmişdir. XX əsrin başlanğıcından Qərb dünyasında böyük maraqla qarşılanan bu əsər 1974-cü ildə “Al Jazari's Book of Knowledge of Ingenious Mechanical Devices” (Əl Cəzərinin mahir mexaniki cihazlar haqqında məlumat kitabı) adı altında Donald R. Rill tərəfindən ingilis dilinə tərcümə edilmişdir. Kitabın tərcüməsinə ön söz yazan məşhur elm tarixçisi prof. Uayt Cr. bir çox kəşfin Leonardo da Vinçi və digərlərindən çox əvvəl Cəzəri tərəfindən edildiyini bildirir. Kibernetika elmindən istifadə etməklə düzəltdiyi mükəmməl cihazlara bənzər icadlara Cəzərinin vəfatından ancaq 200-500 il sonra başqa əsərlərdə rast gəlinir. Cəzərinin əsərində avtomatik cihazlar, robot fillər, öz-özünə oxuyan tovuz quşları, avtomatik saatlar, ələ su tökən robot insan və mühəndisliklə bağlı bir çox cihazların düzəldilməsi və işləməsi haqqında məlumatlar verilmişdir. Kitabda 50 cihazın ətraflı dizaynı çertyojları ilə birgə verilmişdir. Bu alətlərin 6-sı su saati, 4-ü parafinli saat, 6-sı uzunlüləklə dolça, 7-si əyləncə məqsədilə istifadə edilən müxtəlif səslər çıxaran avtomat cihazlar, 3-ü dəstəmaz almaq üçün istifadə edilən avtomat cihaz, 4-ü qan alma qabı, 6-sı fəvvarə, 4 -ü özü səs çıxaran cihaz, 5-ci suyu yuxarı çıxaran cihaz, 2-si qıfıl, 1-ci bucaq ölçən, 1-i qayıq su saati və Amid şəhərinin qapısıdır. Cəzəri bu cihazlarda istifadə edilən xüsusi hissələri də çox dəqiqliklə hazırlamışdır.



## M Ü N D Ə R İ C A T

Giriş	2
Kinematika	5
İrəliləmə hərəkətinin kinematikasını	5
1. Düz xətləli hərəkətin kinematikasını.	5
- Məsələ həllinə nümunələr	7
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	30
2. Əyri xətləli hərəkətin kinematikasını	34
- Məsələ həllinə nümunələr	36
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	38
3. Fırlanma hərəkəti	41
- Məsələ həllinə nümunələr	42
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	45
Dinamika	47
4. Düz xətləli hərəkətin dinamikasını	47
- Məsələ həllinə nümunələr	49
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	59
5. Əyri xətləli hərəkətin dinamikasını	64
- Məsələ həllinə nümunələr	65
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	66
6. Ümumdünya cazibə qanunu	68
- Məsələ həllinə nümunələr	68
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	77
7. Mexanikada saxlanma qanunları	78
- Məsələ həllinə nümunələr	81
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	105
8. Bərk cismin fırlanma hərəkəti.	111
- Məsələ həllinə nümunələr	113
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	126
9. Rəqsi hərəkət	129
- Məsələ həllinə nümunələr	131
- Müstəqil həll etmək üçün məsələlər	141
Əlavələr	145
Cavablar	176
Ədəbiyyat	188



**Nizami Gəncəvi (1141- Gəncə- Azərbaycan - 12 mart - 1209 Gəncə Azərbaycan) – mütəfəkkir alim-filosof.**

“Maqnit olmasaydı eşqin əsiri, çəkməzdi özünə dəmir zənciri, Kəhrəbanın eşqə düşməsə canı, elə cəzb etməzdi quru samanı, Dünyada gövhər var, daş var nə qədər , onlar nə bir saman, nə dəmir çəkər”

Nizami cisimlərin elektriclənməsi hadisəsinin mahiyyəti haqqında söyləmişdir.

“Xosrov və Şirin” əsərindən:

"Belədir dağların dönməz ilqarı, daşa basır ona kəc baxanları. Düşmənin boğazı maqnitə bənzər oxun nizasını özünə çəkər." Maqnit metal əşyaları özünə cəzb edir. Lakin onların içərisində ən güclü cəzb etdiyi dəmirdir. Dəmirin bu xüsusiyyətinin şairə bəlli olmuş, təkcə dəmirin maqnit tərəfindən cəzb olunması xüsusiyyəti deyil, onun daha çox istilikdə əriməsini də bilirmiş.

“Leyli və Məcnun” əsərindən:

""Bil ki dəmir kimi olsan da möhkəm, Səni də əridər ahımdakı qəm""

Səsin maneədən geri qayıtması xassəsini göstərərək:

"Kim dağa sirrini söyləsə əgər, dağ eşitdiyini geriyə verər."

Cisimləri görməyimizə səbəb, işıq şüalarının cisimlərdən əks olunaraq gözümüzdə düşməsi faktını belə yazır:

"İşıq cinsindədir hərçənd ki, çıraqla işıqsız çıraqla da görünməz ancaq"

Cisimlər arasında cazibə xarakterli qarşılıqlı təsirin olmasını:

""Göyə doğru əgər çox qalxırsa su, yenə torpaq olar ən son arzusu. Kainatda hər şey cəzbə bağlıdır, filosoflar bunu eşq adlandırır.""

Cisimlərin hərəkəti haqqında:

"Əvvəl vardı ancaq tək bir hərəkət, onu iki yerə ayırdı sürət. Cövhər. keşməkeşdən doğub parladı, "hərəkət eyləyən cisim" oldu adı."

“Leyli və Məcnun” əsərindən:

*"Yerin hüdudundan o tərəfdə də...buludlar fəlaklər qarışır yenə,  
Onlar bir-birinə sarılmış bərk-bərk, Hamısı tor kimidir gəzir kürətək  
Bu kürə şəklində yalnız yer deyil, Hər xətt hərələnir yuvarlaqdır bil..."*

Maraqlı odur ki, kainatın fırlanmasının kəşfi 1927-ci ildən Holland astronomu Oort adına yazılır. Nizami isə XII əsrdə şerin dili ilə Yerin fırlandığını göstərmişdir. Tək Yerin yox kainatdakı bütün göy cisimlərinin fırlandığını söyləyirdi.

*"...Tüstü bu dərədən qalxar yuxarı İki üç cidaliq gəzər rüzgarı,  
Sonra əyilərək geriye dönər, Bu yer kürəsini başına enər."*

Nizami Yeri əhatə edən atmosfer qatını bir tüstüyə bənzədir, onun da varlığından xəbərdar olduğunu deyirdi.

*"Pərgar xətt kimi dolanan fələk, Yalnız bu qaydada dövr edir gerçək"* misraları müəyyən kənara çıxmaları nəzərə almasaq, yerin öz oxu ətrafında bərabərsürətlə hərəkətinə birbaşa işarə idi.

"İsgəndərnamə" əsərində:

*" Əvvəl mövcud oldu tək hərəkət, Onu iki yerə ayırdı sürət.*

*Hər iki hərəkət gəlib bir yerə, Əvvəlki hərəkət ayrıldı yenə.*

*Bu üçü qoşulub bir-birinə, Üç xətt zahir olur üç hərəkətdən,*

*Üç dövrə yarandı ondakı xətdən".* burada hərəkətin növlərini aşıqlamış, yaranan bərabər sürətli və dəyişənsürətli hərəkəti fərqləndirmişdir. Eyni zamanda fəza və zaman anlayışına toxunaraq üç ölçülü koordinat sisteminin mövcudluğunu aydın şəkildə göstərmişdir.

*Zərrə qədər boyası rəngi varmı havanın,*

*Tutqunluğu köüllər oxşayırmı havanın?*

*Hər kim ki, əyninə göy paltar geyər,*

*Günəşi özünə çörək eyləyər...*

Nizami işığın dispersiyası mövzusuna toxunub. Biliyimiz kimi Günəş işığı yerə çatana qədər fəzada səpilir və spektrə ayrılır. Göyün üzü mavi rəng alır.

Böyük filosof bir şerində Yer üzündə yalnız ağ rəngin mövcudluğunu qalan bütün rənglərin ondan alınmasını xüsusi ustalıqla qələmə alır.

*Səma saflığında gümüş qədər ağ,*

*Günəş kimi təmiz gün kimi parlaq.*

*Gündüzün işığı ağılığındadır,*

*Ayın yaraşığı ağılığındadır.*

*Rənglər sünidir dünyada bir ağ,*

*Bilməyir sünilik, bilməyir boyaq.*

***Kitabı vaxt tapıb oxuduğunuza görə təşəkkür edirik.***

M.Başırov

---

Ümumi fizika kursu üzrə məsələ həlli Mexanika

QEYD ÜÇÜN

~ 195 ~