

**С.А.ҲАЧЫЈЕВ, М.Ш.МӨММӨДОВ**

# **АТОМ ФИЗИКАСЫ**

**АЛИ МӨКТӘБЛӘР ҮЧҮН ДӘРС ВӘСАИТИ**

Азәрбајҗан Республикасы Тәһ-  
сил Назирлији тәрәфиндән тәсдиғ  
едилмишдир (30 октјабр 1999-чу ил  
протокол N15)

**Б Л К Ы - 2000**

УДК 539.1  
Н 33

**Елми редактор:** Республикасы Елмлер Академијасынын  
мүхбир үзвү проф. **С.А.ҒАЧЫЈЕВ**

**Рәј верәнләр:** Физика-ријазижат елмлери доктору,  
профессор **И.М.НӘЧӘФОВ**  
Физика-ријазижат елмлери доктору,  
профессор **С.Г.ӘБДУЛҒАҒАБОВА**

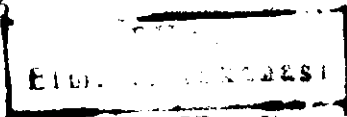
539

113

Атом физикасы: Дәрс вәсаити. - Бақы: Бақы Университети  
нәшријаты, 2000. - 306 сәһ., шәкили.

Дәрс вәсаити али мәктәпләрдә атом физикасы күреу програмы  
әсасында тәртиб едилминдир. Бу вәсаитдән техника университетләрин  
тәләбәләри вә мұәллимлери истифадә едә биләр; бир чох мұһәндисләр  
үчүн дә дәрслик микроәлүмдә кедән процесләри баша дүшмәк үчүн  
әлверишли бир вәситәдир.

$$\frac{1704070000 - 8}{658(07) - 036} - 36 - 2000$$



©Бақы Университети нәшријаты, 2000

## МҮНДӘРИЧАТ

Өн сөз .....	5
Кириш .....	7

### Фәсил 1

#### Үкүлү зәррәчикләрүн електрмагнит сәһәсіндә һәрәкәти

1.1. Електронун електрмагнит сәһәсіндә һәрәкәти .....	9
1.2. Үкүлү зәррәчијин електрик сәһәсіндә һәрәкәти .....	15
1.3. Үкүлү зәррәчијин магнит сәһәсіндә һәрәкәти .....	18
1.4. Харичи е/м сәһәсіндә үкүлү зәррәчијин рөгси .....	26
1.5. Јаваш дәјишон магнит сәһәсіндә үкүлү зәррәчикләрүн һәрәкәти .....	31
1.6. Електронун хусуси үкүлүнү тәјини .....	38
1.7. Үкүлү зәррәчикләрүн монохроматикләшдирилмәси .....	44
1.8. Електронун күтләсінин сүр'әтищән асылылығы .....	46
1.9. Електронун е/м күтләси .....	51

### Фәсил 2

#### Атомун гурулушу

2.1. Сәшилмәнин еффектив кәсији .....	55
2.2. Електронларын атомлардан сәшилмәси .....	59
2.3. Атомун Томсон модели .....	62
2.4. $\alpha$ - зәррәчикләрүн сәшилмәси нәзәријәси .....	64
2.5. Резерфорд дүстурунун тәчрүбәдә јохланмасы .....	71
2.6. Атомун Резерфорд модели .....	73
2.7. Електрон орбитләри вә Бор постулатлары .....	76
2.8. Еластик вә гејри-еластики тоггушмалар. Франк вә Герс тәчрүбәләри .....	78

### Фәсил 3

#### Атом спектрләри. һидроген вә һидрогенәбәнзәр атомларын енерји сәвијјәләри

3.1. һидроген атомунун спектриндәки ганунаујунлулар .....	84
3.2. Дәирәви орбитләрин квантланмасы .....	89
3.3. һидроген атому вә һидрогенәбәнзәр атомлар үчүн Бор нәзәријәси .....	93
3.4. Нүвәнин һәрәкәтинин нәзәрә алыпмасы .....	104
3.5. Еллиптик орбитләрин квантланмасы .....	110
3.6. Електронун магнит моменти. Лармор теоремн .....	115
3.7. Фәза квантланмасы .....	122
3.8. Штерн-Һерлах тәчрүбәси .....	128
3.9. Електронун спини .....	132
3.10. Нормал Зејеман еффекти .....	135
3.11. Нормал Зејеман еффектинин классик нәзәријәси .....	137

3.12. Ујғунлуғ принципі.....	144
3.13. Бор нәзәријәсиниң бөһраны.....	149

#### **Фәсил 4**

##### **Квант нәзәријәсиниң физики әһәсләри**

4.1. Ишығын корпускулјар вә далға тәбиәтинә даир илк тәсәввүрләр.....	151
4.2. Комптон эффекти.....	153
4.3. Далға тәнлији.....	157
4.4. Мүстәви далғаларың суперпозицјасы.....	159
4.5. Далға пакети.....	162
4.6. Фаза вә груп сүр'әтләри.....	168
4.7. Зәррәчикләрин далға хәссәләри. Де-Бројл һипотези.....	170
4.8. Де-Бројл далғалары ың хәссәләри.....	173
4.9. Де-Бројл һипотезиниң тәчрүбдә тәсдиғи.....	176
4.10. Гейри-мүәјјәнлик мунасибәтләр.....	185

#### **Фәсил 5**

##### **Квант механикасының элементләри**

5.1. Квант механикасының јаранмасы.....	197
5.2. Шредингер тәнлији.....	199
5.3. Далға функцјасы.....	203
5.4. Кәсилмәзлик тәнлији.....	205
5.5. Зәррәчијин потенциал гутуда һәрәкәти.....	207
5.6. Зәррәчијин потенциал чәпәриндән әкс олунмасы вә кечмәси.....	213
5.7. Сонлу енә малик олан потенциал чәпәр.....	220
5.8. Хәтти һармоник осцијатор.....	228
5.9. Кулон сәһәсиндә һәрәкәт.....	234
5.10. Ики зәррәчикдән ибарәт системин Шредингер тәнлији.....	246
5.11. Паули принципі.....	251
5.12. Атомун там моментти.....	254
5.13. Һунд қадасы.....	258
5.14. Ланде фактору.....	262
5.15. Квант әдәдләри вә енержи сәвијјәләриниң пәчә гурулуңу.....	266
5.16. Сечмә қадалары.....	278
5.17. Гәләви атомларын спектри.....	281
5.18. Элементләрин дөврү систем.....	286
5.19. Аномал Зејман эффекти.....	291
5.20. Штарк эффекти.....	295
5.21. Лемб сүрүшмәси.....	299
5.22. Һидроген молекулу.....	304

## ӨН СӨЗ

Төгдүм едилөн китаб мүөллийләрин узун мүддәт БДУ-нун физика факултәсиндә университетләр үчүн мөвчүд олан програм үзрә охуруглары курс әсасында язылмышдыр.

Атом физикасынын әһәтә етдији мәсәләләр микроаләмә аид олдуғундан онларын дәһиг изаһы, анчаг квант механикасы чәрчивәсиндә верилә биләр. Лакин "Атом физикасы" курсунун охундуғу дөврдә тәләбәләрин квант механикасы илә таныш олмамаларыны нәзәрә алараг бир груп мәсәләләр кејфијјәтчә изаһ едилир вә дәрсликдә квант механикасынын ријази апаратындан јох, әсасән классик ријази үсуллардан истифадә едилмишшир.

Дәрсликдә микроаләмдә баш верән һадисәләрин изаһы элементар һадисәләрдән башлајараг верилир. Биз тәчрүби фактларын вә онларын изаһынын хроноложи олараг верилмәсинә чалышмышыг. Бу да тәләбәләрин микроаләмин изаһында классик физиканын зәифлијини вә квант механикасынын јаранмасы просесини баша дүшмәләринә көмәк едир.

Дәрсликдә бәзи мәсәләләр классик физика чәрчивәсиндә тәһлил едилир вә тәчрүби фактларла мүгајисә едилир. Белә мүгајисәдә классик физиканын һадисәни изаһ едә билмәмәси ашкар олунур вә һадисә квант механикасы нөгтеји-нәзәрдән тәһлил едилир вә с.

Дәрс вәсаитинин јаранмасында биз чалышмышыг ки, әввәлчә атом физикасыны классик нөгтеји-нәзәрдән шәрһ едәк вә квант механикасынын идејалары илә ону үзви сурәтдә бағлајаг. Бурада классик физиканын бир чох мәсәләләрлә мәһдуд олмасыны шәрһ егмишик. Дәрсликдә классик тәчрүбәләрә хүсуси јер верилир ки, бу да тәчрүбәләрдә алынған нәтијәләрин классик физика чәрчивәсиндә изаһ едилә билмәмәси вә классик физиканын мәһдуд олмасыны бир даһа сүбуг едир. Атом физикасы курсу, микроаләмин механикасы (квант механикасы) дејил, о, јалһыз квант механикасыны өјрәнмәк үчүн кечид вәситәсидир. Дәрсликдә классик физиканын мәһдуд олмасыны шәрһ егмәклә, квант механикасынын фундаментал тәсәввүрләри гејд едилир вә тәсәввүрләрин ардычыл вә мәнтиги бир нәзәријјә

кәтирмәси изаһ едилир. Бу мәсәләләрин шәрһиндә чалыш-  
мышыг ки, квант механикасында верилән нәзәријәләрин  
минимумундан истифадә едәк вә квант механикасынын  
үстүлүјүнү көстәрәк. Дәреликдән истифадә едән һәр бир  
шәхсдән үмуми физика курсуну билмәк, орта һәчмдә ријази  
һазырлыға малик олмаг тәләб олунур, јә'ни садә диффе-  
ренсиал тәнликләрин һәли үсуллары вә интеграл һесабы илә  
таныш олмасы зәруридир. Дәрелији ријази һесабламаларла  
мүрәккәбләшдирмәк үчүн квант механикасынын елә мәсә-  
ләләри сечилмишдир ки, ријази чәтинликләр јаранмасын.  
Догрудан да сечилән мөвзуларда хусуси функциялардан,  
хусуси төрәмәли дифференсиал тәнликләрдән, матрицалар-  
дан, операторлардан истифадә едилмир. Бу да мөвзунун  
шәрһини вә гавранылымыны садәләшдирир; бу мөгсәдлө  
ән садә мәсәләләр сечилмишдир. Дәреликдән физика, кимја  
вә биолокија факултәләринин, техники университетләрин  
тәләбәләри вә мүһәндисләр истифадә едә биләр.

Атом физикасы курсуна аид рус дилиндә олан китаб-  
лардан һеч бири програм материалыны там әһатә етмир.  
Материалын сечилмәсиндә вә шәрһиндә чалышмышыг ки,  
бу вә ја дикәр мәсәләнин ојрәшилмәсиндә әлавә әдәбијјата  
нисбәтән аз мүрачиәт едилсин.

## КИРИШ

Физика елминин инкишафы жени тэчрүби тургуларын мүрэккэблэшмэсине вэ нэзэри чөһөтдөн мүрэккэб ријази үсулларын јаранмасына сәбәб олур. Бу нөгтеји-нэзәрдән физика елми "гәчрүби" вэ "нэзэри" бөлмәләрә ајрылыр. Тәби-идир ки, бир шәхс һәр ики бөлмәнини өһдәсиндән кәлә бил-мәз. Лакин бир груи мәсәләләр мөвчуддур ки, бу мәсәләлә-ри һәм нэзәријјәчи, һәм дә тәчрүбәчи һөкмән билмәлидир. Белә мәсәләләрдән бири дә атом физикасы курсудур. Атом физикасы курсу һәинки физикләрә вэ кимјачыларә чох ла-зымдыр, о һәм дә бә'зи мүһәндисләр үчүн зәруридир. Елект-рон вэ ион чиһазлары, јарымкечиричи чиһазлар, физики электроника, радиотехника вэ с. курелар үзрә ихтисаслашан мүһәндисләрин атом физикасы курсуну билмәләри мәгсәдә-уғундур, чүнки бу чиһазларын ишләмә принципи атом фи-зикасында шәрһ олушан бир чох ашлајышларә әсәсланыр.

Атом физикасы курсунун јазылмасында бә'зи мәнтиги вэ методики чәтинликләрә раст кәлмишик. Бурада биз оху-чуну јалныз муасир физиканын тәһлил үсуллары вэ ашла-јышлары илә таныш егмәклә јох, һәм дә онлары баша дүш-мәк, ајдышладырмаг вэ "көһшәдән-јенијә" кечид төкәмүлү-нү кәстәрмәјә чалышмышыг. Она кәрә дә курс елә гурул-мушдур ки, әввәл кәлән материал, сонракы материалы баша дүшмәјә һазырлајыр вэ бир нэзәријјәнин дикәр нэзәријјә илә әвәз едилмәсине зәмин јарадыр. Мәсәлән, квант меха-никасынын әсәсларыны Бор нэзәријјәсини билмәдән баша дүшмәк олмас. Бу мәгсәдлә курс ашлагыдакы шәкилдә гу-рулмушдур.

**I фәсилдә** јүклү зәррәчијин мүхтәлиф харичи сәһәләр-дә һәрәкәти тәһлил едилир вэ Нјутон тәнлијиндән истифадә егмәклә гојудан мәсәләләр ахыра гәдәр һәлл олушур.

**II фәсилдә** атом гурулушунун тәчрүбәдә тәдвиг едил-мәси,  $\alpha$ - зәррәчикләрин сәпилмәси, Резерфорд моделинин јаранмасы вэ классик физиканын микроләмә тәтбиг олуна билмәмәси тәһлил едилир.

**III фәсилдә** Бор нэзәријјәси шәрһ едилир. Бу нэзәријјә әсәсында тәчрүбәдә мүәјјән олушмуш спектрал серијалар,

Зејеман ефекти və диқәр һадисәләр изаһ олунур və нәһажәт, Бор нәзәријјәсинин чатышмазлығы ашқар едилир.

**IV фәсилдә** квант механикасынын јаранмасы физики әсаслар үзрә шәрһ едилир. Бу фәсилдә тәчрүби нәтичәләрнин классик физика чәрчивәсиндә изаһ едилә билмәмәси ашқар едилир və микроаләм үчүн јени механиканын јаранмасы зәруријјәти көстәрилик.

**V фәсилдә** квант механикасынын һәрәкәт тәнлији və бир сыра квант мәсәләләри тәһлил едилир. Квант механикасынын бәзи аңлајышлары, Зејеман və Штарк эффектләри кејфијјәтчә шәрһ едилир. Бундан башга бурада спин аңлајышы, атомларын электрон өртүкләри və валент нәзәријјәси və с. изаһ олунур. Дәрәлиқдә әсасән CGS ваһидләр системиндән истифадә едилмишир. Бәзи һалларда системдән кәнар енержи ваһиди олан электрон-вольт (ев) ваһидиндән дә истифадә олунур.

Гејд егмәк лазымдыр ки, бир груп мәсәләләрин һәллиндә биз һесабламалары тәфсилаты илә вермишик ки, бу да квант механикасы курсунун өјрәнилмәсиндә өз ролуну көстәрмәлидир. Адәтән мөвчуд дәрәлиқләрдә белә һесабла-малар верилмир.

Бу мәсәләләрин və дәрәлијин көстәрилән шәкилдә гурулмасынын нә дәрәчәдә әлверилми олмасыны кәләчәк көстәрәчәклир.



## I ФӘСИЛ

### ЛҮКЛҮ ЗЭРРЭЧИКЛӘРИН ЕЛЕКТРОМАГНИТ САҢӘСИИДӘ ҺӘРӘКӘТИ

#### §1.1. Електронун електромагнит саһәсиндә һәрәкәти

Классик механикада зәррәчијин вә ја системин һәрәкәтини Нјутон, Лагранж вә ја Һамилтон тәнликләри илә тәсвир етмәк олар. Биз зәррәчијин һәрәкәтини тәһлил етмәк үчүн Нјутон тәнлијиндән истифадә едәчәјик.

Фәрз едәк ки, электрон, интенсивлији  $\vec{E}$ ,  $\vec{H}$  олан харичи селектромагнит саһәсиндә һәрәкәт едир. Онда электрона тәсир едән гүввә:

$$\vec{F} = e\vec{E} + \frac{e}{c}[\vec{v}\vec{H}]$$

бурада  $e$  - электронун јүкү,  $v$  - селектронун сүр'әти,  $c$  - исә ишығын бошлуғдакы сүр'әтидир. Нјутон тәнлијиндә бу гүввәни нәзәр асағ:

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = e\vec{E} + \frac{e}{c}[\vec{v}\vec{H}] \quad (1.1.)$$

аларығ. (1.1) тәнлији ихтијари харичи селектромагнит саһәсиндә һәрәкәт едән электронун һәрәкәтәини тәсвир едир; сағ тәрәфдәки биринчи һәлд селектрик саһәсинин, икинчи һәлд исә магнит саһәсинин селектрона көстәрдији тәсир ифадә едир. (1.1) векториал тәнлијини һәлл етмәк үчүн ону скалјар (проексияларла) шәкилдә јазмағ лазымдыр, јәни:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2x}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_x + \frac{e}{mc} (V_y H_z - V_z H_y), \\ \frac{d^2y}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_y + \frac{e}{mc} (V_z H_x - V_x H_z), \\ \frac{d^2z}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_z + \frac{e}{mc} (V_x H_y - V_y H_x). \end{aligned} \right\} (1.2.)$$

(1.2) систем тэнлијини үмуми шәкилдә һәлл етмәк чох чәтин олдугундан, ону бир хусуси һал үчүн һәлл едәк: Фәрз едәк ки,  $\vec{E} \perp \vec{H}$  вә координат системини елә сечәк ки, охларын икиси саһә  $\vec{E}$  вә  $\vec{H}$  истигамәтиндә јөнәлсин. Мүөјјәнлик үчүн  $Z$  - охуну магнит,  $y$  - охуну исә електрик саһәси истигамәтдә јөнәлдәк. Онда

$$E_x = E_z = 0, \quad E_y = E; \quad H_x = H_y = 0, \quad H_z = H$$

олар вә (1.2) систем тәнлији садәләшәр:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2x}{dt^2} &= \frac{e}{mc} V_y H_z, \\ \frac{d^2y}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_y - \frac{e}{mc} V_x H_z, \\ \frac{d^2z}{dt^2} &= 0. \end{aligned} \right\}$$

Бу систем тәнлији, һәлл етмәк үчүн ашағыдакы шәкилдә јазаг:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2 x}{dt^2} &= \omega_0 \frac{dy}{dt}, \\ \frac{d^2 y}{dt^2} &= \frac{eE}{m} - \omega_0 \frac{dx}{dt}, \\ \frac{d^2 z}{dt^2} &= 0. \end{aligned} \right\} \quad (1.2')$$

$$\omega_0 = \frac{eH}{mc}$$

Харичи електромагнит сәһәсиниң сабит вә бирчинсли олмасыны гәбул едәк вә  $\xi = x + iy$  комплекс мүстәвијә кечәк; бунун үчүн икинчи тәнлији  $i$ -јә вуруб биринчи тәнликлә топлајат:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + i \frac{d^2 y}{dt^2} = \frac{ieE}{m} - i\omega_0 \left( \frac{dx}{dt} + i \frac{dy}{dt} \right).$$

$\xi = x + iy$  олдуғуну пәзәрә алсаг:

$$\frac{d^2 \xi}{dt^2} + i\omega_0 \frac{d\xi}{dt} = \frac{ieE}{m}$$

тәнлијини аларып: Бу тәнлији ашағылдакы шәкилдә јазат:

$$\frac{d}{dt} \left[ \frac{d\xi}{dt} + i\omega_0 \xi - \frac{ieE}{m} t \right] = 0. \quad (1.3)$$

Онда

$$\frac{d\xi}{dt} + i\omega_0 \xi - \frac{ieE}{m} t = C_1 \quad (1.3')$$

аларыг. (1.3') тэнлијинин үмуми хэллинн тапмаг үчүн эввөлчө бирнчинсли тэнлијин үмуми хэллинн тапаг:

$$\frac{d\xi}{dt} + i\omega_0\xi = 0; \quad \xi = Ae^{-i\omega_0 t}$$

(1.3') тэнлијинин үмуми хэллинн

$$\xi = Ae^{-i\omega_0 t} + Bt + C_2$$

шөкліндө ахтараг. Бу хэллин (1.3') тэнлијиндө јеринө јазсаг:

$$B = \frac{eE}{m\omega_0}; \quad C_2 = \frac{ieE}{m\omega_0^2} - \frac{iC_1}{\omega_0}$$

аларыг. Беләликлә (1.3') тэнлијинин үмуми хэллинн ашағыдакы шөкліндө јазмаг олар:

$$\xi = Ae^{-i\omega_0 t} + \frac{eE}{m\omega_0}t + \frac{ieE}{m\omega_0^2} - \frac{iC_1}{\omega_0}$$

$\xi = x + iy$  олдуғундан комплекс әдәдин бәрабәрлик шәртиндән истифадә етсәк:

$$x = A \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0}t,$$

$$y = -A \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2} - \frac{C_1}{\omega_0}$$

аларыг. (1.2') системинин үчүнчү тэнлијинин хэллинн  $z = A_1 t + A_2$  олдуғундан, системин үмуми хэллинн

$$\begin{aligned}
 x &= A \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0} t, \\
 y &= -A \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2} - \frac{C_1}{\omega_0}, \\
 z &= A_1 t + A_2.
 \end{aligned}
 \tag{1.4}$$

олар. Инди үмуми һәллә дахил олан сабитләри тә'јин еләк. Бунун үчүн әввәлчә  $x$ ,  $y$  вә  $z$ -дән  $V_x$ ,  $V_y$  вә  $V_z$ -ә кечәк:

$$\begin{aligned}
 V_x &= \dot{x} = -A\omega_0 \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0}, \\
 V_y &= \dot{y} = -A\omega_0 \cos \omega_0 t, \\
 V_z &= \dot{z} = A.
 \end{aligned}$$

$t=0$  олдугда  $V_x = \dot{x} = \frac{eE}{m\omega_0} = c \frac{E}{H}$  олур ки, буна **електрик дрејф сүр'әти** дејирләр; бу сүр'әт електрик сәһәсинин гијмәти илә характеризә едилир вә һәр ики сәһәјә перпендикулјар олур. Дрејф сүр'әтинин гијмәт вә истигамәти ашағыдакы дүстурларла мүәјјән едилир:

$$V_d = c \frac{E}{H}; \quad \vec{V}_d = c \frac{[\vec{E}\vec{H}]}{H^2}.$$

Дрејф сүр'әтини ојани тәсвир етмәк үчүн фәрз еләк ки, зәррәчик магнит сәһәсинә перпендикулјар мүстәви үзәриндә чеврә бојунча һәрәкәт едир.

Ајдындыр ки, зәррәчик сол јарым чеврә бојунча (сәһә истигамәтдә) һәрәкәт едәркән сәһә ону сүр'әтләндирәчәк, сағ јарым чеврә бојунча һәрәкәтә етдикдә исә ону ләнкидәчәк (сәһәнин әкс истигамәти), јә'ни зәррәчик чеврәнин јухары һиссәсини ашағы һиссәсинә һисбәтән даһа бөјүк сүр'әтлә кечәчәк. Белә һәрәкәтдә олан зәррәчијин трајекторијасыны тәһлил етсәк, һәр бир дөврлән сопра  $x$ -оһу истигамәтдә трајекторијанын сүрүшүмәсини көрәрик, бу сүрүшүмәнин изаһ

етмәк үчүн дрейф сүр'әти анлаышы дахил едилер.  $t=0$  олдугда  $V_y = \dot{y}$  электронун магнит саһәсинә перпендикулјар олан мүс-тәви үзәриндәки һәрәкәт сүр'әтидир ки, буну  $V_{\perp}$  илә ишары едилрәр.  $t=0$  олдугда  $\dot{y} = V_{\perp} = -\omega_0 A$  олдугуцдан  $A = -\frac{\omega_{\perp}}{\omega_0}$  олур.

Беләликлә,

$$\begin{aligned}x &= -\frac{V_{\perp}}{\omega_0} \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0} t, \\y &= \frac{V_{\perp}}{\omega_0} \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2} - \frac{C_1}{\omega_0}, \\z &= V_0 t + A_2.\end{aligned}$$

аларыг.  $t=0$  олдугда  $z=z_0$  гәбул етсәк вә  $C_1=0$  көгүрсәк:

$$\begin{aligned}x &= -\frac{V_{\perp}}{\omega_0} \cos \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0} t, \\y &= \frac{V_{\perp}}{\omega_0} \sin \omega_0 t + \frac{eE}{m\omega_0^2}, \quad (1.4') \\z &= z_0 + V_0 t.\end{aligned}$$

олар.

(1.4') һәллиндән көүрүнүр ки,  $z$  оху истигамәтдә саһә тә'сир етмир, саһә јалныз ХОУ мүсгәвисиндә өз тә'сирини көстәрир. Електрон  $z$  оху истигамәтиндә исә мүрәккәб фыр-ланма һәрәкәтиндә иштирак едир. ХОУ мүсгәвиси үзәриндә электронун һәрәкәт трајекторијасыны тапмаг үчүн (1.4') һәл-линин биринчи ики тәвлијини  $t$ -јә көрә һәлл елиб  $y(x)$  асылы-лығыны тапмаг лазымдыр. Гәјд еләк ки, трајекторијаны башга үсулла да тапмаг олар; бунун үчүн (1.4') һәллинин би-ринчи ики тәвлијини ашағыдакы шәкилдә јазат:

$$x = \frac{eE}{m\omega_0^2} (\omega_0 t - \cos \omega_0 t),$$

$$y = \frac{eE}{m\omega_0^2} (1 + \sin \omega_0 t).$$

Бу ики ифалә зәррәчијин трајекторијасынын параметрик шәкилдә верилмиш тәнлијидир. Трајекторијанын формасы  $V_{\perp}^{(0)}$  гијмәтиндән асылыдыр ( $t=0$  оlanda  $V_{\perp} = V_{\perp}^{(0)}$ ).  $V_{\perp}^{(0)} > C \frac{E}{H}$  вә  $V_{\perp}^{(0)} < C \frac{E}{H}$  олдугда алынан әрјиләр трохоида адланыр.  $V_{\perp}^{(0)} = C \frac{E}{H}$  халында исә алынан әјријә тсиклоида дејирләр.

Гејд едәк ки, (1.4) һәлли харичи електромагнит сәһәсиндә һәрәкәт едән електрон үчүн гејулан истәнилән мәсәләнин үмуми шәкилдә һәллидир. Конкрет мәсәлә үчүн (1.4) һәллине дахил олан сабитләр тапылмалыдыр.

### §1.2. Јүклү зәррәчијин електрик сәһәсиндә һәрәкәти

Електронун харичи електрик сәһәсиндә һәрәкәтини тәһлил едәк. Харичи електрик сәһәсиндә һәрәкәт едән електронун һәрәкәт тәнлији (1.1) тәнлијиндән  $\vec{H} = 0$  кәтүрмәклә алыныр, јәни

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = e \vec{E} \quad (1.5.)$$

олар. Әввәлчә узунуна електрик сәһәсинин тә'сирини тәһлил едәк, јәни фәрз едирик ки, електрик сәһәси  $y -$  оху истигамәтдә јөнәлиб вә зәррәчик дә  $y -$  оху истигамәтдә һәрәкәт едир. Онда (1.2') системиндә  $\vec{H} = 0 (\omega_0 = 0)$  кәтүрсәк,

$$\frac{d^2 y}{dt^2} = \frac{eE}{m}$$

аларыг. Бу тәнлијин шәклини дәјишәк:

$$m \frac{dv}{dt} = eE,$$

$$m \frac{d}{dt} \left( \frac{v^2}{2} \right) = eVE.$$

$\vec{E} = -\text{grad}\phi$  олдуғундан

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{mv^2}{2} \right) = -ev \text{grad}\phi$$

јазмаг олар. Саһә у-оһу истигамәтиндә јөнәлдијиндән

$$\text{grad}\phi = \frac{d\phi}{dy} = \frac{d\phi}{dt} \cdot \frac{dt}{dy} = \frac{1}{v} \cdot \frac{d\phi}{dt}.$$

Бу ифадәни сонунчу тәнликдә нәзәрә алсаг:

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{mv^2}{2} \right) = -ev \frac{1}{v} \frac{d\phi}{dt} = -\frac{d}{dt} (e\phi)$$

олар; бурадан

$$\frac{d}{dt} \left( \frac{mv^2}{2} + e\phi \right) = 0; \quad \frac{mv^2}{2} + e\phi = \text{const} \quad (1.6)$$

аларыг ки, бу да харичи електрик саһәсиндә һәрәкәт едән јүклү зәррәчијин там енерјисинин сахланмасыны ифадә



едир. Бурада биринчи һәдд зәррәчијин кинетик енерјисини, икинчи һәдд исә зәррәчиклә сәһәнин таршылыгы тә'сир, јә'ни потенциал енерјисини ифадә едир.

Инди енинә електрик сәһәсиндәки һәрәкәти тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, сәһә  $y$  - оху истигамәтиндә јөнәлиб, зәррәчик исә  $x$  - оху бојунча һәрәкәт едир. Һәрәкәт тәнлији (1.1) тәнлијиндә  $\vec{H} = 0$  кәтүрмәклә алыныр вә (1.2) системинин икинчи тәнлијиндә  $\omega_0 = \frac{eH}{mc} = 0$  кәтүрмәк лазымдыр. Онда тәнлик

$$\frac{d^2 y}{dt^2} = \frac{eE}{m}$$

шәклиндә алынар. Сәһәнин тә'сири нәтијәсиндә зәррәчијин мејлини, јә'ни трајекторијасыны тә'јин етмәк үчүн бу тәнликдә замана көрә төрәмәдән  $x$ - координатына көрә төрәмәјә кәчәк:

$$\frac{d^2 y}{dt^2} = \frac{d}{dx} \left( \frac{dy}{dt} \right) \frac{dx}{dt} = v \frac{d}{dx} \left( \frac{dy}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} \right) = v^2 \frac{d^2 y}{dx^2}$$

Бу ифадәни нәзәрә алсаг:

$$v^2 \frac{d^2 y}{dx^2} = \frac{eE}{m}$$

аларыг. Бу ифадәни бир дәфә интегралласаг:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{e}{mv^2} \int_0^x E(x) dx$$

аларыг; икинчи дәфә интегралласаг:

$$y = \frac{e}{mv^2} \int_0^l dx \int_0^x E(x) dx$$

аларыг. Сонунчу ифадәни һиссә-һиссә интеграллајаг:

$$\int_0^x E(x) dx = u \quad dx = dv$$

$$y = \frac{e}{mv^2} \left\{ x \int_0^x E(x) dx \Big|_0^l - \int_0^l x E(x) dx \right\} = -\frac{e}{mv^2} \int_0^l (l-x) E(x) dx$$

аларыг.  $\int_0^l (l-x) E(x) dx = A$  илэ ишарэ едилир вэ чиһаз сабити адланыр; беләликлэ енинэ слектрик саһәсиндэ зәррәчијин мејли

$$y = \frac{eA}{mv^2} \quad (1.7)$$

олур. (16) дүстурундан электронун хүсуси јүкүнүн тәјининдэ вэ күтлэ спектрографларында истифадэ едирләр.

Хүсуси һалда  $E = const$  оларса, онда чиһаз сабити

$$A = \int_0^l (l-x) E dx = \frac{l^2}{2} E$$

олар вэ зәррәчијин мејли:

$$Y = \frac{eE}{mv^2} \cdot \frac{l^2}{2}$$

олар.

### §1.3. Јүклү зәррәчијин магнит саһәсиндэ һәрәкәти

Јүклү зәррәчијин сабит бирчинсли магнит саһәсиндэ һәрәкәтини тәһлил етмәк үчүн (1.1) тәнлијиндэ  $\vec{E} = 0$  котүрмәк лазымдыр. Бу һалда һәрәкәт тәнлији:

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = \frac{e}{c} [\vec{v} \vec{H}] \quad (1.8)$$

шәкилдә олур. (1.8) тәшлијини һәли етмәклә зәррәчијин трајекторијасыны тәјин етмәк олар. Бу параграфда биз трајекторија илә јох, зәррәчијин һәрәкәтини енержи нөггеји-нөзәрден тәһлил едәчәјик, она көрә дә (1.8) тәшлијини ашағы-дакы шәкилдә јазат:

$$m \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v} \vec{H}] \quad (1.9)$$

Бу тәшлијин һәр ики тәрәфини  $\vec{v}$  - јә скалјар вурсат:

$$m \left( \vec{v} \frac{d\vec{v}}{dt} \right) = \frac{e}{c} \left( \vec{v} [\vec{v} \vec{H}] \right)$$

аларын.  $(\vec{v} [\vec{v} \vec{H}]) = (\vec{H} [\vec{v} \vec{v}]) = 0$  олдурғушлан

$$m \left( \vec{v} \frac{d\vec{v}}{dt} \right) = \frac{m}{2} \frac{dv^2}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{m\vec{v}^2}{2} \right) = 0$$

олар. Бурадан исә

$$\frac{m\vec{v}^2}{2} = const \quad \vec{v}^2(t) = const$$

аларыг. бу нәтичә сабит магнит саһәсиндә зәррәчијин кинетик енержисинин сахланылмасыны ифадә едир. Беләликлә сабит магнит саһәсиндә зәррәчијә тә'сир едән Лоренс гүввәси иш кормур, о зәррәчијин сүр'әтинин әдәди гижәтини јох, јалныз истигамәтини дәјишә биләр. Бу хүсусијјәт, магнит саһәсиндә зәррәчијә тә'сир едән Лоренс гүввәсинин һәмишә

зэррэчийн сүр'этинэ перпендикулjar олмасы илэ элагэдардыр.

Инди магнит сахэсиндэ хэрэкэт едэн зэррэчийн сүр'этини сахэ истигамэтинэ паралел  $v_{||}$  вэ перпендикулjar  $v_{\perp}$  тонлананлара ажыраг:

$$\vec{v} = \vec{v}_{||} + \vec{v}_{\perp}$$

Сүр'этгн бу гижмэтини (1.9) тэнлижиндэ јериэн јазсаг:

$$m \frac{d\vec{v}_{||}}{dt} + m \frac{d\vec{v}_{\perp}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v}_{||} \vec{H}] + \frac{e}{c} [\vec{v}_{\perp} \vec{H}]$$

аларыг. Онда зэррэчийн сахэјэ паралел вэ перпендикулjar истигамэтдэки хэрэкэт тэнликлэри:

$$m \frac{d\vec{v}_{||}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v}_{||} \vec{H}] \quad (1.10)$$

$$m \frac{d\vec{v}_{\perp}}{dt} = \frac{e}{c} [\vec{v}_{\perp} \vec{H}] \quad (1.11)$$

олар.  $\vec{v}_{||} \parallel \vec{H}$  олдугундан  $[\vec{v}_{||} \vec{H}] = 0$  олар вэ (1.10) тэнлији

$$m \frac{d\vec{v}_{||}}{dt} = 0$$

шэклини алар ки, бурадан да  $\vec{v}_{||} = const$  аларыг. Демэли, сахэ истигамэтиндэ хэрэкэт едэн зэррэчийн сүр'этинин гижмэт вэ истигамэти дэјицимир. (1.11) тэнлијини хэлл етмэдэн дэ бэ'зи нэтичэлэри алмаг олар. Догрудан да (1.10) тэнлији бизи  $\vec{v}_{||} = const$  (1.9) тэнлији исэ  $\vec{v}^2(t) = const$  нэтичэсинэ кэтирир.

$$\vec{v}^2 = \vec{v}_H^2 + \vec{v}_\perp^2$$

олдугундан  $\vec{v}_\perp^2 = \text{const}$  олар, я'ни зэррэчийн  $\frac{d\vec{v}_\perp}{dt}$  тэ'чилинин эдэди гижмэти сабит галыр ки, бу да мэркэзэгачма тэ'чилидир. Бу дежилэнлэри нэзэрэ алсаг (1.11) тэвлижийин сол тэрэфи мэркэзэгачма тэ'чилине бэрэбэр олмалыдыр, я'ни

$$\frac{mv_\perp^2}{R} = \frac{e}{c} v_\perp H \sin(\vec{v} \wedge H) = \frac{e}{c} v_\perp H$$

олар. Белэликлэ, Лоренс гүввөсинин тэ'сири алтында зэррэчик (сүр'этин  $v_\perp$  топлананы) чеврэ боюнча һэрэкэт эдөчөкдир ки, бу чеврэнин радиусу јухарыдакы мүнәсибэтдэн тэ'жин олунур:

$$R = \frac{mc}{eH} v_\perp$$

Бу радиуса тейклотрон радиусу дејирлэр. Чеврэ боюнча һэрөкөт едөн зэррэчийн тейлији:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{v_\perp}{R} = \frac{eH}{mc}$$

илэ тэ'жин едилер; бу тейлије тейклотрон тейлији дејирлэр, о зэррэчийн башлангыч сүр'этиндэн асылы олмайыб, јаленыз хүсуи јүкү  $\frac{e}{m}$  илэ тэ'жин олунур.

Белэликлэ, магнит саһәси зэррэчийн сүр'этинин параллел топлананы гижмөт вә истигамэтини дэјишмир, я'ни зэррэчик магнит саһәсиндә ( $\vec{v}_H$ ) ирәлиләмө һэрөкәтиндә, перпендикулјар топлананы исә өз гижмөтини сабит сахлајыб, истигамэтини дэјишпр, я'ни даирәви һэрөкәтдә илтирак

едир. Бу ики һәрәкәтин нәтижәси бизи сабит аддыма малик олан јай бојунча һәрәкәтә кәтирир.

Гејд едәк ки, магнит саһәси фокуслама хусусијјәтинә дә маликдир. Бу мәсәләни тәһлил етмәк үчүн фәрз едәк ки, зәррәчик сабит бирчинсли магнит саһәсинә  $\alpha$  - бучағы алтында дүшүр; зәррәчијин сүр'әтини  $\vec{v} = \vec{v}_{||} + \vec{v}_{\perp}$  топлананларына ајырсаг  $v_{||} = v \cdot \cos \alpha$ ,  $v_{\perp} = v \cdot \sin \alpha$  олар. Јухарыда гејд етдик ки, бу һалда зәррәчик саһәдә сабит аддыма малик олан јай бојунча һәрәкәт едәчәкдир, јайын там бир чеврәсинә сәрф олуна заман

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi mc}{eH} \quad (1.12)$$

олар. Бу мүддәтдә сүр'әтин паралел топлананы  $x=0$  нөгтәсиндән  $x=l$  нөгтәсинә гәдәр олаи мәсафәни гәт едәчәкдир.

$$l = v_{||} T = \frac{2\pi mc}{eH} v \cos \alpha$$

$\alpha$  - бучағы чох кичик олдугда  $\cos \alpha \approx 1$  кәтүрмәк олар вә

$$l = \frac{2\pi mc}{eH} v \quad (1.12')$$

аларыг. Сонунчу ифадәнин бучагдан асылы олмамасы кәстәрир ки, әкәр зәррәчикләр дәстәси чох кичик бучаглар алтында харичи саһәјә дүшүрсә, онда елә бир  $l$  - мәсафәси вар ки, зәррәчикләрин һамысы ејни заманда һәмин мәсафәни гәт едәр; јәни зәррәчикләрин һамысы ејни нөгтәјә топлашар. Буна узунуна магнит саһәсинин фокуслама хусусијјәти дејирләр. (1.12') шәртиндән көрүнүр ки, мүәјјән саһәдә фокусланма зәррәчикләрин сүр'әтиндән вә хусуси јүкүнчән асылыдыр.

Тутаг ки, зәррәчикләр харичи магнит саһәсинә дахил олмаздан әввәл мүәјјән  $V$  - потенциалы сүр'әтләндиричи саһәдән кечирләр:

$$\frac{m\bar{v}^2}{2} \geq \frac{eV}{300}$$

Бу мүнәсибәти (1.12') ифадәсиндә нәзәрә алсаг:

$$l = \frac{2\pi c}{H} \sqrt{\frac{2V}{300}} \cdot \sqrt{\frac{m}{e}} \quad (1.13)$$

аларыг. Бу мүнәсибәтдән көрүнүр ки, узунуна магнит саһәси фокуслама хүсусијјәтинә малик олмагла бәрабәр, зәррәчикләри хүсуси јүкә  $\left(\frac{e}{m}\right)$  көрә чешидләрә ајырыр, јә'ни дәстгәдә монохроматик олмајан мүхтәлиф зәррәчикләри  $\left(\frac{e}{m}\right)$ -ә көрә чешидләрәк спектрә ајырыр. Бу хүсусијјәт бизә имкан верир ки, (1.13) мүнәсибәтиндән истифадә едиб зәррәчијин хүсуси јүкүнү тәјин едәк. Доғрудан да (1.13) ифадәсини квадрата јүксәлиб  $\left(\frac{e}{m}\right)$ -ә көрә һәлл етсәк:

$$\frac{e}{m} = \frac{8\pi^2 c^2}{H^2 l^2} \cdot \frac{V}{300}$$

аларыг ки, тәчрүбәдә  $V$ ,  $l$  вә  $H$  - өлчмәклә зәррәчијин хүсуси јүкүнү тәјин етмәк олар.

Ғәјд едәк ки, (1.2') системиндән истифадә едиб зәррәчијин магнит саһәсиндәки мејлини һесабламаг олар. Зәррәчијин магнит саһәсиндәки мејли онун трајекторијасы олдуғундан, әввәлләрдә дејилдији кими  $y(x)$  асылылығы тапылмалыдыр, јә'ни замана көрә төрәмәдән координата көрә төрәмәјә кечмәлијик. Бунун үчүн (1.2') системинин биринчи тәнлијини ашағыдакы шәкилдә јазаг:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dy}{dt}$$

$$\frac{d}{dt} = \frac{d}{dy} \cdot \frac{dy}{dt}$$

$$\frac{d^2}{dt^2} = \frac{d}{dy} \cdot \frac{dy}{dt} \left( \frac{d}{dy} \cdot \frac{dy}{dt} \right) = \frac{d^2}{dy^2} \left( \frac{dy}{dt} \right)^2$$

Бу шөвирмәни тәнликдә нәзәрә алсаг:

$$\frac{d^2 x}{dy^2} \left( \frac{dy}{dt} \right)^2 = \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dy}{dt}$$

Һәр тәрәфи  $\frac{dy}{dt}$ -гә ихтисар етсәк:

$$\frac{dy}{dt} \cdot \frac{d^2 x}{dy^2} = \frac{eH}{mc}$$

аларыг. Алдығымыз бу тәнлијин тәһлили көстәрир ки, зәррәчик  $XOY$  мүстәвиси үзәриндә һәрәкәт едир, Онда зәррәчијин сүр'әти:

$$\begin{aligned} v &= \sqrt{\left( \frac{dx}{dt} \right)^2 + \left( \frac{dy}{dt} \right)^2} = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = v_y \left( 1 + \frac{v_x^2}{v_y^2} \right)^{1/2} = \\ &= v_y \left\{ 1 + \frac{1}{2} \left( \frac{v_x}{v_y} \right)^2 + \dots \right\} \approx v_y \end{aligned}$$



котүрмөк олар, жэ'ни  $\frac{dy}{dt} = v$  тэбул етмөк олар. Бу гижмэти сонунчу тэшликдэ јеринэ јазсаг:

$$v \frac{d^2 x}{dy^2} = \frac{eH}{mc}; \quad \frac{d^2 x}{dy^2} = \frac{eH}{mvc}$$

аларыг. Бу тэшлији интеграллајаг:

$$\frac{dx}{dy} = \frac{e}{mvc} \int_0^y H(y) dy; \quad x = \frac{e}{mvc} \int_0^l dy \int_0^y H(y) dy$$

$X$ -ин ифадэсинэ дахил олап икигат интегралы биргат интеграла кэтирмөк үчүн ону һиссэ-һиссэ интеграллајаг, жэ'ни:

$$\int_0^y H(y) dy = U; \quad dy = dv; \quad dU = H(y) dy; \quad v = y$$

Бу өзвэзлэмэлэри нөзэрэ алсаг:

$$\begin{aligned} \int_0^l dy \int_0^y H(y) dy &= y \int_0^l H(y) dy \Big|_0^l - \int_0^l y H(y) dy = \\ &= \int_0^l (l - y) H(y) dy = B \end{aligned}$$

Бу гижмэти  $X$ -ин ифадэсиндэ јеринэ јазсаг:

$$X = \frac{e}{mvc} \int_0^l (l - y) H(y) dy = \frac{eB}{mvc} \quad (1.13')$$

аларыг. Бу гижмэт  $B$ - чиһаз сабити адланыр. Алдығымыз бу нэтичэни електрик саһэсиндэки мејд илә мүгајисэ етсөк маг-

нит саһәсиндә мејл  $\frac{l}{v}$  илә, електрик саһәсиндә исә  $\frac{l}{v^2}$  илә мутәнасиб олдуғуну көрәрик. Әкәр саһә бирчинсли оларса  $H = \text{const}$  онда  $B = \frac{l^2}{2} H$ , мејл исә  $X = \frac{eHl^2}{2mvc}$  олар.

#### §1.4. Харичи електромагнит саһәсиндә јүклү зәррәчијин рәгси

Тутаг ки, интенсивлији  $\vec{E}$  вә  $\vec{H}$  олан харичи електромагнит саһәсиндә электрон рәгс едир. Бу һалда электронун һәрәкәт тәнлији, (1.1) -тәнлијинә квази еластики гүввәни әләвә етмәклә тәјин едилир:

$$m \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} = e\vec{E} + \frac{e}{c} [\vec{v} \cdot \vec{H}] - K\vec{r} \quad (1.14)$$

бурада  $K$  квазиеластиклик әмсалы олуб  $K = m\omega_0^2$  кими тәјин олунур;  $\omega_0$  - электронунун мәхсуси рәгс тезлијидир, јә'ни  $\vec{E} = \vec{H} = 0$  һалдакы рәгсин тезлијидир.

Әввәлчә харичи електрик саһәсинин рәгс едән электрона тә'сирини тәһлил едәк. Бунун үчүн (1.14) тәнлијиндә  $\vec{H} = 0$  коғурүб ону пројексијаларла јазаг:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2 x}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_x - \omega_0^2 x \\ \frac{d^2 y}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_y - \omega_0^2 y \\ \frac{d^2 z}{dt^2} &= \frac{e}{m} E_z - \omega_0^2 z \end{aligned} \right\} \quad (1.15)$$

Сэдэлик үчүн саһәни  $x$ -оһу истигамәтдә јөнәлдәк:

$$E_Y = E_Z = 0; \quad E_X = E$$

Онда (1.15) систем тәнлији ашағыдакы шәклә дүшөр:

$$\begin{aligned} \frac{d^2 x}{dt^2} &= \frac{eE}{m} - \omega_0^2 x \\ \frac{d^2 y}{dt^2} &= -\omega_0^2 y \\ \frac{d^2 z}{dt^2} &= -\omega_0^2 z \end{aligned} \quad (1.16)$$

(1.16) системинин икинчи вә үчүнчү тәнлији  $y$  вә  $z$  оһу истигамәтиндәки һармоник рәгсин һәрәкәт тәнлији олдуғундан онларын һәллини ашағыдакы шәкилдә кәстәрмәк олар:

$$y = y_0 e^{\pm i\omega_0 t}; \quad z = z_0 e^{\pm i\omega_0 t}$$

Бу һәлләрдән вә (1.16) системиндән корүнүр ки,  $y$  вә  $z$  - оһу истигамәтдә саһә электронун рәгсинә тәсир кәстәрмир. Инди (1.16) системинин биринчи тәнлијини һәлл едәк; бу тәнлик гејри-бирчинсли хәтти тәнлик олдуғундан әввәлчә бирчинсли тәнлији һәлл едәк:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega_0^2 x$$

бу тәнлик дә хәтти һармоник рәгси һәрәкәтин тәнлији олдуғундан

$$x = x_0 e^{\pm i\omega_0 t}$$

олар. Үмуми хәлли тапмаи үчүн, хәлли

$$x = x_0 e^{\pm i\omega_0 t} + A$$

шәкилдә тәсвир едиб тәнликдә јеринә јазсаг:

$$-\omega_0^2 x_0 e^{\pm i\omega_0 t} = \frac{eE}{m} - \omega_0^2 x e^{\pm i\omega_0 t} - A\omega_0^2$$

$$A = \frac{eE}{m\omega_0^2}$$

аларыг. Онда тәнлијин үмуми хәллини:

$$x = x_0 e^{\pm i\omega_0 t} + \frac{eE}{m\omega_0^2}$$

шәкилдә аларыг. Алдыгымыз хәддән көрүнүр ки, x-оxу ис- тигамәтдә дә саһә электронунун рәгс тезлијини дәјишмир: саһә јалныз x-оxу ис тигамәтдә рәгсин таразлыг вәзијәтини

$\frac{eE}{m\omega_0^2}$  мәсафәсинә сүрүшдүрүр. Беләликдә, һөкм етмәк олар

ки, харичи електрик саһәсиндә рәгс едән электронун тезлијинә саһә тә'сир көстәрмвр, о јалныз рәгсин таразлыг нөгтәсини сүрүшдүрүр (бах: Шгарк эффектн).

Инди магнит саһәсинин электронун рәгс тезлијинә тә'сирини тәһлил едәк; бунун үчүн (1.14) тәнлијиндә E=0 кө- гүрүб, тәнлији пројексияларла јазаг:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} = -\omega_0^2 x + \frac{e}{mc} (v_u H_z - v_z H_y)$$

$$\frac{d^2 y}{dt^2} = -\omega_0^2 y - \frac{e}{mc} (v_x H_z - v_z H_x)$$

$$\frac{d^2 z}{dt^2} = -\omega_0^2 z + \frac{e}{mc} (v_x H_y - v_y H_x)$$

Салалык үчүн саһәни z- оху истигамәтдә јөнәлдәк:

$$H_x = H_y = 0, \quad H_z = H, \quad \vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$$

олдуғундан:

$$\left. \begin{aligned} \frac{d^2 x}{dt^2} &= -\omega_0^2 x + \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dy}{dt} \\ \frac{d^2 y}{dt^2} &= -\omega_0^2 y - \frac{eH}{mc} \cdot \frac{dx}{dt} \\ \frac{d^2 z}{dt^2} &= -\omega_0^2 z \end{aligned} \right\} \quad (1.17)$$

аларыг. Бу системнн үчүнчү тәшлијинә  $\vec{H}$  дахил олмады-  
ғындан ошун һәллини

$$z = z_0 e^{\pm i\omega_0 t}$$

кими көстөрмәк олар; јәни саһә z-оху истигамәтдә рәгсин тезлијинә тә'сир көстөрмир. Бу доғрудан да белә олмалы иди, чүнки, саһә вә рәгс z-оху оху истигамәтиндә олдуғундан магнит саһәси белә һәрәкәтә тә'сир етмәјәчәкдир

( $\vec{F}_{\text{лоп}} = 0$ ). (1.17) системинин биринчи ики тәнлијини хәлл етмәк үчүн  $\xi = x + iy$  дәјишәни дахил едәк (бах: 1.1); бунун үчүн икинчи тәнлији  $i$ -јә вуруб биринчи тәнликкә тошласаг:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + i \frac{d^2 y}{dt^2} = -\omega_0^2 (x + iy) - \frac{ieH}{mc} \left( \frac{dx}{dt} + i \frac{dy}{dt} \right)$$

$$\frac{d^2 \xi}{dt^2} = -\omega_0^2 \xi - \frac{ieH}{mc} \cdot \frac{d\xi}{dt}$$

аларыг. Бу тәнлијин хәллини  $\xi = Ae^{i\omega t}$  шәклиндә ахтараг ( $\Lambda$  вә  $\omega$  намә'лум сабитләрدير); бу хәлли тәнликдә јеринә јазсаг:

$$-\omega^2 Ae^{i\omega t} = -\omega_0^2 Ae^{i\omega t} + \frac{eH}{mc} \omega Ae^{i\omega t}$$

$$\omega^2 + \frac{eH}{mc} \omega - \omega_0^2 = 0$$

бу квадрат тәнлији хәлл етсәк:

$$\omega = -\frac{eH}{2mc} \pm \sqrt{\left(\frac{eH}{2mc}\right)^2 + \omega_0^2}$$

аларыг. Алдығымыз хәлл кәстәрир ки, саһәјә перпендикул-  
јар истигамәтдә электронун рәгс тезлији дәјишир. Саһә и-  
стигамәтдә электрон  $\omega_0$  тезлији илә, саһәјә перпендикулјар  
истигамәтдә исә  $\omega_1$  вә  $\omega_2$  тезлији илә рәгс едир.

$$\omega_1 = \frac{eH}{2mc} + \sqrt{\left(\frac{eH}{2mc}\right)^2 + \omega_0^2}$$

$$\omega_2 = -\frac{eH}{2mc} + \sqrt{\left(\frac{eH}{2mc}\right)^2 + \omega_0^2}$$

Өкөр сәһә кичик оларса, яғни  $\frac{eH}{2mc} < \omega_0$  оларса, онда

$$\omega_1 = \omega_0 + \frac{eH}{2mc}$$

$$\omega_2 = \omega_0 - \frac{eH}{2mc}$$

олар (бах: Зејман эффекти).

### §1.5. Јаваш дәјинән магнит сәһәсіндә јүклү зәррәчикләрин һәрәкәти

Биз әввәлки параграфларда бирчинели вә сабит електрик вә магнит сәһәләриндә јүклү зәррәчикләрин һәрәкәтини ојрәндик. Тәчрүбәдә адәтән замана көрә сабит вә фәзада бирчинели магнит сәһәси алмаг мүрәккәб проблемдир, она көрә дә тәчрүбәдә адәтән магнит сәһәси һәм замана көрә сабитлијини, һәм дә фәзада бирчинелилијини сахламајыб чох јаваш дәјинир.

Замана көрә јаваш дәјинән сәһә елә сәһәјә дејирләр ки, магнит сәһәсинин бир периодда дәјилмәси магнит сәһәсинин өз гijмәтинә нисбәтән чох-чох кичик олсун, јәни:

$$T_c \left| \frac{\partial \vec{H}}{\partial t} \right| \ll H$$

шәртини өләсин.

Әкәр сиклотрон радиусу  $R_c$  даирәсиндә, магнит сәһәсинин дәјишмәси сәһәнин гйжмәтиндән чох-чох кичк оларса, белә сәһәјә фәзада јаваш дәјишән магнит сәһәси дејирләр.

Тәрифдән ајдын олур ки,

$$R_c \left| \frac{\partial H}{\partial c} \right| \ll H$$

шәрти өдәнимәлидир.

Инди интенсивлији  $\vec{H}$  - олан магнит сәһәсинә перпендикулјар мүстәвидә һәрәкәт едән зәррәчијин һәрәкәтин тәһлил едәк вә сәләлик үчүн сәһәни  $z$ - оху истигамәтинә јөнәлдәк. §1.3-дә биз көстөрдик ки,  $\vec{v}_{||} = const$  вә  $\vec{v}^2 = const$  олдуғундан, һөкм етмөк олар ки, зәррәчијин там кинетик енерјиси:

$$W = \frac{m}{2} (\vec{v}_{\perp}^2 + \vec{v}_{||}^2) = const$$

олар; јә'ни харичи магнит сәһәсиндә зәррәчијин там кинетик енерјиси сахланылыр.

Инди импульс моментинин  $z$ - оху истигамәтдәки пројексијасынын тәһлил едәк:

$$M_z = mxv_y - myv_x = mR_c v_{\perp} \quad (v_z = 0)$$

Дикәр тәрәфдән  $R_c = \frac{mc}{eH} v_{\perp}$  вә  $\omega_c = \frac{eH}{mc}$  олдуғуну нәзәрә алсаг:

$$M_z = m\omega_c R_c^2 = const$$

аларыг; јә'ни харичи магнит сәһәсиндә импульс моментинин  $z$ - оху истигамәтиндәки пројексијасы сахланылыр. Гејд едәк



ки, бу дејилөнләрин һамысы јаваш дәјишән магнит сәһәсинә андир. Көстәрәк ки, јаваш дәјишән харичи магнит сәһәсиндә зәррәчијин магнит моменти сабит галыр, јәни

$$\mu = \text{const}$$

$\mu$ - нүн сабитлијини исбат етмәк үчүн електрик курсундан билдикләримизи јада салаг. Окор электрон сабит магнит сәһәсиндә чеврә бојунча һәрәкәт едәрсә, бу һәрәкәтә мүүјән бир  $J$  даирәви чәрәјаны кими бахмаг олар. Бу чәрәјанын јаратдығы магнит моменти  $\mu = \frac{I}{c} JS$  олар.  $S$  - чәрәјан контурунун сәһәсидир. Бу ифадәни бир гәдәр дәјишәк:

$$\mu = \frac{e}{c} \cdot \frac{\pi R_c^2}{T} = \frac{e}{2c} \left( \frac{2\pi R_c^2}{T} \right) R_c$$

$$\mu = \frac{ev_{\perp}}{2c} R_c$$

Бурада  $e$  - зәррәчијин јүкү,  $T$  - периоддур.

Дикәр гәрәфдән даирәви һәрәкәтдә Лоренс гүввәси мәркәзәгачма гүввәси илә таразлашдығындан

$$\frac{mv_{\perp}^2}{R_c} = \frac{e}{c} v_{\perp} H$$

$$\frac{mv_{\perp}^2}{H} = \frac{e}{c} v_{\perp} R_c$$

$\frac{e}{c} v_{\perp} R_c$  - ни  $2\mu$  илә әвәз еднб бу ифадәдә јеринә јазсаг

$$\mu = \frac{ev_{\perp} R_c}{2c} = \frac{mv_{\perp}^2}{2H} = \frac{W_{\perp}}{H}$$

$$\mu = \frac{W_{\perp}}{H} = \text{const}$$

аларыг. Бурада  $W_{\perp}$  - зэррэчиин харичи магнит саһәсинә перпендикуллар мүстәви үзәриндәки һәрәкәтин кинетик енержисидир. Инди фәрз еләк ки, магнит саһәси биржинсли дежилдир, фәзада јаваш дәјишир.

Магнит саһәсини  $z$ - оху бојунча көтүрәк. Үмуми курсдан мә'лумдур ки,  $\mu$  - магнит моментинә малик зэррәчи-јә бирчинсли олмајан магнит саһәсиндә ашағыдакы гүввә тә'сир едир (бах: ШҮгерн-Һерлах тәчрүбәси).

$$F = -\mu \frac{\partial H}{\partial z}$$

Бу гүввәчин элементар  $dz$  јолунда көрдүјү иш зэррәчиин һәм-ин истигамәттә кинетик енержинин дәјишмәсинә бәрабар олачагдыр:

$$dA = dW_{II} = Fdz$$

$$dW_{II} = Fdz = -\mu \frac{\partial H}{\partial z} dz$$

Магнит саһәси  $z$ - оху бојунча јаваш дәјишдијиндән

$$dW_{II} = -\mu dH$$

Дикәр тәрәфдән, јухарыда дежиләнләрә әсасән зэррә-чиин магнит саһәсинә перпендикуллар вә паралел мүстәви-дә кинетик енержиләрин чәми  $W_{\perp} + W_{II} = \text{const}$  олдуғундан

$$dW_{\perp} = -dW_{\parallel} = \mu dH = \frac{W_{\perp}}{H} dH$$

$$\frac{dW_{\perp}}{W_{\perp}} = \frac{dH}{H}$$

$$\ln W_{\perp} = \ln H + \ln \text{const}$$

$$\ln \frac{W_{\perp}}{H} = \ln \text{const}$$

Бурадан

$$\frac{W_{\perp}}{H} = \text{const}$$

аларыг.  $\mu$ -нин сабит олмасынын јаваш дэјишэн магнит са-  
 һэсиндэ ролу ашағыдакындан ибарэтдир.

Фэрз едэк ки, магнит саһəsi  $z$ - оху бојунча јөнэлиб,  
 һәм дэ  $z$ -ин артмасы истигамэтиндэ јаваш-јаваш артыр.

$$\frac{mv_{\perp}^2}{R_c} = \frac{e}{c} v_{\perp} H$$

$$R_c = \frac{mv_{\perp} c}{eH}$$

Дикэр тэрэфдэн

$$\frac{mv_{\perp}^2}{2} = \mu H$$

олмалыдыр. Бурадан

$$v_{\perp} = \sqrt{\frac{2\mu H}{m}}$$

Бу ифадэләри  $R_c$ -дә јеринә јазсаг:

$$R_c = \frac{mc}{eH} \sqrt{\frac{2\mu H}{m}} = \frac{k}{\sqrt{H}}$$

аларыг. Бурада  $K$ - сабит әдәддир.

Ахырынчы бәрәбәрликдән көрүнүр ки, әкәр зәррәчик јаваш дәјишән магнит саһәсиндә һәрәкәт едәрсә, онун трајекторијасынын радиусу дәјишәр вә саһә јаваш-јаваш артды-ғындан трајекторијасынын радиусу кичиләр. Там кинетик енержинин сахланмасындан истифадә еләрәк:

$$W = W_{\perp} + W_{\parallel}$$

$$W_{\parallel} = W - W_{\perp}$$

$$W_{\parallel} = W - \mu H$$

ифадәсини аларыг; бурадан көрүнүр ки, харичи магнит саһә-синин артмасы илә  $\mu H$  һасили артыр вә нәһәјәт,  $H$  елә бир лимит гијмәтинә чатыр ки,  $W = \mu H_c$  олур. Ајындыр ки, бу

һалда  $W_{\parallel} = 0$  олачагдыр. Онда  $H_c = \frac{W}{\mu}$ . Бу шәрт дахилиндә

јүклү зәррәчик  $H_c$  гијмәтини ашыб кечә билмәјәчәкдир.  $H_c$ -нин бу лимит гијмәтинә магнит тыхачы дејирләр.

Исбат етмәк олар ки,  $H$ -ын мүүјјән гијмәтиндә јүклү зәррәчик "күзкү әкси" кими кери гајыдачагдыр. Бу мәгсәдлә  $Z$  оху үзәриндә ики ихтијари нөгтә көтүрәк.

$$\begin{aligned} v_{\perp} &= v_0 \sin \alpha_0 & v'_{\perp} &= v_0 \sin \alpha \\ v_{\parallel} &= v_0 \cos \alpha_0 & v'_{\parallel} &= v_0 \cos \alpha \end{aligned}$$

Әкәр (1.25) шәртиндән истифадә етсәк

$$\frac{mv_{\perp}^2}{2} = \mu H(Z_0)$$

$$\frac{mv_{\perp}'^2}{2} = \mu H(Z)$$

$$\frac{mv_0^2 \sin^2 \alpha_0}{2} = \mu H(Z_0)$$

$$\frac{mv_0^2 \sin^2 \alpha}{2} = \mu H(Z)$$

гәраф-гәрафә бөлсәк,

$$\sin^2 \alpha = \sin^2 \alpha_0 \frac{H(Z)}{H(Z_0)}; \quad \sin \alpha = \sin \alpha_0 \sqrt{\frac{H(Z)}{H(Z_0)}}$$

кокалгы ифадәни тәчрүбәдә елә сечмәк олар ки,

$\sin \alpha_0 \sqrt{\frac{H(Z)}{H(Z_0)}} = 1$  олсун. Онда ајдындыр ки,  $\sin \alpha = 1$  олар

вә бу шәрт дахилиндә

$$v_{\parallel} = 0, \quad v_{\perp} = v_0$$

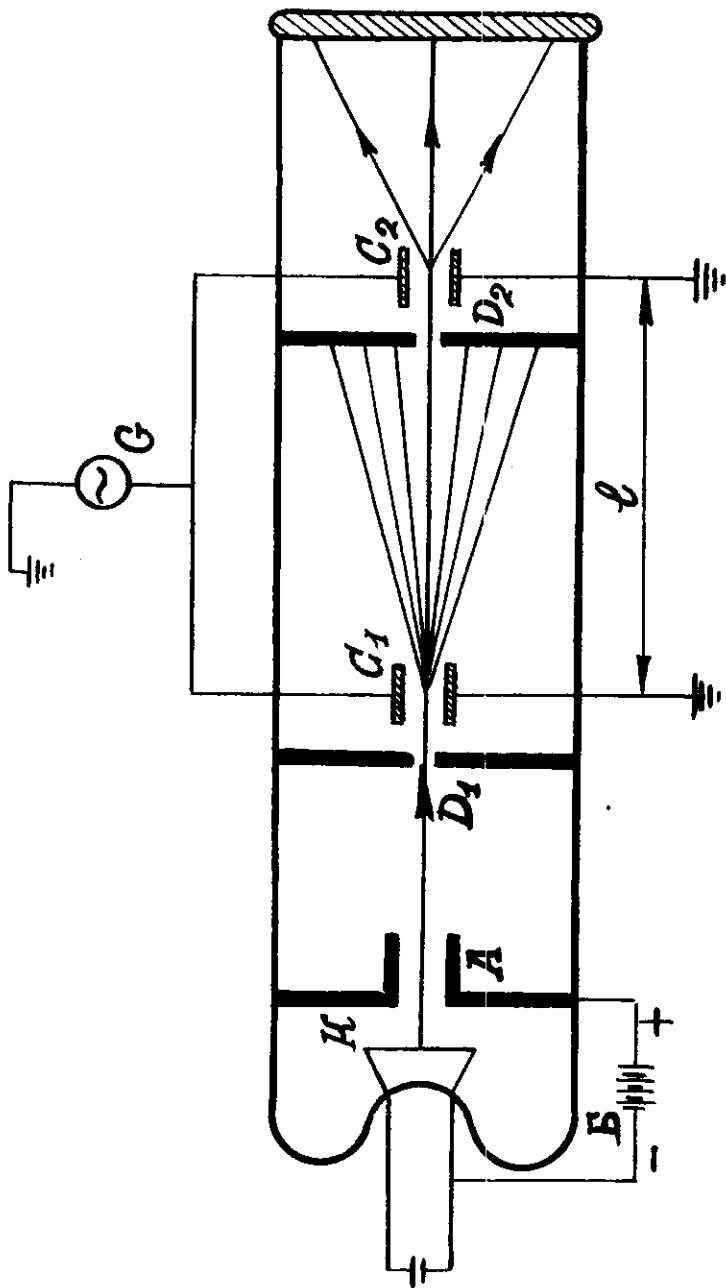
олар, башга сөзлә бу дедијимиздән көрүнүр ки, магнит саһәси күзкү ролуну ојнајыр. Зәррәчик  $Z$  нөгтәсиндә ани олага дајаныр вә һәр тәрәфдән гүввә хәлләри илә әһатә олундуғундан әввәлки трајекторија илә керн гајыдыр. Әкәр симметрик олага сол тәрәфдә дә магнит саһәси јаратсағ, онда магнит тәләси аларығ. Бу һалда јүклү зәррәчикләр сағ вә сол магнит "күзкүләриндән" әкс олага онлар арасында һәрәкәт едмәкләр. Магнит саһәсинин бу хәссәсиндән нүвә физикасында плазманы сахламағда истифадә олунур. Әкәр һәр һансы бир плазма газасында јүклү зәррәчикләр газанын диварлары илә тоғгушуб өз енержиләрини газана верәрләрсә (мәсәлән, ондан атомлар тошармағла), онда плазманын температура ашағы дүшәр вә һәм дә газан әријә биләр. Бунун таршысыны алмағ үчүн магнит тәләсиндән истифадә олунур.

## §1.6. Электронун хүсуси жүкүнүн тә'јини

Электронун хүсуси жүкүнү тә'јин етмәк үчүн бир нечә үсул мөвчүддүр. Биз бунлардан јалпыз икиси илә таныш олачагыт.

1) Ики конденсатор үсулу илә хүсуси жүкүн тә'јини.

Јүклү зәррәчикдәрин електрик сәһәсиндә мејлинә әсәсән онун хүсуси жүкүнү шәкилдә көстәрилән схем әсасында тә'јин етмәк олар.  $C_1$  вә  $C_2$  конденсаторлары жүксәк тезликли  $G$  кенератору илә бирләшдирилир ки, бу да һәр ики конденсаторда потенциаллар фәргинин ејни заманда ејни фазада дәјишмәсини тә'мин едир.  $K$  козәртмә телиндән чыхан электронлар  $K$  катоду илә  $A$  аноду арасында сүр'әтләнирләр.  $A$  аноду вә  $D_1$  диафрагмасындакы кичик дешикләрдән кечән енсиз электрон дәстәси  $C_1$  конденсаторуна дүшүр. Бурада дәјишән електрик сәһәсинин тә'сири алтында электрон дәстәсинин мејли периодик олараг дәјишир. Электрон дәстәси үмумијјәтлә десәк,  $D_2$  диафрагмасы үзәринә дүшәрәк онун тәрәфиндән тутулур.  $D_2$  диафрагмасынын дешијиндән јалпыз елә электронлар кечир ки, онларын потенциал әјриси һәмин анда сыфыр нөгтәсиндән кечсин. Белә электронлар конденсаторун лөвһөләри арасындакы мејли етмәјәрәк кечирләр. Бу электронлар дүз хәтт бојунча һәрәкәт едәрәк  $C_2$  конденсаторуна дүшүр. Һәр ики конденсаторда електрик сәһәси ејни фазада дәјишдијиндән һәр период әрзиндә электронлар ики дәфә  $C_2$  конденсаторуна дүшүр вә орадакы електрик сәһәсинин фазасындан асылы олараг аз вә ја чох дәрәчәдә мејл едирләр. Ајдындыр ки, электронлар  $C_2$  конденсаторундан кечәркән јалпыз ики симметрик исгигамәтдә мејл едә биләрләр. Мәсәлән, әкәр электронун  $C_1$  вә  $C_2$  конденсаторлары арасындакы мөсәфәни гәт етмә мүддәти  $t_1 = \text{Ом-дирсә}$ , онда белә груп электронлар  $C_2$  конденсаторуна чатан анда орадакы потенциал  $+ \phi_1$ , сонра кәлән дижәр груп электронлар исә  $C_2$  конденсаторуна чатанда орадакы потенциал  $- \phi_1$  олачагдыр. Она көрә дә бу ики груп электронлар экранын флуорессенсија едичи тәбөгәсиндә симметрик јерләшмиш ики ишыгы ләкә јарадачагдыр. Катодла анод арасындакы сүр'әтләндиричи потенциалы дәјишдирмәклә электронларын сүр'әтини елә дәјишмәк олар ки,  $t_1$  мүддәти кенераторун



Шөкил 1

жарымпериодуна вэ ја жарымпериодун там мисиллэринэ бара-бар олсун, ја'ни

$$t_1 = \frac{T}{2} \quad \text{вэ ја} \quad t_1 = \frac{T}{2} \cdot n$$

олсун. Бу шэрт одэнилдикдэ жүклү зэррэчиклэр икинчи конденсатордан мејл егмэдэн кечөчөклэр вэ экран үзэриндэ һэр һансы бир ногтэјэ дүшүб бир ишыгылы лэкэ јарадачаглар. Бу ики конденсатор арасында электронларын сүр'эти

$$v = \frac{l}{t_1} = \frac{2l}{T}$$

вэ ја үмуми һалда

$$v = \frac{2l}{n} v$$

олар. Бурада  $\gamma$ - генераторун тезлијидир. К-көзөрмэ телиндэн чыхан электронлар, сүр'этлэндириңчи саһэни кечэркэн онларын алдыгы сонунчу сүр'эт

$$\frac{mv^2}{2} \geq e\varphi$$

мүнасибэтиндэн тэјин едилир ки, бурада  $\varphi$  - Б-батарејасы тэрэфиндэн јарадылан сүр'этлэндириңчи потенциалдыр. Бу ифадэдэ сүр'этин јухарыдакы гијмэтини нөзэрэ алсаг:

$$\frac{m}{2} \cdot \frac{4l^2 v^2}{n^2} = e\varphi$$

вэ ја

$$\frac{e}{m} = \frac{2l^2 v^2}{n^2 \varphi}$$



аларыг. Бу үсулла апарылмыш тэчрүбэләрдән электронун хүсуси жүкү үчүн

$$\frac{e}{m} = 1,7590 \cdot 10^{11} \text{ Кл} / \text{Кг}$$

гијмәти алынмышдыр.

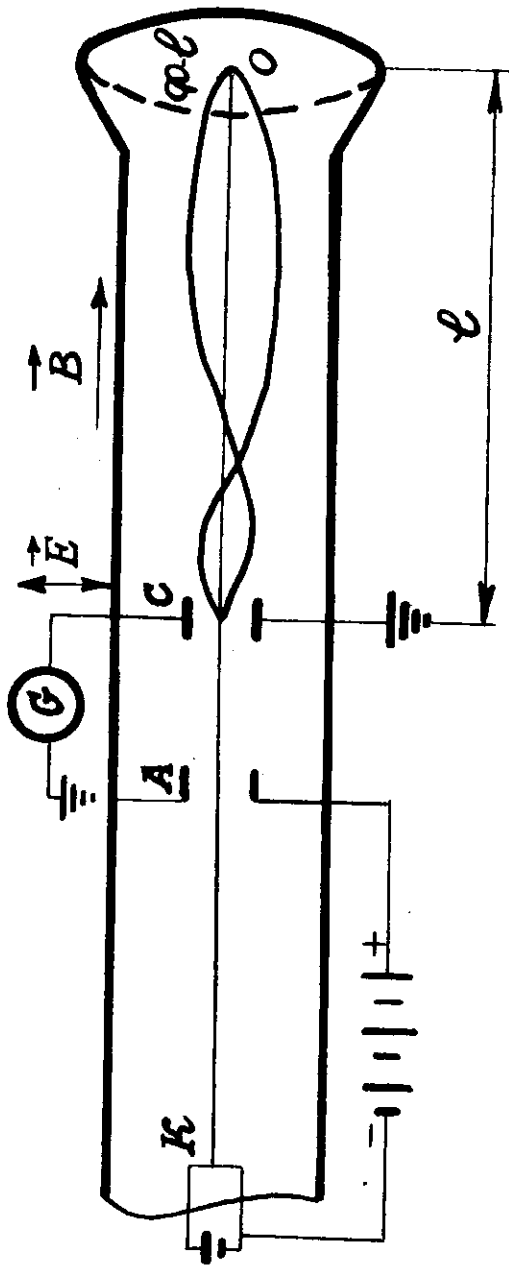
Ики конденсатор үсулунун бөјүк үстүнлүјү ондан ибарәтдир ки, бу тэчрүбәдә бөјүк хәталар бурахылан мејлләри өлчмәк тәләб олушмур. Гејд едәк ки, тэчрүбәни јалныз бир конденсаторла да апармаг олар. Лакин  $C_1$  конденсатору васитәсилә хүсуси жүкү тәјин етдикдә жүклү зәррәчикләр конденсаторда мејл едир вә экранда мејли өлчмәк лазым кәдир. Бу исә мүәјјән хәталарын мејдана кәлмәсинә сәбәб олур. Бу хәталары азалтмаг мәгсәдилә икинчи  $C_2$  конденсатору көтүрүлүр.

II. Узунуна магнит саһәсиндә фокусланма үсулу илә

$\frac{e}{m}$  нисбәтинин тәјини.

Бу үсулла  $\frac{e}{m}$  нисбәтинин тәјин олунмасы схеми 2-чи

шәкилдә көстәрилмишдир. Катоддан (К) чыхан электронлар катодла анод (А) арасындакы сүр'әтләндиричи потенциаллар фәргинин тә'сири алтында сүр'әтләнәрәк анодун кичик дешијиндән кечиб, С конденсаторунун лөвһәләри арасындакы дөјишән Е електрик саһәсинә дүшүр. Бу саһәнин тә'сири илә онлар јухары вә ашағы мејл едән электронлар дәстәсинә чеврилрләр. Соленоид васитәсилә  $l$  мәсафәсиндә бирчинсли узунуна магнит саһәси јарадылыр. Конденсатордан чыхан электронлар бу магнит саһәсинә һәр һансы бир  $\alpha$  буцағы алтында дүшүрләр. (1.12) ифадәсиндән көрүнүр ки, магнит саһәсиндә бир чеврәнин чызылмасына сәрф олунан заман зәррәчијин сүр'әтиндән асылы дејил. Демәли, мүхтәлиф сүр'әтләрә малик ики зәррәчик ејни бир заманда ејни бир нөйтәдән магнит саһәсинә перпендикулјар истигамәтлә



Шөкил 2

чыхарларса, ошлар мұхтәлиф радиуслу чеврәләр чызараг ејни заманда һәмин нөгтәјә чатарлар. (1.12) дүстуруна әсасән бир чеврә чызылмасына сәрф олуан мүддәтдә электронлар соленоидин оху бојунча

$$l = \frac{2\pi m v_c}{eH} \cos \alpha$$

мәсафәсини кечирләр. Әкәр кичик мејл етмә бучагларына бахсаг,  $\cos \alpha \approx 1$  вә

$$l = \frac{2\pi m v_c}{eH}$$

олар. Бу дүстурдан көрүнүр ки, конденсатордан кичик мејл бучагы алтында чыхан вә ејни бир  $v$  сүр'әтинә малик олан электронлар магнит саһәсинә перпендикулјар мүсгәвидә бир чеврәнин чызылмасына сәрф олуан мүддәтдә соленоидин оху бојунча ејни бир  $l$  мәсафәсини кечирләр. Бу, о демәкдир ки, ејни енержили вә бир-бириндән конусун доғуранлары үзрә узаглашан электрондар дәстәси узунуна магнит саһәсинин тә'сири алгында  $l$  мәсафәсиндә фокусланырлар.

Узунуна магнит саһәсинин бу фокусландырма хүсусијәти  $\frac{e}{m}$  нисбәтинин тә'јин олунамасына имкан всрир. Соленоиддәки чәрәјаны дәјишмәклә магнит саһәси индуксијасынын елә гижмәтини алмаг олар ки, электрон дәстәси соленоидин диқәр учунда флуорессенсија едичи экран јерләшән јердә о нөгтәсиндә фокуслансын. Саһә индуксијасынын бу гижмәтини биләрәк  $\frac{e}{m}$  нисбәтини тә'јин етмәк олар. Доғрудан да (1.12) дүстурундан:

$$v = \frac{e}{m} \cdot \frac{H}{2\pi c}$$

тә'јин едиб  $\frac{mv^2}{2} = e\varphi$  дүстурушда јазсаг

$$\frac{e}{m} = \frac{8\pi^2 c^2}{H^2 l^2} \varphi$$

аларыг. Бу үсушда хүсуси јүк үчүн тапылмыш гижмәт

$$\frac{e}{m} = 1,7592 \cdot 10^{11} \text{ кл / кг -дыр.}$$

### §17. Јүклү зәррәчикләрин монохроматикләшдирилмәси

Атом физикасынын бә'зи мәсәләләриндә сүр'әтләри ејни олан электронлар дәстәсинин јарадылмасы тәләб олунур. Ејни сүр'әтли (монохроматик) јүклү зәррәчикләр дәстәси алмаг үчүн бир-биринә чарпаз электрик вә магнит сәһәсинин тә'сириндән истифадә едирләр.

Фәрз едәк ки, һәр һансы јүклү зәррәчик мүәјјән јарағы олан конденсаторун дахилиндә һәрәкәт едир. Магнит сәһәсинин истигамәтини электрик сәһәсинә перпендикулјар көтүрмәклә сәһәләри елә сечмәк олар ки, зәррәчијә тә'сир едән һәр ики гүввә бир-биринин әксинә јөнәлсин.

Лоренс вә Кулон гүввәләришин тә'сири алтында јүклү зәррәчикләр конденсатор дахилиндә мүәјјән әјри бојунча һәрәкәт едәчәкләр. Әјрилик радиусу ашағыдакы мүнәсибәт-дән тапылыр:

$$\frac{e}{c} vH - eE = \frac{mv^2}{R}$$

јарығындан елә јүклү зәррәчикләр кечәчәкләр ки, онлара тә'сир едән гүввәләр гижмәтчә бәрәбәр, истигамәтчә бир-биринин әксинә олсун, јә'ни

$$\frac{e}{c} vH - eE = 0$$

олсун. Бурадан

$$v = \frac{E}{H} c$$

сүр'әтләри бу мүнәсибәти өдәмәјән јүклү зәррәчикләр конденсаторун лөвһәләри тәрәфиндән чәзб олунуб электрон дәстәсиндән кәнар олунурлар вә диафрагма тәрәфиндән ту-тулурлар.

Көтүрдүјүмүз електрик вә магнит саһәләри бирчинсли олдуғларына көрә жарыгдан чыхан электронларын һамысы ејни сүр'әтә малик олачағдыр, јә'ни жарыгдан монохроматик јүклү зәррәчикләр дәстәси чыхачағдыр. Бурада електрик вә магнит саһәләри мүәјјән мә'нада сүзкәч ролуну ојнајырлар.

Монохроматик јүклү зәррәчикләр алмағын икинчи үсулу цилиндрик конденсаторда јарадылмыш радиал електрик саһәсинин тә'сиринә әсасланыр.

Фәрз сдәк ки, цилиндрик конденсаторун көјнәкләри мүәј-јөн  $\varphi_k$  потенциаллар фәрғинә гәдәр јүнкүлләшир. Мәнбәдән чыхаш јүклү зәррәчикләр дәстәси сүр'әтләндиричи потенциаллар фәрғини кечтәрәк конденсаторун көјнәкләри арасына дү-шүр.

Ајдындыр ки, көјнәкләр арасындан јалпыз елә зәррә-чикләр кечирләр ки, онлар үчүн ашағыдакы шәрт өдәнил-син:

$$eE = \frac{mv^2}{R}$$

Силиндрик конденсатор дахилиндәки електрик саһәси радиал симметријаја маликдир, она көрә дә

$$|\vec{E}| = \frac{d\varphi}{dR}; \quad e \frac{d\varphi}{dr} = \frac{mv^2}{R}$$

$$\frac{mv^2}{2} = e\varphi, \quad e \frac{d\varphi}{dR} = \frac{2e\varphi_0}{R}, \quad \frac{d\varphi}{2\varphi_0} = \frac{dR}{R}$$

$$\int_{R_1}^{R_2} \frac{dR}{R} = \frac{I}{2\varphi_0} \int_{\varphi_1}^{\varphi_2} d\varphi; \quad \ln \frac{R_2}{R_1} = \frac{I}{2\varphi_0} (\varphi_2 - \varphi_1) = \frac{\varphi_k}{2\varphi_0}$$

$$\varphi_k = 2\varphi_0 \ln \frac{R_2}{R_1}$$

бу ифадэдэн көрүнүр ки, конденсаторун көйнөклөрүндөки һәр бир  $\varphi_k$  потенциаллар фэргинэ жүклү зэррөчиклэрини елэ  $e\varphi_0$  енержиси ујун кэлир ки, бу енержиэ малик олан зэррөчиклэр цилиндрик конденсатордан кечирлэр.

$\varphi_k$  потенциаллар фэргини сечмәклэ монохроматик жүклү зэррөчиклэр дэстәси алмаг олар.

### §1.8. Електронун күтлэсинин сүр'әтиндэн асылылығы

XX әсрин лап әввәлләриндә мүйәжән олунамүшдүр ки, ишығын бошлутдакы сүр'әтинә јахын сүр'әтиләрдә електронун күтлэси сүр'әтдән асылы олараг дәјишир. Сонралар 1905-чи илдә Ејнигтејн өзүнүн хүсуси нисбилик нәзәријјәсини јарадараг көстәрди ки, истәнилән чисмин күтлэси сүр'әтдән асылы олараг

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

гануну илэ дәјишир. һәлэ нисбилик нәзәријјәси јаранмадан хејли әввәл 1901-чи илдә Кауфман електронун күтлэсинин сүр'әтдән асылылығыны мүйәжән етмәк үчүн тәһрүбә гојур. Ејни сүр'әтә малик олан електронлар дэстәси, лөвһәләри арасында бир-биринә антипаралел електрик вә магнит саһәләри олан конденсатордан кечир. Ајдындыр ки, зэррөчиклэр һәм електрик, һәм дә магнит саһәсиндә мејл едөчөклэр. Координат охларыны елэ сечөк ки, електрик саһәсиндә мејл X оху бојунча, магнит саһәсиндә исе мејл Z оху бојунча олсун.

(1.6) вэ (1.13') ифадэлэрингә эсасән електрик вэ магнит сәһәләриндәки меҗлләр

$$X = \frac{e}{m\chi^2} A, \quad Z = \frac{e}{m\nu} B$$

бәрабәрликләри илә тәҗив олунур. Бурада А вэ В чиһаз сабитләридир. Зәррәчикләрин електрик вэ магнит сәһәләриндәки меҗлләрини мүшаһидә етмәк үчүн ХОZ мүстәвиси үзәриндә фотолөвһә гоҗулур вэ координат башланғычы һәр ики сәһәдә меҗл етмәјән ү-квантлар васитәсилә мүәјјән едилир. Ајдындыр ки, сүр'әтләри ејни олан електронлар фотолөвһә үзәриндә мүәјјән нөгтәдә топланарлар. Електронларын сүр'әтләри мүхтәлиф олдугда исә онлар фотолөвһә үзәриндә мүхтәлиф нөгтәләрдә топлашачаглар; һәмин нөгтәләрин фотолөвһә үзәриндә һөндәси јерини талаг. Бунун үчүн јухарыдакы ики ифадәләп

$$\frac{z^2}{x} = \frac{e}{m} \cdot \frac{B^2}{A}$$

аларыг. Әкәр  $\frac{e}{m}$  сабитдирсә, онда  $\frac{B^2}{A} \cdot \frac{e}{m} = K = const$  олар вә

$$Z^2 = KX$$

аларыг. Бурадан көрүнүр ки, мүхтәлиф сүр'әтли електронлар фотолөвһә үзәриндә парабола бојунча јерләшмәлидирләр. Магнит сәһәсинин истигамәтини сабит сахлајыб електрик сәһәсинин истигамәтини 180° дәјишсәк, онда фотолөвһә үзәриндә Z охуна нисбәтән симметрик јерләшмиш ики парабола парчасы алынмалыдыр вә һәм дә Z оху координат башланғычында һәр ики параболаја тохунан олмалыдыр. Кауфманын тәчрүбәси кәстәрди ки, фотолөвһә үзәриндә алынған әјриләр парабола парчалары дејил. Алынмыш әјриләр коор-

динат бацлалыгычынадэк давам етмир. Бундан башга эҗрилэрин давамына о нөгтэсиндэ чэкилмиш тохуналар  $Z$  оху илэ үст-үстгэ дүшмэҗиб, онунла һэр һансы бир  $\alpha$  бучагы эмэлэ кэҗирир. Бу тэчрүбҗи фактлар кэстэрир ки, јухарыда фэрз

етдијимиз  $\frac{e}{m} = const$  нисбэти сабит дејилдир, јэни күглэ

сүр'этдэн асылыдыр. тэчрүбэдэ алынан эҗринин координатларыны өлчмэклэ Кауфман  $\frac{e}{m}$  нисбэтини һесабламышдыр.

Тэчрүбэлэр кэстэрир ки, электронларын сүр'этинин артмасы илэ  $\frac{e}{m}$  нисбэти азалыр. Башга сөзлэ десэк сүр'этин артмасы илэ электронун күглэси артыр.

Гејд етмэк лазымдыр ки, Кауфманын тэчрүбэси кејфијјэт характери дашыјыр, чүнки тэчрүбэдэ алынан нарабололар јарымчыгдырлар вэ чох да кэскин дејиллэр. Буна бахмајараг бу тэчрүбэ илк дэфэ олараг күглэнин сүр'этдэн асылылыгыны кэстәрди. Кауфмандан сонра нэзэри олараг электронун күглэсинин сүр'этдэн асылылыгы үчүн бэ'зи мүлаһизэлэр ирэли сүрүлмүшдүр. Абраһам электрона һэрөкэти истигамэтиндэ сыхылмајан һэр һансы кичик күрэ кими бахараг күглэнин сүр'этдэн асылылыгы үчүн ашагыдакы дүстуру алмышдыр:

$$m = \frac{3}{4} \cdot \frac{m_0}{\beta} \left( \frac{1 + \beta^2}{2\beta} \ln \frac{1 - \beta}{1 + \beta} - 1 \right)$$

$$m_0 = 9,1 \cdot 10^{-28} \text{ зр.} \quad \beta = \frac{v}{c}$$

Лоренс исэ электрон күглэсинин тамамилэ электромагнит тэбиэтли олмасыны фэрз етмэклэ электрона һэрөкэт истигамэтиндэ сыхылан күрэ кими бахмагла күглэнин сүр'этиндэн асылылыгы үчүн белэ дүстуру алмышдыр:



$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

Бу нәзәри дүстурлар бир сыра мүүлһифләр тәрәфиндән тәчрүбәдә јохланмышдыр.

Гејд едәк ки, бу дүстурлар заһирән бир-бириндән кәскин фәргләнмәсинә бахмајараг мүүјјән  $\beta$  - үчүн онларын вердији әдәди гиймәт бир-биринә чох јахын олур.

Биринчи дәфә олараг Күн-Лаванин-Ратновски сүр'әти  $\beta = 0,3 + 0,5$  олан електронларла тәчрүбә апарараг Лоренс дүстурунун һәгигәтә даһа јахын олдуғуну сүбут етмишләр. Лакин онларын тәчрүбәләри о гәдәр дә дәгиг дејилди, чүнки електронларын сүр'әти о гәдәр кичикдир ки, күтләнин дәјишмәси һисс олунмурду.

Бунлардан сонра Капитса вә Триккер електронун күтләсинин сүр'әтдән асылылығыны мүүјјәнләңдирмәк үчүн схем вермишләр. Онларын схеми ишығыны монохроматикләшдирилмәси үчүн тәтбиг олунан "фокал монохроматорун" схеминә чох бәнзәјир. Тутаг ки, һәр һансы бир линза үзәринә ишыг шүасы дүшүр.

Диафрагма васитәсилә шүалары линзанын кәнарларына јөнәлдәк. Бу ишыг линза маддәсиндә једди мүхтәлиф рәнкә ажрылыр. Хроматик абберасија нәтичәсиндә мүхтәлиф рәнкли шүалар линзадан мүхтәлиф истигамәтдә сыныр. Ән чох сынан бәнөвшәји шүалар, ән аз сынан исә гырмызы шүалар олур. Әкәр үзәриндә кичик жарығы олан экраны баш оптик ох үзәриндә саға-сола һәрәкәт етдирсәк, онда жарыгдан кечән шүа тәмиз монохроматик шүа олар.

Капитса-Триккер тәчрүбәсиндә линзанын јерини солеңоид васитәсилә јаранан узунуна магнит саһәси әвәз едир. Електрон мәнбәјиндән мүхтәлиф сүр'әтлә чыхан електронлар мүхтәлиф нөгтәләрдә фокусланырлар.

Билдијимиз кими белә узунуна саһәдә винт аддымы (бах.(1.12))

$$l = \frac{2\pi m v c}{eH} \cos \alpha$$

дүстүрү илө тә'јин олунур. Онда сүр'әтләри мүхтәлиф олан электронларын экранда пайландыгы интервал

$$\Delta l = \frac{2\pi m c}{eH} \Delta v \cos \alpha$$

олар.

Тәчрүбәдә  $\Delta l$  вә  $\Delta v$ -ни тапмагга  $\frac{e}{m}$  нисбәтини һесаблимаг олар. Тәчрүбәдә экрана 5000 в-а гәдәр потенциаллар фәрги верилир. Она көрә дә алынан электронларын сүр'әти  $\beta = 0,7 + 0,9$  интервалында олур ки, бу да тәчрүбәнин чохинандырычы олмасына кәтирир. Бу тәчрүдән алынан гижмәт Лоренс дүстуруна даһа чох ујғун кәлир.

Электроунун күтләсинин сүр'әтдән асылылығыны Сан вә Спасс дә тәчрүбәдә јохламышдыр.

Фәрз едәк ки, һәр һансы мәнбәдән чыхан электронлар диафрагмалараы кечәндән сонра чарназ электрик вә магнит саһәсинә дүшүр. Онда бу систем сүзкәч ролуну ојнајар.

Диафрагмалардан елә электронлар кечиб, электрик вә магнит саһәләринә дүшүрләр ки, онларын сүр'әтләри

$$\frac{e}{c} vH = \frac{mv^2}{R}$$

шәртини өдәсин. Јарыгдан монохроматик электрон дәстәси чыхыр вә Фарадеј цилиндрино дүшүр. Фарадеј цилиндриндә ајры-ајры электронлары сајмаг мүмкүн олдуғундан тәчрүбәдә магнит саһәсинин верилмиш гижмәтиндә конденсаторун лөвһәләриндәки потенциаллар фәрги елә сечилир ки, Фарадеј цилиндриндә гејд олунан электронларын сајы максимум олсун.

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

Бу нәзәри дүстурлар бир сыра мүүллифләр тәрәфиндән тәчрүбәдә јохланмышдыр.

Гејд едәк ки, бу дүстурлар заһирән бир-бириндән кәскин фәргләнмәсинә бахмајараг мүүјјән  $\beta$  - үчүн онларын вердији әдәди гијмәт бир-биринә чох јахын олур.

Биринчи дәфә олараг Жүн-Лаванин-Ратновски сүр'әти

$\beta = 0,3 + 0,5$  олан электронларла тәчрүбә апарараг Лоренс дүстурунун һәгигәтә даһа јахын олдуғуну сүбуг етмишләр. Лакин онларын тәчрүбәләри о гәдәр дә дәгиг дејилди, чүн-ки электронларын сүр'әти о гәдәр кичикдир ки, күтләнин дәјишмәси һисс олунмурду.

Бунлардан сонра Капитса вә Триккер электронун күтләсинин сүр'әтдән асылылығыны мүүјјәнләңдирмәк үчүн схем вермишләр. Онларын схеми ишығыны монохроматикләңдирилмәси үчүн тәтбиғ олунан "фокал монохроматорун" схеминә чох бәнзәјир. Тутаг ки, һәр һансы бир линза үзәринә ишығ шүасы дүшүр.

Диафрагма васитәсилә шүалары линзанын кәнарларына јөнәлдәк. Бу ишығ линза маддәсиндә једди мүхтәлиф рәнкә ажрылыр. Хроматик абберасија нәтичәсиндә мүхтәлиф рәнкли шүалар линзадан мүхтәлиф истигамәтдә сыныр. Ән чох сынан бәнөвшәји шүалар, ән аз сынан исә гырмызы шүалар олур. Әкәр үзәриндә кичик жарығы олан экраны баш оптик ох үзәриндә саға-сола һәрәкәт етдирсәк, онда жарыгдан кечән шүа тәмиз монохроматик шүа олар.

Капитса-Триккер тәчрүбәсиндә линзанын јерини соле-ноид васитәсилә јаранан узунуна магнит саһәси әвәз едир. Электрон мәнбәјиндән мүхтәлиф сүр'әтлә чыхан электронлар мүхтәлиф нөгтәләрдә фокусланырлар.

Билдијимиз кими белә узунуна саһәдә винт аддымы (бах.(1.12))

$$l = \frac{2\pi m v c}{eH} \cos \alpha$$

дүстуру илэ тә'йин олунур. Онда сүр'әтләри мүхтәлиф олан электронларын экранда пәйләндәгә интервал

$$\Delta l = \frac{2\pi m c}{eH} \Delta v \cos \alpha$$

олар.

Тәчрүбәдә  $\Delta l$  вә  $\Delta v$ -ни тапмагга  $\frac{e}{m}$  нисбәтини һесаблимаг олар. Тәчрүбәдә экрана 5000 в-а гәдәр потенциаллар фәрги верилир. Она көрә дә алынан электронларын сүр'әти  $\beta = 0,7 + 0,9$  интервалында олур ки, бу да тәчрүбәнин чох инандырычы олмасына кәтирир. Бу тәчрүдән алынан гижмәт Лоренс дүстуруна даһа чох ујғун кәлир.

Электроунун күтләсинин сүр'әтдән асылылығыны Сан вә Спасс дә тәчрүбәдә јохламылдыр.

Фәрз едәк ки, һәр һансы мәнбәдән чыхан электронлар диафрагмалараы кечәндән сонра чарлаз электрик вә магнит сәһәсинә дүшүр. Онда бу систем сүзкәч ролуну ојнајар.

Диафрагмалардан елә электронлар кечиб, электрик вә магнит сәһәләринә дүшүрләр ки, онларын сүр'әтләри

$$\frac{e}{c} vH = \frac{mv^2}{R}$$

шәртини өдәсин. Јарыгдан монохроматик электрон дәстәси чыхыр вә Фарадеј цилиндринә дүшүр. Фарадеј цилиндриндә ајры-ајры электронлары сајмаг мүмкүн олдуғундан тәчрүбәдә магнит сәһәсинин верилмиш гижмәтиндә конденсаторун лөвһәләриндәки потенциаллар фәрги елә сечилир ки, Фарадеј цилиндриндә гејд олунан электронларын сајы максимум олсун.

Өкөр конденсатордакы електрик сакәсинин интенсивлији  $E$ , магнит сакәсинин интенсивлији  $H$  оларса, онда конденсатордан жалныз елэ электронлар кечәряәр ки, онларын сүр'әтләри  $v = \frac{E}{H} C$  шәртини одәсин. Сүр'әтин бу ифадәсини јухарыдакы дүстурда јеринә јазсаг:

$$\frac{e}{m} = \frac{c^2 E}{RH^2}$$

аларыг.

Тәчрүбәдә әјрилик радиусуну,  $E$  вә  $H$ -ы олчмәклә  $\frac{e}{m}$  нисбәтини тәјин етмәк олар. Бу тәчрүбә кәстәрди ки, Лоренс дүстуру 1% хәта илэ тәчрүбәнин вердији гиймәтә ујғун кәлир. Бу тәчрүбәдә электронларын сүр'әти  $\beta = 0,8 \div 0,9$  интервалында олмушдур.

Мүасир дөврдә күтләнни сүр'әтдән асылылыг ифадәси, јүклү зәррәчикләрин сүр'әтләндиричиләри кими нәһәнк гургуларын јарадылмасы ишиндә чох кениш истифадә олуна ишчи дүстура чеврилимишдир. Өкөр бу гургулар јарадыларкән күтләнни сүр'әтдән асылылыгыны ифадә едән Лоренс-Ејнштејн дүстурундан чох чүз'и дәрәчәдә кәнара чыхма оларса, онда бу чүр гургулар үмумијјәтлә ишләмәз. Она кәрә дә мүасир дөврдә бүтүн мүмкүн олан сүр'әтләр интервалында күтләнни сүр'әтдән асылылыг дүстурунун доғру олдуғуну инамла тәсдиг етмәк олар.

### §1.9. Электронун електромагнит күтләси

Илк дәфә олараг Томсон фәрз етмишдир ки, электрон механики күтләјә малик дејил, онун күтләси тамамилә електромагнит тәбиәтлидир. Бу фәрзијјә Лоренс дүстурунун алынмасында электронун күтләсинин тамамилә електромагнит тәбиәтли олдуғунун гәбул едилмәсинә истинад едилмишдир. Бу фәрзијјәни Томсон белә эсасландырыр. Фәрз

едәк ки, һәр һансы бир электрон сүкунәтдәдир. Електрик курсундан мә'лумдур ки, белә жүкүн әтрафында интенсивлији  $E'$  олан јалныз электростатик саһә јараныр. Әкәр фәрз етсәк ки, һәмин электрон мүүјјән  $v$  сүр'әти илә һәрәкәт едир, онда ајдындыр ки, һәмин электронун әтрафында интенсивлији  $H$  олан магнит саһәси јаранар. Әкәр һәрәкәт едән электрону дајандырмаға чалышсаг харичи магнит саһәси јаваш-јаваш јох олачаг вә индуксија гануна әсасән интенсивлији  $E'$  олан јени електрик саһәси әмәлә кәләчәкдир. Ленс гајдасына кәрә бу саһәнин истигамәти елә олмалыдыр ки, о, ләнкијән электрону сүр'әтләндрисин. Беләликлә, көрүнүр ки, электронун һәрәкәти заманы мүүјјән бир електрик әталәти мејдана кәлир вә бу електрик әталәтинә гаршы мүүјјән күглә гојмаг олар. Бу күгләјә електромагнит күгләси дејилир.

$$m = m_m + m_e, \quad m_m = 0$$

$$m = m_e$$

Мүүјјән мулаһизәләр әсасында электронун електромагнит күгләсини һесаблимаг олар. Фәрз едәк ки, электрон  $r_0$  - радиуслу күрә шәклиндәдир вә електрик жүкү бәрәбәр сыхлыгла онун дахилиндә пајланмышдыр. Електрик курсундан билдијимиз кими  $e$  жүкүнә малик зәррәчик  $v$  сүр'әти илә һәрәкәт едәрсә, бу һәрәкәтә сыхлығы  $ev$  олан електрик чәрәјаны кими бахмаг олар. Онда бу чәрәјанын мүүјјән  $r$  мәсафәсиндә јаратдығы магнит саһәсинин интенсивлији Био-Савар-Лаплас гануна кәрә

$$H = \frac{ev}{cr^2} \sin \theta$$

олар. Јаранан бу магнит саһәси мүүјјән енержи сыхлығына маликдир. Елементар  $dV$  һәчминдә магнит саһәсинин енержиси:

$$dW = \frac{H^2}{8\pi} dV = \frac{e^2 v^2 \sin^2 \theta}{8\pi c^2 r^4} \cdot r^2 dr \sin \theta d\theta d\varphi$$

$$dW = \frac{e^2 v^2 \sin^3 \theta^2}{8\pi c^2 r^2} dr d\theta d\varphi$$

олар.

Бу ифадәни  $r$ ,  $\theta$ ,  $\varphi$  -жә көрә, интегралласаг магнит сәһә-  
си илә бағлы олан енержини тапа биләрлик:

$$W = \frac{e^2 v^2}{8\pi c^2} \int_{r_0}^{\infty} \frac{dr}{r^2} \int_0^{\pi} \sin^3 \theta d\theta \int_0^{2\pi} d\varphi$$

$$W = \frac{e^2 v^2}{3r_0 c^2}$$

Алдығымыз бу енержи электрон үзәриндә көнардан  
мүәјјән иш көрмәклә әлдә едилмишдир. Башга сөзлә  
электрона вердијимиз кинетик енержи бу енержинин јаран-  
масына сәбәб олур. Онда

$$\frac{m_e v^2}{2} = \frac{e^2 v^2}{3r_0 c^2}$$

Бурадан электронун електромагнит күтләси үчүн

$$m_e = \frac{2e^2}{3r_0 c^2}$$

ифадәсини аларыг.

Электронун күтләсинин тамамилә електромагнит тә-  
биәтли олмасы фәрзијјәсиндән истифадә едәрәк онун клас-  
сик радиусуну һесаблимаг олар:

$$r_0 = \frac{2e^2}{3m_e c^2} \approx 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ см}$$

Гейд етмәк لازمдыр ки, электронун күтләсинин тамамилә электромагнит тәбиәтли олмасы фикри јанлышдыр. Бунун сәбәби ашағыдакылардан ибарәтдир.

1. Билдијимиз кими әкәр бир электрона радиусу  $10^{-13}$  см олан күрә кими бахсаг, бу күрәнин һәчми  $V \sim 10^{-39}$  см<sup>3</sup> олар. Күтлә тамам электромагнит тәбиәтли оларса, онда белә кичик һәчмдә јалһыз ејни электростатик характерли гүвәләр тәсири едәр. Бу гүвәләрин тәсири алтында систем дајаныглы ола билмәз вә бу систем дағылмалыдыр. Лакин күндәлик тәчрүбәләр көстәрир ки, электрон стабил зәррәчикдир, о дағылмыр. Онда белә кичик һәчмдә электростатик гүвәләрлә јанашы һәр һансы диқәр механики гүвәләр дә олмалыдыр ки, системә дағылмаға гојмасын. Бу механики гүвәләрә гаршы механики күтлә гоја биләрик.

2) Томсонун Лоренс дүстуруна әсастанан бу фәрзијәни ирәли сүрмәси һәм дә она көрә јанлышдыр ки, 1905-чи илдә Ејнштейн зәррәчијин тәбиәтинә һеч бир мәһлудијјәт гојмадан

$$m = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

дүстуруну алмышдыр. Онда Томсонун Лоренс дүстуруна әсастанмасы мәнасыздыр. Бу дедикләримизи јеқунлашдырараг белә нәтичәјә кәләрик ки, электронун күтләсинин тамамилә электромагнит тәбиәтинә малик олмасы фикри јанлышдыр, онун күтләсинин јалһыз бир һиссәси электромагнит тәбиәтлидир.



## II ФӘСИЛ

### АТОМУН ГУРУЛУШУ

#### §2.1. Сәпилмәнин эффектив кәсији

Адәтән атомуң гурулушуну, јә'ни атомда мәнфи вә мүсбәт јүкләрин пайланмасыны өјрәнмәк үчүн һәмин атому кәнардан бөјүк сүр'әтли электронларла,  $\alpha$ - зәррчикләрлә бомбардман едирләр (зондлајырлар). Ајдындыр ки, бу һалда атомда бир сыра мүрәккәб һадисәләр баш верә биләр. Лакин биз дикәр просесләри дејил, јалныз зәррәчикләрин атомдан сәпилмәсини өјрәнәчәјик. Сәпилмә дедикдә зәррәчикләрин әввәлки һәрәкәт истигамәтиндән мејлләри нәзәр-дә тугулулур.

Әввәлчә мәсәләни садәләшдирмәк үчүн фәрз едәк ки, сүкунәтдә олан вә хаотик јерләшән јүксүз күрәләр системи мовчуддур. Системин үзәринә кәнардан һәр һансы бир нишанланмыш күрә дүшүр.

Ајдындыр ки, дүшән нишанланмыш күрә сүкунәтдә олан күрәләрә ја тоггушачаг, ја да тоггушмајачагдыр. Бу һадисә еһтимал характери дашыјыр. Фәрз едәк ки, нишанланмыш күрәнин  $X$  мәсафәсини тоггушмадан кечмә еһтималы  $W(x)$ -дыр. Онда  $W(x+dx)$  нишанланмыш күрәнин  $x+dx$  мәсафәсини тоггушмадан кечмә еһтималы олар. Дикәр тәрәфдән нишанланмыш күрәнин  $x+dx$  мәсафәси кечмәси мүрәккәб һадисә олуб ики мәрһәләдән: ардычыл олараг тоггушмадан  $x$  вә  $dx$  мәсафәләрини кечмәсиндән ибарәтдир. Мүрәккәб һадисәнин еһтималы асылы олмајан елементар һадисәләрин еһтималларынын һасилинә бәрәбәр олдуғундан:

$$W(x+dx) = W(x) \cdot W(dx)$$

ифадәсини јазмаг олар.

Нишанланмыш күрәнин  $dx$  мәсафәсини кечәркән күрәләрлә тоггушма еһтималы бу мәсафә илә мүтәнасиб олуб  $adx$  кими жазыла биләр. Бурада  $a$  мүтәнасиблик әмсалыдыр. Онда нишанланмыш күрәнин  $dx$  мәсафәсини тоггушмадан кечмә еһтималы олан  $W(dx)$  -и ашағыдакы кими жазмаг олар:

$$W(dx) = 1-adx$$

Бу ифадәни јухарыдакы мүнасибәтдә нәзәрә алсаг,

$$W(x+dx) = W(x)(1-adx)$$

бәрабәрлијини жазмаг олар.

$W(x+dx)$  функцијасыны  $dx$  әтрафында сыраја ајыраг вә биринчи ики һәдди илә кифајәтләнәк. Онда

$$W(x) + \frac{dW(x)}{dx} \cdot dx = W(x) - aW(x)dx$$

$$\frac{dW(x)}{W(x)} = -adx$$

олар. Бу сон ифадәни интегралласаг

$$W(x) = Ce^{-ax}$$

аларыг. Бу ифадәдәки  $C$  интеграллама сабити сәрһәд шәртләриндән тапылыр.  $x=0$  олдугда нишанланмыш күрә һеч бир күрә илә тоггушмадығына корә бу һадисәнин еһтималы  $W(0)$  ваһидә бәрабәрдир. Онда  $c=1$  вә

$$W(x) = e^{-ax} \quad (2.1.)$$

аларыг. (2.1)-дән көрүнүр ки, нишанланмыш күрәнин тоггушмама еһтималы,  $x$  мәсафәси артдыгча экспоненциал олараг азалыр.

Инди исә (2.1) дүстуруна дахил олан  $a$ -нын физики ма-  
нијјәтини изаһ едәк.

Експоненсиал функцијанын үстү адсыз кәмијјәт олду-  
ғуна көрә  $f(a) = e^{-ax}$  олмалыдыр, дикәр тәрәфдән  $a$ -ја физики  
мә'на вермәк үчүн сәрбәст јолун орта узунлуғуну еһтимал  
нәзәријјәсинә көрә тә'јин едәк. Еһтиал нәзәријјәсиндә һәр  
һансы бир  $A$  кәмијјәтинин орта гијмәти ашағыдакы кими  
һесаблиныр:

$$\bar{A} = \int_0^{\infty} A(x)\Phi(x)dx$$

Бурада  $\Phi(x)$  функцијасы пайланма функцијасы вә ја еһ-  
тимал сыхлығы адланыр.

Сәрбәст јолун орта узунлуғунун тә'рифинә эсасән ни-  
шанланмыш күрәнин  $x$  галынғындан кечәркән орадакы кү-  
рәләрлә тоғтушмамағ еһтималы  $e^{-ax}$ ,  $dx$  галынлығында  
тоғтушма еһтималы исә  $a dx$  олдуғуна көрә сәрбәст јолун ор-  
та узунлуғунун  $\bar{x}$ -ә бәрәбәр олмасы еһтималы

$$\lambda = \bar{x} = \int_0^{\infty} x a e^{-ax} dx$$

олар. Ахырынчы ифадәни һиссә-һиссә интегралласағ

$$\lambda = \frac{1}{a} \quad \text{вә ја} \quad a = \frac{1}{\lambda}$$

аларығ. Демәли, (2.1) ифадәсинә дахил олан  $a$  сәрбәст јолун  
орта узунлуғунун тәрс гијмәтидир. Буну нәзәрә алдығда  
(2.1) дүстуру ашағыдакы шәкли алыр:

$$W(x) = e^{-\frac{x}{\lambda}} \quad (2.2)$$

Көстөрөк ки,  $a$ -нын икинчи бир физики мәнәсы да вардыр. Бу мөгсөднә сәпилмәнин эффектив кәсији адланан  $\sigma$  - кәмиј-јәтини һесаблајаг. Фәрз едәк ки, ваһид һәчмдә  $n$  сәјда  $r_0$  радиуслу күрә вар. Сәпичи күрәләрин һәр бирини радиусу  $r_0$  вә саһәси  $\sigma$  олан даирә формасында һәдәфлә әвәз едәк вә фәрз едәк ки, дүшән күрә бу һәдәфләрин дахилиндән кечәндә јалһыз сәпилмәјә мәрүз галыр. Бу мүлаһизәјә көрә һәр бир даирәнин саһәсинә  $\sigma = \pi r_0^2$  сәпилмәнин эффектив кәсији дејирләр. Квант механикасында сәпилмәнин эффектив кәсији дедикдә, ваһид заманда сәпилмә еһтималынын дүшән зәррәчикләр селинә олан нисбәти баша дүшүлүр. Ваһид һәчмдә олан там эффектив кәсик макроскопик кәсик адлаһыб ашағыдакы өлчү ваһидинә маликдир:

$$n\sigma = n\pi r_0^2 \quad \left[ n\pi r_0^2 \right] = \text{см}^{-2}$$

Дикәр тәрәфдән  $a$  кәмијјәтинин өлчүсү  $\text{см}^{-1}$  олдугундан ону  $a = n\sigma = n\pi r_0^2$  кими јазмаг олар. Јәһни  $a$  сабити елементар эффектив кәсикләрин чәминә бәрәбәр олуб макроскопик эффектив кәсији ифадә едир. Дүшән күрәнин  $dx$  мөсафәсини кечәркән тогтушма еһтималы  $adx$ -ә бәрәбәр олдугундан бу еһтималы  $n\sigma dx$  кими јазмаг олар. Онда  $\sigma$ , галыһлыгы  $1 \text{ см}$  вә ваһид һәчмдә бир күрә олан тәбәгәдән сәпилмә еһтималы,  $a$  исә күрәләрин сыхлығы  $n$ -ә бәрәбәр олан тәбәгәдән сәпилмә еһтималы олар.

Инди исә паралел зәррәчикләр селинин һәр һансы  $l$  галыһлыгы тәбәгәдән кечәркән сәпичи мәркәзләрдән сәпилмәси нәтичәсиндә селин зәифләмәси мөсәләсинә бахаг. Буну үчүн бу тәбәгәни сонсуз назик  $dx$  тәбәгәләринә бөлөк вә фәрз едәк ки, һәр һансы бир  $dx$  тәбәгәсинин өн сәһнинә дүшән зәррәчикләр селинин сыхлығы  $N$ -дир. Онда зәррәчикләр сели сыхлығынын  $dx$  галыһлыгы тәбәгәни кечәркән азалмасы

$$-dN = nN\sigma dx \quad (2.3)$$

гэдэр олар, j-ни зэррөчиклэр сели сыхлыгынын азалмасы, тэбэгэжэ дүшөн зэррөчиклэр селинин  $N$  сыхлыгы, һэр см<sup>2</sup> сэгһе ујгун сәпичи мәркәзләрин  $ndx$  сажы (бурада т-сәпичи мәркәзләрин концентрасијасыдыр) вә һәр бир сәпичи мәркәзин  $\sigma$  эффектив кәсији һасили илә дүз мугәнәсибдир. (2.3) ифадәсиндәки мәнфи ишарәси  $dx$  тэбэгәсини кечәркән зэррөчикләр сели сыхлыгынын азалмасыны кәстәрир. Фәрс едирик ки,  $l$  тэбэгәсиндән кечәркәп спиләп зэррөчикләр геј-дәдичи гурғуја дүшүр. Онда (2.3) ифадәсини сыфырдан  $l$ -ә гэдәр интеррајыб  $x=0$ -да  $N=N_0$  /  $N_0, l$  тэбэгәнин өн сәгһинә дүшөн зэррөчикләр сели сыхлыгыдыр) олдуғун нәзәрә алсағ:

$$N = N_0 e^{-n\sigma l} = N_0 e^{-al} = N_0 e^{-\frac{l}{\lambda}} \quad (2.4)$$

аларыг.

Истәшилән  $x$  галындыллы тэбәгәни кечәркән зэррөчикләр сели сыхлыгынын зәифләмәси гануна

$$N = N_0 e^{-n\sigma x} = N_0 e^{-ax} = N_0 e^{-\frac{x}{\lambda}} \quad (2.5)$$

ифадәси илә верилир.

(2.5) дүстурундан көрүнүр ки, зэррөчикләр малдәдән кечәркән селин зәифләмәси експоненсиал ганунла ифадә олунур.

## §2.2. Електроларын атомлардан сәпилмәси

Әввәлки параграфда алдығымыз пәтичәләр әсасында, электроларын атомлардан сәпилмәси мәсәләсини тәһлил едәк.

Фәрс едәк ки, электрон дәстәси мүүјән мүһитдән кечир. Тәчрүбә кәстәрир ки, чыхан дәстәсини интенсивлији, дүшән дәстәнин интенсивлијидән кичик олур.

Електрон дэстэси маддэдэн кечэркэн ики сәбәб үзүндән зәифләнә биләр. Биринчиси, электронлар маддә дахилдәки атомларла гаршылыгы тәсирдә олара өз энергияләринин мөҗҗән һиссәсини онлара вермәклә, икинчиси исә, слеткронлар атомларла еластики тоггушара өз һәрәкәт истигамәтләрини дәјишмәклә (сәниләрәк) електрон дэстәсиндән кәнара чыха биләр. Електронларын маддэдән кечәркән атомлардан сәпилмәсинин илк дәфә Ленард өйрәнмишдир. О, көстәрмишдир ки, маддэдән кечәркән электрон селинин зәифләнмәси

$$N = N_0 e^{-\alpha x} \quad (2.6)$$

гануну илә ифадә едилир. Бурада  $\alpha$  сабити ваһид узунлуқта сәпилмә нәтижәсиндә электрон дэстәсинин е дәфә зәифләнмәсини харатеризә едир.

(2.5) вә (2.6) ифадәләринин мүгајисәси  $\alpha$  илә а сабитләринин сјни физики мәнаја малик олмасыны көстәрир, јәни  $\alpha$  - электронларын маддә атомларындан сәпилмәсинин эффектив кәсикләринин чәмидир. Онда

$$N = N_0 e^{-\alpha x} = N_0 e^{-\frac{x}{\lambda}} = N_0 e^{-n\alpha x}$$

кими јазмаг олар.

Тәчрүбәләрдән мөҗҗән олунмушдур ки, (2.6) дүстуруна дахил олан  $\alpha$  кәмијјәти сәпичи маддәнин агрегат һалындан вә башга хүсусијјәтләриндән асылы олмайыб, јалныз онун сыхлыгындан асылыдыр. һәм дә ашкар олунмушдур

ки,  $\frac{\alpha}{\rho}$  нисбәти (бурада  $\rho$  - маддәнини сыхлыгыдыр) верил-

миш сүр'әт үчүн сабит кәмијјәтдир. Дүшәи электронларын сүр'әти артдыгча бу кәмијјәт кәскин азалыр. Мәсәлән, сүр'әти

$\beta = \frac{v}{c} = 0,04$  олан электронлар үчүн  $\frac{\alpha}{\rho} = 5,8 \cdot 10^6 \text{ см}^2 / \text{гр}$  олду-

гу һалда, чох бөјүк сүр'әтли электронлар үчүн, јәни  $\beta=0,9$

үчүн төчрүбөнүн вердији гижмөт  $\frac{\alpha}{\rho} = 6 \text{ см}^2 / \text{гр}$  олур.  $\alpha$  - малддөнүн фәрди хусусијәтләриндән асылы олмадыгындан  $\alpha$ -ны һава үчүн һесаплајаг (нормал шәраитдә һава үчүн  $\rho = 1,29 \times 10^{-3} \text{ гр/см}^3$ -дур.  $\beta = 0,04$  олдугда:

$$\alpha = 5,8 \cdot 10^6 \cdot 1,29 \cdot 10^{-3} \approx 7,5 \cdot 10^3 \text{ см}^{-1}$$

$\beta = 0,9$  олдугда исә:

$$\alpha = \rho \cdot 6 \frac{\text{см}^2}{\text{гр}} = 1,29 \cdot 10^{-3} \cdot 6 = 7,7 \cdot 10^{-3} \text{ см}^{-1}$$

Инди  $\alpha$ -ны газларын молекулдјар кинетик нәзәријјәсиндән һесаплајаг. Бу нәзәријјәјә корә нормал шәраитдә  $1 \text{ см}^3$ -дә газ молекулларынын сајы  $2,7 \times 10^{19}$  вә атом күрәсинин радиусу  $r_0 \approx 10^{-8}$  олдугундан:

$$\alpha = n\sigma = n\pi r_0^2 = 2,7 \cdot 10^{19} \cdot 3,14 \cdot 10^{-16} \approx 8,5 \cdot 10^3 \text{ см}^{-1}$$

олур. Бу нәтичәннин атому электронларла зондламагла алыннан нәтичә илә мугајисә етсәк, кичик сүр'әтли электронлар үчүн һәр ики нәтичәннин тәхминән үст-үстә дүшмәсини көрәрик. Лакин бөјүк сүр'әтли электронлар үчүн исә  $\alpha$ -нын атомларын электронларла зондламагла алыннан гижмәти онун газларын молекулдјар-кинетик нәзәријјәсиндән алыннан гижмәтиндән милдјон дәфә кичикдир. Бу исә ону көстәрир ки, атому бөјүк сүр'әтли электронларла зондлајанда онун һәгиги гурулушу даһа ајдын мејдана чыхар. Гәјд етмәк лазымдыр ки, атому электронларла зондладыгда онун һәгиги гурулушу тамамилә ашкар олунмур. Она корә дә атому даһа ағыр зәррәчикләрлә, мәсәлән,  $\alpha$  - зәррәчикләрлә зондламаг лазымдыр. Чүнки, ағыр зәррәчикләр электронлардан фәргли олараг атомун әсас күтләсиндән сәпилирләр. Бу мәгсәдлә бөјүк инкилис алыми Ернест Резерфорд атому  $\alpha$ - зәррәчикләрлә

зондиамыцдыр. Резерфорд моделинэ кечмөздөн эввэл она гэдэр олан вэ тарихми мараг кэсб едөн Томсон модели илэ таныш олаг.

### §2.3. Атомун Томсон модели

Атомун электронларла зондамасындан сонра 1903-чү илдэ Ч.Ч.Томсон атомун ашагыдакы моделини тэклиф етмишдир. Бу моделэ көрө атом мүсбэт жүклэрин бэрабэр һэчм сыхлыгы илэ пайландыгы күрө шэклиндэдир. Электронлар мүсбэт жүклэрин дахилиндэ јерлэшэрк онун ајры-ајры элементлэри илэ Кулон тануна көрө гаршылыгы тэсирдэ олурлар. Атомун нейтрал олмасы үчүн мүсбэт жүклэрин чэми мэнфи жүклэрин чэминэ бэрабэр олмалыдыр. Бу модел статик моделидир, јэни жүклэр системи һэрэкэт етмир. Лакин Томсон фэрз едирди ки, мэнфи жүклэр (электронлар) өз таразлыг вэзијјэти этрафында кичик квази-гармоник рэгс едэ билэр (бу фэрзијјэ атомун шүаланмасыны изаһ етмэк үчүндүр).

Доғрудан да, тутаг ки, күрэнин мэркэзи олан о нөгтөсиндэн  $x$  мәсафэдэ һэр һансы бир электрон јерэшир. Күрэнин бүтүн һэчмини чохлу сајда енсиз концентрик күрө тэбэгэлэринэ бөлөк.

Электрик бөһсиндэн мәлумдур ки, белэ тэбэгэлэрин һэр биринин дахилиндэ саһэнин интенсивлији сыфырдыр, тэбэгэдэн харичдэ исэ тэбэгэнин јаратдыгы саһэнин интенсивлији, тэбэгэнин бүтүн жүкү күрэнин мэркэзиндэ јерлэшөн жүкүн јаратдыгы саһэ интенсивлијинэ бэрабэр олачагдыр.  $X$  радиуслу күрэдэ олан мүсбэт жүкүн мигларыны  $q(x)$  илэ ишарэ етсэк, онда

$$q(x) = \frac{4}{3} \pi x^3 \rho$$

олар. Бурада  $\rho$  - мүсбэт жүклэрин сыхлыгыдыр.  $q(x)$  жүкүнүн күрэнин мэркэзиндэ топландыгыны гәбул етсэк, онун электрона етлији тэсир гүввәси



$$F = -\frac{4\pi x^3 \rho e}{3x^2} = -\frac{4\pi \rho e}{3} x = -kx \quad (2.7)$$

олар. Көрүндүжү кими электрона квазиеластик гүввә тә'сир едир. Бу гүввәнин тә'сири алтында электрон өз таразлыг вә-зијјәти әтрафында квазиһармоник рәгс едәчәкдир.

Томсон моделинә әсасән атомун радиусуну һесабламаг олар. Бунун үчүн тутаг ки, атомда бир мүсбәт жүк вә мәркәздән  $x$  мөсәфәсиндә јерләшән бир электрон вардыр. Онда (2.7) дүстурунда  $\rho$  әвәзинә

$$\rho = \frac{e}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{3e}{4\pi R^3}$$

јазсаг, электрона тә'сир едән гүввә үчүн

$$F = -\frac{e^2}{R^3} x = -kx$$

аларыг. Бурада  $e$ - атомун мүсбәт жүкү,  $e$ -исә электронун жүкү-дүр. Бу бәрабәрлијин мугәјисәсиндән

$$k = \frac{e^2}{R^3}$$

алырыг. Дикәр гәрәфдән даирәви тезлик  $\omega = 2\pi\nu = \sqrt{\frac{k}{m}}$  вә

$\nu = \frac{c}{\lambda}$  олдуғуну нәзәрә алсаг,  $k = \frac{4\pi^2 c^2}{\lambda^2} m$  олар.  $k$ -үчүн алдығымыз сон ики ифадәни бәрабәрләшдирмәклә атомун радиусу үчүн ашағыдакы ифадәни алмаг олар.

$$R = \sqrt[3]{\frac{e^2 \lambda^2}{4\pi^2 c^2 m}} \quad (2.8)$$

Билдиримиз кими бә'зи атомлар далға узунлуғу  $\lambda = 5 \times 10^{-5}$  см олан көрүнән шүә шүәландырыр. Белә бир атомун радиусуну һесаблајаг:

$$R = \sqrt[3]{\frac{\lambda^2 e^2}{4\pi^2 c^2 m}} = \sqrt[3]{\frac{25 \cdot 10^{-10} \cdot (4,8 \cdot 10^{-10})^2}{4 \cdot 9,86 \cdot 9 \cdot 10^{20} \cdot 9,1 \cdot 10^{-28}}} \approx 2 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

Томсон моделинә әсасән атомун радиусу  $10^{-8}$  см тәртиндәдир. Дикәр тәчрүбәләрдән дә, мәсәлән, газларын молекуллар-кинетик нәзәријәсиндән дә атомун радиусу бу гижмәт тәртиндәдир. Һесабламалар көстәрир ки, дикәр тәчрүбәләрдән алынан гижмәт Томсонун алдығы гижмәтлә үстүстә дүшүр. Белә үстүстә дүшмә Томсон моделинин үмүдверичи олдуғуну көстәрир. Бу статик модел оптикада вә атом физикасында олан бир сыра һадисәләри гисмән дә изаһ едирди. Лакин атомун хассәләринин периодиклијини, хәтти спектри, спектрал хәтләрин епини, онларын интенсивлијини, нормал вә аномал Зејеман һадисәләрини вә с. бу модел изаһ едә билмәди.

#### §2.4. $\alpha$ - зәррәчикләрин сәпилмәси нәзәријәси

$\alpha$  - зәррәчикләрин мүүјјөн сәпичи мәркәздән сәпилмәси мәсәләсини тәһлил едәк.

Фәрз едәк ки,  $Z\alpha$  жүклү сәпичи мәркәз  $O$  нөгтәсиндә јерләнмишидир. Сәпичи мәркәзин күтләсинин  $\alpha$  - зәррәчијин күтләсиндән чоһ-чоһ бөјүк олдуғуну гәбул едәк. Онда тоггушма заманы сәпичи мәркәз өз јерини дәјишмәз, јә'ни тәпмә импульсу алмаз.

Сәпичи мәркәзин јаратдығы саһәјә дүшән  $\alpha$  - зәррәчик гарнылыгы тә'сир нәтијәсиндә өз әввәлки истигамәтиндән мејл едиб, сәпилмә бучағы адланан һәр һансы бир  $\theta$  бу-

чагы алтында сәпиләр. Сәпилмәни характеризә етмәк үчүн һәдәф мәсафәси адланан параметрдән истифадә едирләр. Сәпичи мәркәзин мәркәзиндән  $\alpha$ -зәррәчикләрин әввәлки истигамәтинә ендирилән перпендикулјара һәдәф мәсафәсин дәрлир. Һәдәфә мәсафәси  $b$  илә көстәрилмишдир.

Сәпилмәнини маһијәтини нәзәри чәһәтдән өјрәнмәк үчүн  $\alpha$  - зәррәчиклә сәпичи мәркәз арасындакуы гаршылыгылы тә'сирин характери мә'лум олмалыдыр. Резерфорд бу гаршылыгылы тә'сирин Кулон гануна табә олдуғуну фәрз етмишдир. Тәбиидир ки, алынән нәтичәнин даһа дүрүст олуб-олмамасы бу фәрзијјәдән дә асылы олмалыдыр. Беләликлә гаршылыгылы тә'сирин Кулон ганунуна табә олмасыны гәбул едиб, сәпичи мәркәзин саһәсиндә олан  $\alpha$  - зәррәчијин там енерјисинин ифадәсини јазаг:

$$E = \frac{mv^2}{2} + \frac{2Ze^2}{r}$$

Көләчәк һесабламанын садәлији хатиринә бу ифадәдә полјар координат системинә кечәк:

$$x = r \cos \varphi, \quad y = r \sin \varphi$$

$$v^2 = \left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2 = \left(\frac{dr}{dt}\right)^2 + r^2 \left(\frac{d\varphi}{dt}\right)^2;$$

$$v_r = \frac{dr}{dt}; \quad v_\varphi = r \frac{d\varphi}{dt}$$

Онда там енерјинин ифадәси

$$E = \frac{m}{2} \left[ \left(\frac{dr}{dt}\right)^2 + r^2 \left(\frac{d\varphi}{dt}\right)^2 \right] + \frac{2Ze^2}{r}$$

олар. Там енержинин ифадәсинә  $\varphi$  - координаты ашкар шәкилдә дахил олмадыгындан о тсыклик координат адланыр. Классик механикадан мә'лумдур ки, тсыклик координата уј-гун һәрәкәт мигдары моменти сахланылыр, јә'ни

$$M_{\varphi} = mv_{\varphi} r = mr^2 \frac{d\varphi}{dt} = \text{const.}$$

олур; беләликлә:

$$E = \frac{m}{2} \left[ \left( \frac{dr}{dt} \right)^2 + r^2 \left( \frac{d\varphi}{dt} \right)^2 \right] + \frac{2Ze^2}{r} = \text{const} \quad (2.9)$$

$$M_{\varphi} = mr^2 \frac{d\varphi}{dt} = \text{const}$$

бурада  $m$ ,  $\alpha$ - зәррәчијин күшләси,  $2e$  исә јүкүдүр. (2.9) ифадәсиндәки  $E$  вә  $M_{\varphi}$ , ујгун олараг энерги вә һәрәкәт мигдары моментинин сахланмасына корә сабит кәмијјәтдирләр.  $r$ -ин  $\varphi$ -дән асылылыгыны мүәјјәнләндирмәк үчүн (2.9) ифадәсини ашағыдакы шәкилдә јазат:

$$\left( \frac{dr}{dt} \right)^2 + r^2 \left( \frac{d\varphi}{dt} \right)^2 = \frac{2E}{m} - \frac{4Ze^2}{mr}$$

Бу ифадәни садәләшдирмәк мөгсәди илә  $M_{\varphi} = mr^2 \frac{d\varphi}{dt}$

мүнасибәтиндән  $\frac{d\varphi}{dt} = \frac{M_{\varphi}}{mr^2}$  илә әвәз едәк; онда

$$\left( \frac{dr}{dt} \right)^2 + \frac{M_{\varphi}^2}{m^2 r^2} = \frac{2E}{m} - \frac{4Ze^2}{mr}$$

аларыг.

$$\frac{dr}{dt} = \frac{dr}{d\varphi} \cdot \frac{d\varphi}{dt} = \frac{M_\varphi}{mr^2} \cdot \frac{dr}{d\varphi}$$

шәклиндә тәсвир едиб, сонунчу тәнликдә јеринә јазсар

$$\frac{1}{r^4} \left( \frac{dr}{d\varphi} \right)^2 + \frac{1}{r^2} = \frac{2mE}{M_\varphi^2} - \frac{4mZe^2}{rM_\varphi^2}$$

аларыг. Бу дифференциал тәнлији һәлл етмәк үчүн  $\frac{1}{r} = \rho$  дә-  
јишәни дахил едәк:

$$\left( \frac{d\rho}{d\varphi} \right)^2 + \rho^2 = \frac{2mE}{M_\varphi^2} - \frac{4mZe^2}{M_\varphi^2} \rho$$

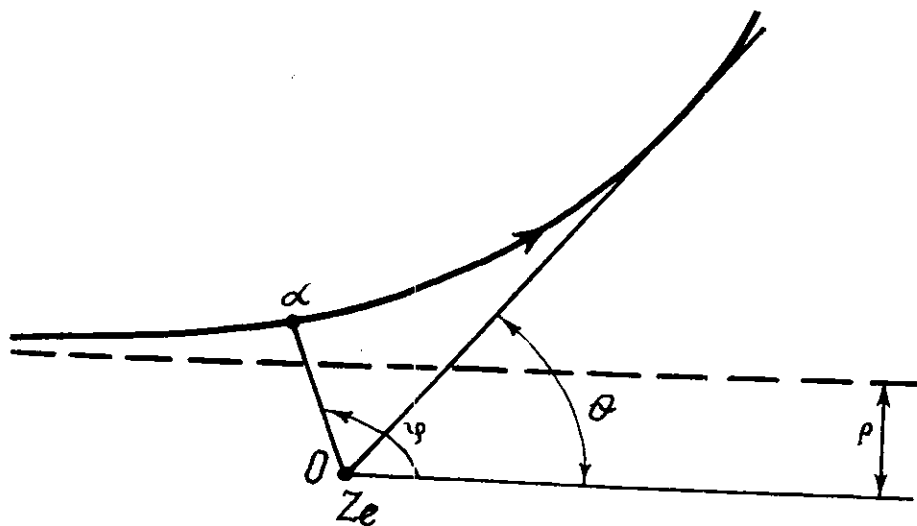
Сонунчу тәнлијин  $\varphi$  -јә көрә төрәмәснни алсар:

$$\frac{d^2 \rho}{d\varphi^2} + \rho = -\frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} \quad (2.10)$$

олар. (2.10) тәнлији икинчи тәртиб гејри-бирчине хәтти диф-  
ференциал тәнликдир. Белә тәнлијин һәлли гејри-бирчине  
тәнлијини хусуси һәлли илә бирчине тәнлијин үмуми һәлли-  
нин чәминә бәрабәр олмалыдыр:

$$\rho = -\frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} + A \cos \varphi + B \sin \varphi \quad (2.11)$$

Бу һәллә дахил олан А вә В сабитләри ашағыдакы шөртлөрдән тапылыр. Шөкил 2а-дан корүндүјү кими  $\varphi = \pi$  олдугда  $\rho=0$  ( $r \rightarrow \infty$ ) олур. Буну (2.11)-дә нәзәрә алсаг:



Шөкил 2а

$$A = -\frac{2mZe^2}{M_\varphi^2}$$

олар.  $\alpha$  - зәррәчикләрин трајекторијасында ихтијари нөгтөннн ординаты  $r$  вә полјар бучаг  $\varphi$ ,  $y = r \sin \varphi$  мүнәсибәтилә бағлыдыр. Бу мүнәсибәтн

$$\frac{l}{y} = \frac{l}{r \cdot \sin \varphi} = \frac{\rho}{\sin \varphi} = B - \frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} \cdot \frac{1 + \cos \varphi}{\sin \varphi}$$

шәклиндә языб вә  $\varphi = \pi$  олдугда  $y=v$  (һәдәф мәсафәси) олдугундан  $B$  сабитинин  $\frac{1}{b}$  олдугуну аларыг. Онда (2.11) ашагыдакы ифадәјә бәрәбәр олар:

$$\rho = \frac{1}{b} \sin \varphi - \frac{2mZe^2}{M_\varphi^2} (1 + \cos \varphi) \quad (2.12)$$

Ајдындыр ки,  $\alpha$ - зәррәчкәләри мејл етдикдән (сәпилдикдән) сонра  $r \rightarrow \infty$  ( $\rho=0$ ) олуp, онда трајекторијанын (трајекторија хариҗи фокусулда сәнички мәркәз јерләшкән һиперболадыp) асинтотлары арасында талан  $\varphi$  - бучагы  $\theta$ -ја бәрәбәр олар. Бу һалда (2.12) һәлһиндән

$$\frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} = \frac{M_\varphi^2}{2mZe^2 b}$$

$$\operatorname{ctg} \frac{\theta}{2} = \frac{M_\varphi^2}{2mZe^2 b}$$

һәрәкәт миғдары моментги  $M_\varphi = mvb$  олдугундан:

$$\operatorname{ctg} \frac{\theta}{2} = \frac{mv^2 b}{2Ze^2} \quad (2.13)$$

аларыг.

Инди  $\alpha$ - зәррәчкәләрин сәпилмәсинин еффеҗтив кәсијини һесаблајаг. Бир гајда олараг, тәчрүбәдә мүүјјән бучаг интервалында сәпилән зәррәчкәләри гејд едирләр. Она көрәдә  $\theta$  илә  $\theta+d\theta$  интервалында сәпилән зәррәчкәләрин еффеҗтив кәсијини һесаблајаг. Мәлүмдур ки,  $\theta$  илә  $\theta+d\theta$  ин-

тервалында сәпилән зәррәчикләрнн һамысы, радиуслары  $b$  вә  $b+db$  олан даирәләрнн арасында галан золаглардан кечәчәкләр. Онда иддиа етмәк олар ки, белә золаглардан (һәлгәләрдән) кечән зәррәчикләрнн саҗы бу һәлгәннн саһәси илә мүтәнәсиб олар, я'ни зәррәчикләрнн сәпилмәсиннн еффектив кәсиҗи

$$d\sigma = 2\pi b db \quad (2.14)$$

олар. (2.13) ифадәсиндән  $b$  вә  $db$  һесаблаҗыб (2.14) -дә јеринә јазсаг

$$d\sigma = \left( \frac{Ze^2}{mv^2} \right)^2 \frac{d\Omega}{\sin^4 \frac{\theta}{2}} \quad (2.15)$$

аларыг; бурада  $d\Omega = 2\pi \sin\theta d\theta$  чисим бучағы адланыр. (2.15) дүстуру Резерфордун  $\alpha$ - зәррәчикләрнн сәпичи мәркәздән сәпилмәси дүстурдур.

Резерфорд дүстурундан көрүнүр ки,  $\theta \rightarrow 0$ ,  $d\sigma \rightarrow \infty$ . Бу чатышмазлыг Резерфорд дүстурунун чох кичик бучаглар алтында сәпилән (буна ирәли сәпилмә деҗирләр) зәррәчикләрә тәтбиг олунмасыны мәһдудлашдырыр. Илк бахышда белә гәрар кәлмәк олар ки,  $\theta \rightarrow 0$ ,  $d\sigma \rightarrow \infty$  олмасы классик физианын микроаләмә тәтбиг едилмәси илә әлағәдардыр. Әслиндә исә белә деҗилдир. Квант механикасынын һәтта квант электродинамикасынын тәтбиги илә алынмыш дүстур белә бу чәтинлиҗә мәруз галыр. Бу чәтинлиҗнн јаранмасынын әсас сәбәби,  $\alpha$ - зәррәчиҗи илә сәпичи мәркәз арасындакы гаршылыгылы тәсири өтүрән зәррәчиҗнн (фотонун) сүкунәт күтләсиннн сыфыр олмасыдыр ки, бу елмдә инфра-гырмызы дағылма адланыр.



## §2.5. Резерфорд дүстурунун тэчрүбөдө жохламасы

2.15 дүстурунун тэчрүбөдө билаваситө жохламаг мүмкүн дежилдир. Она көрө дө бу дүстуру тэчрүбөдө жохламаг үчүн ашагыдакы шөкилдө жазаг. Тутаг ки,  $1\text{см}^3$  һөчмдө олан сөпичи мәркөзләрнн сагы  $n$ -дир. Бурада фөрз едилир ки, сөпичи мәркөзләр бир-бирини ортмөдөн лөвһө (фолга) үзөриндө бөрабәр пайланмалыдыр. Онда бир  $\alpha$ - зөррөчижин  $n$ -сөпичи мәркөздөн сөпилмәси:

$$\Sigma = nd\sigma$$

олар ки, буна макроскопик еффектив кәсик дежилрәр. 1 сәни-жөдө сөпичи вөрөгөннн сөтһинө дүһөн  $\alpha$ - зөррөчикләрнн сагына  $N$  десөк, сөпилән зөррөчикләрнн сагы:

$$dN = N\Sigma = nN \left( \frac{Ze^2}{mv^2} \right)^2 \frac{d\Omega}{\sin^4 \frac{\theta}{2}} \quad (2.16)$$

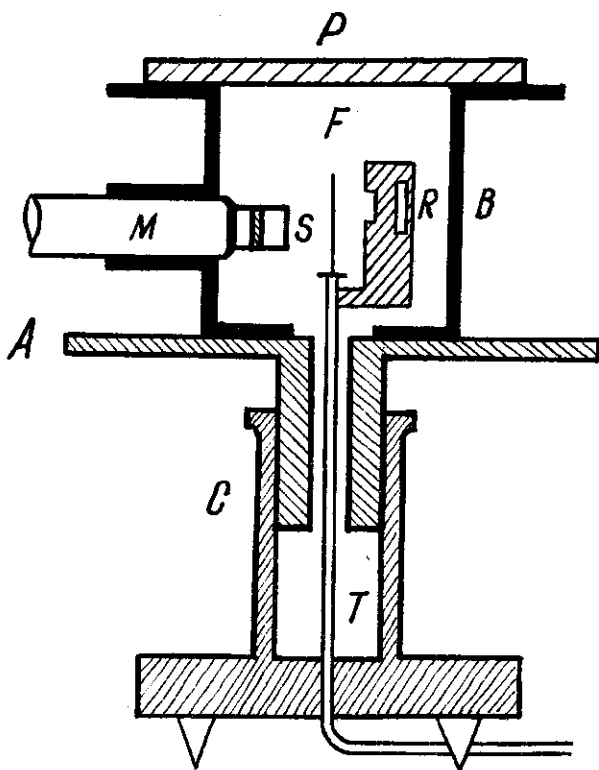
олар. (2.16) дүстурунун

$$\frac{dN}{d\Omega} \cdot \sin^4 \frac{\theta}{2} = nN \left( \frac{Ze^2}{mv^2} \right)^2$$

шөклиндө жазаг, мүэјјән сөпичи мәркөз вө мүэјјән енержили  $\alpha$  - зөррөчикләри үчүн сәг тәрөфин сабит галмасыны көрөрик, јө'ни:

$$\frac{dN}{d\Omega} \cdot \sin^4 \frac{\theta}{2} = \text{const} \quad (2.17)$$

олар; тэчрүбөдө дө сонунчу ифадәннн сәг тәрөфиннн сабит-лији жохланмындыр. Бу мөгсөдлө Резерфорд ашагыдакы тэчрүбөнн гөјмушдур (шөкил 3).



Шөкил 3

Металдан һазырлашмыш В цилиндрик габ, бөлкүлөнмиш А даирәсинин үзәринә гојулур. Һәмин габ А даирәси илә бирликдә фырлана биләр. R радиоактив препарат вә сәпичи F лөвһәси T борусунда елә јерләшдирилир ки, габы фырлатдыгда онлар тәрпәнмирләр. М микроскопунун гаршысында үзәри парылты верән маддә илә өртүлмүш шәффаф S экраны гојулур вә В габы илә бирләшдирилир. А даирәсини фырлатмагла микроскопу истәнилән бучаг алтында јөнәлиб сәпилән  $\alpha$ -зәррәчикләрин сајыны тапмаг олар.  $\alpha$ -зәррәчикләрин әлавә олараг һавадан сәпилмәсинин гаршысыны алмаг үчүн В габынын үстү Р шүшә лөвһәси илә өртүлүр вә һавасы Т борусу васитәсилә сорулур. Бүтүн тәчрүбә мүддәтиндә  $10^5$  па-

рылты саймаг олур. Күмүш вә ја гызыл назик лөвһәләрдән сәпилмәнин тәдғиги көстәрди ки,  $\theta$ - бучағынын кениш интервалда дәјишмәсинә бахмајараг (2.17) мүнәсибәти өдәни- лир. (2.17) мүнәсибәтинин өдәнилмәси  $\alpha$ - зәррәчикләри илә сәпичи мәркәз арасындакы ғаршылыгы тә'сирин Кулон га- нуна табе олмасыны да тәсдиг едир. Макин бөјүк енержили  $\alpha$ - зәррәчикләрин сәпилмәси көстәрмишдир ки, (2.17) мүнә- сибәтинин сол тәрәфи енержинин артмасы илә һеч дә са- бит ғалмыр. Енержинин бөјүк гижмәтләриндә  $\alpha$ - зәррәчиклә- рин әкс истигамәтдә сәпилмәси дә чох бөјүк шүбһә доғур- мушдур. Бу шүбһә ондан ибарәт иди ки, әкс истигамәтдә сә- пилмәдә һәдәф мәсафәси  $10^{-12}$  см тәртибиндә олурду ки, бу да Томсон модели дахилиндә изаһ едилә билмирди. Һәдәф мәсафәсинин  $10^{-12}$  см-дән кичик гижмәтләриндә (2.17) сабитлији даһа чидди позулурду; бу о демәкдир ки, Кулон гануну  $10^{-12}$  см-дән кичик мәсафәләрдә тәтбиг олуна билмәз вә  $\alpha$ -зәррәчикләри илә сәпичи мәркәз арасындакы ғаршылыгы тә'сир башта тәбиәтлидир.

## §2.6. Атомун Резерфорд модели

1909-1910-чу илләрдә Ч.Ч.Томсонун кечмиш ассисенти профессор Ернест Резерфорд өзүнүн тәләбәләри һејкер вә Марденлә бирликдә  $\alpha$ -зәррәчикләрин назик метал тәбәгә- ләриндән сәпилмәси үзрә бир сыра тәчрүбәләр апардылар. Резерфорд назик гызыл тәбәгәсини радиактив полониумун  $^{214}P_0$  бурахдыгы  $\alpha$  зәррәчикләрлә бомбардман етмәји тәклиф етди. Полониумун бурахдыгы  $\alpha$ -зәррәчикләрин енержиси 7,68 Мев-дир.

Электрик вә магнит сәһәләриндәки мејләрә әсасән мүүјән олунмушдур ки,  $\alpha$ -зәррәчикләрин јүкү мүсбәт олуб, мүтләг гижмәтчә электронун јүкүндән ики дәфә, күтләләри исә электронун күтләсиндән 8000 дәфә бөјүкдур. Тәчрүбә- ләрдән мә'лум олмушдур ки,  $\alpha$ -зәррәчији икигәт ионлаш- мыш һелиум атомудур.  $\alpha$ - зәррәчикләрин гызыл тәбәгәдән кечәркән сәпилмә (мејл етмә) бучағларыны тәдғиг етмәклә

онларын сәпилмәсинә сәбәб олан гызыл атомларынын гурулушуну тәһлил етмәк мүмкүндүр.

Гургушун гуту ичәрисиндә јерләшдирилмиш радиактив маддәнин бурахдыгы  $\alpha$  - зәррәчикләрин енисиз дәстәси гутунун енисиз дешийиндән чыхараг гызыл фолга (назик тәбәгә) үзәринә дүшүр.

Фолганын о бири тәрәфиндә үзәринә  $ZnS$  тәбәгәси чәкилмиш экран јерләшир. Гызыл тәбәгәдән кечән  $\alpha$ - зәррәчикләри экран үзәринә дүшәркән флуорессенсия ишыгланмалары (парылтылар) јарадыр. Бу парылтылары ади көзлә вә ја микроскопла мүшаһидә етмәклә экран үзәринә дүшән  $\alpha$ - зәррәчикләрин сајыны тәјјин етмәк олар. Гургувун конструксијасы экран вә микроскопу һәрәкәт егдирмәјә вә беләликлә дә, гызыл тәбәгәдән мүхтәлиф бучаглар алтында сәпилән  $\alpha$  - зәррәчикләри мүшаһидә етмәјә имкан верир.  $\alpha$  зәррәчикләрин һава молекулларындан сәпилмәсинин гаршысыны алмаг үчүн бүтүн гургу ичәрисиндә вакуум јарадылмыш камеранын дахилиндә јерләшдирилир. Тәчрүбәдә мәрсәл ваһид заманда  $\theta$ ,  $\theta+d\theta$  бучаг интервалында сәпилән  $\alpha$  - зәррәчикләрин сајыны тапмаг вә алынмыш нәтичәләри Томсон моделинә әсасланмыш нәзәри нәтичәләрлә мүгајисә етмәкдән ибарәт иди. Томсон модели кичик бучаг алтында сәпилмә бучагынын орта гијмәти үчүн  $4^0-6^0$  верирди.

Томсон моделинә әсасән  $\alpha$ - зәррәчикләри назик тәбәгәдән кечәркән онларын сәпилмә бучагы кичик олмалыдыр, чүнки тәбәгәдән кечән  $\alpha$ - зәррәчикләрә чох кичик електрик гүввәләри тәъсир едир. Дикәр тәрәфдән  $\alpha$ - зәррәчикләрин башлыныгыч импулслары бөјүк олдугундан гызыл тәбәгәни кечәркән әввәлки истигамәтә нәзәрән чох кичик бучаг алтында мејл етмәлидирләр.

Һәјкер-марседенин тәчрүбәләри көстәрди ки, көзләнилдији кими  $\alpha$ - зәррәчикләрин әксәријәти гызыл тәбәгәни кечәркән демәк олар ки, мејл етмирләр вә экранын ортасына дүшүрләр. Лакин бунунла јанашы нисбәтән бөјүк бучаглар алтында сәпилән  $\alpha$ - зәррәчикләр дә мүшаһидә олунур. Ән бөјүк тәәччүб доғуран һадисә исә, бә’зи  $\alpha$ - зәррәчикләрин практики олараг әкс истигамәтдә сәпилмәсинин

мүшәһиндә олунмасы иди.  $\alpha$ - зәррәчикләрин илкин импульслары бөјүк олдуғларына көрә онлары әкс истигамәтдә гајтаран гүввәләр чох бөјүк олмалыдыр. Бу тәчрүби фактлар Томсон модели әсасында изаһ едилә билмир, она көрә дә бү нәтичәләри изаһ етмәк үчүн Резерфорд 1911-чи илдә атомун нүвәли моделини верди. Резерфода көрә атомун мүсбәт жүкү вә әсас күтләси онун мәркәзиндә нүвә адланан чох кичик бир сферик һәчмдә јерләшир, электронлар исә нүвәдән мүхтәлиф мәсафәләрдә гаһалы орбитләр үзрә фырланыр. Электронларын нүвә әтрафындакы һәрәкәти планетләрин күнәш әтрафындакы һәрәкәтинә охшалдығындан бу моделә атомун планетар модели дә дејирләр. Атомун Резерфорд моделинә көрә атом әсасән бошлуғдан ибарәтдир. Она көрә дә зәррәчикләрин әксәријјәти атомлардан сәпилмир (электронларын күтләси чох кичик олдуғундан онлар бөјүк күтләли  $\alpha$ - зәррәчикләри сәпмәјә гадир дејилләр).  $\alpha$  - зәррәчик нүвәнин дүз үстүнә доғру һәрәкәт едәрсә вә ја онун јахынлығындан кечәрсә она бөјүк электрик саһәси тә’сир едәр вә она көрә дә о, бөјүк бучаг алтында сәпиләр. Атом дахилиндә мүсбәт жүкүн јаратдығы электрик саһәсинин интенсивлијинин гијмәти Томсон вә Резерфорд моделләринә көрә бир-бириндән чох кәскин фәргләнир. Асанлыгла көстәрмәк олар ки, Томсон моделиндә атомун мүсбәт жүкүнүн јаратдығы саһәнин интенсивлијинин эн

бөјүк гијмәти тәхминән  $10^{10} \frac{B}{\text{см}}$ -дир. Резерфорд моделинә

әсасән исә нүвәнин сәтһиндә нүвәнин мүсбәт жүкүнүн јаратдығы саһәнин интенсивлијинини максимал гијмәти

$10^{19} \frac{B}{\text{см}}$ -дән бөјүк, ја’ни Томсон моделинин вердији

гијмәтдән  $10^{10}$  дәфә бөјүк олачагдыр. Әлбәттә, белә күчлү саһә  $\alpha$ - зәррәчикләрини бөјүк бучағлар алтында мејл етдирмәјә гадирдир. Һесабламаһар көстәрди ки, Томсон моделинә әсасән  $\alpha$  - зәррәчикләри  $\theta \geq 90^\circ$  бучаг алтында мејл едә биләмзләр. Тәчрүбәләр көстәрди ки, һәр 8000  $\alpha$ - зәррәчикләрдән бири  $\theta \geq 90^\circ$  бучаг алтында мејл едир ки, бу да атомун Резерфорд моделинә бөјүк дәғигликлә ујғун

кәлир. Бүтүн бу нәтичәләр Томсон моделинин үмүдверичи олмамасыны көстәрди.

Бу нәтичәләр Резерфорд моделинин үмүдверичи олду-гуну мұәјјәнләшдирди вә беләликлә, микроаләм нәзәриј-јәсинин Резерфорд модели әсасында гурулмасы мәсәләси гаршыја гојулду.

## §2.7. Електрон орбитләри вә Бор постулатлары

Резерфорд моделинә әсасән атомун әсас күгләси вә онун мүсбәт јүкү атомун мәркәзиндә чох кичик бир һәчмдә јерләшир. Атомун бу һиссәсинә нүвә дејилир. Атомун өлчү-ләри нүвәнин өлчүләриндән тәхминән  $10^5$  дүфә бојүкдүр. Атомун  $Z$  сәјдә електронлары исә нүвә әтрафында пәјлан-мышлар. Томсон моделиндән фәргли оларат резерфорд моде-линдә електронлар сүкунәтдә ола билмәзләр, чүнки бу һалда нүвәнин чазибәси нәтичәсиндә онлар нүвә үзәриндә дүшәр-диләр вә атом системи дајаныглы олмазды. Она көрә дә електронлар мүхтәлиф орбитләр үзрә нүвә әтрафында фыр-ланмалыдыр. Резерфорд модели микроаләмни дәрк етмәк вә бә'зи мә'луматлар алмаг үчүн јекәнә васитә иди (бах 2.6). Лакин бу моделин тәклиф едилмәси илә бәрәбәр онун классик электродинамикаја зидд олап тәрәфләри дә ашкара чыхды. Доғрудан да, классик электродинамикаја көрә тә'чилиә һә-рәкәт едән јүкү зәррәчик һөкмән шүаланмалыдыр вә шүаланма интенсивлији

$$J = \frac{2e^2 a^2}{3c^2}$$

илә тә'јин едилир; бурада  $a$ -һәрәкәт едән јүкүн тә'чилидир. Әкәр фәрз етсәк ки, електрон нүвә әтрафында сабит сүр'әтлә фырлашыр, онда јенә дә мәркәзәгачма тә'чили

$a = \frac{v^2}{r}$  сыфырдан фәргли олдуғундан електрон шүаланма-лыдыр. Тәбииндир ки, белә шүаланма атомун дајанагсыз

олмасына кәтирмәлидир. Дикәр төрөфдән классик электро-динамикада сүбүт едилмишдир ки, жалныз Кулон гүввөси тә'сири алтында олан систем дајанаглы таразлыгда ола билмәз.

Беләликлә Резерфорд модели бу чәтинликләр гаршысында ачиз галмышды; Резерфорд моделини бу чәтинликләрдән гуртармаг вә классик физика гануналары илә барышдырмаг үчүн Нилс Бор ашагыдакы ики постулаты ирәли сүрдү:

1.Атом вә ја атомлар системи узун мүддәт дајанаглы таразлыгда жалныз енержиси мүөјөн -стационар халларда ола биләр. Бу халларда жүклү зәррәчикләр һәрәкәт етдикдә нә шүалангар нә дә шүа удар. Стационар халларда олан атомун енержиси дискрет сыра тәшкил едир.

2.Атом бир стационар халдан дикәринә кечдикдә бу халларын фәрги гәдәр ја енержи удар вә ја да бурахар. Әкәр атом енержиси  $E_n$  -олан халдан енержиси  $E_k$  -олан хала кечирсә, онда удулани вә ја бурахылан шүа монохроматик олмагла, онуи тезлији

$$h\nu = E_n - E_k \quad (2.18)$$

шәртини (борун тезлик шәрти) одәмәлидир; бурада  $h$  Планк сабити адланыр.

$$h = 6,6 \cdot 10^{-27} \text{ ерг} / \text{сан}$$

Бу ики постулат классик электродинамиканын гануналарына зиддир. Доғурдан да, биринчи постулата көрә стационар халда һәрәкәт едән электрон шүаланмыр, икинчи постулата көрә исә электрон бир стационар халдан дикәринә кечдикдә бурахылан шүанын тезлијинин, электронларын периодик һәрәкәтләринин тезлији илә һеч бир әлагәси јохдур.

## §2.8. Эластики вә гејри-эластики тоггушмалар. Франк вә Герс тәчрүбәләри

Борун атомда дискрет стационар һаллар олмасы фикрини чох бөјүк ајдыглыгла тәслиг едән тәчрүбәләр Франк вә Герс тәчрүбәләри олмушдур. Бу тәчрүбәләрин нәтичәләрини јахшы баша дүшүмәк үчүн бир сыра анлајышларла таныш олаг. Електрон атомда, мәсәлән, гидроген атомунда  $n=1,2,3\dots$  һалларында ола биләр.  $n=1$  һалы әсас (нормал) һалдыр,  $n=2,3\dots$  вә с. һаллары исә атомун һәјәчанланмыш һалларыдыр. Атомун ионлашма енерјиси делдикдә әсас һалда олан электрону атомдан топармаг үчүн лазым олан енерји нәзәрдә тутулур. Гидроген атому үчүн бу енерји  $E_{\text{ион}} = 13,6 \text{ eВ}$ -дур.

Электрону әсас һалдан  $n = 1$  һәјәчанланмыш һаллара  $n = 2,3,\dots$  вә с. кечирмәк үчүн лазым олан енерјијә һәјәчанланма енерјиси дејилир. Көрүндүјү кими мүхтәлиф һәјәчанланма һалларына (I, II, III вә с.) мүхтәлиф һәјәчанланма енерјиләри ујғундур.

Верилмиш һалда олан электрону атомдан узаглашдырмаг (топармаг) үчүн лазым олан енерјијә бу һал үчүн рабитә енерјиси дејилир. Електрон әсас һалда олдугда рабитә енерјиси илә ионлашма енерјиси үст-үстә дүшүр.

Чивә атомлары кими (Франк вә Герс тәчрүбәләриндә чивә атомларындан истифадә олунмушдур) ағыр атомларда дахили орбит электронлары илә нүвә арасында чох бөјүк чазибә гүввәләләри тә'сир етдијиндән о электронлары атомдан узаглашдырмаг (топармаг) чәттидир. Бу электронларын рабитә енерјиси бир нечә мин электронволтта чатыр. Харичи (валент) электронлар исә нүвә илә зәиф бағлыдырлар, чүнки онлар һәм нүвәдән узагда јерләширләр, һәм дә дахили орбит электронларынын скрашлајычы тә'сири нәтичәсиндә онлар мүәјјән дәрәчәдә нүвәнин тә'сириндән горуноур. Она көрә дә валент электронларын рабитә енерјиси бир нечә электронволтдур. Франк вә Герс тәчрүбәләриндә јалныз валент электронлары иштирак едир. Франк вә Герс тәчрүбәләрини шәрһ етмәздән әввәл мүхтәлиф енерјијә малик электронларын чивә атомлары илә тоггушмасыны Бор постулатлары әсасында нәзәрдән кечирәк. Чивә



атомунда валент электронун енержиси  $E_g = -10,42$  eВ-дур. Биринчи һәјәчанланма һалынын енержиси исә  $E_h = -5,54$  eВ-дур. Электронун әсас һалдан биринчи һәјәчанланма һалына кечмәси үчүн лазым оалн енержи

$$E_e = E_h - E_g = -5,54 - (-10,42) = 4,88eB$$

Бу енержијә чивә атомулуи биринчи бөһран енержиси дежилир. Әкәр һәр һансы бир сәбәб үзүндән чивә атому биринчи һәјәчанланма һалына кечәрсә, чох кичик заман интервалындан сонра  $\sim 10^{-8}$  сан электрон әсас һала гајыдар вә бу заман енержиси  $E_e = 4,88eB$ , далға узунлуғу исә

$$\lambda = \frac{hc}{E_e} = 2536 \text{ \AA} \text{ олан фотон шүәланар.}$$

Јаваш электронлар дәстәсинин кичик тәзјиг алтында олан чивә бухары ичәрисиндән кечмәси һалыны нәзәәрдән кечирәк. Әкәр электронларын кинетик енержиси 4,88 eВ-дән кичик оларса, онда электронларын чивә атомлары илә тоғгушмасы икинчи постулата корә еластики тоғгушма олачағдыр, јәни электронларын кинетик енержиләри дәјишмәјәчәкдир. Электронун кинетик енержиси 4,88 eВ-дән бөјүк олдуғда исә јенә дә икинчи постулата әсасән тоғгушма гејри-еластики ола биләр. Бу заман электронун кинетик енержисинин бир һиссәси чивә атомуна верилә биләр вә бунун нәтичәсиндә чивә атомуида электрон әсас һалдан биринчи һәјәчанланма һалына кечә биләр. Бу һалда электронун атомла тоғгушмасындан сонрақы кинетик енержиси  $W_2 = W_1 - 4,88$  олар. Атомуи һәјәчанланмыш һалда јашама мүддәти чох кичик  $10^{-8}$  сан олдуғундан, тоғгушмадан сонра һәјәчанланмыш атом дәрһал әсас һала кечәрәк далға узунлуғу  $\lambda = 2536 \text{ \AA}$ , енержиси исә 4,88 eВ олан фотон бурахачағдыр. Әкәр чивә атому илә тоғгушан электронун кинетик енержиси  $W_1 > 4,88eB$  eВ-дан чох фәргләнмирсә, онда  $W_2 > 4,88eB$  олар вә биринчи гејри-еластики тоғгушмадан сонра тәкрат гејри-еластики тоғгушма баш вермәз. Бу заман тәкрат тоғгушмаларын

һамысы еластики оламагдыр.  $W_1 \gg 4,88eV$  олдугда исә  $W_2 < 4,88eV$  олар вә тәкратр гејри-еластики тоггушмалар баш веоо биләр.

Инди Франк вә һерс тәчрүбәсини нәзәрден кечирәк; јухарыда гејд етдик ки, электронларын чивә атомлары илә тоггушмасында, электронларын кинетик енержиләри хусуси рол ојнаыр. Бу о демәкдир ки, тәчрүбәдә электронларын кинетик енержиләриши тәнзимләмәк лазымдыр. Бунун үчүн катод гаршысына С-тору гојулур вә она  $V_T$  - потенциалы верилир. Ајындыр ки, торун саһәсиндә электронларын алдығы кинетик енержи

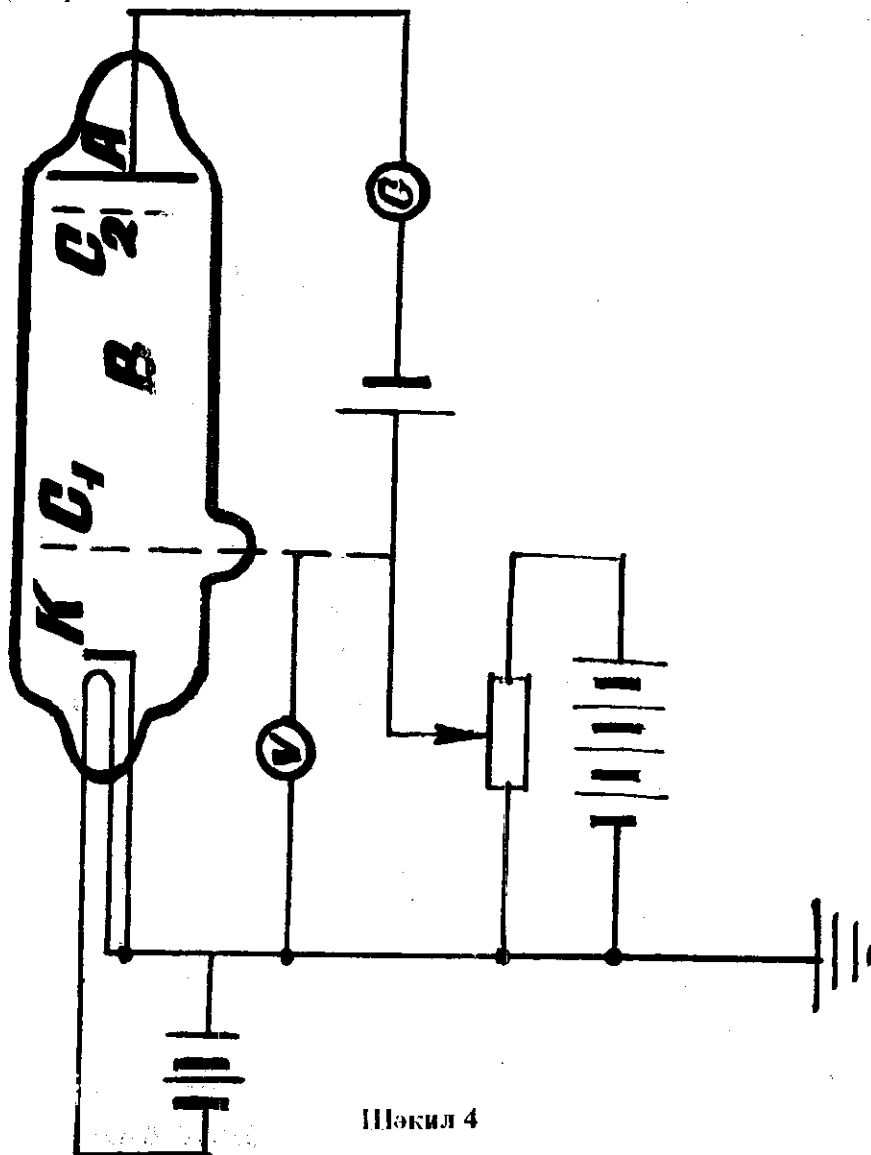
$$\frac{mv^2}{2} \geq \frac{eV_T}{300}$$

шәртини одәјәчәк. Бурадан

$$v = \sqrt{\frac{2eV_T}{300m}} = 5,93 \cdot 10^7 \sqrt{V_T} \cdot \frac{\text{см}}{\text{сан}}$$

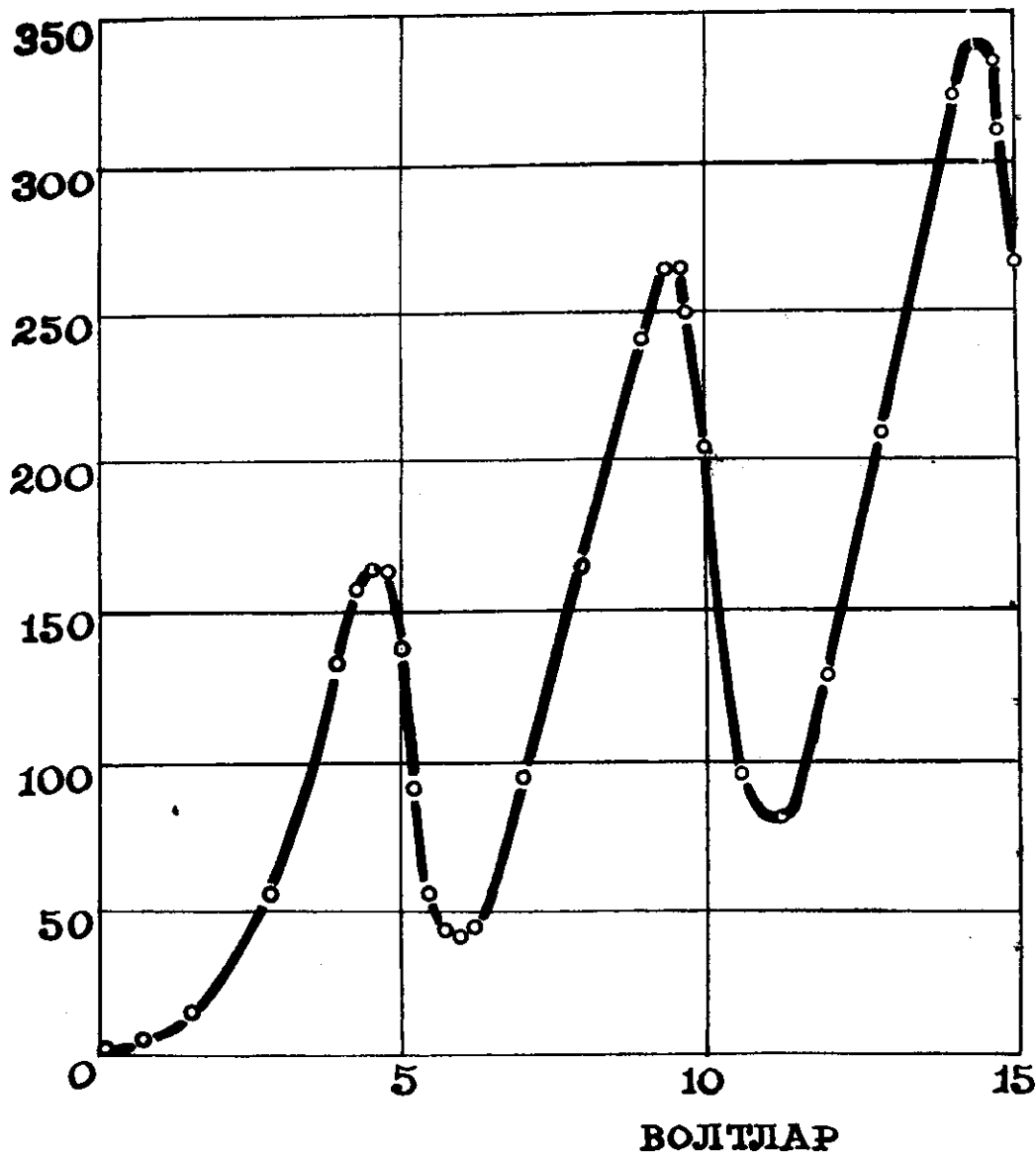
олар. Бу мүнәсибәтдән көрүнүр ки, торун потенциалыны артырмагла электронларын кинетик енержисини артырмаг олар. Тәчрүбәнин схеми шәкил 4-дә верилмишдир. В-вакуум камерасына К-термокатоду, С<sub>1</sub> вә С<sub>2</sub> -тору, А-аноду дахил едилмишдир. Франк вә һерс тәчрүбәсиндә В-вакуум камерасы чивә бухары илә долдурулмушдур. Термокатоддан чыхан «јаванш» электронлар С<sub>1</sub> торуна верилән  $V_T$  - потенциалы васитәсилә сүрәтләндирилир вә чәрәјан шиддәтинин  $V_T$  -асылылығы (вольтампер характеристикасы) өјрәнилир. Тәчрүбә көстөрмишди ки, потенциалын  $V_T = 4,1В$  гәдәр артмасы илә чәрәјан шиддәти артыр ки, бу еластики тоггушма кими изаһ едилир; потенциалын 4,1В гинјәмәтиндә чәрәјан шиддәти «кәскин» азалыр. Бу о демәкдир ки, анода чатан электронларын сајы азалыр; бу о һалда мүмкүндүр ки, тоггушма гејри-еластики олсун, Гејри-еластики тоггушмада зәифләјән электронларын анода чатмасы үчүн (чәрәјанын «кәскин» азалмасыны јахшы мүшәһидә етмәк үчүн) анод

гарпысында потенциалы  $(0,5 \div 0,8)$  В олан  $C_2$  тутучу (зэфлэдичи) тор ієрлэншириллр.



Шөкил 4

Тэчрүбэлэрин нэтлчесл шөкил 5-дэ көстэрлмлшлдлр.



Шәкил 5

Тэчрүбә көстөрминдир ки, биринчи максимум (гејри-  
эластики тоггушма)  $4,1В$ , икинчи максимум  $9В$ , үчүнчү  
максимум  $13,9В$  вә с, гижмәтләриндә алыныр ки, бу да  
јухарыда гејд едилдији кими чивә атомунун һәјәчанланма  
потенсиалына ујғун кәлир; максимумлар арасындакы  
мәсафә  $4,9В$ -дир; бу  $0,1$  дәгигликлә чивә атомунун биринчи  
һәјәчанланма потенциалы  $4,88В$  илә үст-үстә дүшүр.  
Биринчи максимумун  $4,1 В$  алынмасы, харичдән верилән  
потенсиала контакт потенциаллар фәргинин әлавә олунмасы  
илә изаһ едилир ки, бу да әјрини, максимумлар арасындакы  
мәсафәни дәјишмәдән, сола доғру сүрүшдүрүр. Беләликлә  
Франк вә һерс тэчрүбәси стационар орбитләрин (I-  
постулат) вә булар арасындакы сечилмиш кечидләрин (II-  
постулат) мөвчуд олмасыны тәсдиғ едир.

### III ФӘСИЛ

## АТОМ СПЕКТРЛӘРИ. ҺИДРОКЕН ВӘ ҺИДРОКЕНӘ- БӘНЗӘР АТОМЛАРЫН ҖИҖЭРҖИ СӘВИҖЛӘЛӘРИ

### §3.1. Һидрокен атомунун спектриндәки ганунауҗунлулар

Һидрокен атому Менделеев чәдвәлиндәки элементләрин атомларындан ән садәси олдуғуна корә онун спектриндикәр элементләрин атомларынын спектрләриндән әввәл өрәнилмишдир. Тәчрүби оларак атомар Һидрокен газынын спектрини мүшәһидә едәркән мәлум олмушдур ки, онун спектрал хәтләри мүәҗҗән ганунауҗунлула дүзүлмүшдүр.

XIX әсрин ахырларында мүәҗҗән олунмушдур ки, атом спектринләрини тәшкил едән далға узунлулары (спектрал хәтләр) спектрал серијалар адынан мүәҗҗән групплар әмәлә кәтирир. Бу серијаларын һәр бириндә далға узунлулары садә смпирик дүстурла ифадә олунур вә һәм дә элементин там спектрини тәшкил едән мүхгәлиф серијмаларын дүстурлары бир-биринә охшајыр. Биринчи спектрал серијаны 1885-чи илдә Исвечрә физиким Балмер Һидрокен спектринин көрүнән һиссәсини өрәнәркән ашқара чыхармышдыр. 6563Å далға узунлуғуна уҗғун олаш хәтт  $H_{\alpha}$ , 4862Å далға узунлуғуна уҗғун олаш хәтт  $H_{\beta}$  үчүнчү хәтт  $H_{\gamma}$ , дөрлүнчү хәтт  $H_{\delta}$ , серијанын сәрһәдди исә  $H_{\infty}$  илә ишарә едирләр.  $H_{\alpha}$ ,  $H_{\beta}$ ,  $H_{\gamma}$ ,  $H_{\delta}$  хәтләри спектрин көрүнән һиссәсинә дүшүр. Тәчрүбәдә мүәҗҗән олунмушдур ки, далға узунлуғу кичилдикчә хәтләр бир-биринә даһа јахын јерләшир (сыхлашыр) вә интенсиликләри азалыр, серијаларын сәрһәдтиндән сонра исә хәтләр мүшәһидә олунмајыб, зәиф бүгөв спектр мүшәһидә олунур. Бу хәтләрин јерләшмәсиндәки ганунауҗунлулары ифадә етмәк үчүн 1885-чи илдә Балмер ашағыдакы смпирик дүстур вермишдир.

$$\lambda = \lambda_0 \frac{n^2}{n^2 - 4} \quad (3.1)$$

Бурада  $A = const$ . Атом физикасында вә спектроскопија сәһә-синдә спектрал хәтләрә адәтән далға узунлуғу вә ја далға тәзлији илә дејил, далға әдәди илә характеризә едирләр. Вәһид узунлуғда јерләшән далғаларын сајына далға әдәди дејилер. Бу олуна алағалардыр ки, спектрал хәтләрәи тәзлији

$v = \frac{c}{\lambda}$  дүстүрү илә ифадә олунар.  $\lambda$ -ны тәчрүбәдә чох дәгигликлә тәјин етмәк мүмкүндүр. Лакин о дөврдә ишәт сүрәтини тәјин едәркән тәчрүбәдә чох бојук хәтаја јол верилдиләр. Она көрә дә спектроскопијаја  $\bar{\nu} = \frac{1}{\lambda}$  кими ифадә олуна далға әдәди дахил едилминидир. Онда (3.1) дүстүрү

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{\lambda_0} \cdot \frac{n^2 - 4}{n^2} = \frac{4}{\lambda_0} \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

ишәклини алыр. Бурада  $\frac{4}{\lambda_0}$  нисбәтини  $R$  - илә ишарә едирләр. Онуң тәчрүби гижмәти  $R = \frac{4}{\lambda_0} = 109737 \text{ см}^{-1}$ -дир вә илк

дәфә исвет алыми Ридберг тәрәфиндән дахил едилдијиндән Ридберг сабити адланыр. Буну нәзәрә алдыгда Балмер дүстүрү белә јазылыр:

$$v = R \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.2)$$

(3.2) дүстүрүндә,  $n$ -ә ардычыл гижмәтләр версәк, гидроген атомунда Балмер серијасынын бүтүн спектрал хәтләрәни алымыш оларыг.

Бу серијадан сонра гидроген спектринин ультрабәнөв-шәји һиссәси әдә ашағыдакы серија кәшф олунамушдур:

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{l^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=2,3,4,\dots \quad (3.3)$$

Бу серия Лайман сериясы адланыр. Бундан сонра спектрин инфрагырмызы хиссесиндө дөрд серия табылмышдыр:

Пашен сериясы

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{3^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=4,5,6,\dots \quad (3.4)$$

Брекет сериясы

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{4^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=5,6,7,\dots \quad (3.5)$$

Пфунд сериясы

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{5^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=6,7,8,\dots \quad (3.6)$$

Һемфри сериясы

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{6^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=7,8,9,\dots \quad (3.7)$$

Бүтүн бу серияларда биринчи һәдд саби икинчи һәдд исә дәјишәндир. Бүтүн спектрал серияларын тамысы ваһид бир серия шәклиндә бирләшдирилә биләр:

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.8)$$



Бурада  $k = 1, 2, 3, 4, 5, 6, \dots$ ;  $n$ - исә  $k$ -дан бир ваһид бөјүк гиймәти эри алыр. (3.8) ифадәси үмумиләшдирилмиш Балмер дүстуру адланыр. Бүтүн серијаларда  $n \rightarrow \infty$  олдугда  $\frac{1}{n^2} \rightarrow 0$  олур вә көтүрдүјүмүз серијаларда далға әдәди мүәјјән лимит гиймәтини алыр. Бу гиймәтә серијанын сәрһәдди вә ја гујрут хәтти дәјилир:

$$\bar{v}_\infty^B = \frac{R}{2^2}, \quad \bar{v}_\infty^L = \frac{R}{1^2}, \dots$$

Јаздығымыз серијалардан көрүнүр ки, һәр бир серијанын сабит һәдди дикәр серијанын дәјишән һәдди ола биләр. Мәсәлән, Пашен серијасынын сабит һәдди Балмер серијасынын дәјишән һәдләриндән бири ола биләр. Бурадан да Ритсин комбинасија принципи мејдана чыхыр. Комбинасија принципиндә икки эдилир ки, һәр бир спектрал хәттин далға әдәдини ики спектрал термин фәрғи кими көтүрмәк олар вә јахуд әкәр ики спектрал хәттин далға әдәди мәлумдурса, бу далға әдәдләринин фәрғи һәмин атомун дикәр бир серијасынын далға әдәдини верәр. (2.8)-дә

$$\frac{R}{K^2} = T(K), \quad \frac{R}{n^2} = T(n) \quad (3.9)$$

ишарә етсәк,

$$\bar{v} = T(K) - T(n)$$

аларыг.  $T(k)$  вә  $T(n)$  спектрал термләр адланыр.

Комбинасија принципини әјани шәрһ етмәк үчүн Лажман серијасындан истифадә едәк вә Балмер серијасынын бириңчи хәттинин далға әдәдини тапаг:

$$\bar{v}_1 = T(1) - T(2)$$

$$\bar{v}_2 = T(1) - T(3)$$

Буншарын фэрги

$$\bar{v}_2 - \bar{v}_1 = T(2) - T(3)$$

олар. Бу исә көрүндүжү кими Балмер серијасынын биринчи хәттинин далға әдәдилдир:

$$\bar{v}_1^B = T(2) - T(3)$$

Комбинасија принципин Бор постулатлары әдәсинда да изаһ етмәк олар. Бу мәгсәдлә Борун икинчи постулатындан истифадә едәк:

$$h\nu = E_n - E_k$$

$$h\nu c = E_n - E_k$$

$$\bar{\nu} = \frac{E_n}{hc} - \frac{E_k}{hc}$$

$$\frac{E_n}{hc} = -T(n), \quad \frac{E_k}{hc} = -T(K) \quad (3.10)$$

илә ишарә етсәк,

$$\bar{\nu} = T(K) - T(n)$$

аларыг ки, бу да (3.9) ифадәси илә үст-үстә дүшүр. (3.10) ифадәсиндәки  $T(n)$  вә  $T(k)$  термләри гаршыларындакы мәнфи ишарәләри шәрти мәна даныҗыр. Бу онунла әлагә-дардыр ки, Кулон мазибә сәһәсиндә гејри-релјативистик электронун снержиси һәмишә мәнфидир, термләрин исә ишарәси мүсбәт олмасы даһа әлвериншидир. (3.9) вә (3.10) ифадәләриндән истифадә едәрәк атомун снержисини  $R$ ,  $c$ ,  $h$  сабитләри вә  $n$  илә ифадә едә биләрик:

$$E_n = -\frac{Rhc}{n^2}$$

Комбинасија принципиндән вә Бор постулатларындан истифадә едәрәк гидроген атому электронунун һәҗәчанланмасында баш верән бә'зи һадисәләри кејфијәтчә изаһ етмәк олар.

### §3.2. Даирәви орбитләрин квантланмасы

Борун атом нәзәријәсинин әсасыны онун мәшһур постулатлары тәшкил едир. Бор постулатлары, хусусилә, онун класси тәсәввүрләрә көкүндән зидди олан стасионар орбитләрин квантланмасы һаггында постулатлары физики тәсәввүрләрин вә физиканын совракы инкишафы үчүн чох бөјүк көшф иди.

Бор постулатлары классик физика һануналары илә зиддијәт тәшкил едир. Доғрудан да классик физикада системин енерјиси кәсилмәз дәјишдији һалда, Бор бу енерјинин дискрет дәјишмәсини тәләб едир. Белә тәләб микро-аләм механикасынын инкишафынын илк мәрһәләләриндә дахилән мәнтиги зиддијәтә малик олан үсуллардан истифадә олунмасына кәтирирди. Доғрудан да гаршыја гојулмуш мәсәлә әввәлчә атомдахили һәрәкәтләр үчүн бүгөвлүкдә јарамајан классик механика һануналарына әсасән һәлл олунурду, сонра исә классик механика һануналары әсасында алынән һәрәкәт һалларынын кәсилмәз тијмәтләри чохлуғу ичәрисиндән хусусән постулат әсасында мүәјјән квант һаллары сечилирди. Бу үсулун белә гејри-тәкмиллијинә бахмајарағ онун әсасында бә'зи мәсәләләрин һәллиндә чох бөјүк мүвәффәтијјәтләр әлдә олунду.

Инди исә Борун даирәви стасионар орбитләрин квантланмасы шәртинин нечә алындығыны нәзәрдән кечирәк. Стасионар орбитләрин квантланмасы шәртини аларкән Бор Планкын һармоник осцијатор үчүн вердији квант һаллары постулатларындан истифадә етмишдир. Планка көрә рәғс едән микрообјект енерјини порсијалар бурахар вә ја

удар, порсийанын эн кичик гүмәти  $h\nu$  - барабардир. Үмумийәтлә, Планкын постулатына әсасән хәтти осцилляторун классик механика нөгтеји-нәзәриндән бүтүн мүмкүн олан һалларындан һәгигәтдә жалныз елә квант һаллары мүмкүндүр ки, бу һалларда осцилляторун енержиси

$$E_n = nh\nu \quad (3.12)$$

барабарлијини өдәсин. Бу шәртин өдәнилмәси үчүн осцилляторун гам енержисини тәһлил едәк:

$$E = W + U = \frac{mv^2}{2} + \frac{kx^2}{2}$$

Бу ифадәлә үмумиләшмиш  $p$  вә  $q$  координатларына кечәк вә  $k = m\omega^2$  олдугуну нәзәрә алаг, онда

$$E = \frac{p^2}{2m} + \frac{m\omega^2 q^2}{2} \quad (3.13)$$

аларыг. Алдығымыз ифадәлә спержи  $P$  вә  $q$  үмумиләшмиш координатлары илә тә'јин олунур;  $P$  вә  $q$  координатлары илә тә'јин олунан фәзаја фәза фәзасы дејирләр. Инди фәза фәзасында осцилляторну трајекторијасыны тә'јин етмәк үчүн (3.13) ифадәсини ашағыдакы шәкилдә јазар:

$$\frac{p^2}{2mE} + \frac{q^2}{2E} = 1; \quad \frac{p^2}{a^2} + \frac{q^2}{b^2} = 1; \quad a^2 = 2mE, \quad b^2 = \frac{2E}{m\omega^2} \quad (3.14)$$

алдығымыз бу ифадә еллипе тәһлијидир. Демәли, хәтти осцилляторун фәза трајекторијасы еллипсдир. (3.14) ифадәсиндән көрүнүр ки, еллипсин јарымохлары верилмиш осциллятор үчүн (верилмиш  $m$  вә  $k$  үчүн), онун енержиси  $E_n$  илә

тә'јин олунур. Инди еллипсин саһәсини тә'јин едәк. Мә'лум-  
дур ки, еллипсин саһәси

$$S = \pi ab \quad (3.15')$$

дүстуру илә һесаблиныр.

Дикәр тәрәфдән еллипсин саһәси

$$S = \oint Pdq \quad (3.15)$$

кими ифадә олуна биләр (интеграл ишарәсиндәки даирә ин-  
тегралама гапалы контур үзрә, јә'ни бүтүн еллипе үзрә апа-  
рылмасыны көстәрир). (3.15) вә (3.15') ифадәләриндән

$$\oint Pdq = \pi ab = \frac{2\pi E}{\omega}$$

олдугуну нәзәрә алсаг

$$\oint Pdq = \frac{E}{\nu}$$

(3.12) ифадәсини нәзәрә алдыгда исе

$$\oint Pdq = nh \quad (3.16)$$

дүстуруну аларыг ки, бу да осцилјаторун квантланма шәрти-  
дир. Бор һармоник осцилјатор үчүн алдыгы (3.16) квантлан-  
ма шәртини бир үмуми шөрт кими бавига механики систем-  
ләрә дә аид егмишдир.

(3.16) шәртини тәрпәнмәз нүвә әтрафында даирәви  
орбит үзрә фырланан электрона тәтбиг едәк. Бу һалда үму-  
миләшмиш координат олараг электронун орбитдә вәзијјәти-  
ни характеризә едән  $\phi$  азимутал бучағыны көтүрмәк тәбии-  
дир. Бу һалда үмумиләшмиш сүр'әт  $\dot{\phi}$  олар. Мә'лумдур ки,  
фырланма һәрәкәтиндә хәтти сүр'әт ролуну  $\dot{\phi}$  бучаг

сүр'әти, күтлә ролуну исә  $mr^2$  эталәт моменти ойнаыр ( $m$ - электронун күтләсидир). Онда үмумиләшмиш импульс  $P=mr^2\dot{\varphi}$  олар. Лакин  $\dot{\varphi}r=\omega r=v$  олдуғундан  $P=mvr=M\dot{\varphi}$  олар, јә'ни бу һалда үмумиләшмиш импульс нүвәјә нисбәтән тәјин олунмуш ади импульс моментинә бәрабәрди. Беләликлә, (3.16) -да  $P$  әвәзинә  $M\dot{\varphi}$ ,  $q$  әвәзинә исә  $\varphi$  јазсаг,

$$\oint M_{\varphi} d\varphi = nh$$

аларыг. Бу јазылышы ријазии нөгтеји-нәзәрлән әсастандырмаг даһа мәгсәдәујундур. (3.16) шәрти үмумиләшмиш координатларда јазылмышдыр. Дайрәви орбит үзрә фырланан электронун вәзијәтини тәјин етмәк үчүн полјар координат ситеминә кечмәк даһа әлверишлиди. Догрудан да нүвә әтрафында дайрәви орбит бојунча фырланан электрон бир рабитәјә малик олдуғундан (радиус дәјишмир) о бир сәрбәстлик дәрәчәсинә маликди (полјар бучаг), јә'ни мүәјјән орбит үчүн полјар бучагы билмәклә электронун вәзијәтини мүәјјән етмәк олар. Полјар координата кечмәк үчүн

$$P \rightarrow P_{\varphi}, \quad dq \rightarrow r d\varphi$$

Онда  $rP_{\varphi}=M_{\varphi}=M$  олдуғуну нәзәрә алсаг (3.16) шәрти аһағыдакы шәкилдә јазылар:

$$\oint M_{\varphi} d\varphi = \oint M d\varphi = nh$$

Нүвә тәрәфиндән электрона тә'сир едән гүввә, мәркәзи гүввә олдуғундан (2.4)-дә кәстәрилдији кими  $M$  импульс моменти сабит кәмијјәтди, јә'ни  $M=const$ .  $\varphi$  - бучагы исә 0-дан  $2\pi$ -дәк дәјишдијиндән

$$nh = \int_0^{2\pi} M d\varphi = 2\pi M$$

олар. Бурадан исә

$$M = n \frac{h}{2\pi} \quad (3.17)$$

аларыг ки, бу да даирэви орбитлэрини квантланма шэртидир.

(3.17) шэрти стационар орбитлэрини квантланмасы һаггында Борун мәшһур постулатыны ифалә едир. Бу постулата әсасән классик механика нөгтеји-нәзәриндән мүмкүн олан сонсуз сәйда орбитләр ичәрисиндән јалныз елә орбитләр сечилмәлидир ки, бу орбитләрдә електронун импулс моменти  $\frac{h}{2\pi}$ -нин там мисилләринә бәрәбәр олсун.

Електрон-нүвә системиндә мүстәви үзәриндә даирэви орбит бојунча һәрәкәт едән электрон бир сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олдуғундан (3.16) шэртинә бир сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олан системини квантланма шэрти дејирләр.

Оссилјаторун (3.14) ифадәси илә верилән квантланма шэртини белә шәрһ етмәк олар: классик физика нөгтеји-нәзәриндән фаза фәзасында оссилјатор истәнилән еллипс үзрә һәрәкәт елә биләр. Борун (3.16) квантланма шэртинә корә исә оссилјатор јалныз елә еллипсләр бојунча һәрәкәт елә биләр ки, бу еллипслэрини саһәләри Планк сабити  $\frac{h}{2\pi}$ -нин там мислинә бәрәбәр олсун.

### §3.3. Һидроген атому вә Һидрогенәбәнзәр атомлар үчүн Бор нәзәријјәси

Бор тәрәфиндән ирәли сүрүлмүш постулатлар она нәзәри олараг Һидроген атомунын вә Һидрогенәбәнзәр атомларын спектрлэрини һесабламаға имкан вермишдир.

Һидрогенәбәнзәр атом дедикдә  $+Ze$  јүкүнә малик нүвәдән вә бир електрондан ибарәт олан атомлар нәзәрдә тулур. Белә атомлара мисал оларан биргәт ионлашмыш Һелиум атомунын  $He^+ Z=2$ , икигәт ионлашмыш литиум атомунын  $Li^{++} Z=3$  вә с. кәстәрмәк олар. Борун гаршысында дурап

мәсәлә (3.8) дүстурунун нөзәри јолла алынмасы, ујғун тәчрүби фактларын изаһ едилмәси вә тәчрүбәдә бөјүк дәгигликлә елчүлмүш Ридберг сабитинин һесаблинамасындан ибарәт иди. (3.17) ифадәсинә әсасән атомда јалпыз о орбитләр һәгигәтдә стасионар орбитләр ола биләр ки, онлар үчүн електронун импулс моменти

$$M = mvr = n \cdot \frac{h}{2\pi}, \quad n=1,2,3,\dots$$

шәрти өдәнилсин. Бурада  $n$ -ә баш квант әдәди дејилир. Бор һесаб едирди ки, һидроген атомунда вә һидрогенәбәнзәр атомларда електрон  $r$  радиуслу стасионар даирәви орбит үзрә һәрәкәт едир. Електронун белә орбитлә сәрбәст һәрәкәт етмәси үчүн она тә'сир едән гүввәләрини чәми сыфыр олмалыдыр. Електрон нүвә тәрәфиңдән Кулон гүввәсинә, фырланма һәрәкәти нәтичәсиндә исә мәркәзәгачма гүввәсинә мә'руз галдығындан

$$\frac{mv^2}{r} = \frac{Ze^2}{r^2} \quad (3.18)$$

олар. Бу ифадәнин сол тәрәфини  $mr^2$  вуруб бөлмәклә, сурәти  $M$ -илә әвәз етсәк

$$\frac{M^2}{mr^3} = \frac{Ze^2}{r^2}$$

аларыг. (3.17) ифадәсини нәзәр алсаг:

$$r_n = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 mZe^2} \quad (3.19)$$

аларыг. (3.19) ифадәси атомда мүмкүн олан орбитләрин радиусларыны тә'јин едир.  $Z=1$  вә  $n=1$  олдугда һидроген ато-



мунун биринчи орбитинин радиусуну аларыг. Бу радиус биринчи Бор орбитинин радиусу адланыр вэ  $r_0$  илэ ишарэ олунур:

$$r_0 = \frac{h^2}{4\pi^2 me^2} = 0,528 \cdot 10^{-8} \text{ см} = 0,528 \text{ \AA}$$

(3.20)-ни вэ (3.19)-да нэзэрэ алсаг

$$r_n = r_0 \frac{n^2}{Z} \quad (3.21)$$

аларыг. Бу дүстурдан көрүнүр ки, стационар орбитлэрин радиусу иштәнилән гижмәти ала билмәз, о јалныз сечилмиш - дискрет гижмәтлэри ала биләр.

Атомда електронун там енержиси онун кинетик вэ потенциал енержилэринин чәминә бәрәбәрдир.

$$E = W + U = \frac{mv^2}{2} - \frac{Ze^2}{r}$$

Бурада икинчи һәдд гаршысындакы мәнфи ишарәси електронла нүвәнин гаршылыгылы потенциал енержисинин чазибә енержиси олдуғуну көстәрир. (3.18) ифадәсини нэзэр алсаг

$$E = -\frac{Ze^2}{2r} \quad (3.22)$$

аларыг. Көрүндүјү кими атомда електронун там енержиси мәнфидир. (3.22) дүстурунда (3.19)-и нэзэрэ алсаг

$$E_n = -\frac{2\pi^2 mZ^2 e^4}{n^2 h^2} \quad (3.23)$$

аларыг. Бу дүстүра дахил олан кәмијәтләрин һамысы сабит-  
дир; она көрә дә  $\frac{2\pi^2 me^4}{h^2} = E_0$  илә ишарә етсәк

$$E_n = -\frac{Z^2 E_0}{n^2}$$

олар. Баш квант әдәди  $n$ -нин дәјишмәси илә енержи дәји-  
шир.  $n$ -гам гијмәтлөт алдыгындан енержи истәнилән гијмә-  
ти јох, јалныз сечилмиш - дискрет гијмәтләр алып, јә'ни  
енержи квантланыр. Инди енержи үчүн јазылан (3.11) ифадә-  
сини (3.23) ифадәси илә мүгајисә етсәк Ридберг сабити үчүн

$$R = \frac{2\pi^2 mZ^2 e^4}{ch^3} \quad (3.24)$$

ифадәсини аларыг. Һидроген атому үчүн  $z=1$

$$R = \frac{2\pi^2 me^4}{ch^3} \quad (3.24)$$

(3.23) ифадәсиндән истифадә едәрәк биз Балмерин  
үмумиләшмиш серијасыны ифадә едән (3.8) дүстүруну да ала  
биләрәк. Доғрудан да, әкәр Һидроген атомунда електрон  $n$   
һалындан  $k$  һалына кечәрсә енержиси  $h\nu = E_n - E_k$  олан  
квант (фотон) шуаландырыр. Онда (2.18)-ә әсасән

$$h\nu = E_n - E_k = -\frac{2\pi^2 me^4}{h^2 n^2} + \frac{2\pi^2 me^4}{h^2 k^2} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\frac{hc}{\lambda} = hc\bar{\nu} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\bar{v} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3 c} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) = R \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.8')$$

аларыг ки, бу да (3.8) дүстурунун нэзэри ифадэсидир. (3.8) ифадэсини тезлик үчүн јазсаг,

$$v = \frac{2\pi^2 me^4}{h^3} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (3.8'')$$

аларыг.

Бу дүстурда  $m=9,1 \times 10^{-28}$  гр,  $e=4,8 \times 10^{-10}$  CGSE јүк ваһиди  $c=3 \times 10^{10}$  см/сан вэ  $h=6,627 \times 10^{-27}$  ерг/сан јазыб Ридберг сабитини һесаblasаг бурадан алынган гижмэтин дэниг өлчүлмүш тэчрүби гижмэтэ чох јахын олдуғуну, јә'ни практики олараг бу гижмэtlэрин нэзэри һесаblasанмыш гижмэти илэ онун експериментал гижмэтинин үст-үстэ дүшмэси, јә'ни (3.8) вэ (3.11) дүстурларынын нэзэри јолла чыхарылмасы Бор нэзэријјэсинин мүвэффэгијјэтинин тэсдиг едөн чох инандырычы фактлардыр.

Һидрокен атому үчүн  $z=1$  (3.23) ифадэси

$$E_n = - \frac{2\pi^2 me^4}{h^2 n^2} \quad (3.25)$$

шәклини, (3.21) ифадэси исэ

$$r_n = r_0 \cdot n^2 \quad (3.26)$$

шәклини алып. Бу дүстурларын көмәји илэ гидрокен атому-нун енержи диаграмыны вэ орбитлэрин радиусларыны һесаblasаја билэрик.

$$n=1 \text{ олдугда} \quad r_1 = r_0 = 0,528 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_1 = -\frac{2\pi^2 me^4}{h^2} = -13,53 \text{ eB}$$

$$n=2 \text{ олдугда} \quad r_2 = 2^2 r_0 = 2,11 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_2 = \frac{E_1}{2^2} = -3,39 \text{ eB}$$

$$n=3 \text{ олдугда} \quad r_3 = 3^2 r_0 = 4,75 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_3 = \frac{E_1}{3^2} = -1,50 \text{ eB}$$

$$n=4 \text{ олдугда} \quad r_4 = 4^2 r_0 = 8,45 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_4 = \frac{E_1}{4^2} = -0,85 \text{ eB}$$

$$n=5 \text{ олдугда} \quad r_5 = 5^2 r_0 = 14,2 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_5 = \frac{E_1}{5^2} = -0,54 \text{ eB}$$

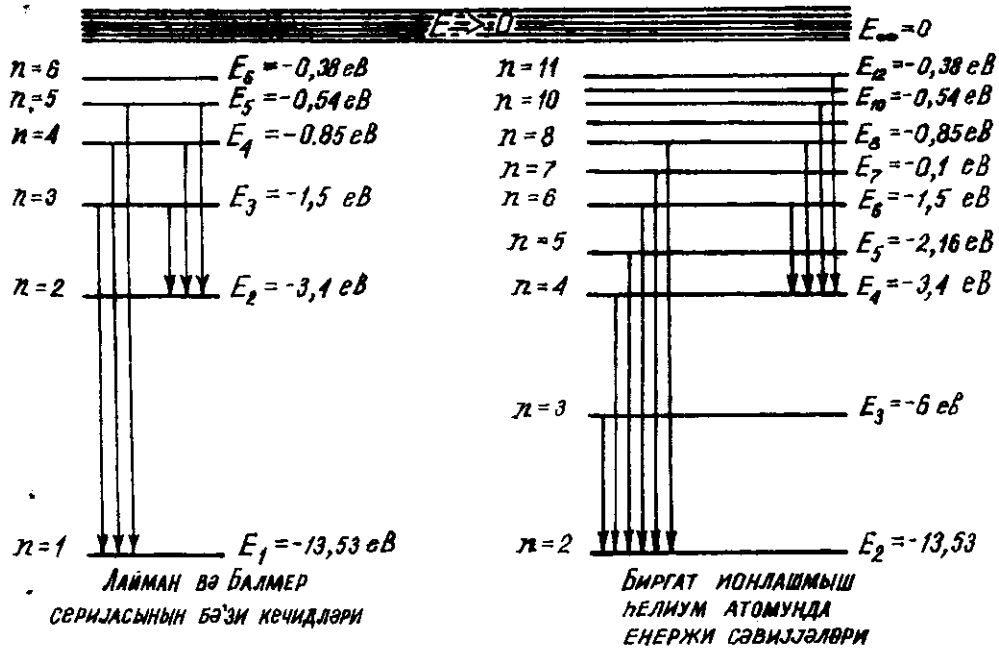
$$n=6 \text{ олдугда} \quad r_6 = 6^2 r_0 = 19 \cdot 10^{-8} \text{ см}$$

$$E_6 = \frac{E_1}{6^2} = -0,38 \text{ eB}$$

нәһажәт,  $n \rightarrow \infty$  олдугда  $r_\infty \rightarrow \infty$  вә  $E_\infty \rightarrow 0$  аларыг.

$r_\infty$  вә  $E_\infty$  гижмәтләри электронун атому тәрк етмәсінә үй-гун кәлир. Бу мәблуматлара эсасән гидроген атомунун енержи сәвијјәләри диаграмыны гурмаг олар. Шәкил 6-да

Һидроген атомунун энерги сәвијәләри вә спектрал серија-лары верилмишдир.



Шәкил 6

Бурада үфүги хәтләрлә  $n$ -ин  $n=1, 2, 3, \dots$  гиймәтләринә ујғун мүхтәлиф энерги сәвијәләри көстәрилмишдир. Електрон  $n=1$  олдугда атом һәјәчанланмамыш һалда олур. Бу һала нормал (әсас) һал дејилир. Әкәр һәр һансы бир сәбәбдән електрон  $n=2$  һалына кечәрсә атом һәјәчанланмыш һалда олур. Бу һала һидроген атомунун биринчи һәјәчанлашма һалы, бу кечидә уј-ун кәлән потенсиала биринчи һәјәчанланма потенсиалы вә буна ујғун кәлән энергијә исә биринжи һәјәчанланма энерјиси дејилир. Електрон  $n=3$  һалында оларса атом икинчи һәјәчанланма һалынды,  $n=4$  һалында оларса о, үчүнчү һәјәжанланма һалында вә с. олар.

Һидроген атомунун електроунун  $n=1$  Һалындан  $n=\infty$  Һалына чыхармаг үчүн лазым олан потенсиала ионлашма потенсиалы, буна ујғун енержијә исә ионлашма енержиси дејилир. Һидроген атомунун ионлашма енержисини Борун икинчи постулатына әсасән тапмаг олар:

$$E_{\text{ион}} = h\nu = E_{\infty} - E_1 = 0 - (-13,53) = 13,53\text{eV}$$

Биринчи һәјәчанланма енержиси

$$E_1^{(h)} = h\nu = E_2 - E_1 = -3,4 - (-13,53) = 10,13\text{eV}$$

икинчи һәјәчанлашма енержиси

$$E_2^{(h)} = E_3 - E_1 = 1,5 - (-13,53) = 12,03\text{eV}$$

олар. Биринчи һәјәчанлашма енержисинә ујғун олан далға узунлуғуна Һидроген атомунун резонанс хәтти дејилир:

$$h\nu = E_1^{(h)}; \quad E_1^{(h)} = \frac{hc}{\lambda}; \quad \lambda = \frac{hc}{E_1^{(h)}} = 1,2 \cdot 10^{-5} \text{ см}$$

Бу хәтт спектрин ультрабәнөвшәји һиссәсинә дүшүр.

Балмерин үмумиләшмиш дүстурундан алынған вә тәчрүбәдә мүшәһидә олуған бүтүн спектрал серијалар енержи диаграмында көстәрилмишдир. (3.8) дүстурунда биринчи һәдд һәр бир серија үчүн сабитдир, икинчи һәдд исә дәјишәндир. Башта сөзлә биринчи һәддин мәхрәчи һансы сәвијәјә кечиди, икинчи һәддин мәхрәчи исә һансы сәвијәләрдән кечиди көстәрир.  $k=1$  олдугда Лајман серијасыны,  $k=2$  олдугда Балмер серијасыны,  $k=3$  олдугда Папен серијасыны,  $k=4$  олдугда Брекет серијасыны,  $k=5$  олдугда Пфунд серијасыны,  $k=6$  олдугда Һемфри серијасыны аларыг.

Һидроген атомунун енерки сәвијәләри диаграмындан көрүндүјү кими атом һәм  $E_1$  әсас Һалында, һәм дә һәјәчанланмыш  $E_2, E_3, E_4, \dots$  Һалларында олдугда онун енержиси

мәңфидир, бу ону көстәрир ки, электрон нүвә илә бағлыдыр. Баш квант әдәди бөјүдүкчә она уҗун олап  $E_n$  енержисыфра јахынлашыр вә лимитдә  $n \rightarrow \infty$  олдугда  $E_\infty \rightarrow 0$  олуp. Бу һалда электрон нүвә илә бағлы дејил вә атом ионлашмыш һалдадыр.  $n$  бөјүдүкчә гонну енержи сәвијјәләри арасындакы мәсафә азалары вә  $n \rightarrow \infty$  олдугда бу сәвијјәләp бүтөв спектр тәшкил едирләр.

Бор нәзәријјәси һидрокенәбәнзәр атомларын спектрләриндәки ганунауҗунлуғларын өјрәнилмәсиндә дә мүнүм мүвәфғәтијјәтләр әлдә етмишдир.

Һидрокен вә һидрокенәбәнзәр атомлар үчүн Бор нәзәријјәсиндән алынған бир сыра характерик дүстурларын мугәјисәси 1-чи чәдвәлдә көстәрилмишдир. Көрүндүјү кими һидрокен атому үчүн дүстурлара дахил олан  $e^2$  кәмијјәтини һидрокенәбәнзәр атомлар үчүн дүстурларда  $Ze^2$  кәмијјәти әвәз едир. Баш квант әдәди  $n$ -ин ејни бир гүјмәтиндә һидрокенәбәнзәр атомларда электрон орбитинин радиусу һидрокен атомунда электрон орбитинин радиусундан  $Z$  дәфә кичикдир,

Чәдвәл 1

Һидрокен атому үчүн	Һидрокенәбәнзәр атомлар
$r_n = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 m e^2} = r_0 n^2$	$r_n = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 m Z e^2} = r_0 \frac{n^2}{Z}$
$E_n = -\frac{2\pi^2 m e^4}{h^2 n^2} = \frac{E_1}{n^2}$	$E_n = -\frac{2\pi^2 m Z^2 e^4}{h^2 n^2} = E_1 \cdot \frac{Z^2}{n^2}$
$\bar{v} = R \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$	$\bar{v} = R Z^2 \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$

$E_n$  енержисинин уҗун мүтләг гүјмәти исә  $Z^2$  дәфә бөјүкдүp. Мәсәлән, биргат ионлашмыш һелиум атому  $He^+$ ,  $Z=2$  үчүн әсас һалын енержисы һидрокен атомунун әсас һалынын енержисиндән  $Z^2=2^2=4$  дәфә бөјүкдүp, јә'ни  $E_1^{He} = -54,1eB$ . Бунун кими дә биргат ионлашмыш һелиум атомунун  $n=2, 3,$

4,... сәвијјэләринин енержиси гидроген атомунун ујғун сәвијјэләринин енержисиндән 4 дәфә бөјүкдүр.

$$E_2^{He^+} = -1,3,53 \text{ eB};$$

$$E_3^{He^+} = -6\text{eB};$$

$$E_4^{He^+} = -3,4 \text{ eB};$$

$$E_5^{He^+} = -2,16\text{eB};$$

$$E_6^{He^+} = -1,54\text{eB};$$

$$E_7^{He^+} = -1,1\text{eB}$$

Гидроген атомунун Лайман вә Балмер серијалары илә биргәт ионлашмыш гелиум енержи сәвијјэләринин мүгајисәси Лайман вә Балмер серијаларынын бә'зи кечид хәтләри  $He^+$  ионунун енержи сәвијјәләри диаграммындакы бир сыра кечид хәтләри илә тәғрибән үст-үстә дүшүр. Мәсәлән, гидроген атомунда  $n=2 \rightarrow n=1$ ;  $n=3 \rightarrow n=1$ ;  $n=4 \rightarrow n=1$ ;  $n=3 \rightarrow n=2$ ;  $n=4 \rightarrow n=2$ ;  $n=5 \rightarrow n=2$ ;  $n=6 \rightarrow n=2$  кечид хәтләри  $He^+$  ионунда ујғун олараг  $n=4 \rightarrow n=2$ ;  $n=6 \rightarrow n=2$ ;  $n=8 \rightarrow n=2$ ;  $n=6 \rightarrow n=4$ ;  $n=8 \rightarrow n=4$ ;  $n=10 \rightarrow n=4$ ;  $n=12 \rightarrow n=4$  кечид хәтләритнә чоҳ јахындыр. Бүтүн бунлар көстәрир ки, гидроген атомунун спектриндә  $He^+$  ионунун спектрини бә'зи хәтләринә чоҳ јахын олан хәтләр мүшәһидә олунамалыдыр. Доғрудан да 1897-чи илдә астроном Пикеринг улдуз спектрини өјрәнәркән Балмер серијасына бәғзәјән бир спектрал серија көшф етмишдир. Пикеринг серијасынын хәтләри һәр хәтт ашыры Балмер серијасынын хәтләри илә тәхминән үст-үстә дүшүр, бу серијанын аралыг хәтләри исә Балмер серијасында јохдур Ридберг көстәрмишдир ки, әкәр  $n$  һәм там, һәм дә таамјарым гүјмәтләр аларса, онда Пикеринг серијасыны Балмер дүстүрү илә ифадә етмәк олар:

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right); \quad n=2,5;3;3,5;...$$

$n$ -ин там гүјмәтләриндә Пикеринг серијасынын хәтләри Балмер серијасынын хәтләри илә тәхминән үст-үстә дүшүр. Бу серијаны Јер гидрогениндә алмаг тәшәббүсү бир нәтичә



вермәмишдир. Она көрә дә белә фикир ирәли сүрүлмүшдүр ки, Пикеринг серисајыны уядузларда хүсуси һалда олан һидроген верир. Бир гәдәр сонра лабораторија шәраитиндә бу серијаны алмаг мүмкүн олмушдур. Лакин Пикеринг серисајынын алынмасы үчүн һидрогенә һелиум гарышдырмаг лазым кәлмишдир. Бу аңлашылмазлыгы Бор арадан галдырмышдыр. О көстәрмишдир ки, Пикеринг серисајы һидрогенә дејил, ионлашмыш һелиума аиддир. Доғрудан да 1-чи чәдвәлдәки дүстурларын мүгајисәсинә әсасән  $\bar{\nu}$  далға әдәди  $Z^2$  илә дүз мүтәәсибдир. Һелиум үчүн  $Z=2$  олдуғундан биргат ионлашмыш һелиум атомунун спектрал серијалары

$$\bar{\nu} = 4R_{He} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

дүстуру илә верилмәлидир. Бурада  $k=4$  јазсаг,

$$\bar{\nu} = 4R_{He} \left( \frac{1}{4^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad n=5,6,\dots$$

$$\bar{\nu} = R_{He} \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{\left(\frac{n}{2}\right)^2} \right)$$

вә ја  $\frac{n}{2} = n_1$  ишарә етсәк

$$\bar{\nu} = R_{He} \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n_1^2} \right); \quad n_1=2,5; 3; 3,5;..$$

аларыг ки, бу да Пикериног серијасынын дүстурудур.

Бор көстәрди ки, һидроген вә һелиум атомларынын күтләләри бир-бириндән фәргләндикләринә көрә  $R_{He}$  бир гәдәр  $R_H$ -дан фәргләнмәлидир вә она көрә дә  $n_1$ -ин там гиж-

мәтләри үчүн Пикеринг серисајынын хәтләри ујғун оларат Балмер серијасынын хәтләринә нисбәтән бир аз бәнөвшәји шүалар тәрәфә сүрүшмәлидир. Борун бу фикирләринин доғрулуғуну гидрокен вә һелиум спектрләриндәки хәтләрин Пашен тәрәфиндән дәғиг өлчүлүмш дәлғә узунлуғларынын II чәдвәлиндәки мугајисәси тәсдиг едир.

$Li^{++}$   $Z=3$  вә  $Be^{++}$   $Z=4$  кими гидрокенәбәнзәр ионларын спектрал серијалары да аналожи оларат

$$\bar{\nu} = 9R_{Li} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

вә

$$\bar{\nu} = 16R_{Be} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

дүстурлары илә верилмәлидир.

Бор нәзәријәсинин нәинки гидрокен атомунун, һәм дә гидрокенәбәнзәр атомларын спектрал серијаларындакы ганунаујғунлуғлары мүнәффәғијјәтлә изаһ едә билмәси Бор нәзәријәсинин јени пардағ гәләбәси иди.

**Чәдвәл 2**

3	6560,1Å	6562,8 Å (H <sub>α</sub> )
3,5	5411,6Å	-
4	4859,3Å	4861,3Å (H <sub>β</sub> )
4,5	4561,6Å	-
5	4338,7Å	4340,5Å (H <sub>γ</sub> )
5,5	4199,9Å	-
6	4100,0Å	4110,7Å (H <sub>δ</sub> )

### §3.4. Нүвәнин һәрәкәтинин нәзәрә алынмасы

Нүвәнин күтләси электронун күтләсиндән чох-чох бөјүк олдуғуна көрә биз индијә гәдәр Бор нәзәријәсини нәзәрдән кечирирәркән нүвәнин сүкунәтдә олдуғуну, электронун исә нүвә әтрафында фырландығыны гәбул етмишик. Бу

о заман мүмкүн олар ки, нүвөнүн күтлэси электронун күтлэсинэ нисбәти сонсуз бөјүк олсун. Һәгигәтдә исә гидроген атому нүвәсинин күтлэси электронун күтлэсинә нисбәти

$$\frac{M_H}{m} = 1836,1\text{-дир. Мүасир спектроскопик өлчүләрин чох}$$

бөјүк дәгиглији шөraitиндә нүвә илә электронун күтләләләринин һәтта јухарыда көстәрилән нисбәгиндә белә нүвәнин һәрәкәтини нәзәрә алмамаг олмаз. Классик механиканын гәнулларына әсасән һәм атомун нүвәси (протон), һәм дә электрон үмуми күтлә мәркәзи әтрафында фырланырлар.

Әкәр электронун вә нүвәнин күтлә мәркәзиндән олан мәсафәләрини  $r_e$  вә  $r_H$ , электронла нүвә арасындакы мәсафәни исә  $r$  илә ишарә етсәк,

$$r = r_e + r_H$$

јаза биләрик. Күтлә мәркәзинин тә'рифинә әсасән

$$M_H r_H = m r_e$$

аларыг. Бурада  $M_H$  гидроген атому нүвәсинин күтләси,  $m$  исә электронун күтләсидир.

Сон ики ифадәни  $r_e$  вә  $r_H$  көрә һәлл етсәк:

$$r_e = \frac{r M_H}{M_H + m}, \quad r_H = \frac{r m}{M_H + m}$$

аларыг, Борун стәсionar орбитләрин квантланма постулатына әсасән үмуми күтлә мәркәзинә көрә там импулс моменти

$$M = M_H v_H r_H + m v_e r_e = n \frac{h}{2\pi}$$

ифадәси илә тә'јин олуңур. Бурада  $v_H = \omega r_H$  вә  $v_e = \omega r_e$  ујғун олараг нүвә вә электронун хәтти сүр'әтләридир. Онда

$$M = M_H \omega r_H^2 + m \omega r_e^2 = n \frac{h}{2\pi}$$

олар.  $r_e$  вә  $r_H$  ифадәләрини нәзәрә алсаг

$$\frac{mM_H}{M_H + m} \omega r^2 = n \frac{h}{2\pi}$$

олар.  $\frac{mM_H}{M_H + m} = \mu$  илә ишарә етсәк:

$$\mu \omega r^2 = n \cdot \frac{h}{2\pi} \quad (3.27)$$

аларыг. Бурада

$$\mu = \frac{mM_H}{M_H + m} \quad (3.28)$$

кәтирилмиш күглә адланыр. (3.27) ифадәси нүвәнин һәрәкәти нәзәрә алынмајан һал үчүн  $M = mvr = m\omega^2 r = n \cdot \frac{h}{2\pi}$  ифадәсинә аналожидир, јекәнә фәрг ондалыр ки, электронун күгләси  $m$  кәтирилмиш күглә  $\mu$  илә әвәз едилмишдир. (3.27) ифадәси  $m\omega^2 r$  ифадәсинә нисбәтән даһа дәгигдир.  $M_H \gg m$  олдугда  $\mu \approx m$  олар.

Системин потенциал енерјиси

$$U = -\frac{e^2}{r}$$

дүстуру, кинетик енерјиси исә

$$W = \frac{1}{2}mv_e^2 + \frac{1}{2}M_H v_H^2 = \frac{\omega^2}{2}(mr_e^2 + M_H r_H^2)$$

ифадәси илә тәҗин олунар. Әкәр бу сон ифадәлә  $r_e$  вә  $r_H$  нә-  
зәрә алсаг

$$W = \frac{1}{2}\mu\omega^2 r^2$$

аларыг. (3.25) вә (3.26) дүстуруларынын алынмасындакы һеса-  
баты нүвәнин һәрәкәтини нәзәрә алмагла тәкрарласаг ор-  
битләрин радиуслары үчүн

$$r_n = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 \mu e^2}$$

енержи үчүн исә

$$E_n = -\frac{2\pi^2 \mu e^4}{h^2 n^2}$$

дүстуруну аларыг ки, бу да (3.25) вә (3.26) дүстурундан јал-  
ныз онулла фәргләнир ки, электронун күтләси  $m$  кәтирил-  
миш күтлә  $\mu$  илә әвәз олунашдур.

Электрон енержиси  $E_n$  олан һалдан енержиси  $E_k$  олан  
һала кечәркән бураһылан шүанын тезлији

$$v = \frac{c}{\lambda} = \frac{E_n - E_k}{h}$$

дүстуру илә тәҗин олунар. Бурада  $E_n$  вә  $E_k$  јеринә алды-  
гымыз сон ифадәни јазаг:

$$v = \frac{2\pi^2 \mu e^4}{h^3} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

вә

$$\bar{\nu} = \frac{2\pi^2 \mu e^4}{ch^3} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

Бурадан нүвәнин һәрәкәти нәзәр алындығы һалда гидроген атому үчүн Ридберг сабитинин ифадәсини ала биләрик:

$$R_H^\mu = \frac{2\pi^2 \mu e^4}{ch^3} = \frac{2\pi^2 m e^4}{ch^3 \left( 1 + \frac{m}{M_H} \right)}$$

Онда

$$\bar{\nu} = R_H^\mu \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

олар. Нүвәнин һәрәкәти нәзәр алынмадыгда гидроген үчүн

Ридберг сабити  $R = \frac{2\pi^2 m e^4}{ch^3}$  олдуғундан

$$R_H^\mu = \frac{R}{1 + \frac{m}{M_H}}$$

Үмуми һалда истәнилән элемент атомунун нүвәси үчүн исә

$$R_Z^\mu = \frac{R}{1 + \frac{m}{M_Z}}$$

аларыг.

Ридберг сабитинин нүвөнүн һәрәкәти нәзәрә алынмадан нәзәри һесаблинмыш гиймәти  $R=109737,303\text{см}^{-1}$  -дир. Әкәр нүвөнүн һәрәкәтини нәзәрә алмагла Ридберг сабитини һесаблисаг  $R=109677,581\text{см}^{-1}$  гиймәтини аларыг ки, бу да гәчрүби гиймәтлә практики олараг үст-үстә дүшүр.

Беләниклә, үмумиләшмиш Балмер дүстуруну истәнилән серија үчүн яздыгда  $R \rightarrow R^\mu$  илә әвәз әдилмәлидир. Бурадан ајдын олур ки, Пикеринг серисајында  $n$ -ин там гиймәтләринә ујгун кәлән хәтләрин Балмер серијасындакы  $H_\infty, H_\beta, H_\gamma, H_\delta$  вә с. хәтләрә нисбәтән бир аз даһа ғыса далғалар тәрәфә сүрүшмәсинин сәбәбәини мәнз  $R_{He}^\mu > R_H^\mu$  олмасында көрә биләрик.

Әкәр нүвөнүн һәрәкәти нәзәрә алынған вә алынмајан һалларда там енержини ујгун олараг  $E_n^\mu$  вә  $E_n$  илә ишарә етсәк, онда  $\mu < m$  олдуғуну нәзәрә алдыгда ујгун дүстурларын мугајисәсиндән  $E_n^\mu > E_n$  олдуғуну көрәрик. Бу исә о демәкдир ки, нүвөнүн һәрәкәти нәзәрә алынмадан һесаблинмыш енержи сәвијјәләри нисбәтән бир аз  $E_\infty = 0$  сәрһәддинә гәрәф сүрүшмүшләр.

Кәтирилмиш күглә аңлајышы, күтләси һидрокенин күтләсиндән тәхминән ики дөфә бөјүк олан һидрокенин изотопу дејтериумун кәшфиндә мүнүм рол ојнамышдыр. Дејтериумун кәтирилмиш күтләси

$$\mu_D = \frac{m}{1 + \frac{m}{2M_H}}$$

кими ифадә олунур. Көрүндүјү кими  $\mu_D > \mu_H$ . Ридберг сабити исә кәтирилмиш күглә илә дүз мугәнәсибдир. Демәли, дејтериум үчүн Ридберг сабити һидроген үчүн Ридберг сабитиндән бир аз бөјүкдүр  $R_D^\mu > R_H^\mu$ . Мәнз  $R_D^\mu$  илә  $R_H^\mu$  арасындакы чох кичик, лакин дәғини өлчүләрдә гејд олуна билән фәрг американ физики Л.К.Лури тәрәфиндән Дејтериу-

мун кәшф олунмасында мұһүм рөл ойнамышдыр. Бу кәшф үчүн 1994-чү илдә Лури кимја үзрә Нобел мұкафатына ләјиг көрүлмүшдүр.

### §3.5. Еллиптик орбитләрин квантланмасы

Өввәлки параграфларда биз Бор нәзәријәсинин бир сыра мұвәффәгијәтләри илә тағыш олдуг. Атом гурулушу нәзәријәсинин сонраки ишкишафында даһа бир аддым Зоммерфелд тәрәфиндән атылымышдыр. Бор нәзәријәсинин илк мәрһәләсиндә јалпыз даирәви орбитләрин квантланмасы шәрти, јәни бир сәрбәстлик дәрәчәсинә малик системин квантланма шәрти мөјјәнләшдирилимшидр. Зоммерфелд классик механикада кеплер мәсәләсинин үмуми һәллиндән истифадә едәрәк даирәви орбитләрлә јанашы еллиптик орбитләри дә нәзәрә алмышдыр. Буцдан өтрү квантланма гәјдасыны кенишләндирмәк - бир сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олан даирәви орбитләрин квантланма гәјдасыны еллиптик орбитләрин квантланма гәјдасына көчүрмәк лазым кәлмишидр. Еллиптик орбит үзрә һәрәкәт едән електронун вәзијәти ики параметрлә  $r$ -радиус вектору вә  $\phi$  - азимут бучағы илә тәјин олундуғундан о, ики сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олур.

Нәһәјәт, әкәр електронун орбит мұстәвиси фәзада вәзијәтини дәјишәрсә, онда электрон үч сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олар. Беләликлә, һәлл олунмасы лазым кәлән биринчи мәсәлә чох сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олан системин квантланма шәртини тапмагдан ибарәт иди. Бу мәсәләни Зоммерфелд шәрти - периодик систем үчүн һәлл етмишидр. Белә системә мисал олараг анизотроп осцилјатору кәстәрмәк олар.

Фәрз едәк ки, күтләси  $m$  олан мадди нөгтә мұстәви үзриндә елә һәрәкәт едир ки, оун ики таршылыгы перпендикулјар координат охлары үзрә пројексијалары мұхтәлиф  $v_x$  вә  $v_y$  тезликләри илә садә һармоник рәгс едирләр. Онда мадди нөгтәнин һәрәкәт тәнликләри:



$$m\ddot{x} = -k_1x$$

$$m\ddot{y} = -k_2y$$

олар. Бу дифференциал тэнликләрин һәлләри ашағыдакы ки-ми олар:

$$x = a_1 \cos(2\pi\nu_x t + \delta_1) \quad y = a_2 \cos(2\pi\nu_y t + \delta_2)$$

Бурада

$$\nu_x = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_1}{m}} \quad \nu_y = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k_2}{m}}$$

Әкәр  $k_1=k_2$  олса олса иди,  $\nu_x = \nu_y$  оларды ки, бу да изотроп осциллятор үчүн алдығымыз нәтичәләрлә ејни оларды. Биз фәрз едирик ки,  $k_1 \neq k_2$ . Бу һалда осциллятор анизотроп олур. Әкәр  $\nu_x$  вә  $\nu_y$  тезликләри бир-биринә чоһ јахындырса, онда шәрти-периодик һәрәкәт алыныр. Мәсәлән,  $\nu_x = \nu_y$  олдуғда мадди нөггә ја дүз хәттә үзрә рәгси һәрәкәт едәр, ја да чеврә үзрә һәрәкәт едәр. Бахдығымыз садә һалда шәрти-периодик һәрәкәт ики садә һармоник рәгсә кәтирилир. Бу чүр рәгс едән осцилляторун ики сәрбәстлик дәрәчәси вар, она көрә дә ики квантланма шәрти јазылмалыдыр:

$$\oint P_x dx = n_x h; \quad \oint P_y dy = n_y h \quad (3.29)$$

Бурада  $n_x$  вә  $n_y$  там гијмәтләр алыр.

Үмуми шәкилдә көстәрмәк олар ки, бир нечә сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олан системләр үчүн елә  $q_1, q_2, \dots, q_i$  үмумиләшмиш координатлары тапмағ олар ки, бу координатларда системин һәрәкәтини јухарыда бахдығымыз анизотроп осцилляторун һәрәкәтинә ујғун олагаг  $i$  сәјда һармоник рәгси һәрәкәтә парчаламағ олар. Бу һалда параграф 3.2-

дә тандығымыз квантланма шөртини һәр бир сәрбәстлик дәрәчәси үчүн тәтбиг етмәк олар вә биз  $i$  сәйда квантланма шөрти аларыг:

$$\oint P_1 dq_1 = n_1 h, \quad \oint P_2 dq_2 = n_2 h, \dots, \quad \oint P_i dq_i = n_i h \quad (3.30)$$

Бурада  $n_1, n_2, \dots, n_i$  там әдәдләри квант әдәдләри адланыр.

Електрон эллиптик орбитдә һәрәкәт едәркән һәм радиус-вектор  $r$ , һәм дә азимут бучағы  $\varphi$  дәјишдишиндән аниагыдакы квантланма шөртләрини јаза билләрик:

$$\oint P_\varphi r d\varphi = n_\varphi h, \quad \oint P_r dr = n_r h \quad (3.31)$$

Параграф 3.2-дә көстәрилмишидир ки, нүвә әтрафында фырланан электрон үчүн үмумиләшимиш импулс  $P_\varphi$  ади импулс моменти  $M_\varphi$  бәрабәрдир вә һәм дә  $M_\varphi = const$ , јә'ни  $P_\varphi = mr^2 \dot{\varphi} = M_\varphi = const$ ;  $\varphi$  - бучағы 0-дан  $2\pi$ -јә гәдәр дәјишдишиндән

$$n_\varphi h = \oint P_\varphi r d\varphi = M_\varphi \oint d\varphi = 2\pi M_\varphi$$

$$M_\varphi = n_\varphi \cdot \frac{h}{2\pi}$$

олар. Бурада  $n_\varphi$  азимутал квант әдәди адланыр.

Бор пәзәријәсинин атом системинә тәтбиг схеминә әсасән әввәлчә классик механики гануналары чәрчивәсиндә нүвәнин Кулон саһәсиндә электронун һәрәкәт мәсәләси һәлл олунур, јә'ни орбитин формасындан асылы олмајараг электрон нүвәнин Кулон саһәсиндә һәрәкәт едир. Она корә дә енержи үчүн алдығымыз (3.22) дүстурундан истифадә етмәк олар:

$$E = -\frac{Ze^2}{2a}$$

Сонра исә енержинин бу кәсимәз гижмәтләри чохлауғу ичәрисиндән мүүжән квантланма шәртләринин, мәсәлән, верилмиш һалда (3.17) квантланма шәртинин көмәжи илә енержинин мүмкүн олан дискрет гижмәтләри сечилир. Бу деләнләрә уғун оларағ (3.31) квантланма шәртләриндән истифадә етсәк эллиптик орбитләрдә электронун енержиси үчүн

$$E_n = -\frac{2\pi^2 mZ^2 e^4}{h^2(n_\varphi + n_r)^2} \quad (3.23)$$

аларыг ки, бу да (3.23) ифадәси илә үст-үстә дүшүр. (јә'ни бу һалда да енержи квантланыр). Беләликлә, ики квантланма шәртиндән истифадә етмәжимизә бахмајарағ сон нәтичә дәрәви орбитләр үчүн алынмыш нәтичәдән заһирән фәргләнмир; енержи јалпыз  $n$ , вә  $n_\varphi$ -нин чәми олан баш квант әдәди  $n$ -дән асылыдыр. (3.23) дүстурунун тәһлили көстәрир ки, баш квант әдәди  $n$ -ин мүүжән бир гижмәти үчүн  $n$ , вә  $n_\varphi$  гижмәтләриндән асылы оларағ бир нечә орбит мөвчуд ола биләр. Буна инанмағ үчүн  $n$ -ин һәр бир гижмәтинә ејни бир бөјүк јарымоха  $a$  малик олан  $n$  сәјда мүхтәлиф орбит уғун кәлдијини көстәрәк. Доғрудан да енержинин ифадәсиндән  $a$ -ны тәјин едиб, енержинин јеринә онун квантлашмыш гижмәтини јазсағ

$$a = -\frac{Ze^2}{2E_n} = \frac{h^2 n^2}{4\pi^2 mZe^2}$$

вә Бор радиусу үчүн (3.19) ифадәсиндән истифадә етсәк

$$a = a_0 \cdot \frac{n^2}{Z} \quad (3.19')$$

аларыг. Көрүндүјү кими бөјүк јарымохун гижмәти мүхтәлиф квант һалларында баш квант әдәдинин квадраты илә дүз

мүгәнасибдир. Еллипсин кичик жарымхлору  $b$ -ни һесаблимаг үчүн аналитик һәндәсәдән мәлүм олан бөјүк жарымохла, кичик жарымох арасындакы мүнәсибәгән истиғадә етсәк:

$$b = a_0 \cdot \frac{n^2}{Z} \cdot \frac{n_\varphi}{n} = m_\varphi \frac{a_0}{Z} \quad (3.34)$$

аларыг.  $a$  вә  $b$  иғадәләринин мугәјисәси кәстәрир ки, бөјүк жарымох жалныз баш квант әдәдиндән, кичик жарымох исә һәм баш квант әдәдиндән, һәм дә азимутал квант әдәдиндән асылдыр.

Инди исә  $n_r$  вә  $n_\varphi$ -нин алдығы гижмәтләри таһаг.  $n_r=0$  олдугда  $b=a$  олур. Бу һалда електрон даирәви орбит үзрә һәрәкәт едир. Демәли,  $n_r=0,1,2,\dots$  гижмәтләрини алыр.  $n_\varphi=n$  олдугда да ејни нәтичәјә кәлирик.  $n_\varphi=0$  олдугда  $b=0$ . Бу һалда еллиптик орбит дүз хәтгә чеврилир вә електрон дүз хәтгә бојунча һәрәкәт етмәли олур. Бор нәзәријәсинә кәрә бу һалда електрон нүвә илә тоғушарды ки, бу атомун дајағсызлыгына кәтирәрди, она кәрә дә белә һәрәкәт мүмкүн дејил. Беләликлә,  $n_\varphi$ -ин ән кичик гижмәти  $n_\varphi=1$ , ән бөјүк гижмәти исә  $n$ -дир:

$$n_\varphi = 1, 2, \dots, n$$

Бурадан көрүнүр ки,  $n$ -ин һәр бир гижмәтинә, јә'ни һәр бир бөјүк жарымоха мүхтәлиф ексцентристели  $n$  сәјдә мүхтәлиф орбитләр ујғун кәлир. Мәсәлән,  $n=1$  олдугда  $a = \frac{a_0}{Z}$  олар, бу һалда  $n_\varphi=1$ ,  $n_r=0$  олдугундан  $b = \frac{a_0}{Z} = a$  олар вә бу һалда орбит даирә олар.

Инди  $n=3$  олан һалы арашдыраг;  $n=3$  олдугда  $a=9 \frac{a_0}{Z}$ , кичик жарым охун алдығы гижмәтләр исә:

1).  $n=3$ ,  $n_\varphi=1$ ,  $n_r=2$  һалында  $b = \frac{3a_0}{Z}$  вә електронун орбити еллипс олур.

2).  $n=3, n_\phi=2, n_r=1$  халында  $b = \frac{6a_0}{Z}$  олур вэ электрон  
 женэ дэ еллиптик орбит үзрэ хэрэкэт едир.

3)  $n=3, n_\phi=3, n_r=0$  халында  $b = \frac{9a_0}{Z}$  олур вэ электрон  
 даирэви орбит үзрэ хэрэкэт едир.

Һесабламалардан көрүндүжү кими  $n$ -ин һәр бир  
 гижмәтиндэ (жалпыз  $n=1$ -дән башга)  $n-1$  сажда еллиптик вэ  
 бир даирэви орбит алыныр вэ  $n_\phi$  нэ гэдэр кичик оларса,  
 орбитлэр перихкейдэ бир о гэдэр фокуса (нүвөжэ) жахын  
 олурлар.

Беләликлэ, бахдыгымыз мисаллар эсасында һөкм  
 етмөк олар ки, баш квант эдэди  $n$ -ин һәр бир гижмәти үчүн  
 ејни бир бөјүк жарымоха малик олан  $n$  сажда мүхтәлиф кичик  
 жарым оха малик олан орбитлэр мөвчуддур. (3.23)  
 дүстурундан көрүндүжү кими бүгүн бу  $n$  сажда орбитлэрин  
 һәр биринэ енержинин ејни бир гижмәти, даһа дегиг десәк  
 енержинин бир-бири илә үст-үстэ дүшөн  $n$  сажда бәрәбәр  
 гижмәтлэри ујғун кәлир. Бу һадисәжэ, јә'ни бир нечө квант  
 халына вэ ја бир нечө сәвијјәжэ ејни бир енержинин ујғун  
 кәлмәси һадисәсинэ чырлашма дејилир. Әкәр һәр һансы бир  
 һәјәчанландырычы амил јаранарса орбитлэр мүхтәлиф  
 шөкилдэ деформасијаја ујғрајар вэ бир-бири илә үст-үстэ  
 дүшөн  $n$  сажда сәвијјә јени  $n$  сажда мүхтәлиф сәвијјәләрә  
 парчаланыр. Бу һадисәжэ исә һәјәчанланманын  
 чырлашманы арадан галдырылмасы һадисәси дејирләр.

### §3.6. Электронун магнит моментги. Лармор теореми

Билдијимиз кими гапалы (даирэви вэ ја еллиптик)  
 орбит бојунча хэрэкэт едән электрона мүәјјән бир макро  
 даирэви чөрәјан кими бахмаг олар. Бу чөрәјанын шиддәти

$$J = -\frac{e}{T} = -\frac{e\omega}{2\pi}$$

ифадәси илә тә'јин олунар. Бурада  $e$ - электронун јүкү,  $T$  – фырланма периоду,  $\omega$ -бучаг сүр'әтидир.

Электрон јүкүнүн ишарәси әввалчәдән нәзәрә алындығындан бу параграфдакы ифадәләрлә  $e$  мүсбәт әдәл һесап олунамалыдыр, јә'ни

$$e = 4,8 \cdot 10^{-10} \text{ CGSEj. b.}$$

Дикәр тәрәфдән електрик курсундан билдијимиз кими бу чәрәјан ашағыдакы  $\mu_e$  магнит моментинә эквивалентдир:

$$\mu_e = \frac{1}{c} JS = -\frac{e\omega r^2}{2c} = -\frac{em\omega r^2}{2mc}$$

$$\mu_e = -\frac{eM_\varphi}{2mc} \quad (3.35)$$

Бурада  $S$  - чәрәјанын әһатә етдији контурун саһәси,  $M_\varphi = m\omega r^2$  исә электронун импульс моментидир.

Электронун јүкү мәңфи олдугундан орбитал импульс momenti вектору  $\vec{M}_\varphi$  вә орбитаоя магнит momenti вектору  $\vec{\mu}_e$  истигамәтчә бир-биринин әксинә јөнәлмәлидир:

$$\vec{\mu}_e = -\frac{e\vec{M}_\varphi}{2mc} \quad (3.36)$$

Бу дүстурдан көрүнүр ки, электронун магнит momentинин онун импульс momentинә нисбәти сабит кәмијјәтидир; бу сабит кәмијјәтә гироманит нисбәти дејилир (бах Лангге фактору) вә  $g$  һәрфи илә ишарә олунар:

$$\frac{\mu_e}{M_\varphi} = g = -\frac{e}{2mc}$$

Бу дүстүр зэррәчијин импулс моментти илэ магнит моментти арасында элагэ јарадыр. Бор нэзәријәсилә әсасәп импулс моментти квантланмыш  $M_\varphi = \frac{h}{2\pi} n_\varphi$  гижмәтини алып. Бурада  $n_\varphi$  -орбитал (азимутал) квант эдәдилер. Онда электронун орбитал магнит моментти

$$\mu_e = -\frac{eh}{4\pi mc} n_\varphi \quad (3.37)$$

олар. Демәли, электронун магнит моментти дә квантланыр, јә'ни магнит моментти истәнилән гижмәтләр ала билмәз, јалныз мүнәјјән дискрет гижмәтләр ала биләр. Магнит моменттинин  $n_\varphi=1$ -ә ујғун гижмәтинә Бор магнетону дејирләр:

$$\mu_0 = \frac{eh}{4\pi mc} = 9,274 \cdot 10^{-21} \text{ CGSM}$$

Онда

$$\mu_e = -\mu_0 n_\varphi \quad (3.38)$$

Бор магнетонундан магнит моменттинин тәбии ваһиди кими истифалә олунар.

Инди исә электрон орбитинә харичи магнит сәһәсинин тә'сирини тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, магнит моментинә малик атом (биз һәләлик һидроген атомуна бахарыг) харичи магнит сәһәсинә дахил едилиб, онда ајдындыр ки, атомун магнит моментти ја харичи магнит сәһәсинә паралел, ја да антгипаралел јөнәлдилмәлидир. Лакин әслиндә бу һадисә банг вермир. Буна атомун (әслиндә електронун) фырфыра олмасы ма'нечилик кәстәрир. Кәстәрмәк олар ки, харичи магнит сәһәсиндә јерләшмиш атомла электронун орбит

радиусу сабит галмагла, онун нүвө этрафында фырланма тезлији дэјишир. Бунун үчүн эвволчэ садэ хала бахаг. Тутаг ки, харичи магнит сахэси олмадыгла электрон нүвө этрафында  $r$  радиуслу дайрэви орбит үзрэ  $\omega_0$  бучаг сүр'эги илэ фырланыр. Бу халда электрона тэ'сир едэн мэркэзгачма гүввэси

$$F_{M.Z.}(H=0) = \frac{mv^2}{2} = m\omega_0^2 r$$

шэклиндэ олур ки, бу да электронла нүвө арасындакы

Кулон гүввэси илэ таразлашыр. јэ'ни  $m\omega_0^2 r = \frac{e^2}{r^2}$ . Бу гүввэ

харичи сахэлэрдэ электрона тэ'сир едэ билэчэк гүввэлэрдэн чох-чох бөјүк олдугундан, атому харичи магнит сахэсиндэ јерлэшдирдикдэ электрон орбитинин радиусу дэјишир. Инди фэрз едэк ки, атом электронун орбит мүс-тэвисинэ перпендикулгар истигамэтдэ јөнөлмиш харичи магнит сахэсинэ дахил едилир. Онда электрона  $F_L$  Лоренс гүввэси тэ'сир едэчэк вэ гүввэ радиус бојунча јөнөлэчэкдир.

$$F_{LL} = \frac{e}{c} vH = \frac{e}{c} \omega r H$$

Бурада  $\omega$  -электронун магнит сахэсиндэки дайрэви тезлијидир ки, бу да  $\omega_0$  дан фэрглэнир. Магнит сахэсиндэ электрона тэ'сир едэн гүввэлэр

$$\vec{F}_{M.Z.}(H=0) = \vec{F}_{M.Z.}(H \neq 0) + \vec{F}_L$$

$$m\omega_0^2 r = m\omega^2 r \pm \frac{e}{c} \omega r H$$



олар. Бу ифадәдәки  $\pm$  ишарәси электронун бучаг сүр'әти вектору илә  $\vec{H}$  векторунун нисби оријентасиясындан асылы оларга сечилир. Сонунчу ифадәни ашағыдакы шәкилдә язсаг:

$$m\omega_0^2 r - m\omega^2 r = \pm \frac{e}{c} \omega r H$$

аларыг. Гәбул едәк ки,  $|\omega - \omega_0| = \Delta\omega \ll \omega, \omega_0$ , онда  $\omega_0^2 - \omega^2 = (\omega_0 - \omega)(\omega_0 + \omega) \approx 2\omega\Delta\omega$ , доғрудан да һесаблималар көстәрир ки,  $\omega$  илә  $\omega_0$  бир-бириндән чоһ аз фәргләнир, јә'ни  $|\Delta\omega| = |\omega - \omega_0| \ll \omega$  вә  $\omega + \omega_0 \approx 2\omega$  мүнәсибәти чоһ бөјүк дәгигликлә оләнир. Бушлары нәзәрә алдыгда (3.39)-дан

$$\Delta\omega = \pm \frac{eH}{2mc}$$

алырыг.

Беләликлә, харичи магнит сәһәсиндә электронун нүвә әтрафында фырланмасыны даирәви тезлији

$$\omega_L = \frac{eH}{2mc} \quad (3.40)$$

гәдәр дәјиниш, бурада  $\omega_L$  - Лармор тезлији адланыр.

Бучаг сүр'ти векторушун истигамәтини тә'јин едәк.  $\vec{v}$  вә  $\vec{F}$ -ин мә'лум истигамәтләринә әсасән  $\vec{v} = [\vec{\omega}_0 \vec{r}]$  вектору һасилиндән  $\vec{\omega}_0$  векторунун истигамәтини тә'јин етмәк олар. Әкәр  $\vec{H}$  вектору  $\vec{\omega}_0$  векторунун әксинә јөнәләрсә, онда  $\vec{F}_n$  гүввәси  $\vec{F}_{м.з.}$  гүввәсинин әксинә јөнәләр. Бу заман фырланма мәркәзинә доғру електрона тә'сир едән гүввә

кечилдижиндэн,  $\vec{F}_{M.Z.} = \frac{mv^2}{r}$  вэ  $v = \omega_0 r$  дүстурларындан көрүндүү кими  $\vec{F}_{M.Z.}$  векторунун сүр'эти  $v$  вэ бучаг сүр'эти  $\omega_0$  азалыр. Бу исэ ону көстөрүр ки, Лармор бучаг сүр'эти вектору  $\vec{\omega}_L$ ,  $\vec{\omega}_0$  -ын әксинэ жөнөлмәклә  $\vec{H}$  вектору илә ејни истигамәтдә олур.  $\vec{H}$  векторунун истигамәти дәјишәрсә  $\vec{F}_L$  вэ  $\vec{F}_{M.Z.}$  гүввәләри ејни истигамәтли олуб, фырланма мәркәзинә доғру жөнәләрләр вэ электрона тә'сир едән гүввә бөјүдүјүндән  $\vec{v}$  вэ  $\vec{\omega}_0$  бөјүјәр. Бу һалда  $\vec{\omega}_L$  вэ  $\vec{\omega}_0$  -ын истигамәтләри ејни олар вэ  $\vec{\omega}_L$  вектору јенә дә  $\vec{H}$  вектору истигамәтнндә жөнәләр. Орбитин радиусу дәјишмәдән бу әләвә бучаг сүр'әтинин јаранмасына, атомун магнит саһәсиндә әләвә олараг  $\vec{\omega}_L$  бучаг сүр'эти илә фырланмасы кими баһмаг олар.

Биз јухарыда көстәрдик ки, һәр һансы бир атому магнит саһәсинә даһил етдикдә электронун сүр'эти вэ даирәви тезлији дәјишир; бу кәмијјәтләрин дәјишмәси электронун кинетик енержисинин дә дәјишмәсинә кәтирәр. Орбитин радиусу сабит галдығындан электронун потенциал енержиси сабит галыр. Дикәр тәрәфдән, мә'лумдур ки, магнит саһәси (Лоренс гүввәси) иш көрмүр. Онда белә бир суал ортаја чыхыр ки, бәс атомда электронун кинетик енержиси нәјин һесабына дәјишир? Јалныз електромагнит индуксија нәзәријјәсинә әсасланараг бу суала чаваб вермәк олар. Бу нәзәријјәјә әсасән атомун јерләшдији фәзада магнит саһәси јарандыгда вэ ја дәјишдикдә бурулғанлы электрик саһәси јараныр вэ бу саһәнин тә'сири алтында атомда электронун сүр'эти дәјишир.

Инди исә даһа үмуми һалы — электронун бучаг сүр'эти вектору  $\vec{\omega}_0$  вэ магнит саһәси вектору  $\vec{H}$  ихтијари гаршылығлы оријентасијасы һалыны нәзәрлән кечирәк. Нүввәдән вэ онун әтрафында чеврә бөјүнчә фырланан электрондан ибарәт олан атома магнит моментинә малик олан жироскоп кими баһмаг олар. Жироскопун һәрәкәт тәнлији

$$\begin{aligned}\frac{d\vec{M}_\varphi}{dt} &= \vec{M}; \quad \vec{M} = [\vec{\mu}_l \vec{H}] \\ \frac{d\vec{M}_\varphi}{dt} &= [\vec{\mu}_l \vec{H}]\end{aligned}\quad (3.41)$$

Шәклиндә ифадә олунур, бу дүстурдан көрүнүр ки, импульс моменти векторунун дәјишмәси ( $\frac{dM_\varphi}{dt}$  - вектору)  $\vec{\mu}_l$  орбитал магнит моментиңә вә  $M_\varphi$  импульс моменти векторуна перпендикулјардыр; диқәр тәрәфдән  $\frac{dM_\varphi}{dt}$  вектору  $\vec{H}$  векторуна да перпендикулјардыр. Онда  $\frac{dM_\varphi}{dt}$  вектору,  $\vec{H}$  векторуна перпендикулјар олап үфиги мүстәви үзәриндә јерләшәр вә  $\vec{M}_\varphi$  векторунун учу бу мүстәви үзәриндә ( $\vec{H}$  - вектору әтрафында) чеврә бојунча  $\omega_L$  тезлији илә фырлана чагдыр; јә'ни электронун  $M_\varphi$  импульс моменти векторунун учу  $H$  магнит саһәси вектору әтрафында

$$\vec{\omega}_L = \frac{e\vec{H}}{2mc}$$

бучаг сүр'әти илә пресессия едәчәкдир. Магнит моменти вә импульс моменти векторлары бир-бири илә (3.41) мүнәсибәти васитәсилә бағлы олдугларына көрә электронун  $\mu_l$  магнит моменти векторунун да учу һәмин бучаг сүр'әти илә  $H$  вектору әтрафында пресессия едәчәкдир.

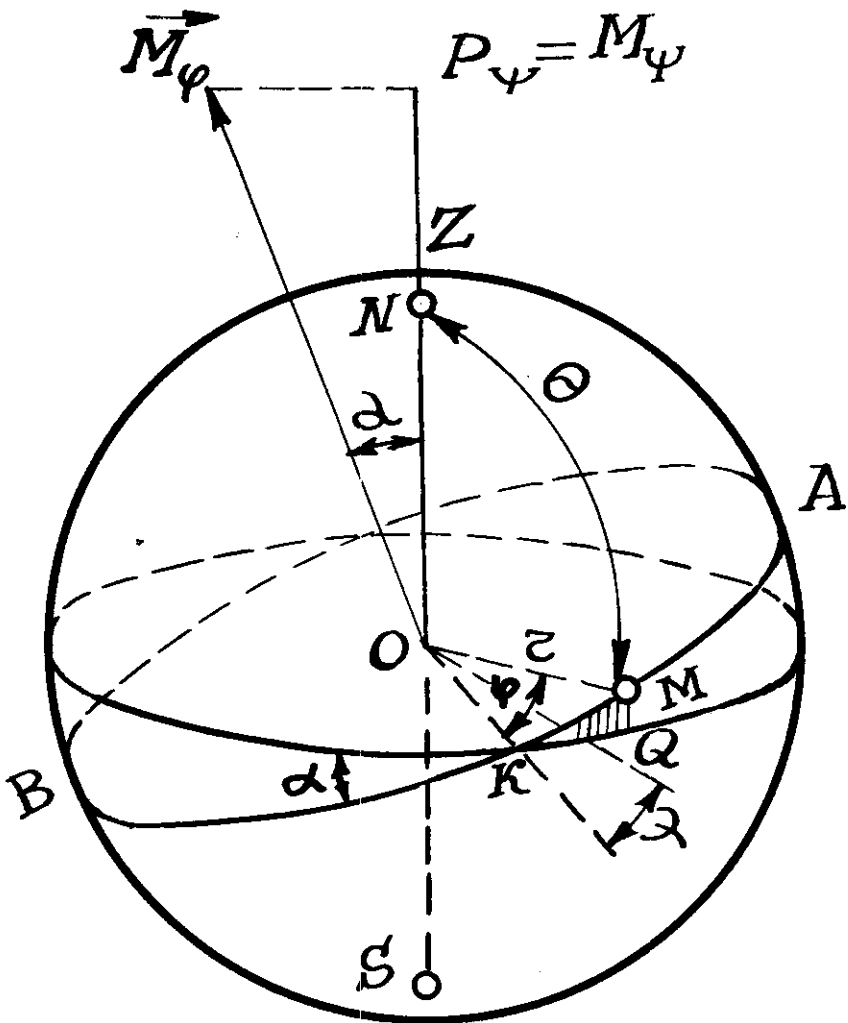
Беләликлә, жирокопун гравитасия саһәсиндә һәрәкәтинә охшар олараг атом да магнит саһәсиндә пресессия һәрәкәти едир. Бу пресессия һәрәкәтинә Лармор пресессиясы дејилер.



сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олдуғундан уйғун олараг бир вә ики квантлама шәртиндән истифадә етмишдик. Инди даһа үмуми һалы тәһлил етмәк үчүн фәрз едәк ки,  $\mu$  -магнит моментинә малик олан атом харичи магнит сәһәсинә дахил едилмишдир. Ајдындыр ки, белә атом харичи сәһә илә гаршылыгылы тә'сирдә олачаг вә гаршылыгылы тә'сир енержиси  $U = -(\vec{\mu}\vec{H})$  олар. Беләликлә, електронун там енержиси дәјишпәчәкдир. Енержинин дәјишмәси орбитин вәзижәтиндә мүүјјән дәјишиклијин јаранмасына кәтирмәлидир. Тутаг ки, белә дәјишмә орбит мүстәвиси вәзижәтинин дәјишмәсинә кәтирир; әкәр доғрудан да белә һалда орбитин вәзижәти дәјишпәрсә, онда орбит мүстәвисинин  $H=0$  олан һалдакы мүстәвијә нәзәрән ала биләчәји вәзижәтләри мүүјјәнләшдирәк.

Фәрз едәк ки,  $H=0$  олдуғда орбит мүстәвиси екваториал мүстәви үзәриндәдир. Бу һалда електронун һәрәкәт миғдары моменти  $M_\varphi$ ,  $Z$  -оһу исгиғамәтдә олачағдыр. Харичи магнит сәһәсини дә  $Z$  оһу исгиғамәтиндә јөнәлдәк. Онда електронун харичи сәһә илә гаршылыгылы тә'сирин нәтижәсиндә орбит мүстәвисинин екваториал мүстәвијә нәзәрән  $\alpha$  -бучағы гәдәр дәнмәсини гәбул едәк (AB орбит мүстәвиси) вә бу бучағын ала биләчәји гијмәтләри тә'јин едәк. Фәзада електронун вәзижәти үч координатла характеризә олундуғундан електрон үч сәрбәстлик дәрәчәсинә малик олачағдыр. Сәрбәстлик дәрәчәләринин үчүнү дә нәзәрә алмағла биз нәинки електронун орбит үзрә һәрәкәтини тәсвир етмәк, һәм дә орбит мүстәвисинин фәзада вәзижәтини тә'јин етмәк имканы әлдә едирик. Електронун фәзада вәзижәти үч сферик  $r$ ,  $\theta$  вә  $\varphi$  координатлары илә характеризә олунур. Она корә дә үч квантлама шәрти јазылмалыдыр:

$$\int P_r dr = n_r h, \quad \int P_\theta d\theta = n_\theta h, \quad \int P_\varphi d\varphi = n_\varphi h$$



Шәкил 7

Бурада,  $n_r, n_\theta, n_\psi$  -радиал, экваториал вә енлик квант әдәдләридир.

Үмумиләшмиш импульсларын һесапламағ үчүн үмуми гајда үзрә сферик координатларда енержинин

$$E = \frac{m}{2} \left[ \left( \frac{d\vec{r}}{dt} \right)^2 + \vec{r}^2 \left( \frac{d\theta}{dt} \right)^2 + \vec{r}^2 \sin^2 \theta \left( \frac{d\psi}{dr} \right)^2 \right] + U(r)$$

ифадәсіндән үмумиләшмиш сүр'әтләрә көрә төрәмәләр алмаг лазымдыр:

$$P_\theta = \frac{\partial E}{\partial \dot{\theta}} = m r^2 \dot{\theta} = M_\theta, \quad P_\psi = \frac{\partial E}{\partial \dot{\psi}} = m r^2 \sin^2 \theta \dot{\psi} = M_\psi,$$

$$P_r = \frac{\partial E}{\partial \dot{r}} = m \dot{r}$$

41-чи шәкилдән көрүндүжү кими  $\psi$  координаты электронун экватор үзрә пројексиясынын һәрәкәтнини характеризә едир, она ујғун  $P_\psi = M_\psi$  үмумиләшмиш импульсу исә там импульс momenti  $M$ -ин  $Z$  оху үзрә пројексиясыдыр. Бу охун истигамәти, мәсәлән, һәмин ох үзрә јөнәлмиш магнит саһәсинин истигамәти илә дә верилә биләр. Асанлыгла инанмаг олар ки,  $P_\psi = M_\psi$  оз гижмәгини сабит сахлајыр, јә'ни  $M_\psi = const$ . Буна инанмаг үчүн јухарыдакы ифадәләри нәзәрә алмагла һамилтон функциясыны јазаг:

$$H = W + U = \frac{1}{2m} \left( P_r^2 + \frac{1}{r^2} P_\theta^2 + \frac{1}{r^2 \sin^2 \theta} P_\psi^2 \right) - \frac{Ze^2}{r} \quad (3.43)$$

алары. Әкәр һәр һансы бир координат һамилтон функциясына ашкар шәкилдә дахил дејилсә, белә координат тсиклик координат адһаныр. Мә'лумдур ки, әкәр координатлардан һәр һансы бири тсиклик координатдырса, онда она ујғун үмумиләшмиш импульс сабитдир. (3.43) ифадәсіндән көрүндүжү кими  $\psi$  координаты һамилтон функциясына ашкар шәкилдә дахил дејил. Демәли,  $M_\psi = const$ . Онда

$$\oint P_\psi d\psi = \oint M_\psi d\psi = M_\psi \oint d\psi = 2\pi M_\psi = n_\psi h$$

$$M_\psi = \frac{h}{2\pi} \cdot n_\psi$$

олар. Беләликлә, импулс моментинин магнит сәһәси истигамәти үзрә проексиясы квантланмыш гижмәтләр алып. Бу о демәкдир ки, АВ орбит мүстәвиси (һәҗәчанланмыш орбит) фәзада ихтијари вәзијјәт (оријентасија) ала билмәз, о, јалныз мүмкүн олан мүәјјән дискрет вәзијјәтләри ала биләр. Бу вәзијјәтләри даһа мүкәммәл тәһлил етмәк үчүн һәҗәчанланмыш орбитин экваториал мүстәвијә нәзәрән мејл бучағыны арапдыраг. 41-чи шәкилдән

$$\cos \alpha = \frac{M_\psi}{M_\phi} = \frac{n_\psi h}{n_\phi h} = \frac{m}{n_\phi} \quad |m| = n_\psi$$

мүнасибәтини алырыг.  $|\cos \alpha| \leq 1$  олдугундан  $|m| \leq n_\phi$  олар. Дикәр тәрәфдән  $-1 \leq \cos \alpha \leq +1$  гижмәтләри алдығындан  $m$ -ин алдығы гижмәтләр

$$-n_\phi, -(n_\phi - 1), \dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots, n_\phi$$

олар; јә'ни  $m$ ,  $2n_\phi + 1$  гәдәр гижмәт алар.  $m$  вә  $n_\phi$  сечилмиш гижмәтләр алдығындан  $\cos \alpha$  ихтијари гижмәти алмајыб, јалныз сечилмиш гижмәтләри алачагдыр. Бу о демәкдир ки, фәзада орбитин вәзијјәти квантланмыш гижмәтләри

алыр. Мәсәлән,  $n_\phi = 1$  олдугда  $\cos \alpha = \frac{m}{n_\phi}$  мүнасибәтинә көрә

$m=0$ ;  $\pm 1$  гижмәтләрини алып; орбит мүстәвиси исә фәзада  $\alpha = 0; \frac{\pi}{2}; \pi$  вәзијјәтләрини алып вә с. Дахил едилән  $m$  әдә-

динә магнит квант әдәли дејирләр вә импулс моментинин үстүн истигамәт үзрә проексиясынын характеризә едир.



Параграф 3.5.-дә көстәрдилдији кими (3.29) квантланма шәрәтләри (3.23) ифадәсинә кәтирир вә еллипсин ексентриситетини тәјин едир. Көстәрмәк олар ки, экваториал вә еник квант әдәдләри илә азимутал квант әдәди арасында

$$n_{\varphi} = n_{\theta} + n_{\psi}$$

әләгәси вардыр. Онда там енержи үчүн (2.23) ифадәси

$$E_n = - \frac{2\pi^2 m z^2 e^4}{h^2 (n_2 + n_{\theta} + n_{\psi})^2} \quad (3.44)$$

иәклини алар. (3.44) ифадәсиндән көрүнүр ки, еллиптик орбитләрин квантланмасы һалында олдуғу кими орбитин фәзада оријентасијасы нәзәрә алындығы (фәза квантланмасы) һалда да електронун там енержиси квантланыр вә ајры-ајры квант әдәдләриндән дејил, јалпыз бүтүн квант әдәдләрин чәминдән асылыдыр. Демәли, фәза квантланмасында чырлашма дәрәчәси даһа да артыр, чүнки нәинки ејни бөјүк јарымохлу бүтүн еллипсләр, һәм дә фәзада мүхтәлиф оријентасијалар алмыш бу чүр бүтүн еллипсләр ејни енержиә малик олур.

Һәјата кечирилән бүтүн дәгигләшдирмәләрдән сонра (еллиптик орбитләрә бахылмасы, орбитләрин фәзада оријентасијасынын нәзәрә алынмасы) алынған нәтичәнин ән садә даирәви орбитләр һалында алынған нәтичә илә үст-үстә дүшмәси бүтүн бу мүрәккәбләшдирмәләрин лазымсыз олдуғу фикрини јарада биләр. Һәгигәтдә исә бу белә дејил. Харичи магнит саһәси сыфырлан фәргли олдуғда  $n_{\psi}$  экваториал квант әдәди (вә ја  $m$  магнит квант әдәди) илә әләгәдар олан чырлашма арадан галдырылып, јәни мүхтәлиф оријентасијаја малик орбитләр мүхтәлиф енержиләрә малик олур. Бу истигамәтдә ардычыл сурәтдә апарылмыш һесабламалар нормал Зејеман сффектини изаһ етмәјә имкан верир. Бундан башға, бир нечә електрона малик олан мүрәккәб атомларда дахили електронларын кәнар електронларә

көстөрдиклери һәҗәчанлашдырычы тә'сир, атомун там енержиси ифадәсинә  $n_r + n_\phi$  чәминә бәрабәр олан  $n$  баш квант әдәди илә җанашы азимутал квант әдәдинин дә дахил олмасына кәҗирир. Бунун нәтичәсиндә бирелектронлу атомларда ејни баш квант әдәдинә (лакин мұхтәлиф азимутал квант әдәдләринә) ујғун олан вә бир-бирилә үст-үстә дүшән енержи сәвијјәләри, чохелектронлу атомларда бир-бириндән араланырлар. Бу исә бир валент электрону олан мүрәккәб атомларын (дөври системин биринчи груп элементләри Li, Na, K вә с.) спектрләриндәки хүсусијјәтләри изаһ етмәә имкан верир.

Беләликлә, биз индиједәк үч квант әдәдини нәзәрдән кечирдик.

1.  $n$ -баш квант әдәди. Баш квант әдәди атомда электронун енержисини вә электронун јерләшдији сәвијјәнин нөмрәсини тә'јин едир.

2.  $n_\phi$  - азимутал квант әдәди ( $n_\phi = 1, 2, 3, \dots, n$ ). Электронун импульс моментини тә'јин етмәк үчүн  $n_\phi$  әвәзинә  $l = n_\phi - 1$  квант әдәдини дахил едирләр.  $l$ -ә көмәкчи квант әдәди дејилир. Бә'зән буна орбитал квант әдәди вә нәһәјәт, азимутал квант әдәди дә дејирләр.  $n$ -ин верилмиш гижмәтиндә орбитал квант әдәди  $l = 0, 1, 2, \dots, (n-1)$  гижмәтләрини, јә'ни чәмиси  $n$  гижмәт алыр. Орбитал квант әдәди электронун орбитдә импульс моментини характеризә едир. Чохелектронлу атомларда (гәләви металлларын атомларында) электронун енержиси  $l$ -дән асылы олур.

3.  $m_l$  - магнит квант әдәди. Магнит квант әдәди импульс моментинин үстүн истигамәт үзрә (мәсәлән, харичи магнит сәһәсинин истигамәти үзрә) проексијасыны тә'јин едир вә сыфыр да дахил олмагла  $-l$ -дән  $+l$ -ә гәдәр бүгүн там гижмәтләри алыр, јә'ни  $2l+1$  гижмәт алыр.

### § 3.8. Штерн-Һерлах тәчрүбәси

Борун фәзада квантланма нәзәријјәсини тәчрүбәдә илк дәфә 1921-чи илдә Штерн вә һерах јохламышлар. Тәчрүбәни шәрһ етмәздән әввәл тәчрүбәдә һансы кәмијјәтин, һансы шәраитдә олчүлмәсинин мүәјјәнләшдирәк. Фәза

квантланмасынын тэһлилиндэ гөјд етдик ки, харичи магнит саһәсинә дахил едилмиш атомун, гаршылыгылы тә'сир нәтичәсиндә, электрон орбитинин вәзијјәти дәјишә биләр; бу дәјишмә

$$\cos \alpha = \frac{m_z}{m_\phi}$$

илә тә'јин едилир. Бу мүнәсибәтә дахил олан кәмијјәтләрин һеч бири тәчрүбәдә өлчүлә билән кәмијјәтләр дејилдир. Она көрә дә бу мүнәсибәти тәчрүбәдә өлчүлә бөйлән кәмијјәтләрлә әлагәләндирәк.

Мә'лумдур ки, харичи H-магнит саһәсинә дахил едилмиш  $\mu_l$  -магнит моментинә малик олан атом харичи саһә илә гаршылыгылы тә'сирдә олур:

$$U = -(\vec{\mu}_l \vec{H})$$

бурадан

$$\mu_l = \frac{eh}{4\pi mc} n_\phi = \mu_0 n_\phi; \quad n_\phi \cos \alpha = m_z$$

гијмәтини јеринә јазсаг:

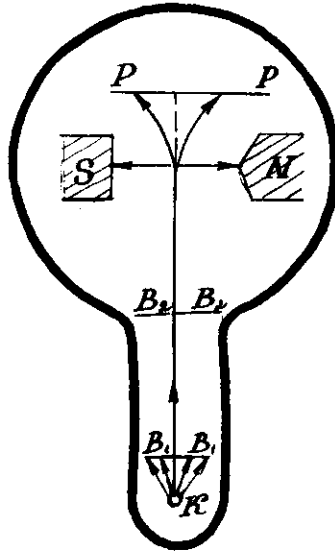
$$U = -\mu_0 H n_\phi \cos \alpha = -m_z \mu_0 H$$

олар. Онда атома тә'сир едән гүввә:

$$\vec{F} = -\text{grand}U = \text{grand}(\vec{\mu}_l \vec{H}); \quad F = m_z \mu_0 \frac{dH}{dr}$$

олар. Бурадан көрүнүр ки, саһә гејри-бирчинсли олмалыдыр вә гејри-бирчинслилик дәрәчәси нә гәдәр бөјүк олса, тә'сир гүввәси бир о гәдәр бөјүк олачагдыр. Әкәр тәчрүбәдә атомларын һәрәкәти х-оху истигамәтдә оларса, онда саһә һөкмән бу истигамәтә перпендикулјар олмалыдыр. Мүәјјәнлик үчүн саһәни Z -оху истигамәтдә јөнәлтсәк, онда

$$F_z = m_z \mu_0 \frac{dH}{dz}$$

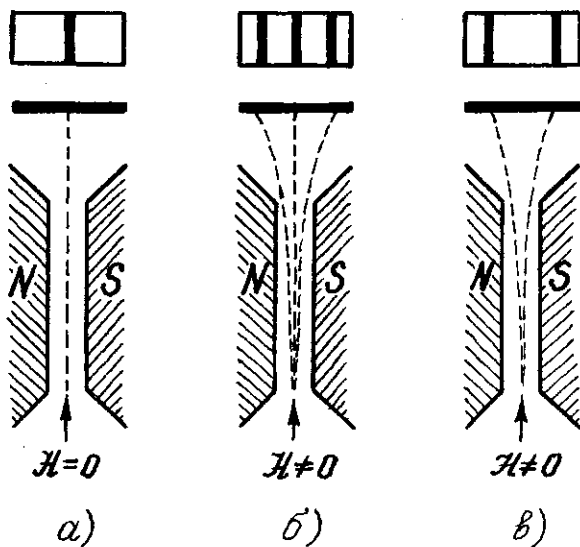


Шәкил 8

олар. Беләликлә, фәза квантланмасыны тәчрүбәдә җохламаг үчүн нейтрал атом дәрәгәсинә гәҗри-бирчинсли сагнит саһәсинин тә'сирини тәһлил етмәлиҗик.  $F_z$ -ә дахил олан магнит квант әдәди  $m_z$ ,  $2n_\phi + 1$  гижмәт алдығындан, атом дәстәси  $2n_\phi + 1$  компонентинә парчаланмалыдыр. Тәчрүбәнин нәтичәләрини јахшы мұшаһидә етмәк үчүн  $n_\phi = 1$  олан атомлардан истифадә етмәк лазымдыр. Бу мәгсәдлә үзәринә назик күмүш тәбәгәси (лаҗы) чәкилмиш  $K$  катоду ваккум җарадылмыш балона дахил едилер. Катод гыздырылдыгда онун сәтһиндән күмүш атомлары бүгүн истигамәтләрлә бухарланыр. Бухарланмыш күмүш атомларындан назик бир дәстә аҗырмаг үчүн катод гаршысына  $B_1$  вә  $B_2$  диафрагмалары гоҗулур. Алынан назик атом дәстәси гәҗри-бирчинсли магнит саһәсиндән кечәрәк  $P$ , лөвһәси үзәринә дүшүр. Тәчрүбәнин нәтичәләрини шәрһ етмәздән әввәл мүмкүн олан билән нәтичәләри тәһлил едәк.

Әкәр магнит сәһәси олмасса  $H=0$  онда диафрагмалардан кечән атом дәстәси һеч бир манеәжә раст кәлмәдијиндән (гаршылығлы тә'сир олмадығындан) Р-лөвһәси үзәриндә назик бир золаг јараныр (шәкил 9-а)  $H \neq 0$  олдуғда атом дәстәси гејри-бирчынсли магнит сәһәсинин тә'сиринә мә'руз галыр.

Доғрудан да, һәр бир атом  $\mu_l$  -магнит моментинә малик олдуғундан о, харичи сәһә илә гаршылығлы тә'сирдә олачағ вә бу тә'сир §3.7-дә дејилдији кими орбитин вәзиј-јәтини (оријентасијасына) дәјишә биләр. Әкәр, доғрудан да орбитин вәзијјәти дәјишәрсә, онда бу дәјишмәни дәгиг мүшаһидә етмәк үчүн, елә вәзијјәт сечилмәлидир ки, фәзада оријентасијасынын саји минимум олсун. Бу мәғсәдлә катод үзәринә күмүш лаји чәкилир, чүнки, күмүш атомларына валент электронлары  $n_\phi=1$  һалындадыр.  $n_\phi=1$  олдуғда  $m_z=0$ ;  $\pm 1$  гијмәтләрини алыр ки, бу да бизи үч оријентасијәја кәтирир (шәкил 9 б). Тәчрүбә исә буну тәсдиғ етмир.



Шәкил 9

Тэчрүбә көстөрүр ки, назик атом дәстәси гејри-бирчинели магнит сәһәсиндән кечдикдә ики дәстәјә парчаланыр, јә'ни  $P$  – лөвһәси үзәриндә ики хәтг алыныр. Бу тэчрүби факт Борун фәза квантланмасыны тәсдиг етмир. Әкәр биз истәсәк ки, бу факты Бор нәзәријјәси илә әләгәләндирәк, онда еһтираф етмәлијик ки, ола биләр ки, фәза квантланмасы мөвчуддур, ләкин Бор нәзәријјәсини дедији кими дејил. Бу тэчрүбү факты изаһ етмәк үчүн 1925-чи илдә Уленбек вә Гаудсмитт һәр бир електронун мүәјјән мәхсуси механики моментә (спин моменти) малик олмасы фәрзијјәсини ирәли сүрдүләр. Бу мәхсуси механики моментин гијмәти елә сечилмәлидир ки, о јалныз ики гијмәт алмагла, бу гијмәт-

ләрин фәрги  $M_n - M_{n-1} = \frac{h}{2\pi}$  олмалыдыр. Әкәр спин мо-

ментинин гијмәтини  $M_S = \pm \frac{1}{2} \cdot \frac{h}{2\pi}$  сечсәк, онда гојдугумуз

тәләбләр одәнәр вә Штерн-Һерлах тэчрүбәсинин нәтичәләри изаһ едилмиш олар. Соңракы тэчрүбәләр вә тәһлилләр көстәрди ки, Штерн-Һерлах тэчрүбәләри електронун спин моментинә малик олмасыны ашкар чыхармыш вә Уленбек-Гаудсмитт фәрзијјәсинин һәлигәтә ујғун олмасыны тәсдиг етмишдир.

### §3.9. Електронун спини

Штерн-Һерлах тэчрүбәсинин тәһлилиндә көрдүк ки, фәза квантланмасыны тэчрүбәдә јохламаг үчүн орбитал магнит моментин пројексијасыны өлчмәк кифәјәтдир. Бу тэчрүбәни гидроген атому үчүн бир даһа тәһлил едәк.

Мә'лумдур ки, гидроген атомунун магнит моменти

$\mu_l = \frac{eh}{2\pi mc} n_\varphi$  илә тә'јин едилир. Квант механикасында

адәтән  $l = n_\varphi - 1$  орбитал квант әдәлиндән истифадә едилләр. Квант механикасында анарылан һесабаг, магнит моменти

үчүн  $\mu_l = \frac{eh}{2\pi mc} l = \mu_\varphi l$  ифадәсинә кәтирир. Бу ифадәјә

көрө S-халында ( $l=0$ ) олан атомун орбитал магнит моменти сыфырдыр. Онда нормал-халда олан атомар гидрокен дэстэси гејри-бирчынсли магнит сахэсиндэн кечдикдэ һеч бир тэ'сирэ мэ'руз галмамалыдыр. Әкәр дэстэдә P-халында ( $l=1$ ) олан электрон оларса, онда дэстә магнит квант әдәдинин гижмәтинә ујғун оларат  $m_z=0; \pm 1$  үч компонентә парчаланмалыдыр. Үмумијјәтлә,  $l$ -ин гижмәтиндән асылы оларат һәмипшә тәк сәјдә (1;3;5;...) компонентә парчаланма мүшәһидә едилмәлидир. Јакин тәчрүбә кәстәрир ки, S-халында олан атомар гидрокен дэстэси ики компонентә парчаланыр. Белә кезләннимәз нәтичә квант механикасынын әсасларыны бир даһа тәһлил етмәк зәруријјәтини гаршыја гојду. Гејд едәк ки, белә бир зәруријјәт гәләви атомларын спектринин тәһлилиндә дә мејдана чыхмышдыр. Доғрудан да, гәләви атомларын спектрләринин даһа әтрафлы тәһлили кәстәрди ки, гәләви атомларын спектрләри дублет гурулуша маликдир; јә'ни һәр бир спектрал хәтт (сәвијјә) бир-биринә чох јахын јерләшән ики сәвијјәдән ибарәтдир. Она көрә дә Штерн-Һерлах тәчрүбәси гидрокен, литиум, күмүш вә дикәр атомлар дэстэси илә дә апарылды. Бу тип атомларда электрон S-халында олдуғундан, дэстә ики компонентә парчаланды. Беләликлә, бу тәчрүбү фактын изаһ едилмәсин мәсәләси гаршыја гојулду. Инди бу факты кәффијјәтчә изаһ едәк.

Штерн-Һерлах тәчрүбәсинин тәһлилиндә атома тэ'сир едән гүввәнин

$$F_z = m_z \mu_0 \frac{dH_z}{dz}$$

олдуғуну мүәјјәнләшдирәк. Бурада магнит квант әдәди  $m_z$ ,  $l$ -дән  $+l$ -ә гәдәр  $2l+1$  гижмәт алыр. она көрә дә  $l=1$  олдуғда (P-халы)  $m_z=0; \pm 1$  олдуғундан дэстә үч компонентә парчаланмалыдыр. Дэстәнин ики компонентә парчаландығыны тәчрүбә тәсдиг етдијиндән, фәрз едәк ки, гүввәнин ифадәсинә магнит квант әдәди  $m_z$  јох, дикәр бир намә'лум

$m_s$  квант әдәди дахилдир; јә'ни  $F_z = m_s \mu_0 \frac{dH_z}{dz}$ . Бу квант

эдэди  $m_z$ -э ујғун оларан  $2S+1$  гэдэр гижмэт алып. парчаланманын эн кичик гижмэти икијэ бэрабэр олдуғундан бу квант эдэдинин алдығы гижмэтлэрин чэми парчаланманын мигдарына бэрабэр олмалыдыр.

$$2S+1=2; S=\frac{1}{2}$$

Бу квант эдэдинэ спин квант эдэди, ујғун моментэ исэ спин моменти дејирлэр; онда  $m_s$  - спин моментинин проексиясыны характеризэ едэр. Белэликлэ, электронун мэхуси механики –спин моменти орбитал моментэ ујғун оларат

$$\vec{M}_S = \frac{h}{2\pi} \vec{S}$$

кими тэ'јин едилэр.

Спин моментинин проексиясынын эн бөјүк гижмэти

$$M_S^Z = \frac{h}{2\pi} m_s^{max} \text{ эн кичик гижмэти исэ } M_S^Z = \frac{h}{2\pi} m_s^{min} \text{ олар.}$$

$$m_s^{max} = \frac{1}{2}, m_s^{min} = -\frac{1}{2} \text{ олдуғундан } m_s = \pm \frac{1}{2} \text{ гижмэтини алар.}$$

Белэликлэ, Штерн-Һерлах тэчрүбэсиндэ атома тэ'сир едэн

$$\text{гүввэ } F_Z = m_s \mu_0 \frac{dH_Z}{dZ} \text{ илэ тэ'јин олунарса, онда ики}$$

компонентэ парчаланма изаһ едилэ билэр. Бу халда магнит моменти орбитал моментлэ элагэлэндиликлэрэ билмэз ( $l=0$ ) во гүввэнин ифадэсинэ дахил олан магнит моменти, спин моменти илэ элагэлэнмэлидир.

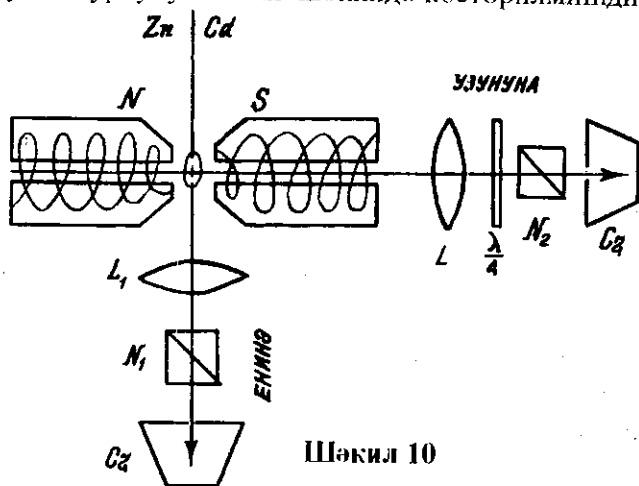
Кејфијет характери дашыјан бу мұһакимэ Штерн-Һерлах тэчрүбэсинин нэтичолэрини изаһ етмэјэ имкан верир; јэ'ни Штерн-Һерлах тэчрүбэси фэза кванталанмасыны јох, электронун спин моментинин варлығыны ашқара чыхармышдыр. Гејд едэк ки, спин моментинин варлығы релјативистик квант нэзэријјэсиндэ чидди ријази һесабат эсасында сүбуг едилир. Спин моменти классик анлајыш олмадығындан онун классик нэзэријјэси јохдур; спинин



классик нэзэријјесини гурмаг чәһди нисбилик нэзэријјесини тәчрүбәдә тәсдиғ олунмуш постулатлардан бирисинин ( $v=300c$ ) инкар олунмасына кәтирир.

### § 3.10. Нормал Зејеман ефекти

Бөјүк ишкилис алими Фарадеј магнит саһәсиндә ишығын полјаризасија мүстәвисинин фырланмасыны тәчрүби олараг мүшаһидә етдикдән вә магнит һадисәләри илә оптик һадисәләр арасында әләғә олдуғуну мүәјјәнләшдирдикдән сонра магнит саһәсинин спектрал хәтләрә тә’сирини өјрәнмәк үчүн бир сыра тәчрүбәләр апармышдыр. Тәчрүбәләрин бириндә Фарадеј магнит саһәсиндә јерләшдирилмиш натриум бухарынын спектринә магнит саһәсинин тә’сирин өјрәнмәји мәғсәд гөјмушдүр. Лакин бу тәчрүбәдә магнит саһәси кифајәт гәдәр күчлү олмадығындан вә спектрал чиһазларын ајырдетмәк габиліјјәтләри кичик олдуғундан мүәјјән бир нәтичә әлдә едилмәмишдир. Јалныз јарым әср сонра 1896-чы илдә тәчрүби олараг Зејеман көстәрди ки, шүаланан атом күчлү магнит саһәсиндә јерләшдирилдикдә спектрал хәтләр парчаланырлар. Зејеман тәчрүбәдә кадимумун чох енсиз јашыл-мави хәттини күчлү магнит саһәсиндә тәдгиг етминдир. Тәчрүбәдә истифадә олунан гурғунун схеми шәкилдә көстәрилмишдир.



Шәкил 10

Хэтти спектр верэн ишыг мэнбэжи (мэсэлэн, вакуум гэвсү, газ бошалмасы борусу) бирчинели магнит саһэси ярадан электронмагнитин гүтблэри арасында јерлэндирилир. Магнит саһэсинин гүввэ хэтлэринэ перпендикулјар истигамэтдэ (енинэ эффект) вэ гүввэ хэтлэри истигамэтиндэ мүшаһидэнин (узунуна эффект) мүмкүн олмасы үчүн электромагнитин оху бојунча магнит ичилијиндэ дешик ачылмышдыр.

Магнит саһэсиндэ јерлэндирилмиш ишыг мэнбэјиндэн, шүа, јүксэк ажырдетмэ габилијјэтинэ малик олан спектрал чихаза (СЧ) јөнөлдилір. Шүанын полјаризасијасыны характерини тәһлил етмэк үчүн онун јолунда  $L_1$  вэ  $L_2$  линзалары,  $N_1$  вэ  $N_2$  николлары (анализаторлары) вэ  $\frac{\lambda}{4}$  лөвһэси

јерлэндирилир; бурада магнит саһэси полјаризатор ролуну ојнајыр. Тэчрүбэ бир нечэ саат давам егдијиндэн јүксэк ажырдетмэ габилијјэтинэ малик олан спектрал чихаздан (дифраксија гэфэси, интерференсија спектроскопу) истифадэ етмэк үчүн көстөрилэн мүддэтэ магнит саһэсинин вэ температурун сабитлији тә'мин олунамалыдыр.

Нормал Зејеман ефекти гэлэви торпаг элементлэринин вэ  $Zn$ ,  $Cd$  вэ  $Hg$  элементлэринин спектриндэ нисбэтэн асанлыгла мүшаһидэ олуноур.

Мүшаһидэни магнит саһэсинэ перпендикулјар истигамэтдэ апардыгда Зејеман, магнит саһэси олмајан һалда мүшаһидэ олунаан  $\omega_0$  тезликли бир спектрал хэттин магнит саһэси олан һалда  $\omega_0 - \Delta\omega$ ,  $\omega_0$  вэ  $\omega_0 + \Delta\omega$  тезликлэринэ малик олан полјаризэләнмиш үч компонентэ парчаландығыны (триплет) ашкар етмишдир. Бу һалда орта компонент иликин хэтгэ нисбэтэн сүрүшмүр, кәнар компонентлэр исэ тезликлэр шкаласында экс тәрәфлэрэ доғру ејни гэдэр сүрүшүрлэр. Сүрүшмэнин өлчүсү магнит саһэсинин гижмэти илә дүз мүтәнасибдир. Орта компонентдэ рәгелэрин истигамэти ( $\vec{E}$  - вектору) магнит вектору  $\vec{H}$ -а паралел јөнөлир. Бу компонент  $\pi$  компонентти адланыр. Кәнар компонентлэрдэ рәгелэрин истигамэти  $\vec{H}$  векторуна перпендикулјар истигамэтдэ јөнөлир. Бу компонентлэр  $\sigma$  компо-

нетлэри адланьр.  $\pi$  компонентлэринин интенсивлији  $\sigma$  компонентлэринин һэр биринин интенсивлижиндэ ики дэфэ бөжүк, магнит саһэси олмажан һалдакы хэтгин интенсивлижинлэн исэ ики дэфэ кичикдир.

Мүшәһидә мғнит саһэси истигамәтиндә апарылдыгда, ја'ни шүаланма магнит саһэси истигамәтиндә јајылдыгда вә магнит саһэсинин истигамәти мүшәһидәчијә доғру јөнәлдикдә, сүрүшмә јенә дә әввәлки гәдәр олур, лакин бу һалда орта хәтт (сүрүшмәјән хәтт) мүшәһидә олунмур. Һәр компонентин интенсивлији магнит саһэси олмажан һалдакы спектрал хәтгин интенвислижиндән ики дэфэ кичик олур. Бу һалда һәр ики компонент (дублет) бир-биринин әкси истигамәтдә даирәви полјаризәләнирләр. Ишыг магнит саһэси истигамәтиндә јајыларса, кичик тезликли  $\omega_0 - \Delta\omega$ , компонент сағ даирә үзрә, бөжүк тезликли  $\omega_0 + \Delta\omega$  компонент исә сол даирә үзрә полјаризәләнир. Магнит саһэсинин истигамәти дәјишдикдә һәр ики компонентин даирәви полјаризәсијасы әксинә дәјишир.

Јухарыда тәсвир олунмуш ефект нормал Зејеман ефекти адланьр. Лакин тезликлә мә'лум олмушдур ки, элементлэрин әксәријјәти үчүн магнит саһэсиндә спектрал хәтлэрин парчаланмасы мәнзәрәси јухарыда тәсвир олундуғундан хејли мүрәккәбдир. Бә'зи һалларда мүрәккәб характерли полјаризәсијаја малик олан чохла сајда (4,6,8,12) компонентләр мүшәһидә олунур. Бу характерли эффектләрә аномал Зејеман ефекти дејирләр.

### **§ 3.11. Нормал Зејеман ефектинин классик нәзәријјәси**

Нормал Зејеман ефектинин классик нәзәрәијјәсини Лоренс вермишдир.

Әввәлчә садәлик үчүн һидроген атомуну нәзәрлән кечирәк вә фәрз едәк ки, атомда электрон нүвә (протон) әтрафында  $r$  радиуслу чеврә бојунча  $v$  сүр'әти илә һәрәкәт едир, магнит саһэсини исә электронун орбит мүстәвисинә перпендикулјар јөнәлдәк. Магнит саһэси олмадыда

электрона протон тэрэфиндэн  $F_k = -\frac{e^2}{r^2}$  кулон гүввэси тэ'сир едир вэ бу гүввэ мэркэзгачма гүввэси илэ таразлашыр.

$$\frac{e^2}{r^2} = \frac{mv^2}{r} = m\omega_0^2 r$$

Бурада  $\omega_0$  магнит сахэси олмадыгда электронун дачрэви тезлијидир. Атом матниг сахэсиндэ јерлэшдирилдикдэ электрона кулон гүввэси илэ јанашы Лоренс гүввэси лэ тэ'сир едир вэ бу гүввэлэр радиус бојунча мэркэзэ доғру јөнөлирлэр. Бу халда

$$\frac{e^2}{r^2} + \frac{e}{c} vH = m\omega^2 r$$

аларыг. Параграф 3.6-да тејд едилдији кими, магнит сахэсиндэ электрон орбитинин радиусу дэјишир, тезлији исэ дэјишир. Магнит сахэсиндэ электронун тезлијинин дэјишмэсинин сонунчу дүстурларын мүгајисэсиндэн дэ көрмөк олар. Она көрэ дэ (3.39) ифадэсинэ аналожи олараг сағ тэрэфдэ  $\omega_0$  эвэзинэ  $\omega$  јазылыр, јэ'ни сонунчу ифадэдэ  $\frac{e^2}{r^2} = m\omega_0^2 r$  јазсағ вэ  $v = \omega r$  олдугуну нэзэрэ алсағ (бах §1.4)

$$\omega^2 - \frac{eH}{mc} \omega - \omega_0^2 = 0$$

аларыг. Бу квадрат тэнлијинин һөллиндэн

$$\omega_{1,2} = \frac{eH}{2mc} \pm \omega_0 \sqrt{1 + \left( \frac{eH}{2mc\omega_0} \right)^2}$$

аларыг. Инди кок алтындакы ифадэни көрүнөн шүалар үчүн  
 гижмэтлөндирөк. Бунун үчүн  $\omega_0$  эвөзипдэ  $\frac{2\pi c}{\lambda_0}$  жазып, көрү-

нөн ишыг үчүн  $\lambda_0 \sim 6 \cdot 10^{-5} \text{ см}$ ,  $c = 3 \cdot 10^{10} \frac{\text{см}}{\text{сн}}$ ,  $e = 4,8 \cdot 10^{-10} \text{ CGSE}$

гижмэтлөрүни көтүрсөк  $\left( \frac{eH}{2mc\omega_0} \right) \approx (10^{-6} H)^2$  аларыг. Бура-

дан көрүнүр ки,  $H < 10^6$  ерстед гижмөтүндө белэ бу хэдд,  
 биричи хэддэ нисбэтэн чох-чох кичикдир. Она көрө дэ  
 бөжүк дэтигликлэ ону ваһидэ нисбэтэн нэзэрэ алмамаг олар.  
 Онда

$$\omega_{1,2} = \frac{eH}{2mc} \pm \omega_0$$

аларыг. Бурада биричи хэдд Лармор тезлији олдугундан

$$\omega_L = \frac{eH}{2mc}$$

$$\omega_{1,2} = \omega_L \pm \omega_0$$

вэ ја

$$\omega_1 = \omega_0 + \omega_L, \quad \omega_2 = -\omega_0 + \omega_L$$

ифадэлөрүни аларыг; мәнфи тезлијин физики мәнәсы  
 олмадығындан

$$\omega_1 = \omega_0 + \omega_L, \quad \omega_2 = -\omega_0 - \omega_L$$

шөкліндэ жазмаг олар. Бу ифадэниин төһлиши көсгәрир ки,  
 $\vec{H}$  векторунун учундан бахдыгда саат эгрөбинин әкси  
 истигамәтиндэ фырланан електронун тезлији магнит

саһәсиндә  $\omega_L$  гәдәр артыр, саат әгрәби истигамәтиндә фырланан электронун тезлији исә  $\omega_L$  гәдәр азалыр.

Беләликлә,  $\omega_1$  вә  $\omega_2$  тезликләринин  $\omega_0$  тезлижинә нисбәтән сүрүшмәси ашағыдакы гәдәр олар.

$$\omega_L = \Delta\omega = \pm \frac{eH}{2mc}$$

Инди исә даһа үмуми һала баһаг.

Биз хусуси һалы нәзәрдән кечирәркән көрдүк ки, магнит саһәсиндә электронун тезлижинин дәјишимәси Лармор тезлижинә бәрәбәрдир. Инди исә үмуми һалда электронун һәрәкәт тәнлижинин һәлл едәрәк кәстәрәк ки, Лоренс нәзәријјәси нормал Зејеман еффеҗтини һәрчәһәтли изаһ едир, о чүмләдән, спектрал хәтләрин полјаризасијасынын характерини дә мүйәјјәнләшдирир.

Лоренсин классик электрон нәзәријјәсинә әсасән һармоник осцилјатора шуаландырычы мәркәз кими баһмаг олар. Тутаг ки, харичи  $\vec{H}$  - магнит саһәсиндә электрон рәгс едир; онда электронун һәрәкәт тәнлији (бах §1.4)

$$m\vec{\ddot{r}} = -k\vec{r} - \frac{e}{c}[\vec{r}\vec{H}]$$

кими олар.  $\frac{k}{m} = \omega_0^2 / \omega_0$  - электронун мәхсуси тезлијидир

вә  $\frac{eH}{mc} = 2\omega_L$  олдуғуну нәзәрә алсаг һәрәкәт тәнлијини

$$\vec{\ddot{r}} + \omega_0^2\vec{r} + 2[\vec{r}\vec{\omega}_L] = 0$$

шәклиндә јазмаг олар. Бу тәнлији һәлл етмәк үчүн ону пројексијаларла јазаг. Координат системинин Z охуну  $\vec{H}$

магнит сахэси истигамэтиндэ жөнэлдэк. Онда  $H_x = H_y = 0$ ,  
 $H_z = H$ ,  $\omega_{L_x} = \omega_{L_y} = 0$ ,  $\omega_{L_z} = \omega_L$  олдугуну нэзэрэ алсаг,

$$\begin{cases} \ddot{x} + \omega_0^2 x + 2\omega_L \dot{y} = 0 \\ \ddot{y} + \omega_0^2 y - 2\omega_L \dot{x} = 0 \\ \ddot{z} + \omega_0^2 z = 0 \end{cases} \quad (3.45)$$

аларыг. Бу систем тэнликдэ биринчи ики тэнлижин хэллини

$$x = ae^{i\omega t}, \quad y = be^{i\omega t}$$

шэкиндэ ахтараг. Бурада  $a$  вэ  $b$  амплитудлары үмумијјэтлэ десэк, намэ'лум комплекс эдэддир. Бу хэдлэри (3.45) систем тэнлижиндэ јазсаг  $a$  вэ  $b$  мэхчуллары үчүн

$$\begin{cases} a(\omega_0^2 - \omega^2) + 2i\omega\omega_L b = 0 \\ b(\omega_0^2 - \omega^2) + 2i\omega\omega_L a = 0 \end{cases} \quad (3.46)$$

хэтти бирчинсли тэнликлэр системини аларыг. Бу системин јалныз о заман сыфырдан фэргли хэлл олар ки, онун эм-салларындан тэхкил олунмуш детерминат сыфра бэрабэр олсун, јэ'ни

$$\begin{vmatrix} \omega_0^2 - \omega^2 & 2i\omega\omega_L \\ -2i\omega\omega_L & \omega_0^2 - \omega^2 \end{vmatrix} = 0$$

олсун. Детерминаты ачараг

$$(\omega_0^2 - \omega^2)^2 = 4\omega^2\omega_L^2$$

аларыг. Бурадан

$$\begin{aligned}\omega_1^2 + 2\omega_L\omega_1 - \omega_0^2 &= 0 \\ \omega_1^2 - 2\omega_L\omega_2 - \omega_0^2 &= 0\end{aligned}\quad (3.47)$$

квадрат тэнликләрени аларыг. Бу тэнликләрден алынган дөрд һәлдән јалғыз икиси мүсбәтдир

$$\begin{aligned}\omega_1 &= -\omega_L + \omega_0\sqrt{1 + \frac{\omega_L^2}{\omega_0^2}} \\ \omega_2 &= \omega_L + \omega_0\sqrt{1 + \frac{\omega_L^2}{\omega_0^2}}\end{aligned}$$

олдугундан

$$\omega_1 = \omega_0 - \omega_L, \quad \omega_2 = \omega_0 + \omega_L, \quad \omega_2 - \omega_1 = 2\omega_L = \frac{eH}{mc}$$

аларыг. Бурадан көрүндүјү кимн  $\omega_1$  вә  $\omega_2$  даирәви тезликләрипин  $\omega_0$  даирәви тезлијинә нисбәтән сүрүшмәси  $\Delta\omega = \pm\omega_L$  олар.

Инди исә сүрүшән компонентләрин полјаризасијасынын характерини мүәјјәнләщдирәк. (3.46) системиндән

$$\frac{a}{b} = -i\frac{2\omega_L\omega}{\omega_0^2 - \omega^2}\quad (3.48)$$

аларыг. (3.48) ифадәсиндә  $\omega = \omega_1$ , јәни гырмызы тәрәфә сүрүшмүш компонентән тезлијини јазсаг вә (3.47) системинин биринчи тәнлијинә әсасән  $2\omega_L\omega_1 = \omega_0^2 - \omega_1^2$  олду-



гуну нэзэрэ алсаг,  $\frac{a}{b} = -i$  вэ ја  $a = -ib = be^{-\frac{i\pi}{2}}$  олар. Бу онун кестэрир ки, х оху үзрэ рэгслэр у оху үзрэ рэгслэрдэн фазача  $\frac{\pi}{2}$  гэдэр керн галыр (вектору  $i$ -жэ вурмаг, ону саат

эгрэби истигамэтиндэ  $\frac{\pi}{2}$  гэдэр дөндөрмөк демөкдир) бу вэ ики рэгс фырланма һэрэкэтинэ эквивалетдир. Лухарыдакы фазалар мүнәсибэтинн нэзэрэ алсаг фырланманын саат эгрэби истигамэтиндэ баш вердижини,  $j$ -ни саг даирэ үзрэ полјаризэлэндижини көрөрик.

Әкәр (3.48)-дә  $\omega = \omega_2$   $j$ -ни бөновшәји тәрәфә сүрүшмүш компонентин тезлијини јазат вэ (3.47) системинин икинчи тәнлијинә әсасән  $2\omega_L\omega_2 = \omega_2^2 - \omega_0^2$  олдуғуну нэ-

зәрә алсаг вэ ја  $a = ib = be^{\frac{i\pi}{2}}$  аларыг. Бурадан көрүнүр ки,  $\omega_2$  компоненти сол даирэ үзрә полјаризэләнмишдир.

(3.45) системинин үчүнчү тәнлијини һәлл кестэрир ки,  $Z$  оху истигамэтиндә рэгсләрдә тезлик дәјишмөз галыр, хәтт сүрүшмүр вэ бу рэгсләр хәтти полјаризэләнмишләр. Јакин  $\vec{H}$  векторунун учундан бахан мұшаһидәчи бу үчүнчү компоненти көрмүр, чүнки диполун рэгсләр истигамәтдә шүәланмасы сыфра бәрәбәрдир. Беләликлә, узунуна истигамәтдә (мұшаһидә  $\vec{H}$  векторунун учундан апарылдыгда) нормал Зејеман эффектнинин там мәнзәрәси ики сүрүшмүш хәттдән ибарәтдир. Онларын һәр икиси даирә үзрә полјаризэләнмишләр, һәм дә гырмызы тәрәфә сүрүшмүш (кичик тезликли) хәтт исә сол даирә үзрә полјаризэләнмишдир.

$\vec{H}$  векторуна перпендикулјар, мәсәлән, х оху истигамэтиндә бахан мұшаһидәчи (енинә мұшаһидә) сүрүшмәјән хәтти көрүр, чүнки рэгсләрә перпендикулјар истигамәтдә диполун шүәланмасы максималдыр. О, һәм дә һәр ики сүрүшмүш хәтти дә көрүр. Бунун сәбәби одур ки, х оху үзрә рэгс едән дипол бу ох үзрә шүәланма вермир, јакин ХОУ мүстәвисиндә баш верән һәр ики рэгс даирә үзрә

полјаризэлэнмиш компонентләр җарадырлар. Она көрә дә х охунун учундан бахан мүшаһидәчи даирәви рәгсләрин у оху үзрә профексиясыны, у охунун учундан бахан мүшаһидәчи исә даирәви рәгсләрин х оху үзрә профексиясыны көрүр. Беләликлә, нормал Зејеман эффектинин там мәнзәрәси бу һалда үч хәтгдән – бир сүрүшмәјән вә ики сүрүшән хәттдән ибарәтдир. Нәр үч хәтт полјаризэләнмишдир.

Сүрүшмәјән хәтдә електрик вектору  $\vec{E}$ , магнит саһәси истигамәтиндә, сүрүшән хәтләрдә исә  $\vec{E}$  вектору магнит саһәсинә перпендикулјар истигамәтдә рәгс едир.

Көрүндүјү кими, нормал Зејеман эффектинин Лоренс тәрәфиндән верилән классик нәзәријјәсиндән алынән бүтүн нәтичәләр тәчрүбәдә там дәгигликлә тәсдиг олунур. Аномал Зејеман эффекти исә јалныз квант нәзәријјәси әсасында изаһ олуна биләр.

### §3.12. Уҗунлуг принципи

Биз Бор нәзәријјәси әсасында гидрокен вә гидроке-нәбәнзәр атомларын спектриндәки бир сыра ганунауҗун-луғлары изаһ етдик, һәм дә көстәрдик ки, классик физика вә классик электродинамика ганунлары әсасында микроаләм-дә, о чүмләдән, атомда баш верән һадисәләри изаһ етмәк мүмкүн дејил. Лакин классик физика ганунларынын тәчрүби олараг тәсдиг олундуғу һалларда квант механикасынын вә классик физиканын вердији нәтичәләр үст-үстә дүшмә-лидирләр.

Мүтләг гара чисмин шүаланмасынын квант нәзәријјә-синдән биз бу фундаментал шәртин өдәнилдијинин шаһиди олдуг, о, нисбилик нәзәријјәсиндә, маддәнин далға нәзәриј-јәсиндә вә башга саһәләрдә дә өзүнү доғрулдур. Көстәрмәк олар ки, бу шәрт гидрокен атому үчүн Бор нәзәријјәсиндә дә өдәнилик.

Әкәр электронун орбитинин радиусу о гәдәр бөјүк олса иди ки, ону билаваситә өлчмәк мүмкүн олсун, онда квант эффектләри өзләрини бирузә вермәздиләр. Мәсәлән, әкәр орбитин радиусу 0,5 см оларса, онда (2.19) ифадәсинә

эсасән бу чүр орбит үчүн баш квант әдәди  $n=10^4$  оларды. Ајдындыр ки, һәгигәтдә белә нәһәнк һидрокен атомлары јохдур, лакин онларын енержиси илә һидрокен атомунун ионлашма енержиси арасындакы фәрг сонсуз кичик олду-гундан нәзәри олараг бу чүр атомларын мовчудлуғуну гәбул етмәк олар.

Баш квант әдәди белә бөјүк гижмәт аланда сәвијјәләр арасындакы енержи фәрги о гәдәр кичик олачагдыр ки, биз енержинин дискрет дәјишдијини һисс етмәјәчәјик, башга сөзлә квант механикасынын дискретлији өзүнү бирузә вер-мәјәчәкдир. Демәли,  $n$ -ин бөјүк гижмәтләриндә квант ме-ханикасы илә классик механиканын вердији нәтичәләр тә-рибән ејни олмалыдыр. Бу дедијимизә ашағыдакы ријазии үсулла инана биләрик. Бунун үчүн фәрз едәк ки, һидрокен атомунда электрон  $r$  радиуслу чеврә бојунча һәрәкәт едир. Онда (2.18) вә (3.23) ифадәләринә эсасән электронун орбит бојунча фырланма тезлији ашағыдакы кими тәјин етмәк олар:

$$E_n - E_k = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \left( \frac{1}{n^2} - \frac{1}{k^2} \right)$$

Фәрз едәк ки,  $k=n+1$  вә  $n \gg 1$ , онда

$$E_n - E_k = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \cdot \frac{2n+1}{n^2(n+1)^2} = \frac{2\pi^2 me^4}{h^2} \cdot \frac{2}{h^3} = h\nu$$

олар.

Классик электродинамика гануңларына эсасән элект-рон нүвә әтрафында  $\nu_{k2}$  тезлији илә һәрәкәт едирсә, онда электрон һәмин тезлијә вә ја бу тезлијин там мисилләринә бәрәбәр олан електромагнит далғалары шәклиндә енержи шүәландырмалыдыр. Бор нәзәријјәсинә эсасән электрон  $n$  квант әдәдинә ујғун олан орбитдән  $k$  квант әдәдинә ујғун олан орбитә кечәркән

$$v_{k\alpha} = \frac{2\pi^2 m e^4}{h^3} \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

тезликли фотон шүаландырыр. Бу ифадэнин шэклини бир аз дэжишэк:

$$v_{k\alpha} = \frac{2\pi^2 m e^4}{h^3} \cdot \frac{(n-k)(n+k)}{n^2 k^2}$$

Инди фэрз едэк ки,  $n \gg 1$  вэ бундан башга  $n-k=1$ . Онда  $n \approx k$  вэ  $n+k=2n$  олдугундан сонунчу ифадэдэн

$$v_{k\alpha} = \frac{2\pi^2 m e^4}{h^3} \cdot \frac{1 \cdot 2n}{n^4} = \frac{2\pi^2 m e^4}{h^3} \cdot \frac{2}{n^3}$$

аларыг ки, бу да јухарыдакы ифадэ илэ үст-үстэ дүшүр, јэ'ни  $n$ -ин бөјүк гижмэтинде  $v_{k\alpha} \approx v_{k\lambda}$  олур.

Бөјүк квант эдөдлөринэ кечэркэн квант нэзэријјэсинин вердиклэри нэтичөлөрүн классик нэзэријјэдэн алынан нэтичөлөрлө үст-үстэ дүшмэси тэлэби Бор тэрэфиндэн ујгунлулг принципи адландырмындыр. Кичик квант эдөдлөри үчүн классик вэ квант нэзэријјөлөрүнүн вердиклэри нэтичөлөр бир-бириндэн кэскин фэрглэнирлэр.

Экэр кечид заманы баш квант эдөди ваһид гэдэр дејил, 2,3,... вэ үмумияјјэтлө,  $\Delta n$  гэдэр дэјиншэрсэ, онда  $\Delta n \ll n$  шэрти өдөнилдиклө

$$v_{k\alpha} = \frac{2\pi^2 m e^4}{h^3} \cdot \frac{2}{n^3} \cdot \Delta n = v_{k\lambda} \cdot \Delta n;$$

$$\Delta n = 2, 3, \dots$$

олар, я'ни бу кечидгярдэ бурахылан  $2\nu_{k\lambda}, 3\nu_{k\lambda}$  тезликлэри классик тезлијин икинчи, үчүнчү вэ ја даһа јүксөк обертонлары илэ үст-үстө дүшөр.

Классик физика ганунлары илэ квант физикасы ганунлары арасындакы мүнәсибәти ашағыдакы кими дә ајдынлашдырмаг олар. Тутаг ки, систем бир сөрбәстлик дәрәчәсинә малиқдир.

Квант физикасы ганунлары илэ квант физикасы ганунлары арасындакы мүнәсибәти ашағыдакы кими дә ајдынлашдырмаг олар. Тутаг ки, систем бир сөрбәстлик дәрәчәсинә малиқдир.

Квант физикасы ганунларына әсәсән бу системин бурахдыгы шүанын тезлији  $E_n - E_k = h\nu$  шәрти илэ тә'јин олунур, я'ни

$$\nu_{ke} = \frac{\Delta E}{h}$$

$E_n$  вэ  $E_k$  енержиләринә малиқ олап стәсионар һаллар исә  $\oint Pdq = nh$  квантланма шәртиндән тә'јин олунур. Атом физикасында енержинин замана һәсиян тә'сир адландырылыр. Тә'сирин ән кичик гүјмәти Планк сабитидир.  $\oint Pdq$  интегралы тә'сир интегралы адланыр вэ  $I = \oint Pdq = nh$  кими ишәрә олунур. Ики стәсионар һал үчүн  $I_n = nh$ ,  $I_k = kh$  вэ  $I_n - I_k = \Delta I = (n - k)h$  јазмаг олар. Әкәр  $n - k = 1$  оларса, я'ни ики гоншу һала бахыларса  $\Delta I = h$  олар.  $h$ -ын бу ифадәсини  $\nu_{ke}$ -да јазсаг

$$\nu_{ke} = \frac{\Delta E}{\Delta I}$$

аларыг.

Классик тәшлијин ујғун ифадәсини алмаг үчүн хәтти һармоник осцијаторлан истифадә етдөк. Осцијаторун

енержиси  $E = \frac{mv^2}{2} + U = \frac{P^2}{2m} + U$  ифадәси илә тә'йин олу-  
нур. Бурадан  $P = \sqrt{2m(E - U)}$  аларыг. Бу һалда тә'сир ин-  
тегралы

$$I = \int P dq = \int \sqrt{2m(E - U)} dx$$

олар. Е-я кәсилмәз дәјишән параметр кими бахараг бу  
ифадәдән төрәмә алаг:

$$\frac{dI}{dE} = \int \frac{m dx}{\sqrt{2m(E - U)}} = \int \frac{m}{P} dx = \int \frac{dx}{v} = \int \frac{dx}{\frac{dx}{dt}} = \int dt = T$$

Бурада  $T$  - рәгсин периодудур. Бурадан классик тезлик үчүн  
мүһүм бир ифадә алыныр:

$$v_{кл} = \frac{I}{T} = \frac{dE}{dI}$$

Кәстәрмәк олар ки, бу ифадә бир сәрбәстлик дәрәмә-  
синә малик олан истәнилән периодик систем үчүн доғрудур.

$v_{кк}$  вә  $v_{кл}$  ифадәләринин мугајисәсиндән белә бир нә-  
тичәјә кәлирик ки, һәм классик, һәм дә квант нәзәриј-  
јәләринә көрә тезлик енержи артымынын тә'сир артымына  
нисбәти кими һесаблина биләр, лакин классик нәзәријә  
үчүн биз сонсуз кичик артымлар көтүрдүјүмүз һалда, квант  
нәзәријәсиндә сонлу артымлар көтүрмәлијәк.

Алынан нәтичәләри башга чүр дә јекунлашдырмаг  
олар. Әкәр системин өлчүләри вә зәррәчәникләрин күт-  
ләләри еләдир ки, бу систем үчүн тә'сир  $h$  илә мугајисә  
олуначаг гижмәтә маликдир, онда һалисәләрин квант ха-  
рактери өзүнү там шәкилдә бирузә верир. Әкинә, әкәр  
тә'сир елә бөјүк гижмәтә маликдир ки,  $h=0$  гәбул етмәк  
мүмкүн олсун, онда дискретлик нәзәрә алынмајачаг дәрә-

чөдө кичик олар; унутмамалы ки, бу һалда классик механиканын ганушлары өдәнилмәлидир.

Ујғунлуг принципи малдәнин квант нәзәријјәсинин инкишафында бөјүк рол ојнамышдыр. О, һәр һансы бир гејри-классик нәзәријјәнин мүәјјән лимит һалында классик нәзәријјәгә кечмәсини тәләб едир.

### §3.13. Бор нәзәријјәсинин бөһраны

Бор нәзәријјәси атом гурулушу нәзәријјәсинин инкишафында ирәлигә доғру чох бөјүк бир алдым иди. О, бир тәрәфдән там ајдынлығы илә классик физика ганушларынын атом дахилиндәки һадисләрин ганунаујғунлушларыны изаһ олунмасы ишиндә јарарсызлығыны вә она көрә дә ади классик тәсәвүрләрнн көкүндән ғырылмасынын зәрурилијјини, диқәр тәрәфдән исә микроскопик системләрдә квант физикасы ганушларынын биринчи дәрәжәли ролуну көстәрди вә мүәсир квант механикасынын јарадылмасы јолунда чох мүһүм бир мәрһәлә олду. Бор нәзәријјәси һидрокен вә һидрокенәбәнзәр атомларынын спектрләринин тәбиәтини вә онларын табе олдуғлары ганушлары баша дүшмәгә имкан верди. Лакин бүтүн јухарыда көстәиләп вә бир сыра диқәр мүсбәт чәһәтләри илә јанашы Бор нәзәријјәсинин бир сыра чатышмамазлығлары да вар иди. Бу чатышмамазлығлары ичәрисиндә илк нөвбәдә нәзәријјәнин дахилән зиддијјәтли олмасыны көстөрмөк ләзимдыр. Доғрудан да, Бор нәзәријјәси нә ардычыл классик, нә дә ардычыл квант нәзәријјәси иди. О, бир тәрәфдән классик аңлајышлардан (мәсәлән, селектронун трајекторијасы, һәрәкәт тәнлији аңлајышындан) вә ганушлардан, диқәр тәрәфдән исә классик физикаја јад олан квант тәсәвүрләриндән истифадә едирди.

Она көрә дә һеч дә тәәччүбәү дејилдир ки, илк мүвәф-фәгијјәтләрдән сонра заман кечдикчә Бор нәзәријјәси даһа да ашкар сурәтдә өз нөгсашларыны бирүзә вермәгә башлады. Һәтта, ән садә атомларда – һидрокен вә һидрокенәбәнзәр атомларда Бор нәзәријјәси селектрон бир стасионар орбитдән диқәринә кечрөкән бурахылан шүаланманын јалшыз тезлијјини тәјин етмәгә имкан верди, спектрал хәт-

лэрин интенсивлијини вэ полјаризасијасыны исэ характеризэ едэ билмэди.

Чохлу сайда тэшэббүслэр едилмэсинэ бахмајараг Борун квант тэсэввүрлэри эсасында эн садэ атомлардан бири олан нейтрал гелиум атомунун нэзэријэсини јаратмаг мүмкүн олмамышдыр. Бу нэзэријэнин зэйф чэһэтлэрини көстэрэн Борун өзү олмушдур вэ о, тэкмил нэзэријэ јаратмаг үчүн јени јоллар ахтарылмасынын зэрурилијини көстэрилмишдир.

Мүасир дөврдэ Бор нэзэријэси јалпыз тарихи эһэмијјэтэ маликдир. Зөррөчиклэрин, һэтга, маддэнин далга хас-сэлэринин көщфиндэн сонра ајдындыр ки, классик физикаја истинад едэн Бор нэзэријэси атом һадисэлэринин ардычыл нэзэријэсинин јарадылмасы јолунда јалпыз кечид мэрһөлэси ола билэрдн.



## IV ФӘСИЛ

### КВАНТ НЭЗӘРИЈҖӘСИНИН ФИЗИКИ ӘСАСЛАРЫ

#### § 4.1. Ишығын корпускулҗар вә далға тәбиәтинә даир илк тәсәввүрләр

Бәлә XVII әсрдә Нјутон ишығын корпускулҗар нәзәријәсини ирәли сүрмүшдүр. Нјутона көрә ишыг чох кичик зәррәчикләрдән – корпускуллардан ибарәтдир вә бу зәррәчикләр ишыг мәнбәји тәрәфиндән бурахылыр вә дүз хәтг бојунча чох бөјүк сүр'әтлә һәрәкәт едирләр. Бу нәзәријә ишығын гәјытма вә сынма гаууларыны изаһ едә билмишдир. О, ишыг корпускуллары илә маддәни тәшкил едән зәррәчикләр арасындакы гәришылылы тә'сир иластик күрәләрин тогтушмасына бәһзәтмишди. Нјутон өз һесабламаларында ишығын сынма гаууну вә маддәнин сындырма әмсалы үчүн ашағыдакы ифадәни вермишдир:

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{P'}{P} = \frac{v'}{v} = \text{const}$$

Бурада  $\alpha$  вә  $\beta$  корпускулун дүшмә вә сынма бучаглары (фәрз едирик ки, корпускуллар дәстәси вакуумда һәрәкәт едәрәк вакуумла оптик чәһәтчә даһа сых олан мүһитин сәрһәдинә дүшүр вә сыпараг һәмш мүһитә кечир),  $v'$  вә  $v$  корпускулун үјгүн олараг мүһитдәки вә вакуумдакы сүр'әтләри,  $P'$  вә  $P$  исә онун импульсарыдыр.

Һүјкенс вә Френел исә ишығын далға нәзәријәсини ирәли сүрәрәк ишыга дүңја сфириндә јайылап еластик далға кими бахмышлар. Далға нәзәријәсиндән ишығын сынма гаууну үчүн

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{c}{c'} = \frac{\lambda}{\lambda'} = n = \text{const}$$

дүстүрү алышмышдыр. Бурада  $c$  вә  $c'$  ишығын вакуумда вә мүһитдәки сүр'әтләри,  $\lambda$  вә  $\lambda'$  исә һәмийн мүһитләрдәки далға узунлуғларыдыр.

Јухарыдакы мүнасибәтләрин мүгајисәсиндән көрүнүр ки, онлардан алынан нәтичәләр бир-биринин әксидир. Корпускулјар нәзәријәјә көрә  $n > 1$  олдугундан ишығ зәррәчкјинин (корпускулун) мүһитдәки сүр'әти онун вакуумдакы сүр'әтиндән бөјүкдүр. Далға нәзәријәсинә әсасән исә ишығын вакуумдакы сүр'әти, онун мүһитдәки сүр'әтиндән бөјүкдүр.

XIX әсрдә Фуко тәрәфиндән апарылан тәчрүбәләр көстәрди ки, ишығын һавадакы сүр'әти, онун суда кы сүр'әтиндән бөјүкдүр. Бу нәтичә илк бахышда далға нәзәријәсинә үстүнлүк верирди. Көстөрмәк олар ки, ишығ зәррәчкјләринә фотон кими бахсағ, јухарыдакы ифадәләрин ејни күчлү олдугуну көрәрик. Догрудан да

$$P = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}; \quad P' = \frac{h\nu}{c'} = \frac{h}{\lambda'}$$

$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{P}{P'} = \frac{\lambda}{\lambda'}$$

аларығ.

Гејд етмәк лазымдыр ки, ишығын далға нәзәријәси бир сыра һадисәләри, мәсәлә: ишығын сызма вә гајытма ганунларыны, ишығын интерференсијасыны, дифраксијасыны, полјаризасијасыны јахшы вә дүзкүн тәсвир етдијиндән Нјутонун корпускулјар нәзәријәси тамамилә нәзәрдән салынмышдыр. Елмин сонракы инкишафы нәтичәсиндә Фарадејин електромагнит индуксијасынын кәшфиндән сонра Максвелл нәзәри оларағ көстөрмишдир ки, ишығ пұасы һүјкенс вә Френелин фәрз етдикләри кими сфирдә јайлан еластики далға дејил, гыса електромагнит далғаларындан ибарәтдир. Ишығын електромагнит нәзәријәси мо'лум олдудан сонра ваһид електромагнит шкаласы јарадылды вә ишығын далға нәзәријәсинин тамамилә дүзкүн олдугу сүбүт олувду. Лакин XIX әсрин лал ахырларында вә XX

эсрйн эввэллэриндэ көшф олуан бир сыра физики һадисэлэр, мәсэлэн, таразлыгда олан истилик шүаланмасы заманы мүшаһидэ олуан ганунауҗунлуғлар, фотоеффе́кт һадисәси, Комптон еффе́кти вә дижәр һадисэлэр ишығын тәбиәти һаггында корпускулјар (квант) тәсәввүрләрин јенидән чанланмасына вә инкишафына сәбәб олду.

## § 4.2. Комптон еффе́кти

Комптон һадисәси маддә үзәринә ренткен шүалары дүшәркән онларын маддә атомларындан сәпилмәсиндә мүшаһидә едилмишдир. Комптон, ренткен шүаларынын маддә атомларындан сәпилмәсини тәдгиг едәркән, сәпилән шүанын далға узунлуғунун артмасыны мүшаһидә етмишдир; јә’ни сәпилән шүа дәстәсиндә далға узунлуғу дүшән шүанын далға узунлуғуна бәрабәр вә ондан бөјүк далға узунлуғуна малик олан ренткен шүасыны мүшаһидә етмишдир. Бу һадисәдә ишығын корпускулјар (квант) хәссәләри хүсусилә ашкар шәкилдә өзүнү бирузә верир. ишығын далға нәзәријәси нөгтеји-нәзәриндән маддә үзәринә дүшән ренткен шүалары, маддә атомларындакы електронлары бу шүанын тезлијинә бәрабәр тезликлә рәгсә кәтирмәли вә бу заман һәјәчанланмыш електронлар һәмин тезликли електромагнит далғалары (шүа) шүаландырмалыдыр, јә’ни маддәдән сәпилән ренткен шүаларынын далға узунлуғу маддә үзәринә дүшән ренткен шүаларынын далға узунлуғуна бәрабәр олмалыдыр. Тәчрүбә исә сәпилмәдә далға узунлуғунун бөјүдүјүнү кәстәрир. Апарылан тәчрүбәләр (молибден, литиум, мис) кәстәрмишдир ки, бүтүн һалларда сәпилән ренткен шүаларында дүшән шүанын далға узунлуғуна бәрабәр вә ондан бөјүк далға узунлуғлары мүшаһидә олунур.

Тәчрүбәдә алынған нәтичәләрин тәһлили кәстәрир ки:

1. Сәпилән шүаларын тәркибиндә илкин далға узунлуғуна малик олан шүаланма компоненти илә јанашы, далға узунлуғу, узун далғалар тәрәфә сүрүшмүш шүаланма компоненти дә мүшаһидә едилир.

2. Сүрүшмөнүн гijмэти сәпилмә бучагындан чидди асылдыр: бу бучагын бөjүмәси илә сүрүшмөнүн гijмэти артыр.

3. Сәпилмә бучагынын бөjүмәси илә сүрүшмәjән компоненттин интенсивлиji азалыр. сүрүшән компоненттин интенсивлиji исә артыр.

4. Сүрүшмөнүн гijмэти, сәпичи маддөнүн тәбиәтиндән асылы деjил. Сәпичи маддөнүн атом нөмрәси бөjүдүкчә, сүрүшмәjән хәттин интенсивлиji артыр, сүрүшән хәттин интенсивлиji исә азалыр.

Биз jухарыда гәрд егдик ки, сәпилмә заманы ренткен шүаларынын далга узунлуларынын бөjүмәсини ишыгын далга нәзәриjәсинә әсәсән изаһ етмәк мүмкүн деjил. Лакин, шүаламанын корпускулjар (квант) тәбиәтә малик олмасы, jә'ни онун фотонлардан тәшкил олунмасы вә һәр бир электронун бир фотону сәпдиjини гәбул етсәк, онда гәчрүбәдән алынган бүтүн нәтичәләр чох асанлыгга изаһ олуна биләр.

Ишыгын квант тәбиәтли олдуғуну гәбул едәрәк инди Комитон эффектини нәзәри олараг изаһ етмәjә чалышаг. Тутаг ки,  $\vec{P}_0$  импульсу квант маддә дахилиндәки сәрбәст электронла «тогтушур». Садәлик үчүн квантын (фотонун) сүкунәгдә олан электрондан сәпилмәсини гәбул едәк. Тогушмадан сонра квантын импульсуну  $\vec{P}$ , электронун импульсуну исә  $\vec{P}_e$  илә көстәрсәк, онда импульсун сахланма ганулуна әсәсән

$$\vec{P}_0 = \vec{P} + \vec{P}_e \quad (4.1)$$

Јаза биләрәк. Бу мүнәсибәтә енержинин сахланма ганунуну да әләвә едәк. Бунун үчүн релjативистик һалда  $E^2 = c^2 p^2 + m_0^2 c^4$  олдуғуну нәзәрә алсаг:

$$\varepsilon_0 + E_0 = \varepsilon + E$$

олар. (4.2) ифадәсиндә  $h\nu$  һәддисини сола кечириб, бәрабәр-  
лижин һәр ики тәрәфини квадрата жүксәлтсәк, бә'зи сәдә  
чеврилмәләр анарыб, сонра (4.1) ифадәсиндән  $\vec{P}_e = \vec{P}_0 - \vec{P}$

языб,  $|\vec{P}_0| = \frac{h\nu_0}{c}$ ,  $|\vec{P}| = \frac{h\nu}{c}$  олдугуну нәзәрә алмагла

$$P_e^2 c^2 = (h\nu_0 - h\nu)^2 + 2m_0 c^2 (h\nu_0 - h\nu)$$

$$h(\nu_0 - \nu)m_0 c^2 = h^2 \nu_0 \nu (1 - \cos \varphi)$$

аларыг. Бурада  $\varphi$ ,  $\vec{P}_0$  илә  $\vec{P}$  арасындакы бучагдыр.  $\nu = \frac{c}{\lambda}$   
олдугуну нәзәрә алсаг

$$\frac{c}{\nu} - \frac{c}{\nu_0} = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \varphi)$$

$$\lambda - \lambda_0 = \frac{h}{m_0 c} (1 - \cos \varphi)$$

вә ја

$$\lambda - \lambda_0 = \Delta\lambda = \frac{2h}{m_0 c} \sin^2 \frac{\varphi}{2} \quad (4.3)$$

аларыг. Бурада  $\frac{h}{m_0 c}$  сабити Комптон далға узунлуғу  
адлашыр вә  $A$  илә ишарә олунур:

$$A = \frac{h}{m_0 c} = \frac{6,626 \cdot 10^{-27}}{9,1 \cdot 10^{-28} \cdot 3 \cdot 10^{10}} = 0,0243 \text{ \AA} \quad (4.4)$$

$\Lambda$  -нын тэчрүбөдөн тапылымын гijмэти онун (4.4) ифадэсиндэн һесаблинмыш гijмэти илэ үст-үстө дүшүр, бу гijмэти нэзэрэ алсаг,

$$\Delta\lambda = 2\Lambda \sin^2 \frac{\varphi}{2} = 0,048 \sin^2 \frac{\varphi}{2} \quad (4.5)$$

дүстуруну аларыг. Бу дүстурдан көрүнүр ки,  $\varphi = 0$  олдугда

$$\Delta\lambda = 0, \varphi = \frac{\pi}{2} \text{ олдугда } \Delta\lambda = \Lambda, \varphi = \pi, \text{ олдугда } \Delta\lambda = 2\Lambda$$

олур, я'ни илк һәрэкэт истигамэтинин әкси истигамәтдә электрондан сәпилән ренткен шүаларынын далга узунлуларынын дәйшмәси максимум олур.

Тэчрүбөдән алынган нәтичәләр көстөрир ки, сәпилән шүаларын ичәрисиндә сүрүшән хәтләрлә жаншы сүрүшмәжән хәтләр дә вардыр. Бу, онунла изаһ олуна биләр ки, биз сәпилмә механизминә бхааркән фотонун жалныз сәрбәст электронла «тоггушмасыны» фәрз етмишик. Јүнкүл атом электронлары вә даһа агыр атомларын кәнар электронлары үчүн бу фәрзијә өзүнү тамамилә доғрулдур, чүнки бу электронларын әлагә енержиси (бир нечә електроволт) ренткен шүалары енержисиндән нэзэрә алынмајачаг дәрәчәдә кичикдир. Лакин дахили электронлар, хүсусилә, агыр атомларын дахили электронлары өз нүвәләри илэ елә бөјүк гүввәләрлә бағланмышлар ки, ошлары сәрәәст һесаб етмәк олмаз. Бу һалда «тоггушма» заманы фотон электронла дејил, бүтөвлүкдә атомла енержи вә импульс мүбадиләсиндә олур. Әкәр бу һалда тоггушма гејри-еластики оларса онда сүрүшән хәтләр, тоггушма еластики оларса, сүрүшмәжән хәтләр мүшәһидә олунар.

Бу мүлаһизәләрә әсаһлапараг атомун күгләсиндән асылы олараг сүрүшән вә сүрүшмәжән хәтләрин интенсивликләри арасындакы мүнәсибәти кејфијјәтчә гijмәтләндирмәк олар. Јүнкүл атомларда бүтүн электронлар нүвәләрдә зәиф бағланмышлар. әксинә, агыр атомларда жалныз нүвәдән узаг электронлар онунла зәиф бағланмышлар. Она көрә дә козләмәк олар ки, ејни експеримент шәраитиндә

атом номеринин бөјүмәси илә сүрүшөн хәттин интенсивлији азалачаг, сүрүшмәјөн хәттинки исә артачагдыр. Тәчрүбәлә дә мәнз бу дедијимиз ганунауғунлуғлар мүшаһидә олунур.

Аналоги мүлаһизәләрдән белә бир нәтичәјә кәлмәк олар ки, спектрин көрүнән һиссәсиндә Комптон ефекти, үмумијјәтлә, мүшаһидә олуна билмәз. Тәчрүбә буну тәсдиғ едир.

Беләликлә, биз көрүрүк ки, Комптонун тәчрүбәләриндән алынған нәтичәләр ишығын корпускулјар нәзәријјәси гәбул етмәклә изаһ етмәк мүмкүн олур. Бу исә ишығын корпускулјар (квант) хәссәләрә малик олдуғуну сүбүт едир.

Тәчрүбәләр көстәрир ки, шүаланманын тәзлији лә гәдәр бөјүк оларса шүаланма өзүнү бир о гәдәр ајдын шәкилдә корпускул кими апарыр, бөјүк далға узунлуғларында исә шүаланма өзүнүн далға тәбиәтини бирүзә верир.

### §4.3. Далға тәнлији

Ишығын далға вә корпускулјар хәссәләрини даһа дәриндән тәсәввүр етмәк үчүн ғыса шәкилдә далға процесси илә әләғәдәр олан бә’зи мә’луматлары јада салаг.

Классик электродинамикадан мә’лумдур ки, бошлуғда јағылан электромагнит сәһәси Максвелл тәнликләри илә ифалә олунур. Окәр сәһәни вә ја далғаны тәсвир едән функцијаны  $f(x,y,z,t)$  илә көстәрсәк, онда  $f(x,y,z,t)$  аһағыдакы тәнлији оләјәр:

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial z^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = 0 \quad (4.6)$$

Бу тәнлији ғыса шәкилдә јазмағ үчүн Лаплас операторундан истифалә едирләр:

$$\Delta f - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2} = 0 \quad (4.6')$$

(4.6) тэнлигийн (4.6') шэкилдэ жазылмасы, онун хэм гыса шэкилдэ ифадэ едилмэсинэ, хэм дэ бир координат системнэн дикэринэ кечмэк үчүн зэмин жарадыр. Мэсэлэн, декарт координат системнэн дэ

$$\Delta \equiv \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \quad (4.7)$$

сферик координат системнэн дэ исэ

$$\Delta \equiv \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \left\{ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin \theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \right\} \quad (4.7')$$

шэкилдэ жазылыр.

(4.6) вэ ја (4.6') тэнлији далга тэшлији адланьр. Садэлик үчүн Х-оху истигамэтдэ жапылан далганы тэшлил едэк; онда (4.6) тэнлији

$$\frac{\partial^2 f(x,t)}{\partial x^2} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 f(x,t)}{\partial t^2} = 0 \quad (4.8)$$

шэкилдэ дүшэр. (4.8) тэнлижини хэлл егмэк о гэдэр дэ чэтин дежил, лакин биз садэ хала бахаг. Фэрз едэк ки,  $f(x,t) = e^{i\omega t} \varphi(x)$  бу ифадэни (4.8) дэ јеринэ жазсаг:

$$\frac{d^2 \varphi}{dx^2} + \frac{\omega^2}{c^2} \varphi(x) = 0 \quad (4.9)$$

аларыг.

(4.9) тэнлижини хэллини ашагыдакы кими кестэрмэк олар:



$$\varphi(x) = Ae^{\frac{i\omega}{c}x} + Be^{-\frac{i\omega}{c}x} = Ae^{ikx} + Be^{-ikx}$$

Онда (4.8) тэнлијинин һәллини

$$f(x,t) = Ae^{-i(\omega t - kx)} + Be^{+i(\omega t - kx)} = C \cos(\omega t - kx + \delta) \quad (4.10)$$

шәклиндә јазмағ олар; бурада  $\delta$  - башланғыч фаза,  $C$ -исә амплитуда адланыр. (4.10) далғасына мүстәви монохроматик далға дејирләр. (4.8) вә ја (4.6) тәнликләри хәтти тәнликләрдир. Тутағ ки, (4.8) тәнлијинин ики  $f_1$  вә  $f_2$  хүсуси һәлләри бизә мә'лумдур. Онда  $f_3 = C_1 f_1 + C_2 f_2$ -дә (4.8) тәнлијинин һәлли олар. Бу һөкм суперпозиција принципинин ријазии ифадәсидир. Бу о демәкдир ки, суперпозиција принципи өдәнилмәси үчүн һәрәкәт тәнлији һөкмән хәтти тәнлик олмалыдыр. Суперпозиција принципинин өдәнилмәси, мүхтәлиф далғалар топлусу васитәсилә истәнилән далға зонасыны (областыны) гурмаға имкан верир.

#### § 4.4. Мүстәви далғаларын суперпозициясы

Тәбиәттә сөзүн әсил мә'насында монохроматик (јалпыз бир тезлијә малик) далға јохдур. Монохроматик далға ледикдә фәзада сонсуз олан ( $-\infty$ -дан  $+\infty$ -дәк јайылан) вә сонсуз мүддәттә шүаландырылан синусоидал далға нәзәрдә тулуру. Реал ишығ далғалары исә фәзада мөһдуд олур вә кичик заман интервалында шүаландырылыр. Она көрә дә реал далғалар мүәјјән тәмиз монохроматик далғалар олмајыб, синусоидал далғанын чох кичик һиссәләриндән ибарәтдир. Бу чүр далғалар тезликләр интервалыны әһатә едир. Әкәр бу тезликләр интервалы кичик оларса, онда ујғун далға монохроматик далғаја јахын олур вә квазимонохроматик далға адланыр. Бу дејиләнләрләи көрүнүр ки, § 4.3-дә һағғында сөһбәт апардығымыз мүстәви монохроматик далға да әслиндә монохроматик далға дејил. Бу чүр далғалара биз мүстәви монохроматик далғаларын суперпозициясы (топлусу) кими баха биләрик. Интерференција нәтичәсиндә

бу далгалар фəзанын бир һиссəсиндə бир-бирини кۈчлэндирир, дикер һиссəсиндə исə бир-бирини зəифлэдир.

Эввалчə ики мۈстəви монохроматик далғанын супер-позисијасыны нəзəрдən кечирək. Тутаг ки, бу далғаларын һэр икиси X оху истигамəтиндə јайлырлар, онларын даирə-ви тезликлери  $\omega_0$  вə  $\omega$  далға векторларынын элэди гијмэтлери  $k_0$  вə  $k$  ( $k_0 = \frac{2\pi}{\lambda_0}$ ;  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ ) бир-бириндэн чох аз фəрглэннрлэр, јə'ни  $\omega_0 - \omega = \Delta\omega$ ;  $k_0 - k = \Delta k$ . Далғала-рын амплитудлары ејни оларса, онда  $f_1 = a \cos(\omega_0 t - k_0 x)$ ,  $f_2 = a \cos(\omega t - kx)$  јаза билəрик. Бу далғалары тошласаг

$$\begin{aligned} f &= f_1 + f_2 = a[\cos(\omega_0 t - k_0 x) + \cos(\omega t - kx)] = \\ &= 2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right) \cos\left(\frac{\omega_0 + \omega}{2}t - \frac{k_0 + k}{2}x\right) \end{aligned}$$

вə ја  $\omega_0$ -ла  $\omega$  вə  $k_0$ -ла  $k$ -нын бир-бириндэн чох аз фəрглэндиклерины нəзəрə алсаг

$$f = 2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right) \cos(\omega_0 t - k_0 x) \quad (4.11)$$

мۈрəkкəб далғасыны аларыг.

(4.11) ифадəсиндə  $\cos(\omega_0 t - k_0 x)$  вуругуну  $\omega_0$  тез-ликин вə  $k_0$  далға элэдинə малик олан далғанын фазасыны,

$2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right)$  вуругу исə һəмин далғанын периодик

олараг јаван дəјишən амплитудуну ифадə едир. Башга сөзлə, (4.11) дۈстуру илə ифадə олунан  $f(x,t)$  далғасына биз даирəви тезлији вə далға элэди ујун олараг  $\omega_0$  вə  $k_0$  олан, амплитуду исə модуллашымыш далға кими бахырыг. Гејд стмək лазымдыр ки, дөгиг јанашдыгда бу далға һармоник

(синусоидал) далға олмајачағдыр, чүнки гармоник далға  $-\infty$ -дан  $+\infty$ -дәк бүтүн саһәдә ејни амплитуд вә тезлијә млик оламалыдыр, (4.11) далғасынны амплитуду исә периодик оларағ косинус гануну илә дәјишир вә ујғун спектрал чиһаз онда бир дејил,  $\omega_0$  вә  $\omega$  кими ики тезлик гејд едәчәкдир.

(4.11) ифадәсиндә амплитуд адландырдығымыз  $2a \cos\left(\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x\right)$  вуругу  $\Delta\omega \rightarrow 0$  вә  $\Delta k \rightarrow 0$  олмасына

бахмајарағ  $x$  вә  $t$ -дән зәиф асылыдыр; бу асылылығ амплитуда верилән тә'рифий оләмир. Бу вуруг амплитуда верилән тә'рифий өдәмәси үчүн

$$\frac{\Delta\omega}{2}t - \frac{\Delta k}{2}x = \text{const}$$

шәрти ихтијари  $t$  вә  $x$  үчүн өдәнилмәлидир. Бу ифадәнин замана керә төрәмәси:

$$g = \frac{dx}{dt} = \frac{\Delta\omega}{\Delta k}$$

вә ја

$$g = \frac{d\omega}{dk} \quad (4.12)$$

(4.12) илә тә'јин олунан сүр'әтә далғанын групп сүр'әти дејирләр. Групп сүр'әти дедикдә мүүјјөн групп амплитудларын јердәјишмә сүр'әти баша дүшүлүр.

Далғанын һәр һансы бир фазасынын (ејни бир фазанын) јердәјишмә сүр'әти фаза сүр'әти адланыр. Фаза сүр'әтини тапмағ үчүн фазанын сабитлији шәртиндән истифадә едәк:

$$\omega_0 t - k_0 x = \text{const}$$

Бу ифадәдән замана көрә торәмә алсаг, ејни фазалы мүстәвиләрин јердәјишмә сүр'әтини, јә'ни далғаны С фаза сүр'әтини аларыг:

$$\omega_0 - k_0 \frac{dx}{dt} = 0$$

$$c' = \frac{dx}{dt} = \frac{\omega_0}{k_0}; \quad c' = \frac{\omega_0 \lambda_0}{2\pi} = \lambda_0 \nu_0 \quad (4.13)$$

Корүндүјү кими, далғанын фаза вә групп сүр'әтләри мүхтәлиф дүстурларла ифадә олуноур. Бу сүр'әтләр арасындакы мүнәсибәти ајдышландырмаг үчүн далғаларын мүхтәлиф мүһитләрдә јайылма шәртинә бахмаг лазымдыр. Бундан отру исә бу параграфда алдығымыз нәтичәләри чохла сайда далғаларын суперпозициясы һалы үчүн үмумиләшдирмәлијик.

#### § 4.5. Далға пакети

Инди исә мүстәви далғаларын суперпозициясы нәтичәсиндә фәзанын јалпыз кичик бир һиссәсиндә амплитуду сыфырдан фәрғли, таян јерләрдә исә сыфыр олан далға просеси јаратмағын мүмкүн олдугуну көстәрәк. Ики мүстәви далғанын 4.4-чү параграфында һәјәта кечирдијимиз суперпозициясы, фәзанын мәһдуд һиссәсини әһәтә едән далға просеси јаратмаг үчүн кифәјәт дејил. Лакин һәр һансы  $2\Delta k$  интервалында далға әдәлләри кәсилмәз дәјишпән далғаларын тошланмасы (суперпозициясы) нәтичәсиндә далға просеси јаратмаг мүмкүндүр.  $2\Delta k$  интервалына һәр һансы бир гејд олуноуш  $k_0$  нөгтәсини көтүрәк вә көстәрәк ки, мүәјјән нәртләр даһиллидә далғаларын суперпозициясы нәтичәсиндә фәзада мәһдуд олан мүстәви далға просеси, јә'ни далға пакети алмаг олар. Ајдындыр ки, бу һалда  $k$  кәсилмәз дәјишдијиндән јекун далға ајры-ајры далғаларын чәми илә дејил,

$$f(x, t) = \int_{k_0 - \Delta k}^{k_0 + \Delta k} a(k) \cos(\omega t - kx) dk \quad (4.14)$$

интегралы илэ ифадэ олуначагдыр. Биз бурада сарфалик үчүн топланан далгаларын  $a(k)$  амплитудларынын бүтүн  $2\Delta k$  интервалында сабит вэ  $a(k_0)$ -а барабэр олдуğunu тэбул элэчэјик. Дайрөви тэзліјинин  $k$  далга элэдиндэн асылылыгы, үмумијјэтлэ, верилмэлидир. Бу асылылыг мухтэлиф тэбиэгли далгалар үчүн мухтэлиф ола билэр. Бурада бизэ  $\omega(k)$  асылылыгы мэлум олмадыгындан бу функцијаны  $\Delta k = k - k_0$  этрафында сыраја ајыраг вэ биринчи ики хэдлэ кифајэтлэнэк:

$$\omega(k) = \omega(k_0) + (k - k_0) \left( \frac{d\omega}{dk} \right)_{k=k_0} + \frac{1}{2!} (k - k_0)^2 \left( \frac{d^2\omega}{dk^2} \right)_{k=k_0} + \dots \quad (4.15)$$

$$\omega(k) = \omega(k_0) + (k - k_0) \left( \frac{d\omega}{dk} \right)_{k=k_0} \quad (4.15')$$

$$\omega(k_0) = \omega_0 \quad \text{вэ} \quad \left( \frac{d\omega}{dk} \right)_{k=k_0} = \left( \frac{d\omega}{dk} \right)_0 \quad \text{кими ишарэ едиб} \quad (4.15)$$

ифадэсини (4.14) интегралында јазмада һөмин интегралы һесаблаја билэрик:

$$f(x, t) = a(k_0) \int_{k_0 - \Delta k}^{k_0 + \Delta k} \cos \left[ \omega_0 t - k_0 \left( \frac{d\omega}{dk} \right)_0 t + k \left( \frac{d\omega}{dk} \right)_0 t - Kx \right] dk$$

Көрүндүјү кими, косинусун аргументиндэ биринчи хэдд кдан асылы дејил, она корэ дэ заманын мүрјјөн аны үчүн она сабит бир кэмјјэт кими баха билэрик. Онда:

$$f(x,t) = \frac{a(k_0)}{\frac{d\omega}{dk} \cdot t - x} \int_{k_0 - \Delta k}^{k_0 + \Delta k} \cos \left[ \omega_0 t - k_0 \left( \frac{d\omega}{dk} \right)_0 t + k \left( \frac{d\omega}{dk} t - x \right) \right] dk$$

вə ja

$$f(x,t) = \frac{a(k_0)}{\frac{d\omega}{dk} \cdot t - x} \sin \left[ \omega_0 t - k_0 \frac{d\omega}{dk} t + k \left( \frac{d\omega}{dk} t - x \right) \right]_{k_0 - \Delta k}^{k_0 + \Delta k}$$

аларыг. Бурада  $k_0 + \Delta k$  və  $k_0 - \Delta k$  сәrhәдләрини јеринә јаздыгдан сонра алынған ифадәдә синуслар фәрги дүстүрундан истифадә едиб вә алынған нәтичәнин  $\Delta k$  -ја вуруб бөлмәклә

$$f = 2a(k_0) \Delta k \cdot \frac{\sin \Delta k \left( \frac{d\omega}{dk} t - x \right)}{\Delta k \left( \frac{d\omega}{dk} t - x \right)} \cdot \cos(\omega_0 t - k_0 x) \quad (4.16)$$

аларыг. Алынмыш бу нәтичәни ејни илә (4.11) дүстүруну изаһ етдијимиз кими изаһ елә биләрик.  $\cos(\omega_0 t - k_0 x)$  вуруғу јаранмыш мүрәккәб далға просесинин фазасы илә әлагәдардыр, ондан әввәлки вуруг исә дәјишән (модуллианмыш) амплитуду ифадә едир. Әкәр

$$\Delta k \left( \frac{d\omega}{dk} \cdot t - x \right) = \xi$$

илә ишарә етсәк мүрәккәб далға просесинин амплитуду үчүн

$$A(k) = 2a(k_0) \cdot \Delta k \frac{\sin \xi}{\xi} \quad (4.17)$$

ифаләсини аларыг. Көрүндүжү кими  $A(k)$  амплитудунун дәјишмә характери  $\frac{\sin \xi}{\xi}$  вуругу илә тә'јин олунур.  $\xi \rightarrow 0$

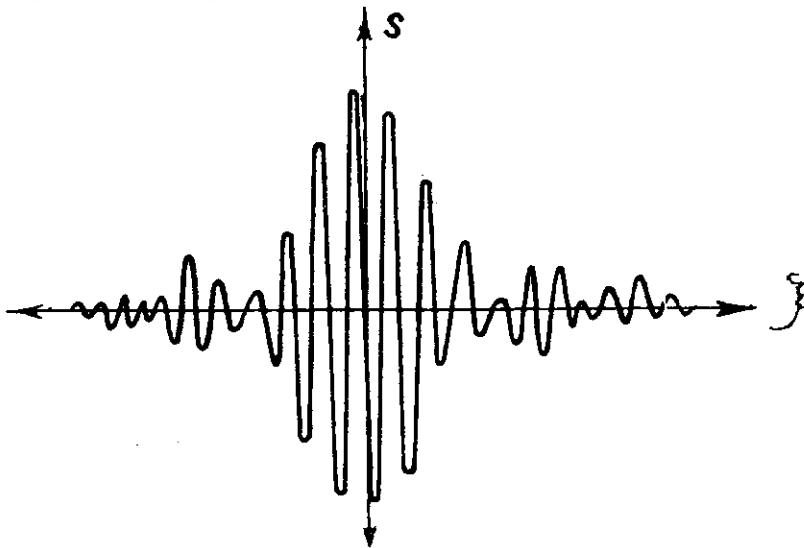
олдугда  $\frac{\sin \xi}{\xi} = 1$ ,  $\xi = \pm \pi$  олдугда исә  $\frac{\sin \xi}{\xi} = 0$  олур.  $\xi$ -нин

мүшлөг гижмәтинин сонракы бојүмәси заманы  $\frac{\sin \xi}{\xi}$  функ-

сијасы бир сыра максимум вә минимумдан кечир. Лакин бу максимум вә минимумларын гижмәтләри  $\xi = 0$ -да алынан баш максимумга нисбәтән кичикдир вә аргумент бөјүдүкчә сүр'әтлә кичилир. Беләликлә, биз дејә биләрик ки, суперпозија нәтичәсиндә практик оларат, амплитуду фәзанын

јалшыз мәддуд бир һиссәсиндә сыфырдан фәргин вә  $\frac{\sin \xi}{\xi}$

тануну илә дәјинән бир далға групу вә ја далға пакети алыныр. 11-чи шәкилдә бу чүр группун «ани фотошәкили», јә'ни онун мүәјјән андакы формасы көстәрилямишдир.



Шәкил 11

(4.16) дүстуру көстөрүр ки, ики мүстөви далғанын топланмасы һалына аналожи олараг далға пакети һалында да фаза вә групп сүр'әтләриндән данышмаг олар.

$\omega_0 t - k_0 x = const$  көтүрүб, замана корә көтөрмә алсаг фаза сүр'әти үчүн  $c' = \frac{dx}{dt} = \frac{\omega_0}{K_0}$  аларыг.  $\xi=0$  олдугда амплитуду

модаллашдыран  $\frac{\sin \xi}{\xi}$  вуругу ваһидә бәрабәр олан сабит

гијмәт алыр. үмумийәтлә амплитудун (4.17) сабитлијини төләб етсәк  $\frac{d\omega}{dk} t - x = const$  аларыг ки, бурадан да

$$g = \frac{dx}{dt} = \frac{d\omega}{dk}$$

аларыг. Бу ифадә көстөрүр ки, бәрабәр амплитудлар сәтһи

$$g = \frac{d\omega}{dk}$$

сүр'әти илә јерини дәјишкәп мүствидир. Корүндүјү кими бәрабәр амплитудлар мүстөвисинин јердәјишмә сүр'әти (4.12) дүстуру илә ифадә олуан групп сүр'әти илә үст-үстә дүшүр. Бу сүр'әт ејни заманда пакетин бүтөвлүкдә једәјишмә сүр'әтидир.

Инди јада салаг ки, јухарыда алынган нәтичәләрин һамысы  $\omega$ -нын (4.15) ифадәсиндә үчүнчү һәддән баһлајараг јүксәк тәртибли һәддәрин атылмасындан ибарәт олан јахынлашма илә бағлыдыр вә бу јахынлашманын нәтичәләрә нечә тә'сир етмәсини тәдтиг етмәк лазымдыр.

Әкәр икинчи тәртиб төрәмә  $\frac{d^2\omega}{dk^2}$  сыфра бәрабәр оларса (диспресија олмајан һал) бүтүн нәтичәләр дәјишмәз галыр.



$\frac{d^2 \omega}{dk^2} \neq 0$  олдугда исә далға пакти өз формасыны сахламыр вә

замап кечдикчә өз формасыны дәјишиб тәдричәп пакет формасыны итирир. Лакин, әкәр диспресија кичик оларса,

јә'ни  $\frac{d^2 \omega}{dk^2}$  сыфра јахын оларса, онда пакетин мүәјјән

формасы вә онун бүтөвлүкдә  $g$  груп сүр'әтилә јерләјиш-мәсиндән данышмаг олар.

Беләликлә, биз суперпозиција нәтижәсиндә јаранап мүрәккәб далға просессини демәк олар ки, там тәсвирини алдык, лакин онун ашағыдакы бир хусусијәтини дә гејд етмәк лазымдыр: далға пакетинин (4.16) дүстурунда фиксә олуиуш  $\omega_0$  вә  $k_0$ -дан асылы олан фаза вуруғу дахил олмасына бахмајараг әслиндә алынмыш далға просеси мүрәккәб просесдир вә онун фазасынын тәкчә бир далға узунлуғу илә бағламаг олмаз. Әкинә, далға просессини јаранмасы даға әдәлдәри кәсилмәз дәјишән чохла сәјда хармоник далғаларын суперпозициясы илә әлагәдар олдугундан пакетин спектрал анализини онда бүтөв спектрини кениш бир һиссәсини ашқара чыхарыр. Бундан башга, мә'лум олмушдур ки, верилмиш  $\Delta x$  олчүлү далға пакетини јаранмасы үчүн бүтөв спектрин  $\Delta k$  интервалы һәр һансы бир мүәјјән гирмәтдән кичик ола билмәз.

Инди квант физикасынын инкишафы үчүн чох мүһүм олан  $\Delta k$  илә  $\Delta x$  арасындакы мүнәсибәти, јә'ни пакетин енини тапаг. Бунун үчүн һәр һансы бир мүәјјән  $t=0$  аны үчүн пакети нәзәрдән кечирәк. (3.16) дүстуруннан көрүндүјү кими бу һалда пакетин формасы

$$\frac{\sin \Delta k \cdot x}{\Delta k \cdot x} = \frac{\sin \xi_0}{\xi_0}$$

вуруғу илә гә'јин олуиуш. Бурада  $\xi_0 = \Delta k \cdot x$ ,  $\xi_0 = \pm \pi$  олдугда бу вуруғу сыфыр олуиуш. Әкәр биз координат башланғычы оларат  $X$  оху үзәриндә баш максима ујғун

(жә'ни  $\xi=0$ -а ујғун) олан нөгтәси сечсәк, онда бу максимумдан сол вә сағ тәрәфдә јерләшән биринчи минимумларын координатлары  $\pm \frac{\Delta x}{2}$  олачагдыр. Бундан сонрақы максимумларын сүр'әтлә кичилдикләрини нәзәрә алсаг, онда биз пакетив олчүсү (ени) олараг тәхминән симметрик јерләшмиш биринчи ики минимум арасындақы  $\Delta x$  парчасыны көтүрә биләрик. бу һалда биз

$$\Delta k \cdot \frac{\Delta x}{2} = \pi$$

шәртини јаза биләрик. Бу шәртдән  $\Delta k \cdot \Delta x = 2\pi$  алыныр. Әкәр биз далға пакетивин енини даһа дәгиг тәјин етмәк истәсәк вә онун ени олараг координат бацшангычына нәзәрән симметрик јерләшмиш икинчи минимумлар арасындақы мәсафәни көтүрсәк онда  $\Delta k \cdot \Delta x = 4\pi$  вә үмумијјәтлә,

$$\Delta k \cdot \Delta x \geq 2\pi$$

аларыг.

Индијә гәдәр биз бир олчүлү далға группларынын јаранмасы процесини нәзәрдән кечирмишик. Бу групплары алмаг үчүн исә далға векторлары ејни истигамәтдә олан монохроматик далғалары топламышдыг. Лакин бу заман апарылан мүлаһизәләр координат охларынын һәр үчү үчүн доғру олдуғундан охлар үзрә олчүләри  $\Delta x$ ,  $\Delta y$  вә  $\Delta z$  олан фәза пакетивин әмәлә кәлмәси үчүн

$$\Delta x \cdot \Delta k_x \geq 2\pi; \quad \Delta y \cdot \Delta k_y \geq 2\pi; \quad \Delta z \cdot \Delta k_z \geq 2\pi;$$

шәртләри өдәнилмәлидир.

#### § 4.6. Фаза вә груп сүр'әтләри

Фаза вә груп сүр'әтләрини ики мүхтәлиф һал үчүн мүгајисә едәк.

1. Гармоник далгаларын суперпозициясындан жаранмыш далга пакетинин фаза сүр'эти  $k$ -дан асылы дежил. Бу чүр хассэжэ малик олан мүһитэ диспресијасыз мүһит дежилир.

2. Далга пакетинин фаза сүр'эти  $k$ -дан асылдыр. Бу хассэжэ малик олан мүһит диспресијалы мүһит дежилир.

Биринчи һалда фаза сүр'этинин  $c' = \frac{\omega}{k}$  дүстурундан  $\omega = c'k$  тэ'јин едиб, груп сүр'этини һесаblasаг

$$g = \frac{d\omega}{dk} = \frac{d(c'k)}{dk} = c'$$

аларыг. Демэли, диспресијасыз мүһитдэ фаза сүр'эти илэ груп сүр'эти ејнидир.

Иккинчи һалда фаза сүр'эти  $C'$  далга эдэди  $K$ -нын функцијасы олдуғундан

$$g = \frac{d}{dk}(c'k) = c' + k \frac{dc'}{dk}$$

олар. Бурада  $\frac{dc'}{dk}$ -ны

$$\frac{dc'}{dk} = \frac{dc'}{d\lambda} \cdot \frac{d\lambda}{dk} = -\frac{\lambda^2}{2\pi} \cdot \frac{dc'}{d\lambda}$$

кими чевириб јеринэ јазсаг груп сүр'эти илэ фаза сүр'эти арасында

$$g = c' - \lambda \frac{dc'}{d\lambda}$$

мүнасибэтини аларыг. Көрүндүјү кими диспресијалы мүһитдэ груп сүр'эти илэ фаза сүр'эти бир-бириндэн

фэргленирлэр вэ  $\frac{dc'}{d\lambda}$  ишарэсиндэн асылы олараг групп сүр'эти фаза сүр'этиндэн һәм кичик, һәм дә бөйүк ола билэр. Оптикада бу һалларын һәр икиси мүшаһидэ олунур. нормал диспресија һалында  $\lambda$  нын бөјүмэси илә сындырма эмсалы  $n$  (ишығын мүһитдэки сүр'этинин ваккумдакы сүр'этинэ нисбэти) кичилир,  $j$ 'ни фаза сүр'эти  $c'$  бөјүјүр вэ  $\frac{dc'}{d\lambda} > 0$  олур ки, бунун да нэтичэсиндэ  $g < c'$  олур. Ишығын удулма зонасында мүшаһидэ олунан аномал диспресија һалында исэ  $n$  илә  $\lambda$  арасындакы асылылыг тэрсинэдир вэ она көрө дә  $\frac{dc'}{d\lambda} < 0$  вэ  $g > c'$  олур.

Ишығын сүр'этинин өлчүлмэсинин мүхтэлиф үсулларынын анализи көстэрир ки, бу үсулларын һамысында ишығын групп сүр'эти өлчүлүр вэ үмумијјэтлэ, һеч бир үсулла мүһитдэ фаза сүр'этинин өлчүмөк мүмкүн дејил. Ишығын сүр'этинин тэ'јини илә элагэдар олан бүтүп тэчрүбэлэрдэ ја мүэјјэн сигналын сүр'эти өлчүлүр (Рјомер үсулу), ја да заман вэ фазада мөһдуд олан далғалар сырасыны (Физо үсулу) сүр'эти өлчүлүр. һәр бир мөһдудланмыш далғалар сырасы исэ Фурје интегралы васитэсилэ анализ олуна билэр вэ мүстэви монохроматик далғаларын суперпозициясынын нэтичэси кими тэсвир олуна билэр. Бу, о демөкдир ки, һәр бир мөһдуд далғалар сырасына далға пакети кими бахмаг олар вэ биз тэчрүбэдэ һөмишлэ пакетин сүр'этинин,  $j$ 'ни далғанын групп сүр'этинин өлчүрүк.

#### §4.7. Зэррөчиклэрин далға хассэлэри. Де-Бройл һипотези

Биз §4.1-дэ көрдүк ки, һэлэ XVII эсрдэ ишығын тэбиэтиндэ «далға-зэррөчию» дуализми мүшаһидэ олунмушлур. 1924-чү илдэ франсыз алими луй-де Бройл бу дуализм илә элагэдар олан кэтинликлэрдэн чыхмаға чөһд көстэрэрөк белэ бир чөсарэгли һипотез ирэли сүрдү ки, дуализм

жалпыз оптик һадисәләрә хас олмајыб универсал характер дашыјыр.

Де-Бројла корә нәипки ишыг далғалары зәррәчиқ хассәләрини бирузә верир, һәм дә мадди зәррәчиқләр корпускулјар хассәләрлә јанашы далға хассәләринә дә малиқ-дир. Де-Бројла мадди зәррәчиқләр ин далға хассәләринә малиқ олмасы гипотезинин јаранмасында ашағыдакы мұла-һизәләрин дә ролу олмушдур. Х/Х әсрин ијриминчи иллә-риндә һамилтон һәндәси оптика илә классик механика арасында гәрибә бир охшарлыг олдуғуна дитәт јетирәрәк көс-тәрмишдир ки, физиканын бу ики мұхтәлиф сәһәләринин әсас гәнууналарыны ријазии чәһәттән ејни бир формада тәсвир етмәк олар. Классик механикада мадди зәррәчијин  $V(x,y,z)$  потенсиаллы сәһәдә һәрәкәти, сындырма әмсалы  $n(x,y,z)$  олан оптик чәһәтчә бирчынсли олмајан мұһитдә ишыг шүә-ларынын һәрәкәти илә эквивалентдир. Дикәр тәрәфдән оп-тикада далғанын јайылма истиғамәти һәмишә далға чәб-һәсинә перпендикулјардыр, классик механикада исә зәррә-чијин трајекторијасы һәмишә тә'сир сәтһләринә перпенди-кулјардыр. Бу охшарлыг жалпыз һәндәси оптика вә меха-никаја аид едилирди. Лакин јахшы мә'лумдур ки, һәндәси оптика ишығын бүтүн хассәләрини изаһ едә билмир. Ишығын интерференсија вә дифраксија хассәләрини изаһ етмәк үчүн даһа үмуми олан (һәндәси оптика, гыса далға узунлуғларында далға оптикасындан хүсуви һал кими алыныр) далға оптикасындан истиғадә етмәк ләзымдыр. Дикәр тәрәфдән мә'лумдур ки, Нјутон механикасынын да тәтбигиндә мөһудидијәтләр вардыр. Нјутон механикасы, мәсәлән, атом системиндә дискрет енержи сәвијјәләринин алынмасы изаһ едә билмир. Де-Бројлун идејасы, механика илә оптика арасындакы охшарлығы кенишләндирмәк вә далға оптикасына аналожии оларағ классик механикаја нис-бәтән даһа үмуми олан вә атомдахили һәрәкәтләрә тәтбиг олуна билән далға механикасы јаратмағдан ибарәт иди.

Беләликлә, мадди зәррәчиқләр ин корпускулјар хас-сәләри илә јанашы далға хассәләринә дә малиқ олмалары һағгындакы фәзијјәни гәбул едәрәк де-Бројл оптикада «далға -зәррәчиқ» дуализминә бахаркән дәфәләрлә раст кәлдијимиз бир шәкилдән башға шәклә кечмә гәјдаларыны

матти «зэррәчикләр» һалына да көчүрмүшдүр. Тугаг ки, күтләси  $m$  олан матти «зэррәчик» (мәсәлән, электрон  $v$ ) сүр'әти илә бәрабәрсүр'әтли һәрәкәт едир. Електрона корпускул кими бахдыгда ону  $E$  енержиси вә  $P$  импульсу илә, далға кими бахдыгда исә ону  $v$  тезлији вә  $\lambda$  далға узунлуғу илә характеризә едирек. Әкәр һәр ики хәссә ејни бир ојбектин мүхтәлиф чәһәтләридирсә, онда ону характеризә едән кәмијјәтләр арасында әләгә јарадылмалыдыр. Зәррәчијин енержиси  $E=mc^2$ , импульсу  $P=mv$ , далғананын енержиси исә  $\varepsilon = hv$ , импульсу  $p = \frac{hv}{c} = \frac{h}{\lambda}$  олдуғушдан

$$E = hv; \quad P = \frac{h}{\lambda} \quad (4.18)$$

олмалыдыр. Бу мүнәсибәтәр де-Бројл мүнәсибәтләри, ујғун далғалар исә де-Бројл далғалары адланыр.

Оптика һадисәләрдә сүкунәт күтләси сыфыр олап вә  $C$  сүр'әти илә һәрәкәт едән фотонун импульсуну тә'јин етмәк үчүн (4.18) дүстурушлан истифадә едирек. Де-Бројла корә һәмин дүстур матти зәррәчикләрә дә аид едилир вә онун васитәсилә бу зәррәчикләрә бағлы олан мүстәви монохроматик далғаларын (Де-Бројл далғаларынын) далға узунлуғлары һесаблинмалыдыр.

Зәррәчијин далға узунлуғу

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

кими һесаблиныр. Сүкунәт күтләси сыфыр олмајан зәррәчикләрин импульсу  $P=mv$  дүстуру илә верилир. Кичик сүр'әтләрдә  $m$  сабит кәмијјәтдир, ишыг сүр'әтинә јахын сүр'әтләрдә исә күтлә сүр'әтдән асылы олараг  $m = \frac{m_0}{\sqrt{1-\beta^2}}$

ғануну илә дәјишир. Бу һалда

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$K = \frac{2\pi}{\lambda}$  олдуугуну нөзөрө алсаг (3.18) дүстуруна өсөсөн

$$\vec{P} = \frac{h}{2\pi} \vec{K}$$

аларыг. Онда сэрбөст мадди «зоррөчиклери» һәрөкәтини тәсвир едән мүстәви далга

$$\psi = Ae^{i(\omega t - kx)} = Ae^{\frac{2\pi i}{h}(Et - p\vec{r})} \quad (4.19)$$

шәклиндө олар. Сәрбөст микрозоррөчиклери һәрөкәтини характеризө едән  $\psi$  функцијасы далга функцијасы адыаныр.

#### §4.8. Де-Бройл далгаларынын хассәләри

Бүтүн дикор далгалар кими де-Бройл далгалары да һәм фаза, һәм дә груп сүр'әтинә маликдирләр. Кичик сүр'әтләрдө де-Бройл далгасынын фаза сүр'әти

$$c' = \frac{\omega}{k} = \frac{h\omega}{hk} = \frac{E}{P} = \frac{mc^2}{mv} > c$$

дүстуру илө тәјин олунар. Бурада  $E$  зоррөчијин енерјиси,  $P$ -онун импульсу,  $c$  илө ишығын бошлугдакы сүр'әтидир.  $c > v$  олдугудан де-Бройл далгаларынын фаза сүр'әти ишығын бошлугдакы сүр'әтиндән бојүкдүр. Бу нәтичә бизи гәәччүблөндирмәмәлидир, чүнки биз артыг билирик ки, фаза сүр'әти нә «сигналы» сүр'әтини, нә дә енерјини јердәјишмә сүр'әтини характеризө едир, она көрә дә о ишығын бошлугдакы сүр'әтиндән бојүк ола биләр.

Бојүк сүр'әтләрдө зоррөчијин енерјиси:

$$E = \sqrt{c^2 p^2 + m_0^2 c^4}$$

ифадәси илә тә'јин олунар. бу һалда де-Бројл далғаларынын фаза сүр'әти ашағыдакы дүстурла һесабланыр:

$$C = \frac{E}{P} = \frac{\sqrt{c^2 p^2 + m_0^2 c^4}}{P} = c \sqrt{1 + \left(\frac{m_0 c}{P}\right)^2} = c \sqrt{1 + \left(\frac{m_0 c \lambda}{h}\right)^2}$$

Де-Бројл далғасынын групп сүр'әти

$$g = \frac{d\omega}{dK} = \frac{dE}{dP}$$

кими тә'јин олунар. көстәрмәк олар ки,  $\frac{dE}{dP} = v$ . Догрудан

да,  $\vec{F}$  гүввәсинин тә'сири алтынжа һәрәкәт едән зәррәчијин  $d\vec{S}$  јердәјишмәсиндә енержини дәјишмәси  $dE = \vec{F} d\vec{S}$  вә  $\vec{F} = \frac{d\vec{P}}{dt}$  олдуғундан

$$dE = \frac{dP}{dt} \cdot d\vec{S} = d\vec{P} \cdot \frac{d\vec{S}}{dt} = \vec{v} d\vec{P}$$

олар.  $\vec{v}$  вә  $\vec{P}$  ејни истигамәтлә јөнәлдикләриндән  $dE = v dP$  вә  $v = \frac{dE}{dP}$  аларыг. Беләликлә,  $g = v$  аларыг, јә'ни зәррәчијин де-Бројл далғасынын групп сүр'әти елә зәррәчијин өз сүр'әтинә бәрабәрدير.

Инди исә дисперсија тануну, јә'ни де-Бројл далғасынын даирәви тезлији илә далға векторуңун координат охлары үзрә пројексијаларын арасындакы әлагәни ташаг. Бундан өтрү әввәлчә релјавистик зәррәчикләр үчүн  $\omega$  илә  $k$  арасындакы мүнәсибәг мүйәјјәнләшдирәк.



$$\frac{E^2}{c^2} = m_0^2 c^2 + \bar{P}^2 = m_0^2 c^2 + P_x^2 + P_y^2 + P_z^2$$

$E = h\nu$ ,  $P_x = \frac{h}{2\pi} k_x$ ,  $P_y = \frac{h}{2\pi} k_y$ ,  $P_z = \frac{h}{2\pi} k_z$  олдугуну  
 нэзэрэ алсаг (4.16) ифадэси ашағыдакы шэкли алар:  
 ( $\omega = 2\pi\nu$ )

$$\frac{\omega^2}{c^2} = \frac{m_0^2 c^2}{h^2} + k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

Бурада

$$\frac{m_0 c}{h} = \omega_0$$

олдугундан

$$\frac{\omega^2}{c^2} = \frac{\omega_0^2}{c^2} + k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

аларыг ки, бу да диспресија ганунун релјативистик  
 ифадэсидир. Сүкунэт күтлэси сыфыр олан зэррәчикләр  
 үчүн  $v_0=0$  олар вә бу һалда

$$\frac{\omega^2}{c^2} = k_x^2 + k_y^2 + k_z^2$$

шэклини алыр ки, бу да фотон үчүн анртыг бизә мә'лум  
 олан диспресија ганунудур.

Инди де-Бройл далғасынын даһа бир хассэси илә  
 таныш олаг. Гидрогенәбәнзәр атомлар үчүн Бор нэзэријјә-

синдә стационар орбитләрин сечилмәси үчүн истифадә олунан  $mvr = n \frac{h}{2\pi}$  квантланма шәртини

$$2\pi r = \frac{nh}{mv}$$

кими дә јазмаг олар.  $\lambda = \frac{h}{mv}$  Де-Бројл далғасынын узунлуғу олдуғундан

$$2\pi r = n\lambda$$

аларыг. Бурадан көрүнүр ки, стационар орбитин чеврәсинин узунлуғу там сайда де-Бројл далғасынын узунлуғуна бәрабәр олмалыдыр.

#### §4.9. Де-Бројл гипотезинин тәчрүбәдә тәсдиги

Де-Бројл гипотезинин доғрулуғу чох тез бир заманда бир чох тәчрүбәләрдә тәсдиг олунду. Тәчрүбәләр көстәрди ки, электрон, протон вә атом дәстәләри ишыг вә ја ренткен шүаларына охшар олараг интерференсия вә дифраксияја уграјырлар.

Әввәлчә биз электронларла бағлы олан де-Бројл далғаларынын узунлуғларынын төртибини мүүјјәнләшдирәк. Әкәр электрон  $V$  потенциаллар фәргини кечәркән  $v$  сүр'әтинә малик оларса, онда

$$\frac{mv^2}{2} = \frac{P^2}{2m} \geq \frac{eV}{300} = W$$

олар. (4.18) дәстурундан истифадә едәрәк электронун де-Бројл далғасынын узунлуғу үчүн

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{\sqrt{\frac{2meV}{300}}} = \frac{h}{\sqrt{2mW}}$$

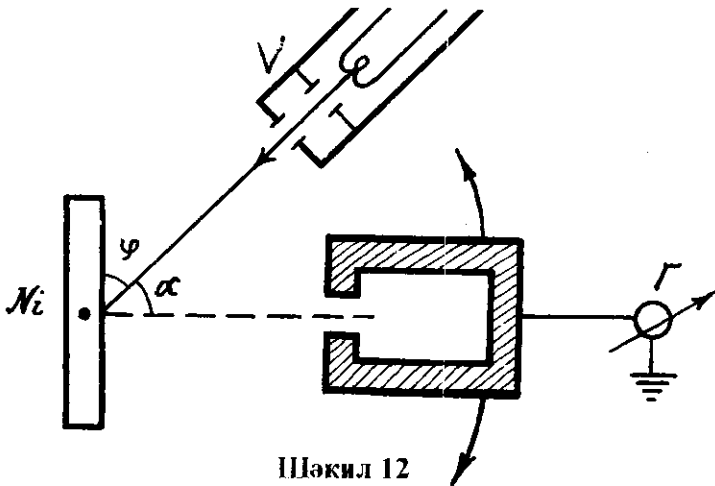
ифадәсини аларыг. Бурада  $W$  электронун кинетик энергиясидир. Әкәр  $V=100\text{В}$  оларса, онда

$$\lambda = 1,2 \cdot 10^{-8} \text{ см} = 1,2 \text{ \AA}$$

олар. Бу далға узунлуғу рентген шүәләрынын далға узунлуғу тәртибиндәдир.

Әкәр де-Бройл гипотези доғрудурса, онда рентген шүәләрына аналожи олараг сүр'әтләнмиш электронлар да кристал гәфәсиндән дифраксия етмәлидирләр. Бу фикри јохламаг үчүн американ физикләри Девиссон вә Чермер 1927-чи илдә электронларын кубик системә дахил олан никел монокристалындан сәнилмә гануна уғунлуғларыны тәдгиг етмишләр.

$V$  потенциаллар фәргини кечәркән сүр'әтләнмиш моноэнергетик енсиз электрон дәстәси  $Ni$  монокристалы үзәринә јөнәлдилер. Кристалдан әкс олуан электронлар гальванометрә бирләнширилмиш цилиндрик электрод (Фарадей



Шәкил 12

цилиндри) васитәсилә тугулур. Фарадеј цилиндри ејни бир мүстәви үзәриндә галмагда кристал үзәринә дүшән электрон дәстәсинә нисбәтән истәшилән бучаг алтында јерләшдирилә биләр. Силиндрин мүхтәлиф вәзијәтләриндә галвонометрлә  $I$  чәрәјән шиддәтини өлчәрәк мүхтәлиф истигамәтләрдә кристалдан әкс олуан электронларын интенсивлији һаггында мүһакимә жүрүтмәк олар. Тәчрүбәнин нәтичәләри көстәрмишдир ки, верилмиш истигамәтдә чәрәјән шиддәтинин гижмәти координат башлангычындан (электрон дәстәсинин кристалын сәгһинә дүшдүјү ногтәдән) һәмин истигамәтдә әјријә чәкилмиш дүз хәтт парчасынын узунлуғу илә тә’јин олунур вә  $\phi$  -бучағынын мүәјјән гижмәтиндә электронларын сәгһдән интенсив әкс олмасы баш верир. Бу әкс олма оптикада ишығын гајытма гануна табедир: «дүшмә бучағы гајытма бучағына бәрәбәрдир». Һәмин тәчрүбә поликристал никел үзәриндә апарылдыгда исә һеч бир селектив әкс олма мүшаһидә олунмамышдыр. Әкәр электронлара зәррәчик кими бахыларса онда онларын никелин кристал гәфәсинин ионлары илә гаршылығлы тә’сиринә әсасланараг тәчрүбәдә алынан максимумлары һеч чүр изаһ етмәк мүмкүн олмур. Тәчрүби нәтичәләри изаһ етмәк үчүн электронлара далға кими бахылмалыдыр. Бу заман электронларын монокристал никелдән селектив әкс олунмасы ренткен шүаларынын кристалдан Вулф вә Брегг тәрәфиндән мүшаһидә олунмуш интерференсија әкс олунмасынын ејни олачағдыр. Ренткен шүалары кристал үзәринә дүшәрәк онлар кристалын мүхтәлиф атом мүстәвиләриндәки атомлара тә’сир едәрәк, онлары һәјәчавландырыр вә бу атомларын һәр бири коһерент элементар далғалар мәнбәјинә чеврилир. Бу заман мүхтәлиф мүстәвиләрдә јерләшән атомларын шүаландырдығлары коһерент элементар далғалар интерференсија едәчәк вә мүхтәлиф мүстәвиләрдән шүаланан далғаларын јоллар фәргиндән асылы олараг ја бир-бирини зәифләдәчәк, ја да күчләндирәчәк. Мә’лумдур ки, интерференсија едән ренткен шүаларын кристалдан јалһыз о заман әкс олунурлар ки, (интерференсија нәтичәсиндә кристалдан ренткен шүаларынын бу чүр чыхмасына – «әкс олунма» интерференсијасы әкс олунмасы

дежилер) онларын далга узунлуглары иле сүрүшмө бучагы (дүшмө бучагыны  $\frac{\pi}{2}$  гөдөр тамамлажан бучаг) Вулф-Бреггин

$$n\lambda = 2d \cdot \sin \varphi \quad (4.21)$$

дүстуруну одосинләр. Бурада  $d$  атом мүстөвилери арасындакы мөсафөдир.

Өкөр электронлар далга хассәләринә маликдилрәрсә онлар да кристалдан (4,21) шәртинә әсасән әкс олунмалыдыр. Никел кристалындан электронларын интерференсия әкс олунмасыны, яә'ни электронлара де-Бројл далғасы кими бахмагын дүзкүн олуб-олмадыгыны јохламаг үчүн (4.21) дүстурундан ики чүр истифадә етмөк олар: 1) кристал үзәринә де-Бројл далғасынын  $\lambda$  узунлуғу мүәјјөн олан электронлар дәстәси (енержилери сабит галап электронлар дәстәси) јөнәлтмөккә кристалы мүәјјөн ох әтрафында дондәриб, максимум әкс олманын Вулф-Брегг дүстурундан  $n=1,2,3$  гијмәтләринә ујғун олан јалныз мүәјјөн  $\varphi_1, \varphi_2, \varphi_3$  бучагларында баш вердјини јохламагла; 2) сүрүшмө бучагы  $\varphi$ -ни сабит сахлајыб, де-Бројл далғасынын  $\lambda$  узунлуғуну кәсимәз олараг дәјишмөккә максимумларын де-Бројл далга узунлуғундан јалныз мүәјјөн  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$  гијмәтләриндә алындыларын јохламагла мүәјјәнләшдирмөк олар. Бу һалда электронларын интерференсия әкс олмасы о замап баш верәчөк ки,

$$\lambda_n = \frac{1}{n} 2d \sin \varphi$$

олсун, яә'ни әкс олма  $\lambda_1, \lambda_2 = \frac{\lambda_1}{2}, \lambda_3 = \frac{\lambda_1}{3}$  вә с. де-Бројл далга узунлуғларында баш верәчөкдир.

Рентген нүаларынын кристалдан әкс олунмасына бахаркөн биринчи үсулдан, электронларын кристалдан интерференсия әкс олунмасына бахдыгда нсә иккинчи үсулдан истифадә олунур, чүнки сүр'әтләндиричи потенциаллар

Фэргини дэжищдирмөклө электронларын сүр'этлэринин вә беләликлө дө, онларын  $\lambda = \frac{h}{mv}$  де-Бройл далға узунлуларыны дэжишмәк, кристалы вакуумда оз оху этрафында дөндөрмөкдөн гат-гат асанлыр.

(4.20) вә (4.21) дүстурларындан истифадө етмөклө

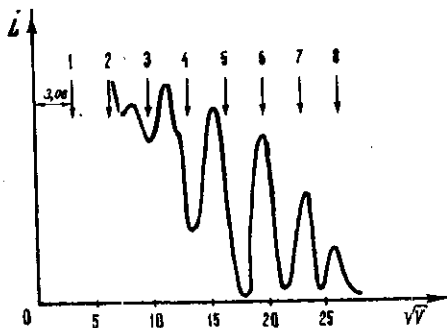
$$\sqrt{V} = \frac{nh}{\sqrt{2 \frac{em}{300}} \cdot 2d \sin \varphi} \quad (4.22)$$

ифадәсини алмаг олар. Бу ифадәдөн көрүнүр ки, әкәр электронлары сүр'этләнлирән  $V$  потенциаллар фэргинин тәдричән дэжишсәк вә һәр дөфә кристалдан әкс олунан электронларын јаратдығы чәрәјән шиддәтини (әкс олма интенсивлијини) өлчсәк вә нөһәјәт, абсис оху үзәриндә

$\sqrt{V}$  ни, ординат оху үзәриндә исә  $i$  чәрәјән шиддәтини көстәрсәк, онда биз  $k$ -ин мүхтәлиф гијмәтләринә ујғун олан

вә бир-бириндән  $\frac{h}{\sqrt{2 \frac{em}{300}} \cdot 2d \sin \varphi}$  гәдәр мөсафәләрдә

јерләшән кәскин максимумлары олан әјри алмалыыг. 13-чү шәкилдә  $\varphi=80^\circ$  вә  $d=2,03 \cdot 10^{-8}$  см =  $2,03 \text{ \AA}$  олан һал үчүн никел монокристалынын тәдгигиндөн алынған әјри көстәрилмишидр.



Шөкил 13

Шәкилдән көрүндүжү кими эјринин максимумлары кәскиндир вә бир-бириндән бәрабәр мөсафәләрдә јерләшир. Шәкилдәки охларла Вулф-Брегг дүстуруна әсасән һесаблинмыш максимумларын вәзијјәтәри кәстәрилмишдир. Нәзәри һесаблималардан алынмыш макисемкларын вәзијјәтләринин тәчрүбәдән алынған максимумларын вәзијјәтләри илә мүгајисә кәстәрир ки,  $n$ -ин бөјүк гижмәтләриндә ( $n=7;8$ ) бу максимумларын вәзијјәтәри дегиг олараг үст-үстә дүшүр,  $n$ -ин кичик гижмәтләриндә исә түчрүби максимумларын вәзијјәтләри илә һесаблимадан алынған максимумларын вәзијјәтләри бир-бириндән фәргләшир вә  $n$ -ин кичилмәси илә бу фәрг бөјүјүр. Бу фәргин систематик вә ганунаујғун характер дашымасы онун кәстәрир ки, һесаблимада (Вулф-Брегг дүстурунда) һәр һансы бир фактор нәзәрә алынмамышдыр. Бу нәзәрә алынмајан фактор ондан ибарәтдир ки, Вулф-Брегг дүстуру чыхарыларкән фәрз олунмушдур ки, һәм ваккумун, һәм дә кристалын сындырма әмсалы ваһиддир, реткән далғаларынын узунлуғу исә һәм кристалдан кәнарда, һәм дә онун дахилиндә ејнидир. чох кичик далға узунлуғларында бу фәрзијјәләр өзләрини тамамилә доғрултса да, даһа узун далғалы реткән шүаларында кристалын сындырма әмсалында вә Вулф-Брегг дүстурунда дәјишикликләр едилмәлидир.

Максимумларын көзләнилән вә фактики олараг мүшаһидә олунған вәзијјәтләри арасындакы фәргләри ашағыдакы мүлаһизәләрлә изаһ етмәк олар. Мә’лумдур ки, фотоелектрик һадисәсиндә электрону мегалдан голпармаг үчүн она әлавә енержи вермәк лазымдыр.

Әкәр метал дахилиндә электронун потенциал енержиси  $U_0 = -eV_0$  оларса (бурада электронун јүкүнүн мәнфилији нәзәрә алынмышдыр) онда электронун металдан чыхыш иши  $A = eV_0$  олар. Әкәр ваккумда  $W = eV$  кинетик енержисинә вә сыфыр потенциал енержисинә малик олан электрон метала дахил олса, о, метал дахилиндә  $W_1$  кинетик енержисинә вә  $U_0$  потенциал енержисинә малик олар вә бу заман онун там енержиси сахланылмалыдыр, јә’ни  $W + 0 = W_1 + U_0 = W_1 - eV_0$  олмалыдыр. Бурадан  $W_1 = eV + eV_0 = e(V + V_0)$  алары. Бурадан көрүндүжү кими метала дахил олан электронун кинетик

енержиси чыхып иши гэдэр артыр. Онда онун де-Бројл далғасынын узунлуғу кичилэр вэ (4.20) дүстуруна әсасән

$$\lambda' = \frac{h}{\sqrt{2m(W+A)}} = \frac{h}{\sqrt{\frac{2me}{300}(V+V_0)}} \quad (4.20')$$

дүстуру илэ тә'јин олунар. Метал дахилинэ кечән электронун де-Бројл далғасынын узунлуғунун дәјинмәси ону көстөрир ки, металын сындарма әмсалы ваһиддән фәргләнир. Демәли, электрон метал дахилинэ кечәркән онун де-Бројл далғасы сыныр. Бу һалда де-Бројл далғалары үчүн металын сындырма әмсалы

$$\mu = \frac{n_{\text{мет}}}{n_{\text{вак}}} = \frac{c}{c'} = \frac{v'}{v} = \frac{\lambda}{\lambda'} = \sqrt{\frac{V+V_0}{V}} = \sqrt{1 + \frac{V_0}{V}}$$

олар. Бурада  $c$  вэ  $c'$ ,  $v'$ ,  $\lambda$  вэ  $\lambda'$  де-Бројлд далғаларынын вакуумда вэ метал дахилиндә ујғун оларағ фаза сүр'әтләри, груп сүр'әтләри вэ далға узунлуғларыдыр. Бу дүстурдан көрүнүр ки, электронун де-Бројл далғалары үчүн металын  $\mu$  нисби сындырма әмсалы ваһиддән бөјүкдүр. Она көрә дә электронун де-Бројл далғалары вакуумдан метала сынарағ кечир вэ бу шүалар сәрһөдтә чәкилминш перпендикулјара јахынлашырлар.

$n$ -ин бөјүк гүјмәтләриндә ( $n=7;8$ ) һесаблама вэ тәчрү-бәдән алынмынш максимумларын вәзијјәтләринин үст-үстгә дүшмәсини асанлығла изаһ етмәк олар. Доғрудан да,  $n$ -ин бөјүк гүјмәтләриндә сүр'әтләндиричи  $V$  потенциалын кристалын  $V_0$  дахили потенциалындан чоһ-чоһ бөјүк олдуғундан

$\mu = \sqrt{1 + \frac{V_0}{V}} \approx 1$  көтүрмәк олар. Бу, о демәкдир ки, электронларын де-Бројл далғалары кристала кечәркән сынмырлар. Она көрә дә бу һалда Вулф-Бреггин (4.21) дүстурунун тәтбиғи дүзкүн нәтичә верир.  $n$ -ин кичик гүјмәтләриндә исе  $\mu$  ваһиддән фәргли олар, јә'ни де-Бројл далғалары



ваккумдан кристала кечэркэн сынырлар. Бу һалда Вулф-Бреггив (4.21) дүстуруна дүзөлийи верилмәли вә онун шәкли дәјишмәлидир.

Инди исә де-Бројл далғаларынни ваккумдан кристала кечэркән сынмаларыны нәзәрә аларкән Вулф-Брегг дүстурунун нә шәкил алдығыны мүәјјәнләшдирәк. Тутаг ки, галышлығы  $d$  олан кристал үзәринә электрон дәстиәси дүшүр. Електронларын интерференсия едән 1 вә 2 шүаларыны нәзәрдән кечирәк. Де-Бројл далғаларынын сынмасы нәтичәсидә дахили  $\varphi'$  сүрүшмә бучағы  $\varphi$ -дән фәргләнәчәкдир вә бу шүаларын јоллар фәрғи

$$2d \sin \varphi' = 2d \sqrt{1 - \cos^2 \varphi'}$$

олар.

$$\mu = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{\sin(90^\circ - \varphi)}{\sin(90^\circ - \varphi')} = \frac{\cos \varphi}{\cos \varphi'}$$

олдугундан

$$2d \sin \varphi' = 2d \sqrt{1 - \frac{\cos^2 \varphi}{\mu^2}}$$

шәклини алар. (4.21) дүстуруну нәзәрә алсаг интерференсия заманы максимумлуг шәртини

$$2d \sqrt{1 - \frac{\cos^2 \varphi}{\mu^2}} = n\lambda' = n \frac{\lambda}{\mu} \quad (4.23)$$

кими јазарыг. Бурадан  $\mu \neq 1$  һалы үчүн

$$2d \sqrt{\mu^2 - \cos^2 \varphi} = n\lambda$$

Вулф-Брегг дүстуруну аларыг.

(4.24) дүстурунун көмөңи илө металын дахили потен-  
сиалыны һесаблаја биләрик. Доғрудан да (4.24) дүстурунун

һәр ики тәрәфини квадрата јүксәдиб  $\mu = \sqrt{1 + \frac{V_0}{V}}$  ифадә-  
сини нәзәрә алсаг,

$$4d^2 \left( 1 + \frac{V_0}{V} - 1 + \sin^2 \varphi \right) = n^2 \lambda^2 = \frac{n^2 h^2}{2meV / 300}$$

аларыг вә бурадан исе  $V_0$  үчүн

$$V_0 = \frac{n^2 h^2}{8d^2 em / 300} \quad (4.25)$$

дүстуруну аларыг.  $V$  сүр'әтләндиричи потенциалыны бил-  
мәклә вә  $\varphi$  сүрүшмә бучағыны өлчәмәклә (4.25) дүстуруна  
әсасән атом мүстәвиләри арасындакы  $d$  мәсафәси мә'лум  
олап кристалын  $V_0$  дахили потенциалыны һесабламаг олар.

(4.25) дүстуру васитәсилә һесабламадан  $d$  үчүн алынган  
гүјмәтләр металларын нәзәријәсиндән алынган гүјмәтләрә  
үјүн көлпг.

Әкәр электронларын де-Бројл далгаларынын вакуум-  
дан кристала кечөркән сынмалары нәзәрә алынарса вә  
нәзәри һесаблама (4.24) дүстуруна әсасән апарыларса, онда  
һесабламадан алынмыш макенмумларын вәзијәтләри 13-  
чү шәкилдә 1-8 охларынын көстәрдикләри вәзијәтләр тәч-  
рүбәдән алынмыш макенмумларын вәзијәтләри илө та-  
мамилә үст-үстә дүшәр.

Беләликлә, Девиссон-Чермер тәчрүбәси инандырычы  
сүрәтдә де-Бројл һипотезинин доғрулуғуну тәсдиғ етди.  
Бундан башга бир сыра тәчрүбәләрдә протон, нейтрон, атом  
вә һәтта молекулларын да мүнәсиб кристалларда дифрак-  
сиясы мүнәшидә олунамундур ки, бүтүн булар де-Бројл  
һипотезинин доғрулуғуна чоғ әсаслы сүбуһдур.

#### §4.10. Гејри-мүөјјөнлик мүнәсибәтләри

Биз бундан әввәлки параграфларда көрдүк ки, микрозәррәчикләр икили хәссәјә - далға-корпускул (далға-зәррәчик) хәссәсинә маликдир. Миркозәррәчикләри макро-чисимләрдән фәргләндрән вә онларыи икили хәссәси илә сых сурәтдә бағлы олан даһа бир мүнһүм хүсусијјәти ондан ибарәтдир ки, микросистеми характеризә едән һәр һансы бир ики каноник кәмијјәт һеч вахт сјни заманда ејни дәгигликлә өлчүлә билмәз.

Доғрудан да, тутаг ки,  $x$  оху үзәриндә микрозәррәчијин вәзијјәти һәр һансы бир  $\Delta x$  дәгиглимји илә мә'лумдур. Онда биз дејә биләрик ки, микрозәррәчик һардаса  $x$  илә  $x + \Delta x$  арасындадыр. Далға нөгтеји-нәзәрдән микрозәррәчијин далға функцијасынын амплитуду јалныз тәхминән  $\Delta X$  интәрвалында сыфырдан фәрглидир. Биз артыг билирик ки, бу чүр даға функцијасы чоһлу сәјда һармоник далғаларын суперпозисијасы нәтичәсиндә алына биләр, лакин бу функција һармоник далға олмајчаагдыр, јә'ни  $\omega$  мүүјјән  $\omega$  тезлијинә вә  $k$  далға әдәдинә малик олмајчаагдыр, чүнки һармоник далға сонсуз заманда мөвчуд олмалы вә сонсуз фәзаны әһатә етмәлидир. Фәзада мәһдуд олан далға функцијасы далға пакетиндән ибарәтдир. Белә пакети гурмаг үчүн  $K$  далға әдәдләри мүүјјән  $\Delta K$  гијмәтләри интәрвалында кәсилмәз олараг дәјишән синусоидал далғалары тошламаг лазымдыр. § 4.5-дән мә'лум олдуғу кими далға пакетинин  $\Delta x$  ени илә  $\Delta k$  далға әдәдләри интәрвалы арасындакы мүнәсибәт

$$\Delta x \cdot \Delta k_x \geq 2\pi$$

шәрти илә верилир. Бу бәрабәрсизлијин һәр ики тәрәфини  $h$  вуруб вә де-Бройл далғасы үчүн  $P_x = \frac{h}{2\pi} k_x$  вә ја

$$\Delta P_x = \frac{h}{2\pi} \Delta k_x$$
 олдуғуну нәзәрә алсаг

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq \frac{h}{2\pi} \cdot 2\pi$$

вэ ja

(4.26)

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$$

аларыг. Бу мүнәсибәт кәстәрир ки,  $x$  вә  $P_x$  еңи заманда мүүјән олунмуш гижмәгләр ала билмәзләр:  $\Delta x=0$  оларса,  $j$ 'ни  $x$  координаты мүүјөнширсә, онда  $\Delta P_x \rightarrow \infty$  олар.  $j$ 'ни импульс һеч бир мүүјән гижмәтә малик ола билмәз вә әксинә, (4.26)-дән көрүнүр ки,  $\Delta X$  нә гәдәр кичик оларса,  $j$ 'ни зәррәчијин вәзијјәти нә гәдәр тә'јини олунарса  $\Delta P_x$  бир о гәдәр бөјүк олар.  $j$ 'ни зәррәчијин үјгүн импульсу бир о гәдәр гејри-мүүјән олар.

Галан ики координатлар үчүн дә аналогичи бәрәбәр-сизликләр алмаг олар:

$$\Delta Y \cdot \Delta P_y \geq h \quad (4.27)$$

$$\Delta Z \cdot \Delta P_z \geq h \quad (4.28)$$

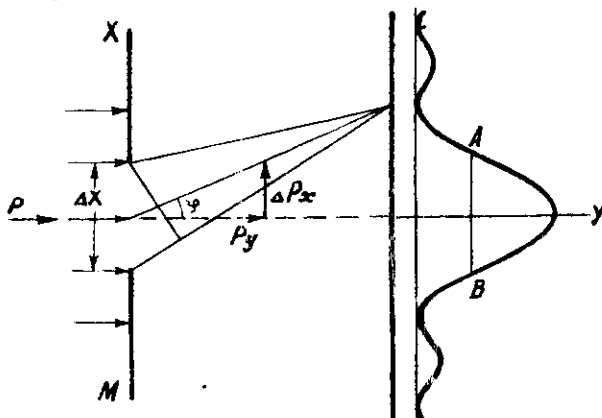
Бу бәрәбәрсизликләр 1927-чи илдә алман алыми һейзенберг тәрәфиндән алынмышдыр, она көрә дә онлар һейзенбергин гејри-мүүјәнлик мүнәсибәтләри адланырлар. Бә'зән буна гејри-мүүјәнлик принципи дә дејирләр. Бу бәрәбәрсизликләр классик ашлајышларын микрозәррәчикләрә тәтбигиндә мүүјән мөһлулијјәтә кәтирир. Дәғрудан да, классик ашлајышларә көрә өлчмә техникасынын жүксәк инкишафы шәраитиндә макроскопик җисимләрин координат вә импуслары еңи заманда истәнилән дәғигликлә өлчүлә биләр. Һейзенберг бәрәбәрсизликләри исә кәстәрир ки, өлчмә техникасынын сәвијјәси нә гәдәр жүксәк олурса, олсун микрозәррәчијин координат вә импуслары еңи заманда мүгләг дәғигликлә өлчмәк принципаал олараг мүмкүн дејил. Микрозәррәчикләрин координат вә импуслары

рындагы бу гейри-мүөжөнлик онларын икили табиятинин - далга-корпускул табиятинин нәтижәсидир.

Һейзенберг гейри-мүөжөнлик мүнәсибәтләринин мүхтәлиф үсулларла алмаг олар. Бу үсуллардан бирини нәзәрдән кечирәк. Тутаг ки, жарыгынын ени  $\Delta x$  олан гейри-шәффаф  $M$  экраны үзәринә электрон дәстәән дүшүр. Электронлар жарыга дүшәнәдәк мүөжөн  $\vec{P}_0 (P_x = 0, P_y = P_0)$  импульсуна маликдирләр. Жарыгдан кечәп электронлар  $M$  экранындан кафи гәдәр узагга йерләшдирилмиш (шәкилдә жарыгынын енинин олчусу экранлар арасындагы мәсафәгә нисбәтән хәлп дәрәжәдә бөјүдүлмүндүр) флуорессенсия едичи  $N$  экраныны (вә ја фотолоһәнин) үзәринә дүшүрләр. Электронлар зәррәчик табияти илә јанашы далга табиятинә дә малик олдуларындан жарыга дүшәнә гәдәр онлары далга әдәдләри

$k_0 = \frac{P_0}{h}$  олан мүстәви де-Бројд далгалары илә тәсвир етмәк

олар. Электронлар жарыгдан кечәркәп дифраксияја уғрајылар. Она көрә дә жарыгдан кечдикдән сонра онлар артып мүстәви далгаларла тәсвир олуна билмәзләр. Бу заман электронларын импульс  $P_0$  вә далга әдәдләри  $k_0$  дәјишәрәк гейри-мүөжөнлијә малик олурлар. Дифраксия заманы әл чоһ дәјишмәјә  $P_x$  импульсу уғрајыр. Инди  $P_x$  импульсунун  $\Delta P_x$  гейри-мүөжөнлијини тәјин едәк. Жарыгдан кечәп электронларын  $N$  экранында һара дүшәчәкләрини әввалчәдән дәмәк



Шәкил 14

мүмкүн дежил, лакин дифраксија мәнзәрәсинә әсасән онларын  $N$  экранынын мүгәлиф јерләринә дүшмә еһтималларыны тә'јин етмәк олар. Дифраксија мәнзәрәсинин баш максимуму јерләшән һиссәсинә электронларын дүшмә еһтималы максимумдур. Баш максимумун бучаг өлчүсү олагаг онун һүндүрлүјүнүн јарысы сәвијјәсиндә малик олдуғу АВ енинин бучаг өлчүсүнү коотүрмәк олар. Бу өлчү әвәзинә исә дифраксија мәнзәрәсинин максимумундан биринчи минимума гәдәр олан бучаг мөсафәси көтүрүлә биләр, бу бучаг мөсафәси исә јарыгдан кечән электронлары тәсвир едән де-Бројл далғаларынын «јајылма» өлчүсүнү тә'јин едир. Дифраксија мәнзәрәсиндән көрүнүр ки, јарыгдан кечән электронларын әксәријјәтин мејл етмәдән һәрәкәт едирләр, онларын аз бир һиссәси мејл едир.

Ишығын сиксиз узун јарыгдан дифраксија нәзәријјәсинә әсасән дифраксија мәнзәрәсинин минимумларынын вәзијјәтләри  $\sin \varphi = \frac{n\lambda}{b}$  дүстуру илә тә'јин олунур. бу ифадәни бахылан һал үчүн јазсаг вә  $b = \Delta x$  олдуғуну нәзәрә алсаг

$$\Delta x \cdot \sin \varphi = n\lambda$$

аларыг. Шәкилдән көрүндүјү кими  $\sin \varphi = \frac{\Delta P_x}{P_y}$ . Онда

$$\Delta x \cdot \frac{\Delta P_x}{P_y} = n\lambda; \Delta P_x \cdot \Delta x = n\lambda P_y \quad \text{вә} \quad \lambda = \frac{h}{P_y} \quad \text{вә} \quad \text{олдуғундан}$$

$\Delta x \cdot \Delta P_x = nh$  олар. Әкәр бир пакетин јајылма өлчүсүнү даһа дәгиг тә'јин етмәк мөгсәди илә онун өлчүсү олагаг икинчи минимумлар арасындакы мөсафәсин јарысыны көтүрсәјдик  $\Delta x \cdot \Delta P_x = 2h$  оларды. Онда, үмумијјәтлә,

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$$

Јазмаг олар ки, бу да Һејзенбергин гејри-мүәјјәнлик мүнәсибәтидир.

Гејри-мүәјјәнлик принципни даһа јажшы баша дүш-мәк үчүн јухарыдакы гурғуда баиш верән һадисәләри бир гәдәр әтрафлы нәзәрдән кечирәк.

Әкәр М экранынын (буну диафрагма адландыраг) күт-ләси бөјүкдүрсә вә о, гурғунун диқәр һиссәләринә мөһекәм бәркидилмишсә, онда диафрагманын гурғуја нисбәтән вәзијјәти дәјишмәз галачаг вә бу заман электронлар јарыг-дан кечәркән онларын вәзијјәтләри  $\Delta x$  хәтәси (гејри-мүәј-јәнлији) илә мә'лум олачагдыр. Ајдындыр ки, јарыгын ени-ни кичилтмәклә электронларын вәзијјәтләрини кетдикчә да-һа бөјүк дәгигликлә тә'јин етмәк олар вә бу һалда электрон-ларын вәзијјәтләринин тә'јин олуна дәгиглијинә һеч бир мөһдудийјәг јохдур.

Инди электронларын импульсарынын һансы дәгиг-ликлә тә'јин олуна биләчәкләрини нәзәрдән кечирәк. Илк бахышда белә көрүнә биләр ки, электронларын импульсары да тамамилә мүәјјәндирләр. Догрудан да М экранындан (диафрагмадан) сонра электронлар үчүн  $P_x=0$ ,  $P_y=P_0$ -дыр, јә'ни онларын импульсары мүәјјән гијмәтә малиқидирләр. Лакин электронлар јарыгдан кечәркән онларын мүстәви де-Бројл далгалары дифраксијаја уғрајыр вә бунун нәтичәсин-дә  $N$  экранында дифраксија мәнзәрәси јараныр. Гејд етмәк лазымдыр ки, дифраксија мәнзәрәси о заман јараныр ки, јарыгдан ејни заманда чозлу электронлар кечсин. Бурадан белә бир фикир јарана биләр ки, электрон дәстәсиндәки электронларын гаршылыгы тә'сири нәтичәсиндә онларын дифраксијасы баиш верир. Лакин бу һеч дә белә дејил. Оп-тикадан мә'лумдур ки, дифраксија мәнзәрәсинин характери гәти олагаг ишыгын интенсивлијиндән асылы дејил. Электронлара кәлдикдә исә Совет физикләри Биберман, Сушкин вә Фабрикант бу фикри јохламаг үчүн сон дәрәчә зәиф электрон дәстәсинин дифраксијасыны тәдгиг етмиш вә кәстәрмишләр ки, һәтта бир-биришин ардынча ики элек-тронун јарыгы кечмә аңлары арасындакы заман фәсиләси бир электронун јарыгы кечмәјә сөрф етдији замандан 30000 дәфә бөјүк олдугда белә эксперимент кафи гәдәр бөјүк мүддәтдә давам етдирилдикдә дифраксија мәнзәрәси

жараныр вэ бу дифраксия мэнзэрэси электрон сели он миллион дэфэ бөжүк олан һалда алынап дифраксия мэнзэрэсинин ејни олур. Бу, ону көстөрир ки, һәр бир фәрди электрон жарыгдан кечәркән дифраксия мэнзэрэси жаралыр.

Бэс бә'зи электронларын жарыгы кечәркән өз һәрәкәт истигамәтләрини дәјинимәләрини корпускуллар һогтејинәзәрдән нечә изаһ етмәк олар? Ајдындыр ки, электронлар јалһыз жарыгын кәнарлары вэ ја бүтөв экранла гаршылыгылы тә'сирдә олдугда өз һәрәкәт истигамәтләрини дәјиниә биләр. Дифраксия мэнзэрэси көстөрир ки, электронларын әксерийјәги меји етмәдән  $N$  экранында баш максимум олан јерә дүшүрләр вэ фотолөвһә үзәриндә гаралтма жарадырлар. Лакин баш максимумдан һәр ики тәрәфә фотолөвһәнин гаралама дәрәчәсинин тәдричән зоифләмәси ону көстөрир ки, елә электронлар да вардыр ки, онилар жарыгдан кечәркән  $DP_x$  импульсу аһараг фотолөвһәнин мүхтәлиф јерләринә дүшүрләр.  $DP_x$  әләвә импульсунун гүјмәти  $P_x$  импульсунун һансы хәта илә мә'лум олдуғуну характеризә едир. Догрудан да электронлар дифраксия мэнзэрәсинин истиғәнилән һогтәсинә (практики оһараг баш максимумун әһатә етдији саһәјә) дүшмәк еһтималына малик олдуғларындан  $DP_x$  гәјри-мүәјјәнлији (әләвә импульсу) сыфырла дифраксия мэнзэрәсинин баш максимумунун еһницән асылы олан һәр һансы бир сәрһәд гүјмәти арасында мүмкүн олан бүтүн гүјмәтләри ала биләр.

Лакин диафрагма чох јүнкүл оларса вэ бәркидилмәзсә, јә'ни онун  $x$  оху бојунча һәрәкәт етмәк имканы оларса, онда электронла диафрагманып гаршылыгылы тә'сир процессинә импульсун сахланмасы һағуну тәтбиғ етмәклә тәчрүби оһараг  $DP_x$  -и вә беләликлә дә, электронун импульсуну тә'јин едә биләрик. Догрудан да электрон жарыгдан кечәркән  $x$  оху истигамәтиндә әләвә импульс алдығындан диафрагма жарыгла бирликдә әкс истигамәтдә тәһмә импульсу алачағдыр. Бу тәһмә импульсуну өлчәмәклә  $DP_x$  -и тапмағ олар вә  $P_y$  сабит һалдығындан электронун жарыгдан кечәркән малик олдуғу импульсу дәғигликлә тә'јин етмәк олар. Әкәр электрон жарыгы кечәһодәк диафрагма гурғунун галан һиссәләринә һисбәтән сүкунәтдә оларса, она электрон жарыгы кечәркән  $t$  күтләли диафрагманын алдығы  $v$  сүр'әтини өлчәмәклә



онун вә электронун алдыгы  $\Delta P_x$  əлавә импулсу тә'јин етмәк олар.

Бу чүр тәчрүбәнин һәјата кечирилмәсинин техники чәһәтдән чәтин олмасы вә ја мүмкүн олмамасы апарылан мүлаһизәләрин дүзкүнлүјүнә һеч бир шүбһә јарада билмәз.

Көрүндүјү кими диафрагмасы һәрәкәт едә билән гурғу  $\Delta P_x$  əлавә импулсуну вә беләликлә дә, электронун  $P$  импулсуну истәвилән дәгигликлә өлчмәјә имкан верир. лакин мәсәлә бурасындадыр ки, диафрагманын һәрәкәт етмәк имканы олдуғда, электрон јарыгдан кечдији анда онун импулсуну тә'јин етмәк үчүн о, лазым олан фиксә олунмуш һесаблама системи олмајачағдыр.

Беләликлә, биз кордүк ки, ики мүхтәлиф тәчрүбә гојмағ олар. Онлардан бири электрон јарыгдан кечән анда онун вәзијјәтини тә'јин етмәјә имкан верир. Башға сөzlә бу тәчрүбә электронун заман вә мәкана көрә локаллашдырылмасыны һәјата кечирмәјә имкан верир. Дикәр тәчрүбә исә импулс вә енержинин сахланма ганууларына әсапланарағ электронун импулсуну дәгиг тә'јин етмәјә имкан верир, лакин бу заман о, электронун заман вә мәкана көрә локаллашдырылмасы имканындан имтина олунмасыны тәләб едир.

Инди исә микрозәррәчикләрин корпускулјар характеринә әсасән гејри-мүәјјәнлик мүнәсибәтини чыхарағ. Тутағ ки, мүәјјән бир анда биз һәр һансы бир микрообјектин координат вә импулсуну өлчмәк истәјирик. Бундан өтрү објектдән лазыми мә'лумат алмағ үчүн биз һәр һансы үсулла онунла гаршылығлы тә'сирдә олмалыјығ, јә'ни биз бармағымызла она тохунмалы, ишығла ону ишығландырмалы вә ја онун үзәриндә башға бир әмәлијјат ағармалыјығ. Мәсәлән,  $\lambda$  далға узунлуғлу ишығын комәји илә биз электрону тәдгиг едә билорик. Бу заман ишығ фотону электронла

тоғгушуб, ондан әкс оларағ бизә доғру гајытмалыдыр.  $\frac{h}{\lambda}$

импулсуна малик олан ишығ фотону электронла тоғгушарағ онун башланғыч импулсуну дәјишчәкдир. Электронун импулсуну дәгиг оларағ нә гәдәр дәјишмәсини әввәлчәдән демәк чәтиндир, лакин чох еһтимал ки, онун импулсунун дәјишмәси фотонун импулсундан бөјүк ола билмәз. Бу

дәишмәни биз тәхминән фотонун импульсуна бәрабәр кәтүрәк,  $j\epsilon'$ ни

$$\Delta P \leq \frac{h}{\lambda}$$

язмаг олар. Көрүндүжү кими электрону мүшәһидә етмәк үчүн истифадә олуна ишығын далға узунлуғу нә гәдәр бөжүк оларса электронун импульсунун өлчүлмәсиндә бир о гәдәр аз хәта бурахылыр. Ишыг далға тәбиәтли олдуғуна көрә биз электронун вәзижәтини һеч бир әсасла электронун координатынын тә'жин олунмасында бурахылан хәтанын (гејри-мүәјјәнлик) бир далға узунлуғу гәдәр азалдылмасына үмид едә билмәрик,  $j\epsilon'$ ни ән јахшы һалда

$$\Delta x \geq \lambda$$

ола биләр. Бурадан көрүнүр ки, ишығын далға узунлуғу нә гәдәр кичик олунарса, электронун вәзижәти бир о гәдәр дәгиг тә'жин олунар. Лухарыдакы ифадәләр көстәрир ки, электронун координатынын тә'жиндә дәгиглији жүксәлтмәк мөгәдилә кичик далға узунлуғу ишыгдан истифадә олунарса, бу, импульсун тә'жиндәки дәгиглијин азалмасына кәтирәр. Әксинә, даһа бөжүк далға узунлуғуна малик олан ишыгдан истифадә едилдикдә импульсун өлчүлмәсиндә дәгиглик артыр, лакин электронун координатларынын тә'жиндәки дәгиглик азалыр. Бу ифадәләрин мүгајисәсиндән

$$\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$$

гејри-мүәјјәнлик мүнәсибәтини аларыг.

Гејри-мүәјјәнлик мүнәсибәтләри классик физиканын тәтбиг олунмасынын принципал сәрһәддини мүәјјәнләшдирир. Онлардан истифадә олунмагла мүәјјән конкрет һадисәни тәсвир етмәк үчүн классик физика тәсәввүрләринин јарајыб-јарамамасыны ајдынлашдырмаг олар. Тамамилә ајдындыр ки, макроскопик объектләри -планетләрин сүн'и цејкләрин, топ мәрмиләринин тәсвириндә классик

тэсэввүрлэрдэн истифада олунмасы тамамилэ дүжкүндүр. Асаплыгла инанмаг олар ки, бу объектлэрин координат вэ импулсларынын ејни заманда истэнишэн дэгигликлэ олчулмэсиндэ гејри-мүэјјэнлик мүнасибэтлэри өдэнилмир вэ тэбиидир ки, бу халларда квант эффектлэри өзлэрини гејијјөн бүрузэ вермирлэр.

Мэсэлэн, микроскоп васитэсилэ күтлэси 0,01 гр. олан метал күрөчијин координатыны  $\Delta x = 0,001 \text{ см}$  дэгиглији илэ өлчүлдүкдэ гејри-мүэјјэнлик мүнасибэтлэринэ эсасэн онун сүр'этиндэки гејри-мүэјјэнлик

$$\Delta v = \frac{\Delta P}{m} = \frac{h}{m\Delta x} \approx 6 \cdot 10^{-22} \text{ см / сан}$$

олар. Бу дэгиглик мүасир өлчү техникасынын имканларындан чох-чох узагдадыр.

Инди даһа кичик объекти -электрону нэзэрдэн кечирэк. Классик тэсэввүрлэрин бу халда тэтбиг олунмасынын дүжкүн олуб-олмасыны эввэлчөдөн мүэјјөн етмэк чөтиндир. Һэр шеј мэхз хансы һадисэнин өјрөнилмэсиндэн асылдыр. Эввэлчэ телевизорун киноскопунда электрон дэстэсинин һэрэкэтинэ бахаг. Телевизорда сүр'этлэндиричи потенциал  $V=15 \text{ кВ-дур}$ . Бу потенциаллар фэргини кечэн электронун импулсу

$$P = \sqrt{\frac{2meV}{300}}$$

олар. Бу импулс киноскопун оху бојунча јөнэлмишидир. Электрон дэстэсинин диаметри  $d=10^{-3} \text{ см}$ -дэн кичик дејил. Электрон дэстэсини бу дэрэчөдө фокусламагла биз электронун координатыны  $\Delta x = d$  дэгиглији илэ фиксэ едирик. Гејри-мүэјјэнлик мүнасибэтинэ эсасэн бу заман электрона, онун һэрэкэт истинамэтинэ перпендикулјар истигамөтдө  $\Delta P$  элавэ импулсу верилар:

$$\Delta p = \frac{h}{d} = \frac{6,62 \cdot 10^{-27}}{10^{-3}} \approx 6,62 \cdot 10^{-24} \frac{\text{г} \cdot \text{с} \cdot \text{м}}{\text{сан}}$$

Електронун һәрәкәти истигамәтиндә бунулла әлағәдар олан гејри-мүәјјәнлик

$$\Delta \theta = \frac{\Delta p}{p} = 10^{-6} \text{ рад.}$$

олар. Киноскопта электронун јолунун узунлуғу  $l=100 \text{ см}$  - дән бөјүк олмадығындан квант эффектләри нәтижәсиндә, јәни электронун һәрәкәти истигамәтиндәки  $\Delta \theta$  гејри-мүәјјәнлији нәтижәсиндә экранда электронун сүрүшмәси  $\Delta S \leq l \cdot \Delta \theta \sim 10^{-4} \text{ см}$ -дән бөјүк олмаја чағдыр, јә’ни бу сүрүшмә электрон дәстәсинин диаметриндән кичик ола чағдыр. Бурадан көрүнүр ки, электронларын киноскопта һәрәкәтләри классик физика гәнулларынын көмәји илә тәсвир олуна биләрләр.

Инди исә гидроген атомундакы электрона баһағ. Мә’лумдур ки, гидроген атомунун өлчүләри тәхминән  $10^{-8} \text{ см}$ -дир. Әкәр атомда электронун һәрәкәти классик физиканын гәнуллары илә тәсвир олунарсә, онда онун һәр һансы бир трајекторија үзрә һәрәкәт әтмәси гәбул олунамалыдыр. Атомун планетар моделинә әсәсән электронун орбитинин диаметри атомун өлчүсүнә бәрәбәрдир. Бу заман электронун һәрәкәти үчүн  $\frac{mv^2}{r} = \frac{e^2}{r^2}$  јаза биләрик. Онда электрон импулсу

$$p = \sqrt{\frac{me^2}{r}} \sim 3 \cdot 10^{-19} \frac{\text{г} \cdot \text{с} \cdot \text{м}}{\text{сан}}$$

олар. Гејри-мүәјјәнлик принципинә корә бу һалда электронун импулсулдакы гејри-мүәјјәнлик

$$\Delta P \sim \frac{h}{\Delta x} \sim 6 \cdot 10^{-19} \frac{\text{гРсм}}{\text{сан}}$$

олур, я'ни электронун импульсундакы гејри-мүөјјөнлик импульсун өзүндөн бөјүк олур. демәли, атомун дахилиндеки электрону классик физика ганунлары илә төсвир етмөк олмаз.

Инди исә енержи илә заманы әлагәләндирән гејри-мүөјјөнлик мүнәсибәти илә таныш ола.

Әкәр атом просесләриндә  $\Delta t$  заман интервалында шүәланан енержинин, мәсәлән, атомда электронун бир сәвијәдән диқәр сәвијәјә кечмәси заманы бурахылан енержини өлчмөк лазымдырса, онда енержинин өлчүлмә мүддәтинин мөһүд олмасы енержи вә ја тезлијин өлчүлмә дөгиглијинә мөһүдудийәт гојачагдыр. Мә'лумдур ки, тезлик мүөјјән заман интервалында өлчүлмүш периодларып сајынып һәмин заман интервалына нисбәти илә тә'јин олунур. ләкин мушаһидә олунан далға һиссәләринин гејри-синусоидал характери пәтичәсиндә периодларып сајынып өлчүлмә дөгиглијиндә гејри-мүөјјөнлик јараныр. Ајдындыр ки, бу гејри-мүөјјөнлик там бир периоддан кичик ола билмәз. Фөз едәк ки,  $\Delta t$  мүддәтиндә  $n$  сајда период өлчүлмүшдүр. Бизим өлчүмүздәки гејри-мүөјјөнлик тәхминән  $\pm 1$  период олдуғундан тезлик үчүн  $v \geq \frac{n+1}{\Delta t}$  вә ја  $\Delta v \geq \frac{n+1-n}{\Delta t} \sim \frac{1}{\Delta t}$  аларыг.

$\Delta E = h\Delta v$  дүстурундан истифадә етмәклә енержини өлчәркән јаранан гејри-мүөјјөнлик үчүн

$$\Delta E \cdot \Delta t \geq h \quad (4.29)$$

аларыг.

Бу бәрәбәрсизликдән истифадә едәрәк атомун шүәланмасы заманы енержинин өлчүлмә дөгиглијиндәки гејри-мүөјјөнлији тә'јин едәк. Атомун биринчи һөјәчанланма һалында јашама мүддәти  $\Delta t \sim 10^{-8}$  сан олдуғундан биринчи

хэжэчанланма халында енержинин олчүлмэ дэгийлијиндэки гејри-мүэјјэнлик (хэта)

$$\Delta E \geq \frac{h}{\Delta t} \approx 6,6 \cdot 10^{-27} \text{ ерг}$$

олар. Енержинин гижмэтиндэки бу гејри-мүэјјэнлик хэјэчанланмыш атомда электронун енержи сэвијјэсинин енини тэ'јин едир. Бу о демэқдир ки, хэјэчанланмыш халда олан электронун енержи сэвијјэси мүэјјэн ени олан енержи золағына чеврилир (икинчи, үчүнчү вэ с. хэјэчанланма халлары) атомун хэјэчанланмыш халда јашама мүддэти азалдығындан енержи золағынын ени бөјүјүр.

Мэ'лумдур ки, атом сонсуз бөјүк мүддэтдэ нормал халда ола билэр, јэ'ни бу халда атомун јашама мүддэти  $\Delta t \rightarrow \infty$  олар, јэ'ни онда енержидэки гејри-мүэјјэнлик

$\Delta E \sim \frac{h}{\Delta t} \rightarrow 0$  олар, јэ'ни атом нормал халда олдугда елек-

тронун енержисиндэ һеч бир гејри-мүэјјэнлик олмур, онун енержиси дэгий мэ'лумдур. Атом јалпыз хэјэчанланмыш халда олдугда электронун енержисиндэ јухарыда тэстэрилэн гејри-мүэјјэнлик јараныр.

### КВАНТ МЕХАНИКАСЫНЫҢ ЕЛЕМЕНТЛӘРИ

#### §5.1. Квант механикасының яранмасы

Квант механикасының яранма тарихи ики довра аярылыр. Биринчи довра тәхминән 1900-1926-чы илләри әһәтә едир. Бу довра «Көһнә квант нәзәријәсинин» яранма довра рүүдүр. Көһнә квант нәзәријәсинин әсасыны гыздырылымыш чисимләрин шүәланмасының дискрет характери һаггында Планк һипотези, фотоеффект Ејинштејн нәзәријәси вә Борун атом нәзәријәси тәшкил едир. Көһнә квант нәзәријәси тәкми, мәнтиги әләгәләнмиш вә битмиш бир нәзәријә дејилди. Бир сыра тәчрүби фактлары кејфијәтчә изаһ едән бу нәзәријә микроәләмдә баш верән бир чох һадисәләрин дүзкүн изаһында вә көмијәтчә тәсвириндә өзүнүн там ачизлијини бирузә верирди. Бунунла јанашы бу доврадә физикада көһнә квант нәзәријәсинин изаһ едә билмәдији бир сыра чох гәрибә јени тәчрүби фактлар ашкар олунмушдур. Бунлара мисал олараг ишығын корпускулјар хассәјә малик олмасыны көстәрән Комптон ефектинин, микрозәррәчикләрин корпускулјар хассәләри илә јанашы далға тәбиәтинә дә малик олмалары һаггында де-Бройл һипотезини тәсдиг едән Девиссон-Чермер тәчрүбәсини вә гејри-мүәјјәнлик мүнәсибәтләринин көстәрмәк олар. бүтүн бунлар даһа үмуми вә тәкмил, микрозәррәчикләрин далға хассәләрини нәзәрә алав квант нәзәријәсинин яранмасыны тәләб едирди.

Квант механикасының яранма тарихинин икинчи довра-мүәсир квант нәзәријәсинин яранма доврадүр ки, бу да 1926-чы илдән башлајыр. Бу ил австрија физики Ервин Шрединкер тәрәфиндән, онун адыны дашыјан вә квант механикасының әсасыны тәшкил едән микрозәррәчикләр үчүн һәрәкәт тәнлијинин алынмасы илдир. Квант механикасының яранмасы вә инкипафы Шрединкер, һейзенберг вә Диракын адлары илә бағлыдыр.

Классик механика илэ квант механикасынын эсас фэр-ги онларын мүхтөлиф адәмләри тэсвир етмөлэриндэдилр. Классик механика фэрз едилр ки, чисмин вэзијјэтини, онун күтлэсини, сүр'этини вэ тэ'чилини характеризэ едэн кэмјј-јэтлэр ејни заманда истэнилэн дэгигликлэ өлчүлэ билэрлэр. Бу фэрзијјэ, элбэттэ, бизим күндэлик тэчрүбэмизэ тама-милэ ујгун кэлјр вэ мүшаһидэ олунап кэмјјэтлэрин нэзэри гјјмэтлэри, тэчрүби гјјмэтлэрлэ үст-үстэ дүшүр.

Квант механикасы да мүшаһидэ олунап кэмјјэтлэр арасында мүнасибэтлэр јарадыр, лакин микроалэмдэ һөкм сүрэн гејри-мүөјјәнлик принципинэ корэ бурада «мүшаһидэ олунап кэмјјэтлэр» анлајышынын мө'насы дэјишир. Гејри-мүөјјәнлилик принципинэ корэ микрозэррэчијин координат вэ импульсуну ејни заманда дэгиг өлчмөк мүмкүн дејил, классик механикаја корэ исэ бу кэмјјэтлэр ејни заманда истэнилэн дэгигликлэ өлчүлэ билэр. Квант механикасында кэмјјэтлэрин гјјмэтлэри еһтималларла верилір. Мэсэлэн, классик механика тэсдиг едилр ки, эсас һалда олан һидроген атомуна електрон орбитин радиусу дэгиг олараг һэмшэ  $0,530 \cdot 10^{-8}$  см-э бэрабэрдир. Квант механикасы исэ бу гјјмэ-тин эн бөјүк еһтимала малнк олмасыны көстэрир, јэ'ни чоһлу сәјда өлчмэлэр апарыларса, онда алыннан гјјмэтлэрин ичэрисиндэ эн чох тэкрар оланы - эн еһтималлысы  $0,530 \cdot 10^{-8}$  см олар.

Илк баһында елэ көрүнэ билэр ки, квант механикасы классик механиканын «солгун көлкөсидир», лакин даһа дэгигликлэ баһдыда һејранедигчи бир факт ашкара чыхыр: классик механика эн јахшы һалда квант механикасынын тэхмини шөрһидир. Классик механикаја мөхсус олан мүөјјәнлик јалныз макроскопик алэмдэ өзүнү доғрулдур. Бу механикада нэзэријјэ илэ тэчрүбэнин ујгунлуғу онунла изаһ олунур ки, макроскопик чисимлэр елэ чох сәјда атомлардан тэшкил олунмушлар ки, онларда орта гјјмэтдэн кэнара чыхмасы нэзэрэ чаргымыр. §4.7-дэ көстэрилмишидир ки, микрообјектлэрин һэрэкэтлэри трајекторијаларла дејил,  $\psi$  функцијаларла (далға функцијалары илэ) тэсвир олунур. далға функцијасы нэинки микрозэррэчијин вэзијјэтини, һэм дэ онун бүтүн динамик характеристикаларыны (енержи, им-пульс, импульс моменты вэ с.) тэ'јин едилр. она корэ дэ далға



функциясынын тәјини вә олнун дүзкүн изаһ олунмасы мәсәләси квант механикасынын әсас проблемләриндән бири-дир.

## § 5.2. Шредингер тәңлији

Гејри-релјативистик микрозәррәчијин һәрәкәт тәңлији Шредингер тәңлији адланыр. Микрозәррәчикләрини далға хассәләрини, онларын һәрәкәтини тәсвир едән далға тәңлији, јухарыда гејд едилдији кими, 1926-чы илдә Шредингер тәрәфиндән алынмышдыр. Бу тәңлијин чыхарылмасында Шредингер де-Бројл далғаларынын електромагнит далғаларына охшарлығындан истифадә етмишир. §4.3-дән мәлүм олдугу кими електромагнит далғаларыны характеризә едән далға тәңлији

$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial z^2} = \frac{1}{C^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2}$$

шәклиндәдир.

1926-чы илдә Шредингер белә бир фәрзијә ирәли сүрдү ки, де-Бројл далғалары да електромагнит далғаларынын табе олдугу тәңлијә охшар тәнликлә тәсвир олунмалыдыр. §4.7-дә көстәрилмишир ки, сәрбәст микрозәррәчикләри тәсвир едән де-Бројл далға функциясы

$$\psi(\vec{r}, t) = Ae^{\frac{2\pi i}{h}(\vec{p}\vec{r} - Et)}$$

дүстуру илә ифадә олунур. Бурада  $E$  - сәрбәст микрозәррәчијин кинетик енерјисидир:

$$E = \frac{p^2}{2m} \quad (5.1)$$

$\psi(\vec{r}, t)$ -далгасыны суперпозиција принципнэ эсасэн (бах: §4.5) ашагыдакы кими көстөрмөк олар:

$$\psi(\vec{r}, t) = \int \varphi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{h}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P}$$

Бу ифадэнин һәр ики тэрәфиндән  $t$  вә  $\vec{r}$ -э көрә төрөмө алсаг:

$$-\frac{\hbar}{2\pi i} \frac{\partial \psi}{\partial t} = E \int \varphi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{h}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P} \quad (5.2)$$

$$+\frac{\hbar}{2\pi i} \vec{\nabla} \psi = \int \vec{P} \varphi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{h}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P} \quad (5.3)$$

$$-\frac{\hbar^2}{4\pi^2 i} \vec{\nabla}^2 \psi = \int \vec{P}^2 \varphi(\vec{P}) e^{-\frac{2\pi i}{h}(Et - \vec{r}\vec{p})} d\vec{P} \quad (5.4)$$

(5.1) ифадэсини нәзәрә алмагла (5.2)-дән (5.4) чыхсаг:

$$-\frac{\hbar}{2\pi i} \frac{\partial \psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta \psi \quad (5.5)$$

аларыг ки, бу да сәрбәст зәррәчик үчүн Шрединжер тәнлији адланыр. (5.5) тәнлижинин һәлләри ичәрисиндән замандап һармоник асылы олан һәлли аҗыраг:

$$\psi(\vec{r}, t) = e^{-\frac{2\pi i}{h} Et} \psi(\vec{r})$$

јазмаг олар; бу һәлли (5.5)-дә јеринә јазсаг:

$$\Delta \psi + \frac{8\pi^2 m E}{\hbar^2} \psi(\vec{r}) = 0 \quad (5.6)$$

аларыг. (5.6) тәнлији дә сәрбәст зәррәчиқ үчүн Шредингер тәнлији адланыр, лакин бурада далға функцијасы замандан асылы дејилдир ки, бу ла дурғун монохроматик далғаны ифадә едир. инди (5.6) тәнлијини харичи саһәдә һәрәкәт елен электрон үчүн үмумиләшдирәк. Тәнлијә дахил олан  $E$ , зәррәчијин кинетик енерјисини ифадә едир: там енерји  $E = E_k + U$  олдуғундан, тәнликдәки кинетик енерјини бу ифадәдән тә’јин едиб (5.6)-ла јеринә јазсаг:

$$\Delta\psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U)\psi(\vec{r}) = 0 \quad (5.7)$$

аларыг; кәләчәкдә бахдығымыз мәсәләләрдә биз јалныз (5.7) тәнлијиндән истифадә едәчәјик.

Бу тәнлик Шредингерин стасионар тәнлији вә ја стасионар һаллар үчүн Шредингер тәнлији адланыр, чүнки бу тәнлијә дахил олан далға функцијасы замандан асылы олмајыб јалныз координатлардан асылыдыр. Микроаләмдә баш верән чоһлу сајда һадисәләрдә системин, мәсәлән, атомдакы электронун һалы мәһз Шредингерин стасионар тәнлији илә тәсвир олунур. гејд етмәк лазымдыр ки, системин һалынын стасионарлығы о демәк дејил ки, далға функцијасы үмумијјәтлә замандан асылы дејил. Бу һалда далға функцијасы замандан асылы ола биләр, лакин бу асылылыг јалныз  $e^{-\frac{2\pi i}{h}Et}$  һармоник асылылығы илә мәһдудланар.

Инди Шредингер тәнлијинин даһа үмуми һалда чыхарылмасыны тәһлил едәк. һәрәкәт тәнлији  $H(p, q, t)$  һамилтон функцијасы илә верилән классик динамик системә бахаг. Белә системин там енерјиси

$$E = H(p, q, t) \quad (5.8)$$

илә тә’јин олунур. белә классик системә үғғун квант системи гејсаг онун енерјиси  $E = H(p, q, t)$  илә тә’јин олунмагла, динамик һалы  $\psi(q, t)$  далға функцијасы илә тә’јин олунар. Белә системин һәрәкәт тәнлији (5.8) ифадәсинин һәр ики

төрөфиндәки динамик көмијјәтлөри операторла әвәз етмәклә алынар:

$$\hat{E} \rightarrow -\frac{\hbar}{2\pi i} \frac{\partial}{\partial t}; \quad \hat{p} \rightarrow \frac{\hbar}{2\pi i} \vec{\nabla} \quad (5.9)$$

Дикөр төрөфдән (5.2) ифадәсиндә (5.8) нәзәрә алсаг:

$$-\frac{\hbar}{2\pi i} \frac{\partial \psi}{\partial t} = \hat{H} \psi \quad (5.10)$$

аларыг ки, бу да Шредингер тәңлијинин даһа үмуми ифадәсидир. Бурада  $H$  - системин һамилтон функциясы вә ја һамилтонианы адланыр. (5.10) тәңлијини, бә'зән ашағыдакы шәкилдә дә јазырлар:

$$\hat{E} \psi = \hat{H} \psi$$

Бура даһил олан  $E$  вә  $H$  классик мәнәда јох, квант механикасы нәзәриндән баһмаг лазымдыр, јә'ни бу динамик дәјингән көмијјәтләр ујғун (5.9) операторлары илә әвәз олунамалыдыр.

Гејд етмәк лазымдыр ки, јухарыда апарышымыш мұлаһизә вә чеврилмәләр әсасында алынған (5.6) вә (5.10) ифадәләринә бу тәңликләрин чыхарылмасы кими баһмаг олмаз. Шредингер тәңлијини биләвәситә классик физиканын фундаментал гапунларындан чыхармаг олмаз, чүнки онун өзү дә Нјутон механикасынын тәңликләри, Максвелл тәңликләри кими фундаментал тәңликдир. Она көрә дә о дикөр фундаментал тәңликләр кими мүәјјән факт, тәсәввүр вә мұлаһизәләрин үмумиләндирилмәси әсасында мүәјјәнләндирилер. Шредингер тәңлијинин доғрулуғу онунла исебат олунар ки, бу тәңлик әсасында квант механикасынын вердији нәзәри нәтичәләр тәчрүби нәтичәләрлә үст-үстә дүшүр.

### § 5.3 Далға функцијасы

§ 4.7-дә кордүк ки, зөррәчик  $\psi(x,t)$  функцијасы илә төсвир олуна биләр. Бу функция далға функцијасы адланыр вә §5.1-дә көстәрдик ки, далға функцијасы Шредингер тәнлијини өдәјир. Далға функцијасынын, квант механикасында характеризә едә биләчәји көмијјәти мүүјјәнләшдирмәк үчүн фәрз едәк ки, зөррәчик  $x$  - оху истигамәтиндә һәрәкәт едир. Белә зөррәчијин далға функцијасыны татап. Ајдындыр ки, бу һалда сәрбәст зөррәчик үчүн Шредингер тәнлији һәлл едилмәлидир, јә'ни:

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2mE}{h^2}\psi = 0$$

тәнлији һәлл едилмәлидир.  $\frac{8\pi^2mE}{h^2} = k^2$  илә ишарә етсәк, онда

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + k^2\psi = 0$$

тәнлијини аларып. Бу тәнлијин һәллини ашағыдакы шәкилдә көстәрмәк олар:

$$\psi = Ae^{\pm ikx}$$

Бурадан көрүнүр ки, далға функцијасы комплекс функцијадыр, она көрә дә белә функция физика мә'наја малик ола билмәз. Далға функцијасынын ролуну квант механикасы мүүјјән едир вә сүбүт едир ки, далға функцијасы статистик характер - еһтинал характери дашыјыр. Буна инанмаг үчүн зөррәчијин мүүјјән бучаг алтында үфүгү истигамәтдә һәрәкәтини тәһлил едәк. Тутаг ки, зөррәчик мүүјјән башланғыч сүр'әти илә (мүүјјән импульса) үфүгә верилмиш

бучаг алтында атылыр. Классик физикада бу хәрәкәтин трајекториясыны, эн узак учуш мәсафәсини, трајекториянын һүндүрлүүнү вә дикәр параметрләрини чох бөјүк дәгигликлә һесабламаг олур вә алынан нәзәри нәтичәләр тәчрүби нәтичәләрлә тамамилә үст-үстә дүшүр (бурада зәррәчик дедикдә макроскопик объект баша дүшүлүр). Квант механикасында исә белә мәсәләнин һәлли гејри-мүәјјәндир. Доғрудан да мүәјјән импульса ( $\Delta p \rightarrow 0$ ) малик электронун хәрәкәт трајекториясы һаггында данышмаг олмаз, она көрә ки, гејри-мүәјјәнлик мүнәсибәти буна имкан вермир  $\Delta x \cdot \Delta P_x \geq h$ . Белә олдуғу һалда зәррәчијин һансы истигамәтдә хәрәкәт етмәсини, һансы нөгтәдә ола билмәсини вә с. һөкм етмәк олмаз. Она көрә дә зәррәчијин бу вә ја дикәр интервалда олмасы еһтималындан данышырлар. Еһтимал һәгиги кәмијјәт олдуғундан, дала функциясыны һәгиги функцияја чевирмәк лазымдыр. Сәрбәст зәррәчик үчүн алдығымыз һәллдән көрсәнир ки,

$$\psi^* \psi = A^* e^{-ikx} \cdot A e^{ikx} = AA^* = |A|^2$$

Һәгиги кәмијјәтдир.  $\psi^* \psi = |\psi|^2$  еһтимал сыхлығы адланыр. Зәррәчијин  $dV$  элементар һөчминдә олма еһтималы

$$dW = |\psi|^2 dV$$

олар. Зәррәчијин бүгүн мүмкүн ола билән һаллардан һәр-һансы бириндә олма еһтималы лабүд һадисәдир ки, бу еһтималы тапмаг үчүн јухарыдакы ифадәни бүгүн фәза үзрә интегралламалыјыг, јәни:

$$W = \int |\psi|^2 dV = 1 \quad (5.11)$$

олмалыдыр. Бу шөрт нормаллыг шөрти адланыр. Риязи нөгтеји-нәзәрдән нормаллыг шөртинин одәнмәси үчүн  $\psi$  - функциясынын квадраты интеграллана билән функция

олмалыдыр. Бу шэрт зэррэчиин һалыны тэсвир едэн далға функцијасы үчүн кифајәт дејилдир, она көрөдө далға функцијасы үзәринә элаве шэртләр тојулмалыдыр. Доғрудан да еһтимал сонлу комијјәт олдуғундан далға функцијасы мөһлуд олмалыдыр, јә’ни  $x \rightarrow \pm\infty \psi(x) < \infty$  шэрги өдөнмөлидир. Дикәр төрөфдән еһтимал биргијмәтли олдуғундан, јә’ни зэррэчиин бу вә ја дикәр һалда олма еһтималы биргијмәтли олдуғундан, далға функцијасы кәсилмәз вә биргијмәтли функција олмалыдыр. Квант механикасынын бир чох мәсәләләриндә зэррэчиин мүхтәлиф областларда һәрәкәти тәһлил едилир. Бу тип мәсәләләрин һәлли үчүн јухарыда дејиләнләри нәзәрә алсаг, онда зэррэчиин бир областдан дикәринә кечдикдә, онун далға функцијасынын өзү вә төрөмөләринин кәсилмәз дәјишмәси шэртини тәбул етмәлијик, јә’ни:

$$\psi_1(x)|_{x=a} = \psi_2(x)|_{x=a}; \quad \frac{d\psi_1}{dx}|_{x=a} = \frac{d\psi_2}{dx}|_{x=a}; \quad (5.12)$$

шэртләри өдөнмөлидир. Гејд едәк ки, бу шэртләр далға функцијанын Логарифмик төрөмөләринин кәсилмәз дәјишмәси илә эквивалентдир. (5.11) вә (5.12) шэртләр стандарт шэртләр адланыр. Биз кәләчәкдә стандарт шэртләрин, мәсәләнин характериндән асылы олмајараг, өдөнмәсини тәләб едәчәјик.

#### §5.4. Кәсилмәзлијик тәһлији

Сәрбәст зэррәчик үчүн јазылмыш (5.5) тәһлијинин һәлли кәстәрир ки, далға функцијасы фәза вә заман координатларындан асылы олараг дәјишир. Тәһлил кәстәрир ки, бу дәјишмә ихтијари ола билмәз. Бурада мүәјјән бир сахланма гануну вар ки, бу ганун далға функцијасынын ихтијари дәјишмәсини мөһлудлашдырыр. Бу гануну мүәјјәнләшдирмәк үчүн зэррәчиин  $V$  - һәчминдә олма еһтималы  $\int_V |\psi|^2 dV$  - ифадәсини тәһлил едәк. бу еһтималын замана көрә дәјишмәси:

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \psi^* \psi dV = \int_V \left( \frac{\partial \psi^*}{\partial t} \psi + \psi^* \frac{\partial \psi}{\partial t} \right) dV$$

олар. Сағ тәрәфдәки замана көрә төрәмәни (5.5) тәши-  
јиндән истифадә етмәклә координатлара көрә төрәмә илә  
эвәз етсәк.

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial t} \int_V \psi^* \psi dV &= -\frac{i\hbar}{4\pi m} \int_V (\psi^* \Delta \psi - \psi \Delta \psi^*) dV = \\ &= -\frac{i\hbar}{4\pi m} \int_V \operatorname{div}(\psi^* \vec{\nabla} \psi - \psi \vec{\nabla} \psi^*) dV \end{aligned}$$

алары.

$\psi^* \psi$  - сһтимал сыхлығы олуб ону  $\vec{j}$  илә иһарә едәк вә

$$\vec{j} = -\frac{i\hbar}{4\pi m} (\psi \vec{\nabla} \psi^* - \psi^* \vec{\nabla} \psi) \quad (5.13)$$

векторуну даһил едиб, јухарыдакы ифадәниң сағ тәрәфин-  
дәки һәчм үзрә интегралдан Остроградски-Гаусс теореминә  
көрә бу һәчми әһатә едән сәһн үзрә интеграла кечсәк:

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho dV = -\int_V \operatorname{div} \vec{j} dV = -\int_S j_n dS \quad (5.14)$$

алары. Бу ифадәни:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div} \vec{j} = 0 \quad (5.15)$$

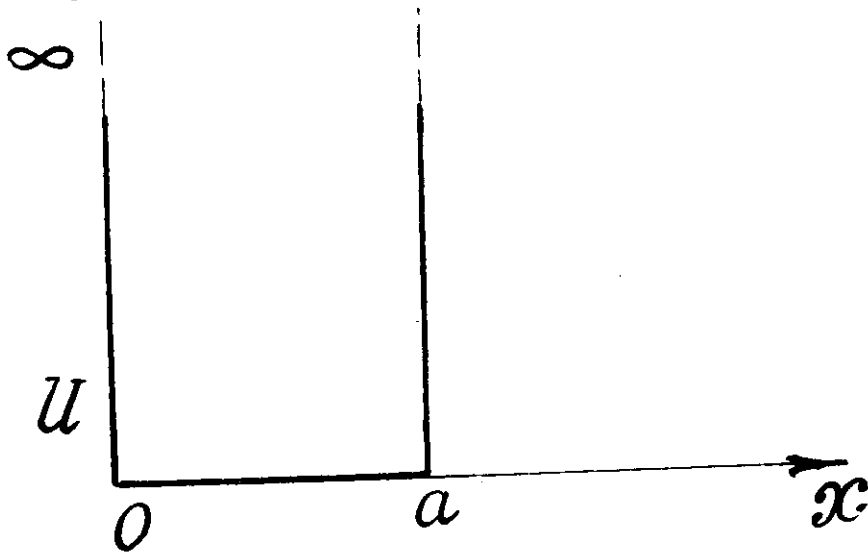
шәклиндә јазсағ, онун  $\rho$  сыхлығына вә  $\vec{j}$  сыхлығ селинә ма-  
лик олав мајәниң кәсәлмәзлик тәһлијинә аналожи олдуғуну  
көрәрик. Онда (5.13) ифадәсинә сһтимал селиниң сыхлығ  
вектору кими баһмағ олар. (5.13) ифадәсиндән көрүнүр ки,



һәгиги функциялар үчүн еһтимал сели сыхлығы сыфыр олар. Әкәр  $\rho = \psi^* \psi$  - ифадәсинә зәррәчикләрин орта сыхлығы кими бахсаг, онда  $\vec{j}$  - ваһид заманда ваһид сәһдән кечән зәррәчикләрин орта сели олар вә (5.15) ифадәсинә зәррәчикләр саҗынын сахланма гануну кими бахмаг олар,  $j$ 'ни ваһид заманда зәррәчикләрин һәр һансы бир һәчмдә сыхлыгларынын дәҗишмәси, бу һәчми әһатә едән сәһдән зәррәчикләрин чыхыб вә  $j$ а дахил олмалары нәтичәсиндәдир.  $\int d_n dS$  - интегралы исә зәррәчиҗин верилмиш сәһни, ваһид заманда кечмә еһтималыдыр.

### § 5.5. Зәррәчиҗин потенциал гутуда һәрәкәти

Квант механикасынын реал атом мәсәләләринә кечмәздән әввәл садә бир мәсәләни квант механикасы нөгтеҗинәзәриндән тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, зәррәчиҗ ашағыдакы шәрти өдәҗән бир өлчүлү потенциал саһәдә һәрәкәт едир (шәкил 15).



Шәкил 15

$$U(x) = \begin{cases} 0 & 0 < x < a \\ \infty & x \leq 0, \quad x \geq a \end{cases}$$

Белә потенциал сәһәни сонсуз дәрин потенциал гугу адландырылар: адындыр ки, белә гугуда зәррәчијин һәрәкәти мәһдуд  $0 \leq x \leq a$  областында ола биләр. Гугунун сәрһәддәндә  $U(x) \rightarrow \infty$  олдуғундан, идиә егмәк олар ки, сәрһәддә зәррәчијә сонсуз бөјүк итәләмә гүввәси тә'сир едир ки, бу да зәррәчијин  $0 \leq x \leq a$  областындан кәнара чыхмасыны тә'мин едир. Бу о лемәкдир ки, далға функцијасы елә сечилмәлидир ки, о,  $x \leq 0$  вә  $x \geq 0$  олдуғда сыфыр олсун, јә'ни:

$$1) \psi(x)|_{x=0} = 0 \quad 2) \psi(x)|_{x=a} = 0 \quad (5.16)$$

шәртләри өдәнилсин. Иди гугу дахилиндә һәрәкәт едән зәррәчик үчүн Шредингер тәнлијини јазат: бунун үчүн (6.7)

тәнлијиндә  $U(x)=0$  вә  $\Delta \rightarrow \frac{d^2}{dx^2}$  кәтүрмәлијик:

$$\frac{d^2 \psi(x)}{dx^2} + \frac{8\pi^2 mE}{h^2} \psi = 0 \quad (5.17)$$

аларыг.  $\frac{8\pi^2 mE}{h^2} = k^2$  илә ишарә етәк:

$$\frac{d^2 \psi(x)}{dx^2} + k^2 \psi = 0$$

олар. Бу тәнлијин үмуми һәллини ашағыдакы шәкилдә кәстәрмәк олар:

$$\psi(x) = A_1 e^{ikx} + A_2 e^{-ikx} =$$

$$= (A_1 + A_2) \cos kx + i(A_1 - A_2) \sin kx$$

вэ ја

$$\psi(x) = A \cos kx + B \sin kx$$

Бу һәллә дахил олан сабитләр (5.16) шәртидән тә'јин олунмалыдыр:

$$\psi(0) = A \cos 0^0 + B \sin 0^0; \quad A \equiv 0$$

Онда тәңлијин һәлли  $\psi(x) = B \sin kx$  олар.

Инди (5.16) шәртини икинчисиндән истифадә едәк:

$$\psi(x) = B \sin ka = 0; \quad B \neq 0 \quad \sin ka = 0$$

Бу тригонометрик тәңлијин һәлли:

$$ka = n\pi; \quad k = \frac{n\pi}{a}; \quad k^2 = \frac{n^2 \pi^2}{a^2}$$

олар.  $k$ -нын гијмәтини јеринә јазсаг:

$$E = \frac{n^2 \hbar^2}{8ma^2} \quad (5.18)$$

аларыг. Бурада  $n$ -гам гијмәтләр  $n=1,2,3,\dots$  алдығындан енержи дә дискрет гијмәтләр алыр, јә'ни енержи квантланыр. Енержинин квантланмасы, Бор нәзәријәсиндән фәрғли олараг, һеч бир квантлашма шәртидән асылы дејилдир. Бу хусусијәт квант механикасынын мәңгити әлағәләнмиш бир нәзәријә олдуғуну көстәрир. Доғрудан да бу нәтичә классик механикаја әсасланан Бор нәзәријәсиндән кәскин фәрғләнир. Классик механикаја корә белә потенциал саһәдә, мүсбәт енержијә малик олан зәррәчик, периодик олараг гуту дахилиндә ирәли вә кери һәрәкәт едәчөкдир; квант

механикасында исә зәррәчијин һәрәкәти јалпыз енерјинин мүәјјән дискрет (5.18) гүјмәтләриндә баш верир.

Ғејд етмәк лазымдыр ки, зәррәчик енерјинин сыфыр гүјмәтини ала билмәз. Онуң мүмкүн олан әп кичик гүјмәти  $n=1$  гүјмәтинә ујғун кәлир. Бу һалда онун минимал енерјисн

$$E_1 = \frac{h^2}{8ma^2}$$

олар. Зәррәчијин енерјисинин дискр гүјмәтләри  $n=2,3,\dots$  гүјмәтләринә ујғун оларат  $4E_1, 9E_1, 16E_1, \dots$  олачагдыр.

Зәррәчијин енерјисинин сыфыр гүјмәти формал оларат  $n=0$  һалына ујғун кәлир. Лакин  $n=0$  һалы мүмкүн дејил, чүнки  $n=0$  олдугда  $|\psi|^2 = 0$  оларды, бу исә «гутуда» зәррәчијин олмасы демәкдир.

Потенциал гутуда јерләшмиш зәррәчијин сыфыр енерјисинә малик ола билмәмәси вә онун енерјисинин (5.18) дүстүрү илә тәјјин олуған јалпыз дискрет гүјмәтләрни ала билмәси фактлары классик физика гәнууларына зидд олуб, јалпыз квант механикасына әсәси изаһ олуна билир. Потенциал гутуда олан зәррәчијин енерјисинин сыфыр гүјмәт ала билмәмәси гејри-мүәјјәнлик мүнәсибәтләри илә дә әлағәдардыр. Дәғрудан да зәррәчик потенциал гутудан кәнара чыха билмәдијиндәң, онун вәзијәтиндәки гејри-мүәјјәнлик гутунун ени гәләрдыр, јә’ни,  $\Delta x \sim a$ . Онда зәррәчијин импульсундакы гејри-мүәјјәнлик

$\Delta p \geq \frac{h}{a}$  олмалыдыр.

Бурадан корүнүр ки, зәррәчијин енерјисн һеч вахт сыфыра бәрабәр ола билмәз, чүнки бу һалда онун импульсундакы гејри-мүәјјәнлик сыфыр олмалы, јә’ни  $\Delta p \rightarrow 0$  олмалы иди ки,

бу да  $\Delta p \geq \frac{h}{a}$  шәртинә зиддир.

Лухарыда дејиләнләрлә әлағәдар оларат бир суал мејлдана чыхыр: күндәлик һәјәтда бәс биз нә үчүн енерјинин квантланмасыны мүшаһидә етмирик? Үфиғи јерләндирил-

минц, намар дубли вэ элаستيци диварлы гутуда бир дивардан дикэринэ вэ экс истигамэтдэ һэрәкәт едэн элаستيци күрәчик енерживини истәниллән гијмәтини, о чүмлэдән, енерживини сыфыр гијмәтини дә ала биләр.

Микроаләмдә доғру олан (5.18) дүстурунун бизим күшдәлик мүшәһидәмизә зидд олмадығына инанмаг үчүн ени  $10^{-8}$  см олан гутуда електронун вэ ени 10 см олан гутуда күтләси 10 гр олан күрәчијин гоншу енержи сәвијјәләри арасындакы фәрги һесаблајаг.

$$\Delta E_n = E_{n+1} - E_n = \frac{h^2}{8ma^2} (2n+1)$$

Електрон үчүн  $m = 9,1 \cdot 10^{-28}$  эр,  $a = 10^{-8}$  см олдуғундан

$$\Delta E_n = 1 \cdot (2n+1) eV$$

Икинчи һал үчүн исә

$$\Delta E_n = 10^{-42} (2n+1) eV$$

аларыг. Бу гијмәтләрин мүгајисәси көстәрир ки, «макро» аләмдә енержи сәвијјәләри арасындакы фәрг о гәдәр кичикдир ки, практики олараг енержи спектрини кәсилмәз һесаб етмәк олар.

Инди далға функцијасына дахил олан  $B$  -сабитини тәјин едәк. Бунун үчүн нормаллыг (5.11) нәртиндән истигифадә едәк вә унутмајаг ки, далға функцијасы јалныз  $0 \leq x \leq a$  областында сыфырдаг фәрглидир. Бу о демәкдир ки, интегралы  $0$ -дан  $a$ -ја гәдәр һесабламаг лазымдыр:

$$\psi(x) = B \sin \frac{n\pi}{a} x$$

$$\int_0^a |\psi|^2 dx = |B|^2 \int_0^a \sin^2 \frac{n\pi}{a} x dx = \frac{a}{2} B^2 = 1$$

$$B = \pm \sqrt{\frac{2}{a}}$$

Беләликлә,

$$\psi(x) = \pm \sqrt{\frac{2}{a}} \sin \frac{n\pi}{a} x$$

аларыг. Инди  $n$ -дән асылы олараг зәррәчијин гутунун мүхтәлиф нөгтәләриндә олма еһтималыны көстәрәк:

$$|\psi|^2 = \frac{2}{a} \sin^2 \frac{n\pi}{a} x; \quad n=1 \quad \text{һалында} \quad x=0 \quad \text{вә} \quad x=a \quad \text{олдугда}$$

$$|\psi|^2 = 0, \quad x = \frac{a}{2} \quad \text{нөгтәсиндә} \quad |\psi|^2 = \frac{2}{a} \quad \text{олур.} \quad n=2 \quad \text{көтүрсәк}$$

$$x=0, \quad x = \frac{a}{2} \quad \text{вә} \quad x=a \quad \text{олдугда} \quad |\psi|^2 = 0, \quad x = \frac{a}{4} \quad \text{вә} \quad x = \frac{3a}{4}$$

$$\text{олдугда исә} \quad |\psi|^2 = \frac{2}{a} \quad \text{олар, вә с. Корүнүр ки,} \quad n=1 \quad \text{олдугда}$$

$$x = \frac{a}{2} \quad \text{нөгтәсиндә зәррәчијин олма еһтималы ән бөјүкдүр;}$$

$$n=2 \quad \text{оларса} \quad x = \frac{a}{4} \quad \text{вә} \quad x = \frac{3a}{4} \quad \text{нөгтәләри ән бөјүк еһтималлы}$$

нөгтәдир.  $n$ -ин гижмәти бөјүдүкчә ән бөјүк еһтималлы нөгтәләрин сајы артыр.  $n \rightarrow \infty$  бу максимумларын сајы сонсуз олур, јә'ни гуту кәсилмәз олараг максимумларла долур; бу о демәкдир ки, гутунун бүтүн нөгтәләри ејни еһтимала малик олур, јә'ни зәррәчик ејни еһтималла гутунун бүтүн нөгтәләриндә ола биләр ки, бу да классик механикаја ујсун кәлир.

Гәјд етмәк лазымдыр ки, әкәр зәррәчијин гутунун диварлары илә тоггунмасы еластики оларса вә бу тоггунмада диварын деформасијасы потенциал гутунун ениндәп чох-чох кичик оларса, онда Шредингер тәнлији үчүн бу параграфда алышмыш нәтичәләр потенциал гутуда

зэррэчиийн реал хэрэгслэри үчүн дэ догру олар. мөсөлөн, электронун металдан чыхыи иши кифајет гэдэр бөјүк олдугда сэрбэст электронларын металын сэрхэлдэри илэ тогтумалары мэхз бу чүр баш верир.

### §5.6. Зэррэчиийн потенциал чөпөриндөн өкс олуимасы вэ кечмэси

Квант механикасынын тэтбиги илэ һэлл эдөчөјимиз икинчи мөсөлэни тэһли элэк.

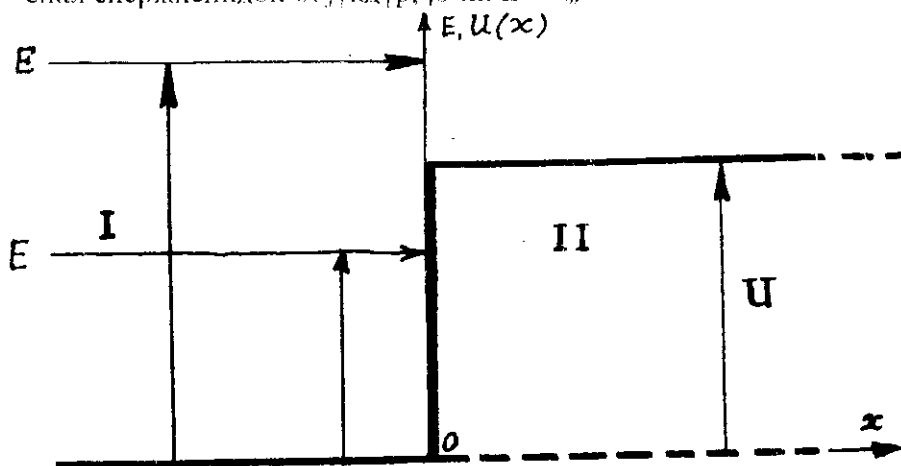
Тутаи ки,  $x$ -оһу бөјүнча солдан сага догру хэрэгэт элэн зэррэчиийн фөзанын I һиссэсиндэ потенциал енержиси  $u=0$ , II һиссэсинин сэрхэлдиндэ иэс онун потенциал енержиси сычрајышыа дэјишөрөк  $u(x)=u_0$  гиймэтини алыр, јэ'ни потенциал енержи:

$$\begin{array}{lll} x < 0 & \text{олдугда } u(x) = 0 & \text{I-област} \\ x \geq 0 & \text{олдугда } u(x) = u_0 & \text{II-област} \end{array}$$

шэртлэрини өлэјир.

Ики һалы пэзөрдөн кечирөк:

а) зэррэчиийн там енержиси, онун II-областдакы потенциал енержисиндөн бөјүкдүр, јэ'ни  $E > U_0$ ;



Шөкил 16

б) зэррэчијин там енерјиси, оун потенциал енерјисиндэн кичикдир, јэ'ни  $E < U_0$ .

Өввэлчэ а) халыны нэзэрдэн кечирэк. Бу халда классик механика ногтеји-нэзэриндэн зэррэчик мүтлэг I областындан II областа кечэчэкдир. Бир гэдэр ирэлдэ көрэчэјик ки, квант механикасына табе олан зэррэчик, бу шэрайтдэ өзүнү тамамилэ бапта чүр апармалыдыр. Догрудан да, электронун хэрэкэти мүстэви де-Бройл далғасы илэ гэсвир олундуғундан потенциалын сычрајышпа дэјиндији I вэ II областларынын сэрхөддиндэ бу далға өзүнү, сындырма эмсааллары мүхтөлиф олан ики мүнит сэрхөддиндэки ишыл далғасы кими апармалыдыр. Бу о демэкдир ки, сэрхөддэ, дүшэн де-Бройл далғасынын бир һиссэси экс олунур (гајыдыр), диқэр һиссэси исэ II областа кечир. Бунула элагэдэр олараг биз дејэ билэрик ки, сэрхөддэ дүшэн электронун һэм бу сэрхөддэн экс олунмасынын, һэм дэ II областа кечмэсинин мүэјјөн сһтималы вардыр.

Гаршымызда дуран мэсэлэ бу сһтималлары тапмагдан ибарэтдир. Бунун үчүн исэ фозанын I вэ II областында хэрэкэт едэн зэррэчик үчүн Шредингерин стационар тэнлијини һэлл сһмэлијик.

Зэррэчијин потенциал енерјисинин сыфыр олдуғу I област үчүн Шредингер тэнлији

$$\frac{d^2 \psi_1}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m E}{h^2} \psi_1 = 0$$

зэррэчијин потенциал енерјисинин  $U_0$ -а бэрэбэр олдуғу II област үчүн исэ

$$\frac{d^2 \psi_2}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U_0) \psi_2 = 0$$

шэкиндэдир. Ашағыдакы ишарэлэри гэбул едэк:



$$K_1^2 = \frac{8\pi^2 mE}{h^2}; \quad K_2^2 = \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U_0);$$

Булары нәзәрә алдыгда јухарыдакы тәнликләр

$$\frac{d^2 \psi_1}{dx^2} + K_1^2 \psi_1 = 0$$

$$\frac{d^2 \psi_2}{dx^2} + K_2^2 \psi_2 = 0$$

шәклини алыр. Бу тәнликләр сабит әмсаллы ади дифференциал тәнликләрдир ки, буларын үмуми һәлли

$$\psi_1 = A_1 e^{ik_1 x} + B_1 e^{-ik_1 x}$$

$$\psi_2 = A_2 e^{ik_2 x} + B_2 e^{-ik_2 x}$$

шәклиндәдир. I областда һәм дүшән, һәм дә гајыдан далға јајылдығындан  $A_1^2$  дүшән далғанын,  $B_1^2$  исә гајыдан далғанын интенсивликләрини характеризә едир. II областда исә јаһныз сәрһәддән кечән далға јајылдығындан  $B_2 = 0$  көтүрмәлијик; онда II-областда тәнлијин үмуми һәлли;

$$\psi_2 = A_2 e^{ik_2 x}$$

шәклиндә олар.

Инди исә сәрһәд шәртләриндән истифадә етмәклә  $\psi_1$  вә  $\psi_2$  һәлләринә дахил олан сабитләри тәјјин едәк. Бунун үчүн далға функцијасы үзәринә гојулан стандарт шәртләрдән, јә'ни далға функцијасынын өзү вә тәрәмәләринин сәрһәддә кәсилмәз дәјјишмәсиндән истифадә едәк: (§5.3; (5.12))

$$\psi_1|_{x=0} = \psi_2|_{x=0}$$

$$\frac{d\psi_1}{dx}|_{x=0} = \frac{d\psi_2}{dx}|_{x=0}$$

Бу мунасибәтләрдән истифалә етсәк:

$$A_1 + B_1 = A_2$$

$$A_1 - B_1 = \frac{k_2}{k_1} A_2$$

аларыг. Бу тәшликләри һәли етсәк:

$$B_1 = \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} A_1; \quad A_2 = \frac{2k_1}{k_1 + k_2} A_1;$$

олар. Инди  $R$  тајытма әмсалы вә  $D$  шәффафлы әмсалыны тә'јин едәк. Оптикадан мә'лум олдугу кими тајытма әмсалы тајыдан далғанын амплитудунун квадратынын дүшән далғанын амплитудунун квадратына нисбәти илә тә'јин олунар, јә'ни

$$R = \frac{B_1^2}{A_1^2} = \left( \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} \right)^2 \quad (5.19)$$

Шәффафлыг әмсалы (нүфуз етмә әмсалы) сәрһәддән II-областа кечән зәррәчикләр селиниг сәрһәдтә дүшән зәррәчикләр селинә нисбәти илә тә'јин олунар. Ен кәсијинин саһәси  $1 \text{ см}^2$ , һүндүрлүјү исе әрәди гүјмәгчә зәррәчијин  $v$  сүр'әтинә бәрабәр олан үфүги истигамәтдә јерләшимш цилиндр тәсәввүр едәк. Әкәр цилиндр дахилиндәки зәррәчикләрин сыхлығы  $\rho$  оларса, онда орадакы бүтүн зәррәчикләрин сајы  $\rho v$  олар. Бу зәррәчикләрин һамысы  $1 \text{ сан}$

эрзиндә силиндрийн отурачагындан кечирләр. Буцу нәзәрә алдыгда зөррәчикләрдин сели  $\rho v$  олар вә шәффафлыг әмсалы

$$D = \frac{\rho_2 v_2}{\rho_1 v_1}$$

кими тә'йип олунар. Зөррәчијин сыхлыгы  $\rho$  де-Бройл далгасынын амплитудунун квадраты илә дүз мүгәнәсибдир, јә'ни  $\rho \sim A^2$ , сүр'әтләрдинин нисбәти исә импульсларын нисбәтинә бәрәбәрдир, јә'ни

$$\frac{v_2}{v_1} = \frac{\rho_2}{\rho_1} = \frac{k_2}{k_1}$$

$$D = \frac{\rho_2 v_2}{\rho_1 v_1} = \frac{A_2^2}{A_1^2} \cdot \frac{k_2}{k_1}$$

олар.  $A_2$ -нин гүјмәтини јеринә јазсаг, шәффафлыг әмсалы үчүн

$$D = \frac{4k_1 k_2}{(k_1 + k_2)^2} \quad (5.20)$$

аларыг. Корпускулјар нөгтеји-нәзәриндән тајытма әмсалы I вә II областларыннын сәрһөдиндән зөррәчијин әкс олма еһтималыны, шәффафлыг әмсалы исә зөррәчијин II областа кечмә еһтималыны көстәрир.

(5.19) вә (5.20) ифадәләрини тоңласаг,  $R+D=1$  аларыг. Бу белә дә олмалыдыр, чүнки сәрһөддә зөррәчик мүгләг ја тајытмалы, ја да II областа кечмәлидир ки, бунун да еһтималы ваһидә бәрәбәр олмалыдыр.

Инди исә  $R$  вә  $D$  -ни  $E$  вә  $U_n$  илә ифадә едәк. Бунун үчүн  $K_1$  вә  $K_2$ -нин гүјмәтләрини (5.19) вә (5.20) нәзәрә алсаг:

$$R = \left( \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} \right)^2 = \left( \frac{1 - \sqrt{1 - \frac{U_0}{E}}}{1 + \sqrt{1 - \frac{U_0}{E}}} \right)^2$$

$$D = 1 - R = 4 \frac{\sqrt{1 - \frac{U_0}{E}}}{\left( 1 + \sqrt{1 - \frac{U_0}{E}} \right)^2}$$

олар.

(5.20) ифадэлэринидән көрүндүлүү кими шөффафлыг во гажытма эмсаллары  $K_1$  вә  $K_2$  көрә симметрикдирләр. Јә'ни  $x=0$  нөгтәсиндә гажытма эмсалы ( вә ја шөффафлыг эмсалы) зәррәчијин әкс истигамәтдә солдан саға вә јахүд сағдан сола һәрәкәтләринин һәр икиси үчүн сјиндир. Бу бахды-ғымыз һадисәнин далға маһијјәтино малик олмасыны бир даһа көстәрир.

Инди исә б) һалыны, јә'ни  $E < U_0$  һалыны нәзәрдән кечирәк.  $E < U_0$  олдуғда классик механикаја көрә зәррәчијин I областдан II областа көчмәси мүмкүн дејил, чүнки әкс һалда зәррәчијин II областа кинетик снерјиси мәңфи, сүр'әти исә хәјали оларды.

Квант механикасына әсастанараг гажытма эмсалыны һесаблајаг.  $E < U_0$  олдуғда  $K_2$  хәјали әдәд олур:

$$k_2^2 = \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U_0) = - \frac{8\pi^2 m}{h^2} (U_0 - E); \quad k_2 = ik$$

Бурада

$$k = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(U_0 - E)}$$

Бу заман  $R$  комплекске кәмијјәт олур вә оңу һесабладыгда квадрата јүксәлтмәни  $\frac{B_1 \cdot B_1^*}{A_1 \cdot A_1^*}$  һасили вә ја модулуи квадраты илә әвәз етмәк лазымдыр. Онда

$$R = \frac{|B_1|^2}{|A_1|^2} = \frac{k_1 - ik}{k_1 + ik} \cdot \frac{k_1 + ik}{k_1 - ik} = 1$$

$$D = 1 - R = 0$$

олар.  $E < U_0$  олдугда классик физикада олдуғу кими шәф-фафлыг әмсалы сыфра бәрабәр олур. Ләкин II-областда зәррәчијин олма еһтималыны һесабласаг көрәрик ки, о сыфьрдан фәргләнир. Јә'ни там гајытма о демәк дејил ки, зәррәчијиләрин гајытмасы анчаг сөрһәддә бап иерир; онларын бә'зиләри I -областа гајытмаздан әввәл II-областа нүфуз едиб, сонра I -областа гајыдыр. Доғрудан да  $E < U_0$  олдугда  $k_2$  әмсалы хәјали әдәд олуб,  $ik$ -ја бәрабәр олдуғундан II-областа Шредингер тәнджијини һәлли

$$\psi_2 = A_2 e^{ik_2 x} = A_2 e^{-kx}$$

шәклиндә олар вә зәррәчијин  $x$  мәсафәсиндә олма еһтималы

$$|\psi_2|^2 = A_2^2 e^{-2kx} = A_2^2 e^{-\frac{4\pi}{h} x \sqrt{2m(U_0 - E)}}$$

олар. Бу о демәкдир ки, зәррәчијин II-областда мөвчуд олмасынын мүүјјәт еһтималы вардыр.

Зәррәчијин енержијә көрә гадаған олунмуи областа дахил олмасы квант еффејти олуб туннел еффејти ады илә мөшһурдур. Зәррәчијин II-областа дахил олма мәсафәси ју-

харыдакы сһтималын ифадәсинә корә  $\delta x \sim \frac{h}{2\pi\sqrt{2m(U_0 - E)}}$   
 тәртибиндә олур. Мәсәлән,  $U_0 - E \sim 1eV$  олдуғда электро-  
 нун II-областа дахыл олма мәсафәсини һесаплајат:

$$\delta x \sim \frac{h}{2\pi\sqrt{2m(U_0 - E)}} \sim 10^{-8} \text{ см}$$

Бу гиймәт кәстәрир ки, туннел эффекти микроскопик  
 олчүләр үчүн мүшәһидә олуна биләр. Зәррәчији II -областа  
 мүшәһидә етмәк үчүн ону  $\Delta x \leq \delta x$  интервалында локализа  
 етмәлијик. Бу заман биз онун енерјисинин

$\Delta p \geq \frac{h}{2\pi\Delta x} \geq \sqrt{2m(U_0 - E)}$  гејри-мүәјјәнлик принципіне  
 корә әввәлки  $E$  енерјисинә бәрәбәр олдуғуну дејә  
 билмәрик. Һәгигәтән зәррәчијин импулсулдакы гејри-  
 мүәјјәнлик онун кинетик енерјисиндәки гејри-мүәјјәнлијә  
 кәтирир:

$$\Delta E_k \geq \frac{\Delta p^2}{2m} \geq (U_0 - E)$$

Јә'ни чәпәрин алтында локализа олунмуш зәррәчијин  
 енерјисиндәки гејри-мүәјјәнлик онун чәпәри ашыб кечмәси  
 үчүн лазым олан енерјисиндән бөјүкдүр.

### §5.7. Сонлу енә малик олан потенциал чәпәр

Квант механикасынын тәтбиғи илә һәлл олунан мүһүм  
 мәсәләләрдән бири дә сонлу енә малик олан потенциал  
 чәпәрдән зәррәчијин кечмәси мәсәләсидир. Классик  
 механикаја корә дүшән зәррәчијин енерјиси потенциал  
 чәпәрин һүндүрлүјүндән кичик олдуғда, зәррәчик чәпәри  
 кечә билмәз. Квант механикасында исо мәсәлә классик

физика тәсәввүрләринин тамамилә әкениә олур. Она көрә дә бу мәсәләни һәлл етмәк үчүн фәрз еләк ки, зәррәчик  $x$  оху бојунча солдан саға доғру һәрәкәт едир. Бу һәрәкәти үч областа ајыраг.

I областа, јә'ни  $x < 0$  олдугда  $U(x) = 0$

II областа, јә'ни  $0 \leq x \leq a$  олдугда  $U(x) = U = \text{const}$

III областа, јә'ни  $x > a$  олдугда  $U(x) = 0$

$E > U$  олдугда мәсәләни квант вә классик механикаја көрә һәлләри үст-үстә дүшүр вә елә бир марағны пәтвәлә вермир. Она көрә дә биз  $E < U$  һалыны тәһлил еләчәјик.

Микроәләмин бир сыра мәсәләләринин (мәсәлән, электронларын металдан эмиссиясы, радиактив парчаланма вә с.) һәлинидә мәнз бу пәв потенциал чәнәрлә растлашырыг.

Көстәрилән үч област үчүн ајры-ајрылыгда Шредингер тәвляјини јазат:

I вә III областлар үчүн  $U = 0$

$$\frac{d^2 \psi_{1,3}}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} E \psi_{1,3} = 0$$

II област үчүн  $U \neq 0$

$$\frac{d^2 \psi_2}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U) \psi = 0$$

Бу тәвлякләрин һәлләри ујғун оларат

$$\psi_{1,3} \sim e^{\pm ik_1 x} \quad k_1 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2mE}$$

$$\psi_2 \sim e^{\pm ik_2 x} \quad k_2 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(E - U)}$$

кимн олачаглар.

Бундан сонра эввөлкн параграфда биз зөррөчнн сонсуз энэ малнк олан сабит потенциаллы саһөжө кечмәси һалыны төһлил етдикдө зөррөчнн енержиси илә потенциал чәпәрнннн һүндүрлүжү арасындакы истәнилән мүнәсибәтлә, онун потенциал чәпәрдән әкс олунмасынын вә II областда кечмәсинин мүәјјән еһтимала малнк олмасыны мүәјјәнләшдирдик. Биз бу параграфда бахдығымыз мәсәләдә исә потенциал чәпәрнн ени сонлудур вә ирәлидә көрөчөјик ки, бу һалда зөррөчнн II областа даһил олмасы еһтималлары да сыфырдан фәрглидир. Бурада эн марагы һал зөррөчнн енержисинн, II областдакы потенциал енержидән кичик олдуғу һалда да бу еһтималын сонлу гнјмәтә малнк олмасы вә 0, I областда малнк олдуғу енержи илә III областа даһил олмасыдыр. Бу мәсәләннн эввөлкн параграфда бахдығымыз мәсәләдән фәрги һәм I вә II областларын, һәм дә II вә III областларын сәрһәдләрнндә зөррөчнн гајытмасы просесинн баш вермәсидир. Бундан башга нәзәрдә тутмағ лазымдыр ки, III областда  $x$  охунун жалныз мүсбәт истига-мәтиндә јајылан далға мөвчудлур, гајыдан далға исә јохдур. Бүгүн бу дејиләнләри нәзәрә алсағ Шрединкер тәнлијннн һәлләринн

$$\psi_1 = A_1 e^{ik_1 x} + B_1 e^{-ik_1 x}$$

$$\psi_2 = A_2 e^{ik_2 x} + B_2 e^{-ik_2 x}$$

$$\psi_3 = A_3 e^{ik_3 x}$$

шәклиндә јазмағ олар.

$R$  гајытма вә  $D$  шәффафлығ әмсалларыны һесабламағ үчүн һәр шәјдән эввәл  $A_1$ ,  $B_1$ ,  $A_2$ ,  $B_2$  вә  $A_3$  әмсалларыны тапмағ лазымдыр. Бу мәсәләдә сәрһәд шәртләрннндән исти-фадә едәк.  $x$ -нн  $-\infty$ -дан  $+\infty$ -дәк бдгүн гнјмәтләрнндә  $\psi(x)$  функцијасынын кәсимәз олмасы үчүн 0, I вә II вә III областларынын сәрһәдләрнндә, јә'нә  $x=0$  вә  $x=a$  нәтгә-ләрнндә кәсимәз олмалыдыр, јә'нн



$$\psi_1 \Big|_{x=0} = \psi_2 \Big|_{x=0}$$

$$\psi_2 \Big|_{x=a} = \psi_3 \Big|_{x=a}$$

шөртлэри өдәнилмәлидир. Бундан башга  $\psi$  функцијасынын һамар олмасы үчүн  $x=0$  вә  $x=a$  нөгтәләриндә онун биринки тәртиб төрәмәләри дә кәсиләмз олмалыдыр, јә'ни (бах 5.3)

$$\frac{d\psi_1}{dx} \Big|_{x=0} = \frac{d\psi_2}{dx} \Big|_{x=0}$$

$$\frac{d\psi_2}{dx} \Big|_{x=a} = \frac{d\psi_3}{dx} \Big|_{x=a}$$

шөртлэри дә өдәнилмәлидир. Беләгиләп, алдымыз һәлләрдә сәрһәд шөртләрини нәзәр алсаг:

$$A_1 + B_1 = A_2 + B_2, \quad k_1 A_1 - k_1 B_1 = K_2 A_2 - k_2 B_2$$

$$A_2 e^{ik_2 a} + B_2 e^{-ik_2 a} = A_3 e^{ik_1 a}$$

$$A_2 e^{ik_2 a} - B_2 e^{-ik_2 a} = \frac{k_1}{k_2} A_3 e^{ik_1 a}$$

систем тәнлијини алырыз. Бу систем тәнлији һәлл едәрәк

$$\frac{A_3}{A_1} \text{ үчүн}$$

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{4k_1 k_2 e^{ik_1 a}}{(k_1 + k_2)^2 e^{-ik_2 a} - (k_1 - k_2)^2 e^{ik_2 a}}$$

ифадәсини алырыз.  $R$  гајыгма әмсалы үчүн бу системдән алынмыш ифадә сонсуз чәпәр һалында алынмыш ифадәнин вердији мә'луматдан фәргләнән һеч бир јени мә'лумат

вермәдијиндөн биз бурала  $R$ -и һесабламајачағыт. Бупушла элагәдар оларат  $B_1$ ,  $A_1$  вә  $B_2$  әмсалларынын тапылмасына да еһтијач јохдур, она көрә ки. I вә III областларында ( $k_3=k_1$ ) потенциал чәпәрин  $D$  шәффафлыгы әмсалы  $\frac{A_3}{A_1}$  нисбәтнинни модулунын квадратына бәрабәр олачагдыр:

$$D = \left| \frac{A_3}{A_1} \right|^2 = \frac{A_3}{A_1} \cdot \frac{A_3^*}{A_1^*}$$

Бурадакы  $\frac{A_3}{A_1}$  вә  $\frac{A_3^*}{A_1^*}$  нисбәтләринни ашағыдакы кими јазмаг лазымдыр:

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{4k_1k_2e^{ik_1a}}{(k_1+k_2)^2e^{-ik_2a} - (k_1-k_2)^2e^{ik_2a}}$$

$$\frac{A_3^*}{A_1^*} = \frac{4k_1k_2e^{-ik_1a}}{(k_1+k_2)^2e^{-ik_2a} - (k_1-k_2)^2e^{-ik_2a}}$$

Бизим үчүн  $D$ -нин  $E < U$  һалындакы гијмәти марағлыдыр. Бу һалда  $k_2 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(E-U)}$  кәмијјәти хәјали әдәд олачагдыр;

$$k_2 = \frac{2\pi}{h} \sqrt{2m(E-U)} = \frac{2\pi i}{h} \sqrt{2m(U-E)} = ik;$$

$$k_2 = \frac{2\pi i}{h} \sqrt{2m(E-U)}$$

Белә олдугда  $\frac{A_3}{A_1}$  ифадәсини мөхрәмищәки  $e^{\mp ik, a}$

экспоненциал функция  $e^{\pm ka}$  шәклиндә һәттиги функцияја чевриләчәкдир.

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{4k_1 k e^{ik_1 a}}{(k_1 + ik)^2 e^{ka} - (k_1 - ik)^2 e^{-ka}}$$

$$\frac{A_3^*}{A_1^*} = \frac{-4k_1 k e^{-ik_1 a}}{(k_1 - ik)^2 e^{ka} - (k_1 + ik)^2 e^{-ka}}$$

$$(k_1 + ik)^2 e^{ka} - (k_1 - ik)^2 e^{-ka} = (k_1^2 - k^2)(e^{ka} - e^{-ka}) + 2ik_1 k (e^{ka} + e^{-ka})$$

олдуғундан

$$chka = \frac{e^{ka} + e^{-ka}}{2} \quad \text{вә} \quad shka = \frac{e^{ka} - e^{-ka}}{2}$$

һиперболик функцияларыннан истифадә еләрәк  $\frac{A_3}{A_1}$  вә  $\frac{A_3^*}{A_1^*}$

иһсәтләри үчүн

$$\frac{A_3}{A_1} = \frac{2ik_1 k e^{ik_1 a}}{(k_1^2 - k^2)shka + 2ik_1 kchka}$$

$$\frac{A_3^*}{A_1^*} = \frac{-2k_1 k e^{-ik_1 a}}{(k_1^2 - k^2)shka - 2ik_1 kchka}$$

ифадәләрини аларып. Буһларын  $D$  үчүн јаздығымыз

$$D = \frac{4k_1^2 k^2}{(k_1^2 - k^2)^2 \operatorname{sh}^2 ka + 4k_1^2 k^2 \operatorname{ch}^2 ka} =$$

$$= \frac{4k_1^2 k}{(k_1^2 - k^2)^2 \operatorname{sh}^2 ka + 4k_1^2 k^2 (1 + \operatorname{sh}^2 ka)}$$

$\operatorname{ch}^2 ka - \operatorname{sh}^2 ka = 1$  олдугундан, шөффафлыг эмсалы үчүн

$$D = \frac{4k_1^2 k^2}{(k_1 + k)^2 \operatorname{sh}^2 ka + 4k_1^2 k^2}$$

ифадәсини аларыг.

Көстөрмөк олар ки, бојук күшләнн зәррәчиکلәр үчүн демәк олар ки, бүгүн һалларда, электрон үчүн исә  $a = 1\text{Å} = 10^{-8}$  см олдугда  $U-E$  фәргинин  $U-E \geq 15\text{eV}$  тијмәтиндә  $\operatorname{sh}^2 ka$ -ни  $\frac{1}{4}e^{2ka}$  -ә бәрәбәр көтүрмәк олар. Доғрудан да  $U-E = 15\text{eV}$  вә  $a = 1\text{Å}$  олдугда:

$$ka = \frac{2\pi a}{h} \sqrt{2m(U-E)} = \frac{2\pi \cdot 10^{-8}}{6,62 \cdot 10^{-27}} \sqrt{9,1 \cdot 10^{-28} \cdot 15} \approx$$

$$\approx \frac{6,28}{6,62} \cdot 2,094 \approx 2$$

олар. Онда

$$\operatorname{sh}^2 ka = \frac{1}{4}e^{2ka} + \frac{1}{4}e^{-2ka} - \frac{1}{2} \approx \frac{1}{4}e^{2ka}$$

вә

$$D = \frac{4}{4 \left( \frac{k_l}{k} + \frac{k}{k_l} \right)^2 e^{2ka} + 4}$$

олар. Бу ифадәнин мәхрәчиндәки 4 әдәдини  $e^{2ka}$ -гә нисбәтән нәзәрә алмамаг олар. Буцдан баһага  $k_l$  вә  $k$  сјни тәрғибли комијјәт олдурғу нәзәрә алсаг, онда:

$$D = D_0 e^{-2ka} = D_0 e^{-\frac{4\pi a}{h} \sqrt{2m(U-E)}}$$

јазмаг олар. Бурада  $D_0$  - ваһидә јахын сабит әдәддир. Бу ифадәдән көрүнүр ки, потенциал чәпәрин шәффафлығы онун  $a$  сјниндән чох көскин дәрәжәдә асылдыр.

Буну гејд етмәк лазымдыр ки, зәррәчијин потенциал чәпәриндән кечмәси енержи үткисләрнә илә нәтичәләнмир; зәррәчијик потенциал чәпәрдән III областа кечликдә малик олдурғу енержи, онун потенциал чәпәрин үзәринә дүшмә енержисинә бәрабәрдир.

Биз дүзбучағаны ивәклиндә олан садә потенциал чәпәрдән зәррәчијин кечмәси һадисәсини нәзәрдән кечирдик. Көстөрмәк олар ки, ихтијари форманы потенциал чәпәрин шәффафлығы әмсалы:

$$D = D_0 e^{-\frac{4\pi}{h} \sqrt{2m} a} \int_0^a \sqrt{U(x) - E} dx$$

дүстуру илә һесаблиғыр. Бурада  $D_0$  - ваһид тәрғибиндә олан сабитдир.  $D$  үчүн алдығымыз ифадәнин тәғлили көстөрир ки,  $E < U$  олдурда белә зәррәчијик чәпәри кешиб III областа дшакил олур. Белә кечид енержи вәгтеји-нәзәриндән гадаған олунмалыдыр. Ләкин квант механикасы бу кечидин мүәјјән әһтималя малик олмасыны көстөрир. Онда һокм етмәк олар ки, зәррәчијик чәпәрдән сызыб кешир. Зәррәчијиләрин потенциал чәпәрдән белә сызыб кечмәси һадисәсини чох вахт тунел эффектнә адындырғырлар. Тунел эффектнә

гермининин мөнәсы потенциал чәпәрдән кечмәк үчүн зәррәчик, онун тәпәсидән јох, ичәрисидән тунелдән кечән кими сызыб кечмәси илә әлагәдардыр.

Тунел кечидләринин нәзәри әсаслары совет алимләри Л.М.Мандельштам вә М.А.Леонтович тәрәфиндән верилмишдир.

Классик механиканын изаһ едә билмәдији бир чох һадисәләр квант механикасында зәррәчикләрин мәнз бу фәсидә нәзәрдән кечирилән өзүнәмәхсус хассәләринә әсасән чох асанлыгла изаһ олунар.

### §5.8.Хәтти һармоник осцилјатор

Квант механикасының нисбәтән мүрәккәб мәсәләләриндән бири дә хәтти һармоник осцилјатор мәсәләсидир. Хәтти осцилјатор дедиркдә таразлыг вәзијәти әтрафында кичик рәгс едән зәррәчик балла дүшмәчәјик; буна мисал олараг молекулун тәркибиндә атомларын рәгсини, кристал гәфәсин истилик һәрәкәтнини вә с. кәстәрмәк олар. Үмуми физика курсундан мә'лумдур ки, һармоник рәгс (һармоник осцилјатор) квази-эластики гүввә  $\vec{F} = -k\vec{x}$  тә'сири алтында

бап верир; белә осцилјаторун потенциал енерјиси  $U = \frac{kx^2}{2}$

мәхсуси тәзлији исә  $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$  илә тә'јин олунар. Осцилјаторун

$U = \frac{kx^2}{2} = \frac{m\omega^2 x^2}{2}$  потенциал енерјисинә малик

олдуғуну гәбул едиб квант механикасы нөгтејин-нәзәрдән бу мәсәләни тәһлил едәк: Бунун үчүн (5.7) тәһлијиндән истифадә едәк:

$$\Delta\psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - U)\psi = 0$$

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2m}{h^2} \left( E - \frac{m\omega^2 x^2}{2} \right) \psi = 0$$

Бу тэнцэлийг хэллэгт өгмөздөн эвүүл

$$\lambda = \frac{8\pi^2mE}{h^2} \quad \text{вэ} \quad \alpha^2 = \frac{4\pi^2m^2\omega^2}{h^2}$$

ишарэлэрийг габул етсэк, тэнцлэг агаарыдакы шөклөг дүшгэр:

$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + (\lambda - \alpha^2 x^2)\psi = 0 \quad (5.21)$$

Оссиллятор мөсөлөсөннн тэвлшлн харөкөт тэвлшлөгөртннн мөхтгөлиф олмасына бахмажарат эвөөлки парарафларда бахылан мөсөлөгөртнн тэвлшлнндөн сэрхэд шөрглөртннн олмамасэ илэ фөрглөннр. Опа корэ дэ мөсөлөгдэ  $x \rightarrow \pm\infty$  далга функциясэыннн мөддулдугууну тэлэб эдөгчөжик. Бу тэлэби өдөмөк хагиринэ тэвлшлнн хэлшлнн:

$$\psi(x) = e^{-\gamma x^2} f(x)$$

шөклнндэ ахгарат:

$$\psi'(x) = -2\gamma x e^{-\gamma x^2} f(x) + e^{-\gamma x^2} f'(x)$$

$$\psi''(x) = -2\gamma e^{-\gamma x^2} f(x) + 4\gamma^2 x^2 e^{-\gamma x^2} f(x) - 4\gamma x e^{-\gamma x^2} f'(x) + e^{-\gamma x^2} f''(x)$$

Бу ифадлэлэри (5.17) тэвлшлнндэ жазыб  $e^{-\gamma x^2}$  ихтнсар етсэк:

$$f''(x) - 4\gamma x f'(x) + (\lambda - 2\gamma + 4\gamma^2 x^2 - \alpha^2 x^2) f(x) = 0$$

аларыг. Бу ифадэдән көрүнүр ки,  $\gamma = \frac{\alpha}{2}$  сечсөк, гөңлик сэдэлэшәр, јә'ни:

$$f''(x) - 2\alpha x f'(x) + (\lambda - \alpha)f(x) = 0 \quad (5.21^1)$$

аларыг. Бу тәнлијин һәллини

$$f(\xi) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n \xi^n, \quad \xi = \sqrt{\alpha} \cdot x$$

шәклиндә ахтарар:

$$f'(\xi) = \sum n a_n \xi^{n-1}$$

$$f''(\xi) = \sum n(n-1) a_n \xi^{n-2}$$

Бу ифадәләри сонунчу гөңликдә јеринә јазсар:

$$\sum_{n=0}^{\infty} n(n-1) a_n \xi^{n-2} + \sum_{n=0}^{\infty} (\lambda - \alpha - 2\alpha n) a_n \xi^n = 0 \quad (5.22)$$

аларыг. (5.22) ифадәсинә дахил олан  $a_n$ -әмсалларыны тә'јин етмәк үчүн чәми ачыб ејни дәрәчәли  $\xi$ -ин әмсалларыны бәрәбәрләндирмәк лазымдыр. бу әмәлијаты банга үсулла да етмәк олар. (5.22) мүнәсибәтиндә биринчи чәмин  $n=0$  вә  $n=1$  һәддләри сыфыр олур, сыфырдан фәргли һәдд  $n=2$ -дән башлајыр; буну нәзәрә алмай үчүн биринчи чәмдә  $n \rightarrow n+2$  илә әвәз етсәк:

$$\sum_{n=0}^{\infty} (n+1)(n+2) a_{n+2} \xi^n + \sum_{n=0}^{\infty} (\lambda - \alpha - 2\alpha n) a_n \xi^n = 0$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \left\{ (n+1)(n+2) a_{n+2} + (\lambda - \alpha - 2\alpha n) a_n \right\} \xi^n = 0$$



аларыг. Ахырынчы мүнәсибәтгн өдәнмәси үчүн:

$$(n+1)(n+2)a_{n+2} + (\lambda - \alpha - 2\alpha n)a_n = 0$$

$$a_{n+2} = \frac{\alpha + 2\alpha n - \lambda}{(n+1)(n+2)} \cdot a_n \quad (5.23)$$

олмалыдыр. (5.23) рекурент мүнәсибәти әмсалларын бирини дикәри васитәсилә ифадә етмәјә имкан верир. Доғрудан да (5.23) мүнәсибәтинин тәһлили көстәрир ки, тәк нөмрәли әмсаллары  $a_1$ , чүт нөмрәли әмсаллары исә  $a_0$  - васитәсилә ифадә етмәк олар:

$$a_2 = \frac{\alpha - \lambda}{1 \cdot 2} a_0 \quad a_3 = \frac{3\alpha - \lambda}{2 \cdot 3} a_1$$

$$a_4 = \frac{5\alpha - \lambda}{3 \cdot 4} a_2 \quad a_5 = \frac{7\alpha - \lambda}{4 \cdot 5} a_3$$

$$a_6 = \frac{9\alpha - \lambda}{5 \cdot 6} a_4 \quad a_7 = \frac{11\alpha - \lambda}{6 \cdot 7} a_5$$

Сон нәтижәдә ики намә'лум  $a_0$  вә  $a_1$  әмсаллары галыр ки, бунун бирини ихтијари (мәсәләв,  $a_0=1$ ) көтүрүб, дикәрини нормаллыг шәртиндән тә'јин етмәк олар.

Беләликлә, принсипчә далға функцијасыны тә'јин етмиш олурут; ләкин һәләлик буну етмәјиб бизим үчүн марағлы олан хусусијәти тәһлил едәк.

(5.21) тәһлијинин үмуми һәллини

$$\psi(\xi) = e^{-\frac{\xi^2}{2}} \sum a_n \xi^n \quad \xi = \sqrt{\alpha} \cdot x$$

шөклиндә тә'јин етлик ки,  $a_n$  - әмсаллары (5.23) мүнәсибәти илә вериллир. Бу һәллини тәһлили кәстәрлир ки,  $\xi \rightarrow \infty, \sum a_n \xi^n$  сырасы  $n$ -ин бөјүк гижмәтләриндә өзүнү  $n$  кими апарыр; белә һәлл далға функцијасынын мәһдудлуғуну позур. Далға функцијасынын мәһдудлуғуну тә'мин етмәк үчүн (5.23) рекурент мүнәсибәти илә тә'јин олуан сыранын полинома чеврилмәси шәртини гојурлар, јә'ни тәләб едирләр ки, сыранын  $n$ -ә гәдәр олан әмсаллары сыфырлан фәргли  $a_n \neq 0$ ,  $n$ -дән сонра кәлән әмсаллар исә сыфыр олсун.  $a_{n+2} = 0$  шәртини (5.23) -да нәзорә алсаг:

$$\alpha + 2\alpha n - \lambda = 0; \quad \lambda = 2\alpha \left( n + \frac{1}{2} \right)$$

$\alpha$  вә  $\lambda$ -нын гижмәтләрини јеринә јазсаг:

$$E = \frac{h}{2\pi} \omega \left( n + \frac{1}{2} \right) = \left( n + \frac{1}{2} \right) h\nu \quad (5.24)$$

аларыг. (5.24)-дә  $n$ -там гижмәтләр алдығындан осцилјаторун енерјиси квантланыр вә енерји сәвијјәләри бир-бириндән ејни  $h\nu$  гәдәр фәргләнлир. Осцилјаторун минимал енерјиси  $n=0$  һалына тәвафүг едир. бу һалы әсас һал кими гәбул етсәк, ујун  $E_0 = \frac{1}{2} h\nu$  енерјисини һеч бир васитә илә

сыфыр етмәк мүмкүн дејил. Мәвз буна корә дә  $E_0 = \frac{1}{2} h\nu$  -ја ујун рәгсә, сыфырынчы рәгс, енерјијә исә сыфырынчы рәгсин енерјиси дејилләр. Сыфырынчы рәгсин һесабына мүтләг сыфырда ( $T=0$ ) да кристал гәфәсин рәгси дајанмыр. Сыфырынчы рәгсин мөвчуд олмасыны ашағы температурларда ишығын кристалдан сәпилмәси һадисәсинин тәчрүби тәһлили тәсдиг етмишдир. Тәчрүбәдә мөјјән олуи мушдур ки, кристалдан сәпилән илуанын интенсивлији температур азалдыҗа сыфра јох, мөјјән бир гижмәтә јахынлашыр. Бу ону кәстәрлир ки, мүтләг сыфыр температурунда да кристал

гәфәсин атомлары өз рәгсләрини дајандырмыр. Алдығымыз (5.20) дүстүрү көстәрир ки, гармоник осцилјаторун енержиси  $h\nu$  гәдәр дәјишә биләр. Бу нәтичә Планкын мүгләй гара чиемин шүа бурахма габилитјетини һесабламаг үчүн етдији гипотез илә үст-үстгә дүшүр. Јакин бу гипотездә сыфырынчы рәгә өз јерини тапа билмәдијиндән демәк олар ки, бурада  $\frac{1}{2}h\nu$  гәдәр сәһвә јол верилиб.

Инди далға функцијасыны тәһлил едәк: (5.17) тәнлијинин һәллини:

$$\psi(\xi) = e^{-\frac{\xi^2}{2}} f(\xi)$$

шәклиндә ахтардыг.  $f(\xi)$ -функцијасы үчүн алдығымыз (5.17) тәнлијинә дахил олан тәк вә чүт нөмрәли әмсалларын һамысы (5.19) рекурент мүнәсибәти васитәсилә  $a_n$  вә  $a_1$  илә ифадә едилди. Бу ики әмсалдан бирини ихтијары көтүрсәк, һәллә бир намә'лум сабит дахил олар ки, бу да нормаллыг шөртиндән тә'јин едилмәлидир. Беләликлә, үмуми һәллин ифадәсини бир сабитин дахил олмасы шәклиндә көстәрсәк:

$$\psi_n(\xi) = A_n e^{-\frac{\xi^2}{2}} f_n(\xi)$$

белә тәсвир  $n$ -ин һәјәчәнләшмиш һалын далға функцијасыны ифадә едир. Бу һәллә дахил олан  $f_n$  функцијасы (5.23) шәрти дахилиндә (5.21) тәнлијини оләмәлидир, јә'ни:

$$f_n''(\xi) - 2\xi f_n'(\xi) + 2n f_n(\xi) = 0$$

бу тәнлик Чебышев-Ермит тәнлији адланыр;  $f_n(\xi)$  -функцијасы исә Чебышев-Ермит полиному адланыр. Бу полиному адәтән  $H_n(\xi)$  илә иварә едиб ашағыдакы шәклиндә көстәрирләр:

$$f_n(\xi) \equiv H_n(\xi) = (-1)^n e^{\xi^2} \frac{d^n}{d\xi^n} e^{-\xi^2}$$

Чебышев-Ермит полиномунун бир нечэ хэддинин ифадэсини жазаг:

$$H_0(\xi) = 1; H_1(\xi) = 2\xi; H_2(\xi) = 4\xi^2 - 2; H_3(\xi) = 8\xi^3 - 12\xi$$

Үмуми хәллә дахил олан  $A_n$  -эмсалы  $\alpha$ -дан асылы олмагла нормаллыг шөртиндән тә'јин едилир:

$$A_n = \sqrt{\frac{\alpha}{\pi}} \cdot \sqrt{\frac{1}{2^n \cdot n!}}$$

Бу шәкилдә тә'јин олунан далға функцијасы  $n$  -дән асылы олур.  $n=0$  олдугда далға функцијасы һеч заман сыфыр олмур.  $n=1$  олдугда далға функцијасы  $\xi=0$  нөгтәсиндә сыфыр олур.  $n$ -ин гијмәти бөјүдүкчә далға функцијасынын сыфыра бәрабәр олан нөгтәләринин (дүјүн нөгтәләри) саяы артыр. (бах §5.5).

### §5.9. Кулон сәһәсиндә һәрәкәт

Өввәлки параграфларда тәһлил етдијимиз мәсәләләрдән ајдын олур ки, һәр һансы бир физики системин өјрәнилмәси, үјгүн Шредингер тәһлијинин һәлл едилмәсинә кәтирилир ки, тәһлији һәлл етмәклә системин далға функцијасы вә енержи спектри тә'јин едилир. Квант механикасынын сәдә реал мәсәләләриндән бири дә зәррәчијин нүвәнин Кулон сәһәсиндә һәрәкәти мәсәләсидир. Бу мәсәләни һәлл етмәк үчүн фәрз едәк ки, јүкү  $Ze$  олан нүвә сүкунәтдә олмагла сферик-симметрик потенциал (мәркәзи симметријажә) маликдир, јә'ни потенциал јалныз нүвә илә онун сәһәсиндә һәрәкәт едән электрон арасындакы мәсәфәнин әдәди гијмәтиндән асылыдыр. Кулон сәһәси мәркәзи симметријажә малик олан потенциал ән јахшы мисалдыр; бу

мәселәни həллі етмәк үчүн электронла нүвә арасындакы гаршылыгы тә'сир енержиен мә'лум олмалыдыр. Бу енержи гидроген вә гидрогенәбәнзәр атомлар үчүн

$$U = -\frac{Ze^2}{r}$$

илә ифадә олунур. Шредингер тәңлијини электронун нүвәнин Кулон сәһәсиндә һәрәкәтине тәтбиғ етмәк үчүн (5.7) тәңлијиндә потенциал енержинин јухарыдакы ифадәсини нәзәр алағ:

$$\Delta\psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left( E + \frac{Ze^2}{r} \right) \psi(r) = 0 \quad (5.25)$$

тәңлијини аларығ, (5.25) тәңлијини һәллі етмәклә электронун дағға функсиясыны вә енержи спекترینи тә'јин етмәк олар. Квант механикасында бу вә ја дигәр мәселәни һәллі етликлә һәллі үсүлү елә сечилмәлидир ки, о һәм мәселәнин симметриясыны өзүндә әкс етдирсин вә һәм дә нисбәтән аз ријазии чәтинлијә кәтирсин. Бу дејиләнләр нәзәрә алағ (5.25) тәңлији сферик координатларда һәллі едилмәлидир. Бунун үчүн  $X$ ,  $Y$ ,  $Z$  координатларындан  $r$ ,  $\theta$ ,  $\varphi$  координатларына ашағыдакы мүнәсибәтләрлә кечмәк лазымдыр:

$$x = r \sin \theta \cos \varphi; \quad y = r \sin \theta \sin \varphi; \quad z = r \cos \theta$$

Биз бу кечидләр етмәјиб һазыр нәтичәләрдән истифадә едәк. Сферик координатларда Лаплас оператору ашағыдакы кими ифадә олунур (бах §4.3)

$$\begin{aligned} \Delta &\equiv \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \left[ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin \theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2 \theta} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} \right] = \\ &= \Delta_r + \frac{1}{r^2} \Delta_{\theta, \varphi}; \end{aligned}$$

$$\psi(x, y, z) \rightarrow \psi(r, \theta, \varphi)$$

(5.21) тэнлижиндэ буну нэвэрэ алсаг:

$$\Delta_r \psi(r, \theta, \varphi) + \frac{1}{r^2} \Delta_{\theta, \varphi} \psi(r, \theta, \varphi) + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left( E + \frac{Ze^2}{r} \right) \psi(r, \theta, \varphi) = 0$$

Бу тэнлији Фурје үсүлү илэ хэлл едэк, жэ'ни далга функцијасыны ики функцијанын хасили шэклишлэ

$$\psi(r, \theta, \varphi) = R(r) \cdot Y(\theta, \varphi)$$

тэсвир едэк. Бу тэсвири сонунчу тэнликдэ јеринэ јазыб, радиус во бучагдан асылы олан хиссэлэри ажырсат:

$$Y(\theta, \varphi) \Delta_r R(r) + \frac{R(r)}{r^2} \Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi) + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left( E + \frac{ze^2}{r} \right) R(r) Y(\theta, \varphi) = 0$$

$$r^2 \frac{\Delta_r R(r)}{R(r)} + r^2 \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left( E + \frac{ze^2}{r} \right) = - \frac{\Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi)}{Y(\theta, \varphi)}$$

аларыг. Сонунчу тэнлижин сол тэрэфи јалныз  $r$ -дөн, саг тэрэфи исэ  $\theta, \varphi$ -дөн асылдыр; бу о заман мүмкүндүр ки, барабарлијин һэр ики тэрэфи сабит олсун, жэ'ни

$$- \frac{\Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi)}{Y(\theta, \varphi)} = k^2; \quad \Delta_{\theta, \varphi} Y(\theta, \varphi) = -k^2 Y(\theta, \varphi)$$

$$r^2 \frac{\Delta_r R(r)}{R} + r^2 \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left( E + \frac{ze^2}{r} \right) = k^2$$

олсун. Квант механикасы курсунда көстөрүлүр ки,  
 $\Delta_{\theta,\varphi} Y(\theta, \varphi) = -k^2 Y(\theta, \varphi)$  тәңлијинин һәлли жалғыз  
 $k^2 = l(l+1)$  гијмәтләриндә мүмкүндүр ( $l = 0, 1, 2, \dots$ ). Буну  
нәзәрә алсаң  $R(r)$  үчүн јазылаң тәңлик ашағыдакы шәкли  
алар:

$$\Delta_r R(r) + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left[ E + \frac{ze^2}{r} - \frac{h^2 l(l+1)}{8\pi^2 m r^2} \right] R(r) = 0$$

$$\Delta_r \equiv \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial}{\partial r} \right) \text{ олдуғуну нәзәрә алсаң:}$$

$$\frac{d^2 R}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left[ E + \frac{ze^2}{r} - \frac{h^2 l(l+1)}{8\pi^2 m r} \right] R(r) = 0 \quad (5.26)$$

Бу тәңлији даһа функциясынын радиал һиссәси үчүн  
Шредингер тәңлији адиандырырлар. Әввәлчә (5.26)  
тәңлијини асимптотик һәлләрини араңдырағ:

а)  $r \rightarrow \infty$ . Онда (5.26) тәңлији

$$\frac{d^2 R(r)}{dr^2} + \frac{8\pi^2 m E}{h^2} R(r) = 0$$

шәклини алыр ки, бу да сәрбәст электронун һәрәкәт тәң-  
лијидир; бу белә дә олмалы иди, чүнки  $r \rightarrow \infty$  электронла нүвә  
арасында таршылығы тә'сир  $F \rightarrow 0$  олур вә тәңлијин  
һәллини

$$R(r) = Ae^{ikr} + Be^{-ikr}; \quad k^2 = \frac{8\pi^2 m E}{h^2}$$

шәклиндә алырығ.

б)  $r \rightarrow 0$  (5.26) тэнлигийн эмсалаары мөхүсүлжээгө махик олдугундан, тэнлији  $r^2$  вураг:

$$r^2 \frac{d^2 R}{dr^2} + 2r \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} \left[ r^2 E + rze^2 - \frac{h^2 l(l+1)}{8\pi^2 m} \right] R(r) = 0$$

мө'тэризэдэки ифадэнин биринчи во икинчи хэдди сыфыр олур:

$$r^2 \frac{d^2 R}{dr^2} + 2r \frac{dR}{dr} - l(l+1)R(r) = 0$$

Бу тэнлижин хөлднин:

$$R(r) = \sum_{n=0}^{\infty} b_n r^n$$

шэклиндэ ахгараг:

$$R'(r) = \sum n b_n r^{n-1}; \quad R'' = \sum n(n-1) b_n r^{n-2}$$

Бу гүжмэтлэри тэнликдэ јеринэ јазар:

$$\sum n(n-1) b_n r^n + 2 \sum n b_n r^n - l(l+1) \sum b_n r^n = 0$$

$$\sum b_n \{n(n-1) + 2n - l(l+1)\} r^n = 0$$

$$n^2 + n - l(l+1) = 0$$

Бу чэбри тэнлији хөлл етмөклэ  $n$  үчүн ашагыдакы гүжмэтлэри алары:



$$n = \begin{cases} l \\ -(l+1) \end{cases}$$

Онда тэнлижин хэлли

$$R(r) = \sum_{l=0}^{\infty} b_l r^l + \sum_{l=0}^{\infty} b_{-(l+1)} r^{-(l+1)}$$

олар. Бу хэлли  $r \rightarrow 0$  халыны характеризэ етдијиндэн  $b_{-(l+1)} \equiv 0$  көгүрмэлијик; әкс тәгдирдә далға функцијасынын мөһдудлүг шәрти позулар.

Беләликлә, (5.26) тәлијинин асимптотик хәлләрини таңдыг. Инди үмуми хәлли мүүјәнләнширәк. Бунун үчүн үмуми хәлли елә сечмәк лазымдыр ки, асимптотик хәлләр үмуми хәллә тәмсил олсун; јә'ни үмуми хәлли ашағыдакы кими ахтарар:

$$R(r) = e^{ikr} \sum a_n r^{n+l} \quad (5.27)$$

Бу хәллин биринчи вә икинчи тәртиб тәрәмәләрини таңыб (5.22) тәнлијиндә јеринә јазыб  $e^{ikr}$  ихтисар етсәк:

$$R' = ike^{ikr} \sum a_n r^{n+l} + e^{ikr} \sum (n+l) a_n r^{n+l-1}$$

$$R'' = -k^2 e^{ikr} \sum a_n r^{n+l} + 2ike^{ikr} \sum (n+l) a_n r^{n+l-1} + e^{ikr} \sum (n+l)(n+l-1) a_n r^{n+l-2}$$

$$\sum a_n \left[ 2ik(n+l) + 2ik + \frac{8\pi m z e^2}{h^2} \right] r^{n+l-1} +$$

$$+ \sum a_n [(n+l)(n+l-1) + 2(n+l) - l(l+1)] r^{n+l-2} = 0$$

аларыг. Бу ифадэдән һәллө дахил олан  $a_n$  - әмсалларыны тә'јин етмәк үчүн  $r$ -ин ејин дәрәчәләринин әмсалларыны бәрәбәрләшдирмәк лазымдыр. бу әмәлијјаты һармоник осцилјатор мәсәләсиндә  $\xi$ -ин үстләриниш бәрәбәрләшмәси илә эквивалент олдуғуну мүүјјәнләшдирдик. Она көрә дә бурада да икинчи чәмдә  $n \rightarrow n+1$  илә әвәз едәк:

$$\Sigma \left\{ 2ik(n+1+1) + \frac{8\pi^2 mze^2}{h^2} \right\} a_n + \left\{ (n+1+2)(n+1+1) - l(l+1) \right\} a_{n+1} \} r^{n+1-1} = 0$$

аларыг ки, бурадан да:

$$a_{n+1} = \frac{2ik(n+1+1) + \frac{8\pi^2 mze^2}{h^2}}{l(l+1) - (n+1+1)(n+1+2)} a_n$$

олар. Алдығымыз бу рекурент мүнәсибәт әмсалларын һа-мысыны  $a_0$ -васитәсилә ифадә етмәјә имкан верир;  $a_0$ -әмсалы исә нормаллыг шәртиндән тә'јин едилир.

Беләликлә, (5.26) тәшлијини һәлли принципчә тапылмын олур ки, биз һәллин ашкар шәклини һәләлик мүүјјәнләшдирмәјиб онун бә'зи хүсусијјәтләрини тәһлил едәк. (5.26) һәллинин тәһливи көстәрир ки,  $r \rightarrow \infty$  о өзүнү  $e^{kr}$  кими анарыр. Догрудан да  $n \gg l$  гижмәтләриндә

рекурент мүнәсибәтлән  $a_{n+1} \approx \frac{2k}{n} a_n$  алыныр, бурадан исә

$a_{n+1} \approx \frac{(2k)^n}{n!} a_0$  олар. белә әмсаллар  $a_0 e^{2kr}$  функцијасы

сырасынын әмсаллары илә үст-үстә дүнүр; јә'ни  $r \rightarrow \infty$  (5.27) һәлли өзүнү  $e^{kr}$  кими анарыр. Бу о демәкдир ки, әввәлән асимптотик һәли (а-һәли) өдәнмир, икинчи исә (5.27) илә тә'јин олунан далға функцијасы гүввә

мәркәзиндән (саһәдән) чох-чох узаг мәсафәләрдә мәһдуд олмур. (5.27) сырасы илә тә'јин олунан һәлли (5.26) тәшлијини өдәмәклә онун мәһдудлуғуну тә'мин етмәк үчүн осцилятор мәсәләсиндә олдуғу кими, бу сыраны кәсиб полинома чеврилмәлијик; јә'ни тәләб етмәлијик ки, елә бир  $n$  нөмрәли әмсал вар ки,  $a_n \neq 0$ ,  $a_{n+1} = a_{n+2} = \dots = 0$  өдәнилик;  $a_{n+1} = 0$  олмасы үчүн рекурент мүнәсибәтин сурәти сыфыр олмалыдыр, јә'ни

$$2ik(n_r + l + 1) + \frac{8\pi^2 mze^2}{h^2} = 0$$

Бу ифадәни квадрата јәксәлиб  $k^2 = \frac{8\pi^2 mE}{h^2}$  олдуғуну нәзәрә алсаг:

$$E = -\frac{2\pi^2 m z^2 e^4}{h^2 (n_r + l + 1)^2}$$

алырыг. Бу о демәкдир ки, енержини бу гижмәтиндә  $a_{n_r+1} = 0$  шәрти өдәнир.  $n_r + l + 1 = n$  илә ишарә етсәк

$$E = -\frac{2\pi^2 m z^2 e^4}{h^2 n^2}$$

алырыг; бурада  $n$  - баш квант әдәди,  $n_r$  - радиал квант әдәди,  $l$  - исә азимутал вә ја орбитал квант әдәди адланыр. Дүстурдан көрүнүр ки, енержи кватланыр, бу ифадә Бор нәзәријәсиндә алынган ифадә илә үст-үстә дүшүдүјүндән ону тәблил етмәјочәјик, ләкин гејд етсәк ки, Бор нәзәријәсиндә алдығымыз бүгүн нәтичәләр бурадан алыныр. Бор нәзәријәсиндә бу нәтичә квантланма шәртләрини дахил етмәклә алындығы һалда, квант механикасында далға

функциясы үзәрине гојулан стандарт шәртләрдән биринин өдәнилмәси шәраитиндә алышыр.

Гејд едәк ки,  $n$  -аргдыгча сәвијәләр арасындакы мәсафә кичилир вә  $n \rightarrow \infty$  дискрет спектр бүтөв спектрә кешир.

Гејд едәк ки, далға функциясынын радиал һиссәси, јухарыда әмсаллар үчүн алдығымыз рекурент мүнәсибәтлә мүйјән едилир. Бу мүнәсибәтдән тәјин олунап әмсаллары (5.27) һәллииндә јеринә јазсаг, алдығымыз ифалдә үмумиләшмиш Лакерр полиномундан сабил бир вуругла фәргләнәчәкдир, јә'ни

$$R_{nl}(\xi) = A_{nl} \xi^l e^{-\alpha} L_{n+l}^{2l+1}(\xi)$$

$$L_n^m(\xi) = \frac{1}{n!} e^{\xi} \xi^{-m} \frac{d^n}{d\xi^n} (e^{-\xi} \xi^{n+m})$$

Үмумиләшмиш Лакерр полиному  $L_n^m(\xi)$  -исә Лакерр чоһәдлиси илә ашағыдакы мүнәсибәтлә бағлыдыр:

$$L_n^m(\xi) = e^{\xi} \frac{d^m}{d\xi^m} L_n(x)$$

Беләликлә, далға функциясынын радиал һиссәсини ашағыдакы кими көстәрмәк олар:

$$\begin{aligned} R_{nl}(\xi) &= A_{nl} \cdot \xi^l e^{-\xi/2} \frac{d^{2l+1}}{d\xi^{2l+1}} L_{n+l}(\xi) = \\ &= \frac{A_{nl}}{(n+l)!} \xi^l e^{-\xi} \frac{d^{2l+1}}{d\xi^{2l+1}} (e^{-\xi} \xi^{n+l}) \end{aligned}$$

$$\xi = \frac{r}{a_0}; \quad a_0 = \frac{\hbar^2}{4\pi^2 m e^2}$$

Бу ифадәҗә дахил олан  $A_{nl}$  -әмсаллары исә јухарыда гејд едилдиҗи кими нормаллыг шәртиндән тә'јин едилир. Инди биричи ики енерҗи сәвијјәсинә тәвафүг едән далға функцијасынын ифадәсини јазаг:

$$R_{1,0}(\xi) = 2\sqrt{\frac{z^3}{a_0^3}} e^{-z\xi}$$

$$R_{2,0}(\xi) = \sqrt{\frac{z^3}{2a_0^3}} e^{-\frac{z}{2}\xi} \left(1 - \frac{z}{2}\xi\right)$$

$$R_{2,1}(\xi) = \sqrt{\frac{z^3}{6a_0^3}} e^{-\frac{z}{2}\xi} \cdot \frac{z}{2}\xi$$

Далға функцијасы үчүн алдыҗымыз ифадәләрдән көрүнүр ки, о үч  $n$ ,  $l$ ,  $m_z$  квант әдәләри илә тә'јин едилир. Енерҗи спектри исә јалныз баш квант әдәди  $n$ -илә тә'јин едилир. Бу һалда биз  $l$  вә  $m_z$  -ә корә чырлашма алырыг. Әкәр гаршылыгы тә'сир енерҗисинин характерини чүзи дәјинсәк енерҗи спектринин  $l$ -дән асылы олдуғуну корәрик. Она корә дә белә чырлашмаја тәсадүфү чырлашма дејирләр.

Инди далға функцијасы  $\psi(r, \theta, \varphi)$ -нин бучаг һиссәсини гәһдиг едәк. (5.26) тәшвијиндән көрүнүр ки, далға функцијасынын радиал һиссәси потенциал енерҗинин характериндән асылы олмайб јалныз һәрәкәт мигдары моментиндән (бизим бахдыҗымыз сәпкидә  $l$ -дән) асылыдыр. Квант механикасы курсунда көстөрилр ки, далға функцијасынын бучаг һиссәси һәрәкәт мигдары моментинин квадраты вә онун  $z$ -оғу истигамәтиндәки пројексијасындан асылыдыр; јә'ни  $Y(\theta, \varphi)$  сферик функција  $l$  вә  $m_z$  -дән асылыдыр  $Y(\theta, \varphi) \rightarrow Y_{lmz}(\theta, \varphi)$ .  $\psi(r, \theta, \varphi) = R_{nl}(r)Y_{lmz}(\theta, \varphi)$  илә тә'јин олуан электронун  $dV = r^2 dr d\Omega$  һәчминдә олма еһтималы:

$$dW(r, \theta, \varphi) = |\psi(r, \theta, \varphi)|^2 dV = |R(r)Y_{lmz}(\theta, \varphi)|^2 r^2 dr d\Omega$$

$$d\Omega = \sin\theta d\theta d\varphi$$

олар. Бу ифадәни бучагларга көрә интегралласаг электронун  $dr$  тәбәгәсиндә ( $r$  илә  $r+dr$  интервалы) олма еһтималыны аларыг.  $r$ -ә көрә  $\theta$ -дан  $\infty$ -гәдәр интегралласаг исә электронун  $d\Omega$  чисим бучагы интервалында олма (пайланма) еһтималыны тапарыг, јә'ни

$$dW \sim |Y_{lmz}(\theta, \varphi)|^2 d\Omega$$

$Y_{lmz}(\theta, \varphi)$  - сферик функциясынын квант механикасы курсунда тәһлили көстәрир ки, о  $z$ -дән асылы олмур. Бу о дәмәкдир ки,  $z$ -охуна перпендикулјар мүстәви үзәриндә электронун пайланма еһтималы там симметрикдир. Үмуми һалда бу еһтималы һесабламајыб хүсуси һаллар үчүн онун һесапланмыш гијмәтләрини нәзәрдән кечирәк.  $l=0$  вә  $m_z=0$  олдугда:

$$dW_{0,0} \sim \frac{1}{4\pi} d\Omega$$

$l=1, m_z=0$  вә  $m_z=\pm 1$  олдугда исә

$$dW_{1,0} \sim \frac{3}{4\pi} \cos^2 \theta d\Omega$$

$$dW_{1,\pm 1} \sim \frac{3}{8\pi} \sin^2 \theta d\Omega$$

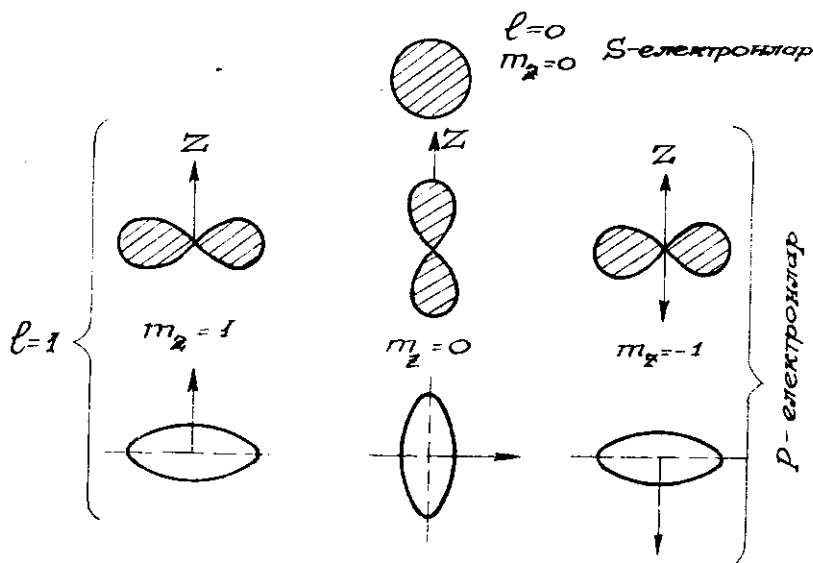
олур. Алды-ғымыз бу пайланмалар шәкил 17-дә көстәрилмишдир.

Беләликлә, квант механикасы көстәрир ки, электрон нүвә атрафында мүһјән пайланма еһтималына маликдир.

$l=0$  -да найланма сферик-симметријаја маликдир ки, бу Борун дайрэви орбитинэ,  $l=1$  -дэ алыннай найланма эллигтик орбитэ ујууп кэлдир, вэ с. Електронун мүэјјон орбитал моментэ малик олан халларыны ашагыдакы кими ишарэ едирлэр:

$$l=0, 1, 2, 3, 4, \dots$$

$$s, p, d, f, g, \dots$$



Шөкил 17

$l$  - квант эдэдинин гүјмэти илэ һәм дэ һалын чүгүлүјүнү мүэјјон едирлэр, јө'ни

$$\psi(r, \theta, \varphi) \rightarrow (-1)^l \psi(r, \theta, \varphi)$$

$s, d, g, \dots$  һаллары чүг һаллар,  $p, f, \dots$  һаллары исэ тэк һаллар адһаныр.

### §5.10. Ики зэррәчикдән ибарәт системин Шредингер тәңлији

Әввәлки параграфларда электронун мүхтәлиф сәһә-  
ләрдә һәрәкәтини Шредингер тәңлији васитәсилә тәһлил  
етдик. Гидроген атомунун тәһлилиндә нүвәни сүкунәтдә гә-  
бул едиб, электронун нүвәнин кулон сәһәсиндә һәрәкәтини  
арашдырдыг. Әслиндә исә бу мәсәләдә ики зэррәчик  
(электрон вә нүвә) иштирак едир. Дикәр груһ мәсәләләр дә  
мовчудтур ки, оныларын арашшырылмасы чохзэррәчикли  
мәсәләнин һәллигә кәтирилизир; мәсәлән,  $z > 1$  олан атомлар,  
молекуллар, нүвәләр, бәрк чәсим мәсәләләри вә с. Она көрә  
дә ики электронлу систем үчүн Шредингер тәңлијини мүә-  
јәнләшдирәк. Бунун үчүн Шредингер тәңлијини (5.10)  
иәклиндә јазылышындан истифадә едәк, јә'ни

$$\hat{H}\psi(r_1, r_2) = \hat{E}\psi(r_1, r_2)$$

бурада  $H$  - системин һамилтон функцијасы,  $\psi(r_1, r_2)$  ики  
электронлу системин далға функцијасы,  $E$  исә енерјисидир.  
Классик физикада консерватив системин һамилтон функци-  
јасы кинетик вә потенциал енерјисинин чәминә бәрәбәр-  
дир, биз буну әсас гәбул едиб ики электронлу системин  
һамилтон функцијасыны јазар:

$$H = \frac{P_1^2}{2m} + \frac{P_2^2}{2m} + U(r_1) + U(r_2) + V(r_{12})$$

$$r_{12} = |\vec{r}_1 - \vec{r}_2|$$

Бурада,  $P_1$ ,  $U(r_1)$  биринчи электронун,  $P_2$ ,  $U(r_2)$  икинчи  
электронун импульсу вә харичи сәһә илә гаришылыгылы тә'сир  
енерјиси,  $V(r_{12})$  исә электронлар арасындакы гаришылыгылы  
тә'сир енерјисидир.

Алдығымыз классик һамилтон функцијасындан квант  
механикасына көчмәк үчүн ујғун динамик дәјишән көмијәт-



ләрин һамысы (5.9) илә тә'јин олуан операторларла әвәз едиимәлидир, јә'ни

$$\left[ \frac{\hat{P}_1^2}{2m} + \frac{\hat{P}_2^2}{2m} + U(r_1) + U(r_2) + V(r_{12}) \right] \psi(r_1, r_2) = \hat{E} \psi(r_1, r_2)$$

Инди ашағыдакы тә'сири һесаблајат:

$$\hat{P}^2 \psi = \hat{P}(\hat{P} \psi) = \frac{i\hbar}{2\pi} \vec{\nabla} \left( \frac{i\hbar}{2\pi} \vec{\nabla} \psi \right) = -\frac{\hbar^2}{4\pi^2} \vec{\nabla}^2 \psi = -\frac{\hbar^2}{4\pi^2} \Delta \psi$$

Онда:

$$\left( -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 - \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \right) \psi(r_1, r_2) + (U_1 + U_2 + V) \psi(r_1, r_2) = E \psi \quad (5.28)$$

алары. Бу тәнлик гаршылыгылы тә'сирдә олан ики электронлу систем үчүн Шредингер тәнлијидир, ону һәлл етмәклә системин далға функцијасыны вә епержи спектрини тә'јин едирләр. Бу тәнлији үмуми шәкилдә јох, бир хүсуси һал үчүн тәнлиил едәк.

Фәрс едәк ки, электронлар арасындакы гаршылыгылы тә'сир, хариҗи саһә илә гаршылыгылы тә'сирә нисбәтән чоҗ-чоҗ кичикдир; бу һалда  $V(r_{12})$ -нәзәрә алмамаг олар. Онда далға функцијасынын ајры-ајры электронларын далға функцијасынын һасили кими јазмаг олар.

$$\psi(r_1, r_2) = \psi(r_1) \cdot \psi(r_2)$$

(5.24) тәнлији

$$\begin{aligned}
& -\psi(r_2) \cdot \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1) - \psi(r_1) \cdot \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_2) + \\
& + \psi(r_2) U(r_1) \psi(r_1) + \psi(r_1) U(r_2) \psi(r_2) = E_1 \psi(r_1) \psi(r_2) + \\
& + E_2 \psi(r_1) \psi(r_2)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
\psi(r_2) \left[ -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1) + U(r_1) \psi(r_1) - E_1 \psi(r_1) + \right. \\
\left. + \psi(r_1) \cdot \left[ -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_2) + U(r_2) \psi(r_2) - E_2 \psi(r_2) \right] \right] = 0
\end{aligned}$$

шәкинә дүшәр.  $E_1$  вә  $E_2$  үй-үн оларак электронларын енержиләрдир, јә'ни  $E_1 + E_2 = E$ . Мо'тәризә ичәрисиндә олан ифадәләр ајры-ајрылында бир электрон үчүн Шредингер тәшлији олдугундан:

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1) + U(r_1) \psi(r_1) - E_1 \psi(r_1) = 0$$

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_2) + U(r_2) \psi(r_2) - E_2 \psi(r_2) = 0$$

аларыг. Бу тәшликләрин һәр бири харичи сәһәдә һәркәт едән электрону характеризә едир ки, онлары һәлл етмәклә далга функцијасыны вә енержи спектриви тә'јин етмәк олар. Бу әмәлијатын јеринә јетирилмәсини гәбул едиб, мүәјјәнлик үчүн биринчи электронун  $\alpha$ , икинчи электронун исә  $\beta$  - һалында олдугуну фәрз етсәк, онда ики электронлу системин далга функцијасыны:

$$\psi_{\alpha\beta}(r_1, r_2) = \psi_{\alpha}(r_1) \cdot \psi_{\beta}(r_2)$$

шәклиндә язмага олар. Әкәр фәрз етсәк ки, биринчи электрон  $\beta$  икинчи электрон исә  $\alpha$  халындадыр, онда

$$\psi_{\beta\alpha}(r_1, r_2) = \psi_\alpha(r_2)\psi_\beta(r_1)$$

аларыг. Шредингер тәнлији хәтти тәнлик олдыгундан бу хәлләрнин хәтти комбинасиясы да тәнлијин хәлли олар; јә'ни

$$\psi_{\alpha\beta}(r_1, r_2) = C_1\psi_\alpha(r_1)\psi_\beta(r_2) + C_2\psi_\alpha(r_2)\psi_\beta(r_1) \quad (5.29)$$

Квант механикасында ики электронлу систем мәсәләси белә хәлл едилир;  $\psi(r_1, r_2)$  (5.29) шәкилдә тә'јин едилдикдән сонра электронлар арасындакы гаршылыгылы тә'сир нәзәрә алыныр вә һәҗәчанланма нәзәријјәсини тәтбиғ етмәклә системин үмуми далға функцијасы вә енержи спектри тапылыр. Гәјд едәк ки, бу үсул ики электронлу систем мәсәләсинин хәлли үчүн јеканә үсул дејилдир. Доғрудан да күтләси  $m_1$  вә  $m_2$  олан ики зәррәчијин потенциал енержиси  $U(r_1 - r_2)$  олан саһәдә һәрәкәтинин (5.24) тәнлији илә тәһлил етмәк олар; јә'ни

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_1 \psi(r_1, r_2) - \frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \Delta_2 \psi(r_1, r_2) + U(|\vec{r}_1 - \vec{r}_2|) \psi = E \psi$$

Бу тәнлијин шәклини дәјишмәк үчүн

$$\vec{R} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2}{m_1 + m_2}; \quad \vec{r} = \vec{r}_1 - \vec{r}_2$$

координатларыны дахил едәк. Бу координатлар классик физикадакы нисби һәрәкәгин вә ағырлыг мәркәзинин координатлары илә үст-үстә дүшүр.  $\vec{r}_1, \vec{r}_2$ , -координатларындан  $\vec{R}, \vec{r}$  координатларына кечсәк:

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 M} \Delta_R \psi - \frac{\hbar^2}{8\pi^2 \mu} \Delta_r \psi + U(r) \psi = E \psi \quad (5.30)$$

төңлијини аларыг, бурада

$$M = m_1 + m_2, \quad \mu = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2}; \quad E = E_R + E_r$$

ишарә едилмишдир. Далға функциясыны  $\psi(r_1, r_2) = \varphi(R)\Phi(r)$  шәклиндә тәсвир едиб (5.30) төңлијиндә јеринә јазыб, јухарыда апарылан чевирмәләрни тәқрар етмәклә

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 M} \Delta_R \varphi(R) = E_R \varphi(R)$$

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 \mu} \Delta_r \Phi(r) + U(r) \Phi(r) = E_r \Phi(r)$$

төңликләрини аларыг. Биринчи төңлијә потенциал енержи дахил олмадығындан ону һәли етмәк чох асандыр ки, бу һәли

$$\varphi(R) = A e^{\frac{2\pi i}{h} R P}; \quad E_R = \frac{P^2}{2M}$$

шәклиндә көстәрмәк олар. Онда үмуми далға функциясы:

$$\psi(r_1, r_2) = A e^{\frac{2\pi i}{h} R P} \Phi(r)$$

шәклиндә олар ки,  $\Phi(r)$ -дә икинчи төңлијин һәлидир. Алдығымыз ифадәләрин төңлији көстәрир ки, системни ағырлыг мәркәзи, фәзада сәрбәст зәррәчик кими һәрәкәт едир; зәррәчијин нисби һәрәкәти иә ағырлыг мәркәзинин

асылы дежилдир. Беләниклә, классик механикада олдуғу кими, квант механикасында да ики зөррәчик мәсәләсини бир зөррәчијин һәрәкәт мәсәләсинә кәтирмәк олур.

### §5.11.Паули принции

Гаршылылы тә'сирдә олмајан ики зөррәчкии системи арашдыраг. Тутаг ки, биринчи зөррәчик  $\alpha$ -һалында (сәвијәсиндә), икинчи зөррәчик исә  $\beta$ -һалындадыр (сәвијәсиндәдир). Биринчи зөррәчијин далға функцијасыны  $\psi_\alpha(1)$ , икинчи зөррәчијин далға функцијасыны исә  $\psi_\beta(2)$  илә ишарә едәк.

Белә системи арашдырмаг үчүн она (5.28) тәңлијини тәтбиғ етмәк лазымдыр. §5.10 алдығымыз (5.28) тәңлијинин гаршылылылы тә'сирдә олмајан ики електрона тәтбиғи бизи (5.29) далға функцијасына кәтирди. Далға функцијасыны (5.29) шәкилдә тә'јин олунмасы Шредингер тәңлијинин хәтти тәңлик олмасы илә әлағәдардыр. Бу далға функцијасыны ашағыдакы кими дә әсасландырмаг олар. Биринчи зөррәчијин  $\alpha$ , икинчи зөррәчијин  $\beta$ -һалында олма еһтималы  $\psi_\alpha(1)\psi_\beta(2)$  илә характеризә олунур. Әкәр зөррәчикләрни јерини дәјинсәк, онда икинчи зөррәчијин  $\alpha$ , биринчи зөррәчијин  $\beta$ -һалында олма еһтималы  $\psi_\alpha(2)\psi_\beta(1)$  илә тә'јин олунур. Зөррәчикләрден һәр һансы биринин  $\alpha$ , икинчинин исә  $\beta$ -һалында олма еһтималы

$$\psi_{\alpha\beta}(1;2) = C_1\psi_\alpha(1)\psi_\beta(2) + C_2\psi_\alpha(2)\psi_\beta(1) \quad (5.29)$$

илә тә'јин олунар ки, бу да (5.29) далға функцијасы илә үст-үстә дүшүр. Бу ифадәјә даһил олан  $C_1$ ,  $C_2$  сабитләри нормаллыг шәртиндән тә'јин едиллир.

Инди бу сабитләри тә'јин едәк, (5.29) ифадәсини квадрата галдырыб бүтүн фәза үзрә интеграллајат:

$$\int |\psi_{\alpha\beta}(1,2)|^2 dV_1 dV_2 = \int [C_1 \psi_\alpha(1) \psi_\beta(2) + C_2 \psi_\alpha(2) \psi_\beta(1)]^2 dV_1 dV_2$$

бу ифадонин соя тэрэфи ваһидэ бэрабэр олдууушлан:

$$\begin{aligned} I &= C_1^2 \int \psi_\alpha^*(1) \psi_\alpha(1) dV_1 \int \psi_\beta^*(2) \psi_\beta(2) dV_2 + \\ &+ C_2^2 \int \psi_\alpha^*(2) \psi_\alpha(2) dV_2 \int \psi_\beta^*(1) \psi_\beta(1) dV_1 + \\ &+ 2C_1 C_2 \int \psi_\beta^*(2) \psi_\alpha(2) dV_2 \int \psi_\alpha^*(1) \psi_\beta(1) dV_1 \end{aligned}$$

Нормаллыг шэртино көрө  $C_1^2$  вэ  $C_2^2$  эмсаллары ваһидэ бэрабэрдири,  $C_1 C_2$ -нин эмсаллары исэ ваһидэ бэрабэр дежил, она көрө ки, интеграл алты функциялар мүхтэлниф халлары тэсвир едир; бу интегралы

$$S^2 = \int \psi_\beta^*(2) \psi_\alpha(2) dV_2 \cdot \int \psi_\alpha^*(1) \psi_\beta(1) dV_1$$

илэ ишарэ етсөк:

$$I = C_1^2 + C_2^2 + 2C_1 C_2 S^2 \quad S^2 < 1$$

аларыг. Садэлик үчүн  $C_1^2 = C_2^2$ ,  $C_1 = \pm C_2$  көтүрөсөк

$$I = 2C_1^2 \pm 2C_1^2 S^2 \quad C_1 = \pm \frac{I}{\sqrt{2(1 \pm S^2)}}$$

аларыг. Инди алды-бымыз гижмэтлөри тэһлил едөк:

$$1. C_1 = -C_2 = \frac{I}{\sqrt{2(1 - S^2)}} \quad \text{онда}$$

$$\psi_{\alpha\beta}(1;2) = \frac{1}{\sqrt{2(1-S^2)}} \left\{ \psi_{\alpha}(1)\psi_{\beta}(2) - \psi_{\alpha}(2)\psi_{\beta}(1) \right\}$$

олар. Бу ифадәдә зөррәчикләрнин јерини дәјишсәк:

$$\psi_{\beta\alpha}(2;1) = \frac{1}{\sqrt{2(1-S^2)}} \left\{ \psi_{\alpha}(2)\psi_{\beta}(1) - \psi_{\alpha}(1)\psi_{\beta}(2) \right\} = -\psi_{\alpha\beta}(1;2)$$

Әкәр фәрз етсәк ки, һәр ики электрон ејни һалдадыр:  
Онда:

$$\psi_{\alpha\alpha}(1;2) = \frac{1}{\sqrt{2(1-S^2)}} \left\{ \psi_{\alpha}(1)\psi_{\alpha}(2) - \psi_{\alpha}(2)\psi_{\alpha}(1) \right\} = 0$$

олар. Сөн ики нәтичә Паули принципини ријазии ифадәсидир. Паули көстәрмишидир ки, электронлар антисимметрик далаға функцијалары илә тәсвир олунмалыдыр вә ики вә даһа чох электронун ејни сәвијјәдә олма еһтималы сыфырдыр.

Бу принципни спини там јарым олан  $\left(\frac{1}{2}, \frac{3}{2}, \frac{5}{2}\right)$  зөррәчикләрә

аиддир вә Паули принципни алыаныр. Паули принципини квант әдәдләри васитәсилә дә ифадә етмәк олар. Бир квант һалында дөрд квант әдәди ејни олан јалныз бир электрон ола биләр, буна бә'зән сечилмәзлик принципни дә дејирләр. Паули принципни спини там јарым олан зөррәчикләрә аиддир ки, белә зөррәчикләр фермион алыаныр.

2.  $C_1 = +C_2 = \frac{1}{\sqrt{2(1+S^2)}}$  онда далға функцијасы

$$\psi_{\alpha\beta}(1;2) = \frac{1}{\sqrt{2(1+S^2)}} \left\{ \psi_{\alpha}(1)\psi_{\beta}(2) + \psi_{\alpha}(2)\psi_{\beta}(1) \right\}$$

олар. Әкәр зөррәчикләрнин јерини дәјишсәк  
 $\psi_{\alpha\beta}(1;2) = \psi_{\beta\alpha}(2;1)$ , јә'ни зөррәчикләр симметрик

далга функцијалары илэ тэсвир олунамалыдыр. Экэр  $\alpha = \beta$  көтүрсөк,  $\psi_{\alpha\alpha}(l;2) = \psi_{\beta\beta}(l;2) \neq 0$  жө'ни бу халда истонилэн гэдэр зөррөчик бир квант халында ола билэр. Бу тип зөррөчиклэр тэбиэтдэ мовчуддур вэ белэ зөррөчиклэрин спини там гижмэтлэр 0,1,2,... алыр ки, олар бозонлар адланыр.

### §5.12 Атомун там моменти

Атомун вэ ја електронун там моменти дедикдэ орбитал вэ спин моментлэринин векторнал чэми баша дүшүлүр. Електронун орбитал моментини  $M_l$ , спин моментини исе  $M_s$  илэ ишарэ етсөк, онда электронун там моментини

$$\vec{M}_j = \vec{M}_l + \vec{M}_s$$

ишэкинндэ жазырлар.  $\vec{M}_l = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{l}$ ,  $\vec{M}_s = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{S}$  вэ  $\vec{M}_j = \frac{\hbar}{2\pi} \vec{j}$  гижмэтлэрини там моментин ифадэсиндэ јеринэ јазсаг:

$$\vec{j} = \vec{l} + \vec{S}$$

аларыг. Бурада  $j$ -дахили квант эдөди адланыр. Онуи ала билдији гижмэтлэр ахырынчы мүнэсибэтдөн тэ'јин едилер. Дахили квант эдөди  $j$ -нын эн бөјүк гижмэти  $\vec{l}$  вэ  $\vec{S}$  векторлары паралел олан халда  $j_{max} = l + S$ , эн кичик гижмэти исе  $\vec{l}$  вэ  $\vec{S}$  антипаралел олан халда алыныр. Орбитал олан  $j_{min} = |l - S|$  халда алыныр. Орбитал квант эдөди  $l$  - ардычыл там гижмэтлэр алдығынлан,  $j$ -да  $|l - S|$  илэ  $l + S$  арасында олан ардычыл гижмэтлэри азмалыдыр, жө'ни

$$j = |l - S|, |l - S| + 1, \dots, l + S - 1, l + S$$



олар.

Спектроскопияда электронун Һалыны вә ја енержи сәвијјәсини орбитал квант әдәдинә кәрә тәсифата аҗырырлар.  $l=0$  Һалына  $S$ -Һалы вә ја  $S$ -сәвијјәси,  $l=1$ ,  $P$ -Һалы,  $l=2$ ,  $d$  Һалы,  $l=3$ ,  $f$ -Һалы, вә с. деҗирләр. Уҗун Һалда- (сәвијјәдә олан электронларын саҗыны) сәвијјәсини - Һалын дәрәчәси кими, баш квант әдәдиниң Һиҗмәтичи исә Һалын әмсалы кими кәстәрирләр: җә'ни  $2S^2$ ,  $3P^4$ ,  $4f^6$  вә с.  $2S^2$  дедикдә баш квант әдәди  $n=2$ , орбитал квант әдәди  $l=0$  электронларын саҗы исә  $N=2$ ,  $3p^4$  - дедикдә  $n=3$ ,  $l=1$ ,  $N=4$ ;  $4f^6$  -дедикдә  $n=4$ ,  $l=3$ ,  $N=6$  баша дүшүлүр вә с. Нормал Һалда ( $l=0$ ) олан

Һидроген атому электронунун там моменти  $j = |l - S| = |S| = \frac{1}{2}$

Һиҗмәтини алыр; электрон  $l \neq 0$  Һалында оларса,  $j = l + \frac{1}{2}$

онда вә  $j = l - \frac{1}{2}$  Һиҗмәтләрини алар, җә'ни бу сәвијјә бир-

биринә җахын олан ики сәвијјәдән  $(j = l + \frac{1}{2}, j = l - \frac{1}{2})$

ибарәтдир ки, белә сәвијјә дублет адланыр. Беләликлә  $S$  - сәвијјәсиндән башга глан сәвијјәләр минимум дублет Һәшкил едир,  $S$  - сәвијјәси исә синҗет (синҗулет) сәвијјә адланыр.

Инди  $N$  - электрондан ибарәт олан атомуң там моменти тәһлил едәк. Сәдәлик үчүн фәрз едәк ки, электронлар арасындакы Һаршылыҗлы тә'сир о гәдәр зәифдир ки, онлара Һаршылыҗлы тә'сирдә олмаҗан систем кими бахмаҗ олар. Белә Һалда атомуң орбитал моменти

$$\vec{L} = \sum_{i=1}^N \vec{l}_i$$

спин моменти исә

$$\vec{S} = \sum_{i=1}^N \vec{s}_i$$

олар. Атомун там momenti исә

$$\vec{I} = \sum \vec{I}_i + \sum \vec{S}_i = \vec{L} + \vec{S}$$

олар. Там момент үчүн алдыгымыз бу ифадәни һәр бир электронун там momentини аҗрылыгыда топламагыда да алмаг олар:

$$\vec{j} = \vec{I} + \vec{S}$$

$$\vec{I} = \sum_{i=1}^N \vec{j}$$

Әкәр бизи јалпыз атомун там momentи мараглан-дырырса, онда  $I_i$  вә  $S_i$  топлама гәјдасынын һеч бир әһәмијјәти јохдур, чүнки, нәтичә сјни олур. Мәсәләни бир гәдәр садә шәкилдә шәрһ едәк. Биз јухарыда электронлар арасындакы гаршылыгылы тә'сирин зәиф олдуғуну фәрз егминдик. Әлиндә исә гаршылыгылы тә'сирин нәјә нәзәрән зәиф олмасы анкар едилмәлидир. Чохелектронлу атомда электронлар арасында электростатик гаршылыгылы тә'сир (Кулон дәф гүввәси) вә орбитал магнит momentи илә спин магнит momentи арасында гаршылыгылы тә'сир мөвчуддур (нүвә илә олан гаршылыгылы тә'сир нәзәрә алынмыр) ки, буна спин-орбитал гаршылыгылы тә'сир дејирләр (бах: §5.15). Әкәр спин-орбитал гаршылыгылы тә'сир, электростатик гаршылыгылы тә'сирә нәзәрән чох-чох кичикдирсә, онда там момент

$$\vec{I} = \sum \vec{I}_i + \sum \vec{S}_i$$

шәкилдә тә'јин едилир ки, буна рассел-Саундрес рабитәси (әлағәси) дејирләр. Әкәр спин-орбитал гаршылыгылы тә'сир, аҗры-аҗры электронлар арасындакы электростатик гаршылыгылы тә'сирдән бәјүкдүрсә, онда там momentи

$$\vec{j}_i = \vec{l}_i + \vec{s}_i$$

$$\vec{I} = \sum \vec{j}_i$$

шөклиндө тә'јин едирләр; бу һалда јаранмыш рабитәјә (әлағәјә) (*ji*) әлағәси вә ја рабитәси дејирләр. Гејд едәк ки, Рассел-Саундрес әлағәсинә бә'зән нормал әлағә (рабитә) дә дејирләр. Бурада  $I$ -дә  $j$  кими  $|L - S|$ -дән  $L + S$  гәдәр ардычыл гүјмәтләри алып, јә'ни

$$I = |L - S|, |L - S| + 1, \dots, L + S - 1, L + S$$

$L=0$  һалына атомун  $S$ -терми,  $L=1$  -ә  $P$ -терми,  $L=2$   $D$ -терми,  $L=3$ ,  $F$ -терми вә с. дејирләр. Бир гәјдә олараг там момент  $I$  термин сағ тәрәфиндә индекс шөклиндә гејд едилир, јә'ни  $S_2, P_2, F_{S2}$  вә с. кими ишарә олунур.  $S_1$ -дедикдә  $L=0, I=1, P_2$  - дедикдә  $L=1, I=2$  вә с. баша дүшүлүр. Термләрин бу шөкилдә ифадәси онлары там шәрһ етмир. Бу мәгсәдлә термин мултиплетик дәрәчәси јә'ни инчә гурулуш анлајышы дахил едилир. Мултиплетлик дәрәчәси дедикдә ејни бир енержи сәвијјәсинин бир-биринә чох јахын олан бир нечә енержи сәвијјәсинә парчаланма сајы баша дүшүлүр, башга сөзлә бизә сәдә көрүнән һәр һансы бир сәвијјәнин, бир-биринә чох јахын олан бир нечә сәвијјәдән ибарәт оласыны көсгәрир ки, буна бә'зән сәвијјәнин инчә гурулушу да дејирләр. Термин мултиплетлик дәрәчәси

$$x = 2S + 1$$

кими тә'јин олунур; бурада  $S$ -син моментинин ән бөјүк гүјмәтидир. Беләликлә. Термин там ифадәси

$$^3S_1, ^3P_2, ^2F_{S2}$$

кими ишарә олунур. Бурада  $^3S_1$  - дедикдә  $L=0, I=1$  мултиплетлик дәрәчәси исә 3 олан һал баша дүшүлүр. Бир сәдә мисалы тәһлил едәк. Фәрз едәк ки, атом ики електрондан

ибарәтдир (He-атому) вә электронлар  $l_1=0$ ,  $l_2=0$  халындадыр ( $S$  - сәвијјәси). Белә атомун орбитал моменти

$$L=l_1+l_2=0$$

олдуғундан, о јалныз бир термә -  $S$  - терминә маликдир. Атомун там спин моменти

$$\vec{S} = \vec{S}_1 + \vec{S}_2; \quad S = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1; \quad S_z = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = 0$$

олдуғундан, термин мултиплетлик дәрәжәси  $\kappa=2l+1=3$ , там моменти исә  $I=L+S=0+1=1$  вә  $I=0+0=0$  олур. Онда He атомунун термини

$${}^3S_1, {}^1S_0$$

шәклиндә көстәрмәк олар.  ${}^3S_1$ -терминә триплет терм дејилдир. Бу терм Паули принципини поздуғундан о гадаған олунмушдур. He бу халына орто-гелиум (электронларын спинләри паралел) дејирләр.  ${}^1S_0$ -терминә синглет терм дејирләр ки, бурада Паули принципи өдәнир. He бу халына пара-гелиум дејирләр. Беләликлә He атомунун әсас терми -  ${}^1S_0$  термидир. Бу гәјда илә истәнилән атомун мүмкүн олан термләрини тә'јин етмәк олар. Гәјд едәк ки, бу гәјда әсас терми мүөјјәнләшдирмәјә имкан вермир. Әсас терми тә'јин етмәк үчүн бу гәјда олава төчрүби фактларла тамамланмалыдыр.

### §5.13.Һунд гәјдасы

Атомун там моментинин тәһлилиндә көрдүк ки, мөвчуд олан нәзәри нәтичәләр мүмкүн олан бүтүн термләри тә'јин етмәјә имкан верир, ләкин әсас терми мүөјјәнләшдирмәк мүмкүн олмур. Термләр арасында минимум енерјијә

малик олан эсас терми тэ'јин етмөк мөсөлөсүнн тэһлилд едөк.

Билдијимиз кими атомун термлерини тэ'јин етмөк үчүн ону төпшил едөн электрошларын  $n$  вә  $l$  квант эдәлүгәрини билмөк лазымдыр. Әкәр электрошларын  $n$  вә  $l$  квант эдәлүри ејни оларса белә электрошлар эквивалент электрошлар адланыр. Бу анлајынн паули тәрәфиндөн верилмишидр. Әкәр атом эквивалент электрошлара малик дејилсә онда белә атомлар үчүн эсас термин тапылмасы асаплашыр.

Эквивалент электрошлара малик олан атомун мүмкүн термләри арасында эсас терми тэ'јин етмөк үчүн бир хусуси һалы арапшыраг: Фәрз едөк ки, ики электрошлу системдә электрошлар  $n=l$  вә  $l_1=l_2=l$  һалындадыр. Белә атомун там моменти  $L=l_1+l_2, l_1+l_2-1, \dots, |l_1-l_2|$ , јә'ни 2,1,0 гијмәтләрини алар. Бу һаллар спектроскопијада үјгүн олараг  $D, P$  вә  $S$  кими ишарә едилыр. Бахдығымыз һалда электрошлар ашағыдакы квант һалларында ола биләр:

$$1) m_l^z = 1, m_{S_z} = \pm \frac{1}{2}; \quad 2) m_l^z = 0, m_{S_z} = \pm \frac{1}{2};$$

$$3) m_l^z = -1, m_{S_z} = \pm \frac{1}{2}; \quad 4) m_l^z = 1, m_{S_z} = \pm \frac{1}{2};$$

$$5) m_l^z = 0, m_{S_z} = \pm \frac{1}{2}; \quad 6) m_l^z = -1, m_{S_z} = \pm \frac{1}{2};$$

Бу һаллардан моментләрин тошланма тајдасыны  $M_z = m_l^z + m_s^z; \quad S_z = m_{s_1} + m_{s_2}$  цәзәрә алмагла еләси сечилмәлиндир ки, паули принципи возулмасын. Гәјд етмөк лазымдыр ки, бир сыра термләрин гәчрүбодә мүһабидә олунмасыны изаһ етмөк үчүн паули өзүнүн мөһшур тадағанлыг принципини вермишидр.

Јухарыда көстәрилән квант һалларынын комбинасија-ларындан әмәлә кәлән һаллар ашағыдакылардыр:

$$1) M_z=2 \quad S_z=0; \quad 2) M_z=1 \quad S_z=1; \quad 3) M_z=1 \quad S_z=0$$

4)  $M_z=0$   $S_z=1$ ; 5)  $M_z=0$   $S_z=0$ ; 6)  $M_z=1$   $S_z=1$

7)  $M_z=1$   $S_z=0$ ; 8)  $M_z=0$   $S_z=0$

Бу халлар ичәрисиндә  $M_z$  вә  $S_z$  алдыгы мәңфи гиж-мәтләр язылмамындыр.

Гәйд етдијимиз бу 8-халы тәһлил едәк. Мүәјјәнлик үчүн  $M_z$  -ин ән бојүк гижмәтиндәи башлајат:

1.  $M_z=2$   $S_z=0$  бу хал  $m_l^z = 1$ ,  $m_s^z = 1$   $|l_1 = 1, l_2 = 1|$  јә'ни  $L=2$  гижмәтинә ујғун кәлир ки, бу халда атом  $D$  терминә малик олур.

$^1D$  - терминә 1,3,5. Номрәли халлар да ујғун кәлир. Бу халларда атомун момент  $I = |\vec{L} + \vec{S}| = 2$  гижмәтини алыр.

2.  $M_z=1$   $S_z=1$  бу хал  $m_l^z = 1$ ,  $m_s^z = 0$  вә ја  $m_l^z = 0$ ,  $m_s^z = 1$  јә'ни  $L=1$  гижмәтинә јә'ни  $^3P$  терминә ујғун кәлир;  $P$  23-терминә 2, 4, 6 номрәли халлар ујғун кәлир. Бу халларда там момент  $I = |\vec{L} + \vec{S}|$  2,1,0 гижмәтләрини алыр; јә'ни  $^3P_2$ ;  $^3P_1$ ;  $^3P_0$  термләрини алырыг.

3.  $M_z=0$ ,  $S_z=0$  бу хал  $m_l^z = 0$ ,  $m_s^z = 0$  јә'ни  $L=0$  гижмәтинә тәвәфүг едир ки, бу да  $^1S$  термидир.  $^1S$  -терминә 5,8 номрәли халлар ујғун кәлир. Бу термдә там момент  $I=0$  гижмәтини алыр. Гәйд едәк ки.  $D$  вә  $S$ -термләри  $L=2$  вә  $L=0$  гижмәтләринә ујғун кәлир; бу халлар о заман јарана биләр ки, электронларын спинләри антипаралел јөнәлсин јә'ни  $m_{S_j} = -m_{S_j}$ ; әке тәгдирдә Паули принципини цөзулар.

Инди бу термләрин енержи нөтеји-нәзәрдән јерләш-мәсини тәһлил едәк. Әкәр электронлар верилмиш мүәјјән  $n$  вә  $l$  халында оларса, онда белә конфигурасияја бир нечә енержи сәвијјәси ујғун кәләр ки, бу сәвијјәләр бир-бириндән там моментин вә спинин пројексияларына көрә фәрләндр. Әкәр  $n$  -ејни  $l$  -нәз мүхтәлиф олан халлар оларса, онда бир-бириндән фәрләнән сәвијјәләрин сајы даһа чох олачакдыр. Белә сәвијјәләрин һансынын ән кичик енержијә малик ол-масыны тә'јин етмәк үчүн релјативистик квант механи-касынын һәрәкәт тәһлијинин (Дирак тәһлији)  $n, j, S$  асылы

олан һәлли табылмалыдыр. Бу мәсәлә бизим курсумуздан кәнара чыхдыгындан, биз гәчрүби фактлар әсасында мүөјјөнләшмиш гәјдадан -һунд гәјдасындан истифалә едәк:

Һунд гәјдасына көрә мүөјјөн конфигурасија (n вә l) малик олан термләрдән ән кичик енержиә малик олан терм  $S_z$  - ин ән бөјүк гүјмәтигә тәвафүг едир; башга сөzlә l-ејни олан термләр ичәрисиндә енержиси ән кичик олан терм  $S_z$ -ин ән бөјүк гүјмәтигә,  $S_z$  -ејни олан термләрдә исе енержиини ән кичик гүјмәти l ән бөјүк гүјмәтигә тәвафүг едир. Бу гәјда әсасән һөкм егмәк олар ки,  $^3p$  терми әсас терmdir. Доғрудан да электронларын l ејни олдуғундан ( $l_1=l, l_2=1$ )  $S_z$ -ин ән бөјүк гүјмәти  $S_{max}=1$  олан терм  $^3p$  терmdir.  $^1S$  вә  $^1D$  термләрине кәлдикдә исе ошларын  $S_{max}=0$  ејни олдуғундан l ән бөјүк олан терм  $^1D$  терmdir; бу терм  $^1S$  терминдән ашағыда јерләшмәлидир. Беләликлә, термләрин дүзүлмә гәјдасы  $^3p, ^1D, ^1S$  -дир. Унутмамалы ки, әкәр лај жарыдан аз долмушса онда әсас термин там моменти  $I=L+S$ , жарыдан чох долмушса  $I=|L-S|$  илә тәјјин едилмәлидир; јәни триплет адланан  $^3p$  терми  $^3P_0, ^3P_1, ^3P_2$  гәјдада дүзүлүр.

Гәјд едәк ки. Бир чох һалларда, јәни лај жарыдан аз долдуғуда, атомун әсас терми ашағыдакы дүстүр васитәсилә һесаблашыр.

$$M^{max} = \frac{K}{2}(2l + l - K)$$

бурада K-чүгүләншмәмиш электронларын сәјлдыр. Бу дүстүр о заман тәтбиғ олуна биләр ки, чүгүләншмәмиш электронларын l-и ејни олсун. Мәсәлән электронлары  $P^2$ -һалында олан атомун әсас терми  $K=2$  вә  $l_1=l_2=1$  олдуғундан

$$M^{max} = \frac{2}{2}(2 \cdot 1 + 1 - 2) = 1$$

олур;  $\kappa=2S+l=3, I=|L-S|=0$  олдуғундан әсас терм  $^3P_0$  олур.

### §5.14. Ланде фактору

Нүвэ этрафында фырланан электрон  $\vec{M}_l = \frac{h}{2\pi} \vec{l}$  орбитал моментэ вэ  $\vec{\mu}_l = \frac{eh}{4\pi mc} \vec{l}$  орбитал магнит моментинэ маликдир. Бу моментлэрин нисбэтини нэзэрдэн кечирсэк

$$\frac{\mu_l}{M_l} = \frac{e}{2mc} = const$$

олдуғуну көрөрик. Бу нисбэтин сабитлији онлар арасында мүэјјән мүнасибэтин мовчуд олмасыны көстөрир. Доғрудан да орбитал механики момент мә'лум оларса, онда магнит моментини вэ әксинэ һесабламағ олар. Квантмеханикасы нөгтеји-нэзэриндән исэ орбитал моментин оператору мә'лум оларса, орбитал магнит моментинин операторуну тә'јин еімәк олар. Дикәр тәрәфдән электрон спин моментинэ малик олдуғувдан. Онуң орбитал спин моментини

$\vec{M}_s = \frac{h}{2\pi} \vec{s}$  шәклиндә јазмағ олар. Магнит моментинин ифадәсинә  $s$ -квант  $\left(s = \frac{1}{2}\right)$  әләдини даһил етсәк  $\mu_s = \frac{eh}{4\pi mc} = \frac{eh}{2\pi mc} s$

вә ја  $\vec{\mu}_s = -\frac{eh}{2\pi mc} \vec{s}$  шәклиндә јазмағ олар ки, буна спин магнит моменти дејирләр. Спинлэ әлағәдар олан орбитал вә магнит моментлэринин нисбәти:

$$\frac{\mu_s}{M_s} = \frac{e}{mc} = const$$

олар. Бу мүнасибәт дә орбитал спин моментинә көрә, спин магнит моментини тә'јин етмәјә имкаң верир. Јакин бу нисбәтләр ејни сабитә бәрәбәр олмур. Она көрә дә фәрз

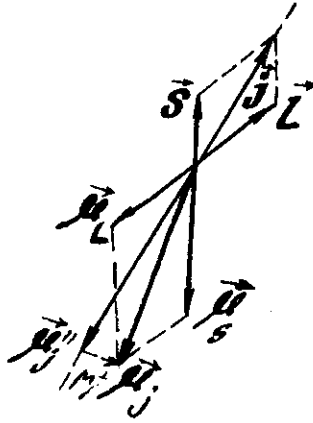


едок ки, елэ бир сабит  $g$  -эдэди вар ки, ону үжүн олараг  $\mu_l$  вэ  $\mu_s$  вурмагла магнит момсиггинин дүзкүн гижмэтини алмай мүмкүндүр. Инди бу сабитин тапылмасы илэ мөшгүл олаг.

Орбитал моментин эн кичик гижмэти  $\frac{h}{2\pi}$ , спин момен-

тининки исэ  $\frac{h}{4\pi}$  олдугундан, там моменти графика тэсвир етдикдэ орбитал момент, спин моментиндэн ики дэфэ бөжүк котүрүлмэлдир. Там моменти  $\vec{j} = \vec{l} + \vec{s}$  олан атому интенсивлији  $\vec{H}$  олан харичи магнит саһэсинэ дахил етсэк, онда  $\vec{j}$  -вектору  $\vec{H}$  этрафында прессесија едэчөкдир. Магнит моментинэ кэлдикдэ исэ, спин магнит моментинин гижмэти орбитал магнит моменти гижмэтиндэн ики дэфэ бөжүк олдугундан, јекун вектор  $\vec{\mu}_j = \vec{\mu}_l + \vec{\mu}_s$ ,  $\vec{j}$ -векторунун үзэринэ дүшмэјөчөкдир. Харичи магнит саһэсинэ белэ атомун  $\vec{\mu}_j$  вектору  $\vec{H}$ -этрафында прессесија едэчөкдир. Белэликлэ, харичи магнит саһэсинэ дахил едилмиш атом ики прессесија һэрэкэтинэ дүчар олачагдыр.

Доғрудан да  $\vec{j}$  вэ  $\vec{\mu}_j$  векторларыны ејни бир диаграмда көстөрсөк  $M_l$  ики дэфэ  $M_s$ -дэн,  $\mu_x$  -исэ ики дэфэ  $\mu_l$ -дэн бөжүк котүрүлмэлдир. Бу һалда  $\vec{j}$ -истигамэти  $\vec{\mu}_j$ -илэ үст-үстэ дүшмүр вэ бу векторлар арасында галан бучаг чох кичик олур. Она көрө дэ бу ики прессесија һэрэкэтини бир прессесија һэрэкэтинэ көтириллэр. Бунун үчүн  $\vec{\mu}_j = \vec{\mu}_l + \vec{\mu}_s$  векторуну  $\vec{j}$  истигамэтиндэ ики гаршылыгылы перпендикулјар топланана ајырырлар, белэки паралел топланан  $\vec{j}$ -вектору үзэринэ дүшсүн. Бу әмэлијатдан сонра там магнит моменти  $\mu_j$ -нин орта гижмэти һесабылар.



Шәкил 18

Һесаплама көстәрир ки, магнит моментинин перпендикуляр топлананынын бир там процессија доврүндә һәр бир гијмәти үчүн ики әкс ишарәли гијмәт мовчуд олдғундан  $\bar{\mu}_{\perp}$  олур, беләликлә там магнит моментинин гијмәти  $\mu_{\parallel}$  илә тә'јин едилир. Шәкилдән корүнүр ки,

$$\mu_j^{II} = \mu_l \cos(l, j) + \mu_s \cos(s, j)$$

јазмаг олар. Лухарыда тејд етдијимизи нәзәрә алсаг, магнит моменти садәчә олараг јалпыз орбитал моментин Бор магнетонуна һасили илә јох, әләвә бир сабитин дә дахыл едилмәси илә тә'јин олунмалыдыр; јә'ни:

$$\mu_l = g_l \frac{eh}{4\pi mc} l, \quad \mu_s = g_s \frac{eh}{4\pi mc} s, \quad \mu_j = g_j \frac{eh}{4\pi mc} j = \mu_j^{II},$$

бу гијмәтләри  $\mu_j^{II}$  ифадәсиндә јеринә јазсаг:

$$g_j = g_l \frac{l}{j} \cos(l, j) + g_s \frac{s}{j} \cos(s, j)$$

аларыг. Бу ифадәлә дахил олан  $\cos(l, j)$  вә  $\cos(s, j)$  бучалары  $\vec{j} = \vec{l} + \vec{s}$  мүнәсибәтиндән тә'јин едиләр:

$$\cos(l, j) = \frac{j^2 + l^2 - s^2}{2jl}; \quad \cos(s, j) = \frac{j^2 + s^2 - l^2}{2js};$$

бу гиймәтләри  $g$ -нин ифадәсиндә јеринә јазсаг:

$$g_j = g_l \frac{j^2 + l^2 - s^2}{2jl} + g_s \frac{j^2 + s^2 - l^2}{2js}$$

аларыг ки, бу  $g$ -вурғуна Ланде фактору дејирләр. Ланде фактору үчүн алынган ифадә классик механикаја әсаеландығындан бу дүстүр классик дүстүрдүр. Борун уғуңлуғ принципнә әсәсән, квант әдәдләринин бојук гиймәтләриндә бу дүстүр квант механикасынын вердији нәтичәләрә чоҳ јахын олмалыдыр. Доғрудан да мәсәләнин квант механикасы ногтеји-нәзәриндән тәһлили көстәрир ки, алдығымыз бу дүстүр квант механикасынын вердији дүстүрлә үст-үстә дүшәр, бу шәртіә ки;  $l^2 \rightarrow l(l+1)$ ;  $s^2 \rightarrow s(s+1)$ .

$j^2 \rightarrow j(j+1)$  әвәз едилсин; белә әвәзләмәни апарсаг:

$$g_j = \frac{l}{2} \left\{ (g_l + g_s) + (g_l - g_s) \frac{l(l+1) - s(s+1)}{j(j+1)} \right\}$$

аларыг ки, бу дүстүр квант механикасынын вердији дүстүрәлә үст-үстә дүшүр. Һидроген атому үчүн  $g_l = 1$ ,  $g_s = 2$  олдуғундан Ланде фактору

$$g = \frac{3}{2} - \frac{l(l+1) - s(s+1)}{2j(j+1)}$$

олур.

Ланде факторуна дахил олан  $g_l$  вэ  $g_s$  -э үйгүн оларат орбитал вэ спин  $g$ -фактору вэ ја гироманнит фактору дејирлэр. Електрон үчүн  $g_l = 1$ ,  $g_s = 2$  гиймэтини алыр. Лакин протон вэ нейтронла олагадар олан мөсөлөлөрин хэллинде  $g_l$  вэ  $g_s$  гиймэтлэри электрон үчүн олан гиймэтлэрдөн кэскин фэрглэнир. Она көрө дө мөсөлөнни үмумилији хатиринэ биз ихтијари  $g_l$  вэ  $g_s$  үчүн ланде факторуну тэ'јин етдик.

Ланде факторунун микроалэмдэки ролуну Зејсман еффектинин тэһлилинде көрөчөјик. (бах §5.19).

### §5.15. Квант эдөдлэри вэ енержи сөвијөлөринин инчө гурулушу

Бор нэзэријэсинэ көрө мүхтөлиф орбитлэрин квант-ланмасында вэ квант механикасынын тэтбиги илэ бэ'зи мөсөлөлөрин хэллинде биз көрдүк ки, электронун енержиси баш квант эдөди  $n$  -илэ тэ'јин едилир.

Биринчи квант эдөди баш квант эдөди адланыр вэ  $n = 1, 2, 3, \dots$  гиймэтлэр алмагла электронун енержисини характеризэ едир.

Икинчи квант эдөди орбитал квант эдөдидир ки,  $l = 0, 1, 2, \dots (n-1)$  гиймэтлэр алмагла электронун орбитал моментини тэ'јин едир.

Үчүнчү квант эдөди магнит квант эдөди адланыр. Магнит квант эдөди  $m_l, -l, \dots, +l$  гэдэр  $2l + 1$  гиймэт алмагла һэрөкөт миғдары моментинин үстүн истигамэтдэки проексијасыны характеризэ едир.

Дөрдүнчү квант эдөди спин квант эдөди адланыр.

Спин квант эдөди  $m_s = \pm \frac{1}{2}$  гиймэтлэр алмагла спин моментинин үстүн истигамөт үзрэ проексијасыны характеризэ едир, үстүн истигамөт оларат адэгән  $Z$ -охунун истигамөти көрүлүр. Гејд едөк ки, үстүн истигамөт оларат  $Z$ -охунун көгүрүлмөси һеч дө мөчбури дејил. Экөр мүсөјөн һалда олан

атом электронунун спин моментинин  $m_s^X$ ,  $m_s^Y$ ,  $m_s^Z$  проекцияларындан һәр һансы бири мүүжөн гижмәтә маанидирсә һәмий истигамәт үстүн истигамәт көтүрүлә биләр.

Беләликлә, электронун һалы  $n$ ,  $l$ ,  $m_l$ ,  $m_s$  дорд квант әдәди илә биргижмәтли характеризә едилә биләр. гејд едәк ки, электронун һалынын белә тәсвири јеканә тәсвир дејилдир. Бә'зән  $j = l + s$  мүнәсибәтиндән истифаде етмәклә электронун һалыны  $n$ ,  $l$ ,  $j$ ,  $m_s$  квант әдәдигәри илә характеризә едирләр.

Атом электрону илә нүвә арасындакы гаршылыгылы тә'сир әсасән электростатик характер дашыҗыр. Лакин электрон һәрәкәтдә олдуғундан о нүвә илә әлавә гаршылыгылы тә'сирдә спин-орбитал гаршылыгылы тә'сирдә дә олур. спин-орбитал гаршылыгылы тә'сири ајдан баша дүшмәк үчүн фәз едәк ки. Электрон нүвә әтрафында даирәви орбит бојунча һәрәкәт едир. Электронла бағлы олан координат системинә кечәк. Белә системдә электрон сүкунәтдә олар, нүвә илә электрон әтрафында фырланмагла мүүжөн магнит саһәси јарадар. Бу магнит саһәси электронун спин магнит моментни илә гаршылыгылы тә'сирдә олачаг ки, бу да спин орбитал гаршылыгылы тә'сир адланыр. Бу ишәрни бағла шәкилдә дә ифаде етмәк олар. Нүвә илә бағлы координат системи көтүрсәк онда нүвә сүкунәтдә, электрон илә даирәви һәрәкәтдә олчаг. Электронун белә һәрәкәти бир даирәви микроҷорјана эквивалентдир; бу ҷорјанын јаратдығы магнит саһәси электронун спин моментинә тә'сир көстәрир ки, бу тә'сирә дә спин-орбитал гаршылыгылы тә'сир дејирләр. Спин магнит моментни ја орбитал магнит моментни истигамәтиндә вә ја онун әксинә истигамәтләнә биләр. биринчи һалда электронла нүвә арасындакы потенциал енержи азалар, икинчи һалда илә артар. Оңа көрә дә спин-орбитал гаршылыгылы тә'сирин һесабына һәр бир енержи сәвијјәси ики сәвијјәдә парчаланачагдыр. Спин-орбитал гаршылыгылы тә'сирин нәтиҷәсиндә енержи сәвијјәсинин парчаланмасына сәвијјәнин гурулуңу дејирләр, парчаланманыш сајы илә сәвијјәнин мултиплетлији адланыр. Гејд едәк ки, бир электронлу атомда вә ја ионда спин-орбитал гаршылыгылы тә'сирин нәтиҷәсиндә S-сәвијјәсиндән баша бүтүн сәвиј-

јеләр дублетдирләр; јә'ни һәр һансы бир сәвијә минимум ики сәвијәјә ( $j = l \pm \frac{1}{2}$ ) парчаланыр.

Сәвијәнин инчә гурулушу јалныз спин-орбитал Һаршылыгы тә'сирлә әлағәдар дејилдир. Бор нәзәријәсиндән мә'лумдур ки, ејни бир бөјүк оха малик олан бүгүн еллеттик орбитләр ејни енержијә маликдир. (Чырлашма). Әкәр күтләнин сүр'әтдән асылы олмасыны нәзәрә алсағ онда бу тип орбитләрнин енержиләри дәјишкәр, јә'ни чырлашма арадан чыхар. Бу һалда еллеттик орбитләрнин енержиси эксентриситәтдән асылы олур ки, бу да енержи сәвијәсинин парчаланмасына кәтирир.

Беләликлә, јухарыда шәрһ едиләп мұһакимәләри үмумиләнцирәрәк һөкм етмәк олар ки, сәвијәнин инчә гурулушу спин-орбитал Һаршылыгы тә'сирин вә күтләнин сүр'әтиндән асылы олмасы нәтижәсиндә јараныр. Бу ики сәбәб ејни тәртибдә олдуғундан һәр ики сәбәб ејни заманда нәзәрә алынмалыдыр.

**Релјативистик дүзәлиш:** Електронун күтләсинин сүр'әтдән асылылыгы һесабына енержијә верилән әләвәни һесаблајағ. Хүсуси инсбилик нәзәријәсинә корә релјативистик електронун кинетик енержиси

$$T = \sqrt{p^2 c^2 + m_0^2 c^4} - m_0 c^2$$

олдуғундан електронун һамилтон функциясыны

$$H = T + U = \sqrt{p^2 c^2 + m_0^2 c^4} = m_0 c^2 + U$$

шәклиндә јаза биләрик.

$n$ -чи орбитдә һәрәкәт едән електронун сүр'әти,  
 $V_n = \frac{Ze^2}{nh}$ , олдуғундан  $\frac{v}{c} \ll 1$  вә әлчә дә  $\frac{p}{m_0 c} \ll 1$  олур.

Буна корә һамилтон функциясыны мүүјән јахынлашмада

$$\begin{aligned}
 H &= m_0 c^2 \sqrt{1 + \frac{p^2}{m_0^2 c^2}} - m_0 c^2 + u = \\
 &= m_0 c^2 \left( 1 + \frac{p^2}{2m_0^2 c^2} - \frac{p^4}{8m_0^4 c^4} \right) - m_0 c^2 + u = \\
 &= \frac{p^2}{2m_0} + u - \frac{p^4}{8m_0^3 c^2}
 \end{aligned}$$

шәклиндә жаза биләрик. Гейри-релјативистик јажынлашмада электронун там энерјиси

$$E = \frac{p^2}{2m_0} + u$$

олдуғундан  $p^2 = 2m_0(E - u)$  аларыг.  $P^2$ -нын бу ифадәсини (5.31) бәрабәрлијинин сонунчу топланында нәзәрә алсаг

$$H = \frac{p^2}{2m_0} + u - \frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2}$$

олар. Ујғунлуғ принципинә корә квант механикасында операторлар арасындакы мүнәсибәт классик физикада динамик кәмијјәтләр арасындакы мүнәсибәтләр кими олдуғундан бахылан јажынлашмада электронун һамильтон оператору

$$\hat{H} = \frac{\hat{p}^2}{2m_0} + U(r) - \frac{(\hat{E} - U)^2}{2m_0 c^2}$$

шәклиндә вә ујғун Шредингер тәплицји

$$\left( \frac{\hat{p}^2}{2m_0} + u(r) - \frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2} \right) \psi = E \psi$$

олар. Соңунчу бəрəбəрлнк релјативистик эффект нэзэрэ алынмагла электрон үчүн јазылмын Шредингер тэнлијидир. Башга сөзлө десөк, электронун күтлөсинин сүр'өтдэн асылылыгыны нэзэрэ алмаг сон тэнлији һәлл етмөјө эквивалентдир. Бу тэнлији һөјөчанлашма методу илэ һәлл едөчөјяк.

Фэрз едөк ки, бизэ

$$\hat{H}_0 \psi^{(0)} = E^{(0)} \psi^{(0)}$$

тэнлијинин һәлли мө'лумдур вэ

$$(\hat{H}_0 + \hat{V}) \psi = E \psi$$

тэнлијини һәлл етмөк тэлөб олуноур. Бурада  $\hat{V}$ -һөјөчанлашма оператору адланыр.  $\hat{H}_0$  оператору (һөјөчанлашма нэзэрэ алынмалыгда һамилтон оператору) ермит оператор олдуғундан онун мөхсуси функцијалары там систем тәшкил едирләр вэ буна көрө ихтијари дала функцијасыны бу функцијалара көрө сыраја ајырмаг мүмкүнлүр:

$$\psi = \sum_m C_m \psi_m^{(0)}$$

Бу ифадәни нэзэрэ алсаг,

$$(\hat{H}_0 + \hat{V}) \sum C_m \psi_m^{(0)} = E \sum C_m \psi_m^{(0)}$$

јахуд

$$\sum C_m (E_m^{(0)} \psi_m^{(0)} + \hat{V} \psi_m^{(0)}) = E \sum C_m \psi_m^{(0)}$$



олур. Бу бəрəбərлiјi сoлдaн  $\psi_k^{(0)}$ -ын кoмплeкce гoнмaсынa (јə'ни  $\psi_k^{(0)*}$ -a) вyрyб, бyтyн фəзa yзрə интeгрaллacaғ вə нəзэрə aлcaғ ки,

$$\int \psi_k^{(0)*} \psi_m^{(0)} d\pi = \delta_{km}$$

oндa aшaғыдaкы бəрəбərлiји aлырyғ:

$$C_k (E - E_k^{(0)}) = \sum V_{km} C_m$$

Буpaдa  $V_{km} = \int \psi_k^{(0)*} \hat{V} \psi_m^{(0)} d\tau$  oлyб,  $\hat{V}$  oпepaтopунyн мaгpиc элeмeнтi aдлaныр.

$n$ -чи квaнт Һaлындa oлaн элeктpонyн eпepжисини Һecaблaјaғ. Биринчи јaxынлaшмaдa

$$E_n = E_n^{(0)} + E_n^{(1)}$$

$$C_k = C_k^{(0)} + C_k^{(1)}$$

oлдyғyнy гəбyл eдə билэpик. Бу бəрəбэрлiклэри нəзэрə aлcaғ:

$$(C_k^{(0)} + C_k^{(1)})(E_n^{(0)} + E_k^{(0)}) = \sum V_{km} (C_m^{(0)} + C_m^{(1)})$$

$n$ -чи квaнт Һaлына бaxдығымыздын  $C_n^{(0)} = 1$ ;  $C_k^{(0)} = 0$  ( $k \neq n$  иcə) oлyр. Oндa

$$E_n^{(1)} = \sum_m V_{nm} C_m^{(0)} = V_{nn} \text{ вə јa}$$

$$E_n^{(1)} = \int \psi_n^{(0)*} \hat{V} \psi_n^{(0)} d\tau$$

олдугуну аяырыг. Бу ифадә биринчи јахынлашмада енержијә верилән дүзөлиши көстөрүр. Бу дүстүрү тәтбиғ едәрәк атомунун енержисинә эләвә едилән релативистик дүзөлиши һесаплајаг.

Һидроген атомунда һәрәкәт едән электрон үчүн

$$\hat{H}_0 = \frac{\hat{p}^2}{2m} + u; \quad V = -\frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2}$$

шәклиндә ифадә олунар.  $V$ -нин бу ифадәсини  $E_n^{(1)}$ -дә јазсаг:

$$E_n^{(1)} = \int \psi_n^{(0)*} \left( -\frac{(E - u)^2}{2m_0 c^2} \right) \psi_n d\tau$$

олур. бурада, һидрогенәбәнзәр атомлар үчүн  $u = -\frac{Ze^2}{r}$  олдугуну нәзәрә алсаг,

$$\begin{aligned} E_n^{(1)} &= -\frac{I}{2m_0 c^2} \int \psi_n^{(0)*} \left( E_n + \frac{Ze^2}{r} \right)^2 \psi_n^{(0)} d\tau = \\ &= -\frac{I}{2m_0 c^2} \int \left[ E_n^2 \psi_n^{(0)*} \psi_n^{(0)} + 2E_n Ze^2 \frac{\psi_n^{(0)*} \psi_n^{(0)}}{r} + \right. \\ &\quad \left. + Ze^4 \frac{\psi_n^{(0)*} \psi_n^{(0)}}{r^2} \right] d\tau \end{aligned}$$

Мә'лум олдуғу кими,

$$\psi_n^{(0)} = \psi(r, \theta, \varphi) = R_{nl}(r) Y_{lm}(\theta, \varphi)$$

шәклиндәдир. Бурада  $Y_{lm}(\theta, \varphi)$  сферик функция,  $R_{nl}(r)$  исә радиал далға функциясыдыр:

$$R_{nl} = N_{nl} \left( \frac{2zr}{n} \right)^l F \left( -n + l + 1; 2l + 1; \frac{2zr}{n} \right) l^{-n}$$

Бурала  $F$ -гипергеометриясы функциясы,  $N$ -исә  $n$ ,  $l$ -квант әдәдләриндән асылы вуругдур. (5.32) бәрабәрлигиндән көрүнүр ки, релјативистик дүзәлиши һесапламаг үчүн  $\frac{1}{r}$  вә  $\frac{1}{r^2}$ -нын орта гијмәтнини һесапламаг лазым кәлир:

$$\left\langle \frac{1}{r^k} \right\rangle = \int |\psi(r, \theta, \varphi)|^2 \frac{1}{r^k} d\tau = \int \frac{R_{nl}^2 \cdot r^2}{r^k} dr$$

һесапламалар көстәрир ки,

$$\left\langle \frac{1}{r} \right\rangle = \frac{z}{a_0 n^2}$$

$$\left\langle \frac{1}{r^2} \right\rangle = \frac{z^2}{a_0^2 n^3 \left( 1 + \frac{1}{2} \right)}$$

бурада  $a_0 = \frac{\hbar^2}{m_0 e^2}$ -бириңчи Бор орбитинин радиусу;  $n$ ,  $l$ -

исә ујғун олараг баш вә орбитал квант әдәдләридир. Бу ифадәләри (5.32)-нәзәрә алсаг бир сыра һесапламалардан сонра енержијә верилән релјативистик дүзәлиши үчүн ашағыдакы ифадәни алырыз:

$$E_{\text{rel}} = E_0 \cdot \frac{z^2 \alpha^2}{n} \left( \frac{1}{1 + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right); \quad \alpha = \frac{e^2}{\hbar c} \quad (5.33)$$

Бу бəрəбərлик электронун кўтлэсинин сўр'эгдэн асылылыгы һесабына һидрогенəбэнзэр атомларда енержин дэјинмэсини ифадə едир. Енержи сəвијјэлəрни ифадə едэн Дирак дустуруну элдə етмэк үчүн (5.33)-ин үзəринə спин-орбитал гаршылыгы тə'сир һесабына электронун кэб етдији енержин дə əлавə етмэк лəзымдыр.

**Спин-орбитал гаршылыгы тə'сир һесабына енержиə верилэн дүзəлиш:**

Лухарыда сəрлэдијимиз кими электронун мэхуси магнит моменти

$$\vec{\mu}_s = \frac{e}{m_0 c} \vec{S}$$

орбитал магнит моменти  $\vec{\mu}_l = \frac{e}{2m_0 c} \vec{L}$  илэ гаршылыгы тə'сирдэ олур вə бунун нəтичэсиндэ һидроген атоиунун енержи сəвијјэлəри дэјиншр.  $\vec{\mu}_s$  вə  $\vec{\mu}_l$ -ин фəзада оријентасијасындан асылы олар, гаршылыгы тə'сир енержиси мұхтəлиф олур вə белəликэ спин-орбитал гаршылыгы тə'сир һесабына енержи сəвијјэлəри парчаланараг инчə гурулуна малик олур. Бир сыра атомларда спин-орбитал гаршылыгы тə'сир енержиси релјативистик дүзəлиндэн бəјүкдүр. Днкэр атомларда исə һэр ики дүзəлин тəғрибэн сјнидир.

Үмуми мұһакимэлэрə əсасланараг һидрогенəбэнзэр атомлар үчүн спин-орбитал гаршылыгы тə'сир енержиси

$$U = a(\vec{L}\vec{S})$$

шəклиндэ јазмаг олар.  $\vec{\mu}_s$  вə  $\vec{\mu}_l$  магнит диполларынын гаршылыгы тə'сирн əтрафы шəкилдэ Френкел вə Томас тэрəфиндэн өјрəнилмиш вə  $a$  вурүғу үчүн ашағыдакы ифадə элдə едилмишдир:

$$a = \frac{ze^2}{2m_0^2 c^2 r^3}$$

$$\text{Беләликлә, } U_{ls} = \frac{zl^2}{2m_0^2 c^2 r^3} (\vec{l}\vec{s})$$

олур. Уңуулуг принципно көрә спин-орбитал гаршылыгы тә'сир оператору

$$U = \frac{zl^2}{4m_0^2 c^2 r^3} (\vec{J}^2 - \vec{I}^2 - \vec{S}^2); \quad \vec{J} = \vec{I} + \vec{S}$$

олар. Спин-орбитал гаршылыгы тә'сир енержиси, (бу енержи нәзәрә алынмадыда), атомун малик олдуғу енержидән дәфәләрлә кичик олдуғуна көрә  $U_{ls}$ -ә һәҗәчанлашма кими бахмаг мүмкүндүр.  $E_n^{(1)}$  ифадәсиндә  $U$ -ну нәзәрә алсаг спин-орбитал гаршылыгы тә'сир һесабына бириңчи јахынлашмада верилән дүзәлиш үчүн

$$E_{ls} = \frac{ze^2}{4m_0^2 c^2} \int \psi_n^{(0)*} \cdot \frac{1}{r^3} (\vec{J}^2 - \vec{I}^2 - \vec{S}^2) \psi_n^{(0)} d^3r$$

ифадәсини әлдә едирик.  $\psi_n^{(0)}$  функцијасы  $\vec{J}^2, \vec{I}^2, \vec{S}^2$  операторларынын мәхсуси функцијасы олдуғу үчүн, јә'ни

$$\vec{J}^2 \psi_n^{(0)} = j(j+1) \psi_n^{(0)}$$

$$\vec{I}^2 \psi_n^{(0)} = l(l+1) \psi_n^{(0)}$$

$$\vec{S}^2 \psi_n^{(0)} = s(s+1) \psi_n^{(0)}$$

олдуғундан

$$E_{ls} = \frac{ze^2}{4m_0^2c^2} [j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)] \int |\psi_n^{(e)}|^2 \frac{d^3r}{r^3} \quad (5.34)$$

олур.

Сонунчу, бәрабәрликдән көрүндүү кими интеграл  $\langle \frac{1}{r^3} \rangle$  орта гүжмәтини көстәрир. Гидрогенәбәнзәр атомлар үчүн далға функцијасынын  $\psi_{nlm}(r, \theta, \varphi) = R_{nl}(r)Y_{lm}(\theta, \varphi)$  ифадәсини (5.34) - дө јеринө јазараг бир сыра һесабламалардан сонра

$$\langle \frac{1}{r^3} \rangle = \frac{z^3}{\alpha_0^3 n^2 l(l+1)(l + \frac{1}{2})}$$

әлдә едилир. Беләликлә.

$$E_{ls} = \frac{ze^2}{4m_0^2c^2} [j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)] \frac{z^3}{\alpha_0^3 n^2 l(l+1)(l + \frac{1}{2})}$$

јахул

$$E_{ls} = -E_0 \cdot \frac{z^2 \alpha^2}{n} \cdot \frac{j(j+1) - l(l+1) - s(s+1)}{2l(l+1)(l + \frac{1}{2})} \quad (5.35)$$

алырыг. Електронун атомда малик олдугу там енержи

$$E = E_0 + E_{ls} + E_{peл.}$$

олдугундан, (5.33) вә (5.35) дүстүрларыны нәзәрә алараг электронун там енержисини јығчам шәкилдә јазар.

Билдијимиз кими, электрон үчүн  $s = \frac{1}{2}$ ,  $j = l \pm \frac{1}{2}$ -дир. Онда

$s(s+1) = \frac{3}{4}$  олар. Соңунчу ифадэни  $j = l + \frac{1}{2}$  вэ  $j = l - \frac{1}{2}$

үчүн һесаблајат:  $j = l + \frac{1}{2}$  олдугда

$$\frac{j(j+1) - l(l+1) - \frac{3}{4}}{2l(l+1)(l + \frac{1}{2})} = -\frac{1}{2(l+1)(l + \frac{1}{2})}$$

$j = l - \frac{1}{2}$  олдугда исэ

$$\frac{j(j+1) - l(l+1) - \frac{3}{4}}{2l(l+1)(l + \frac{1}{2})} = -\frac{1}{2(l+1)(l + \frac{1}{2})}$$

Онда

$$\begin{aligned} E_{ls} + E_{pe1} &= \frac{z^2 \alpha^2}{n} \left( \frac{1}{l + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right) E_0 - \frac{z^2 \alpha^2}{2n} \left( \frac{1}{\left( l + \frac{1}{2} \right) (l+1)} - \frac{1}{l \left( l + \frac{1}{2} \right)} \right) E_0 = \\ &= E_0 \frac{z^2 \alpha^2}{n} \left( \frac{1}{j} - \frac{3}{4n} - \frac{1}{2j \left( j + \frac{1}{2} \right)} \right) = \frac{z^2 \alpha^2}{n} E_0 \left( \frac{1}{j + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4n} \right) \end{aligned}$$

Беләликлә, там энержи:

$$E_{nj} = E_0 \left[ 1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left( \frac{n}{j + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4} \right) \right] \quad (5.36)$$

олур. Бу бәрабәрлик, гидрогенәбәнзәр атомларын энержи сәвиҗәләрини ифадә едән дирак дүстурудур. Бу дүстура корә,  $z$ -сәвиҗәләри мүстәсна олманла, диҗәр энержи сәвиҗәләри ән азы дублет гурулуша маликдир. Көрүндүҗү кими дахили квант әдәләдәри  $j_1 = l + \frac{1}{2}$  вә  $j_2 = l - \frac{1}{2}$  олан алт сәвиҗәләр арасындакы мәсафә

$$\Delta E_{j_1, j_2} = E_0 \cdot \frac{\alpha^2 z^2}{n^2} \cdot \frac{1}{l(l+1)}$$

олур.

Беләликлә, инчә парчаланманын гүҗмәти нүвәнин јүкүнүн артмасы илә кәскин оларат  $\sim z^4$  артыр, баш вә орбитал квант әдәләринин артмасы илә азалыр  $\frac{1}{n^2} \cdot \frac{1}{l(l+1)}$ ;

бурада  $\alpha = \frac{l^2}{hc} \sim \frac{1}{137}$  инчә гурулуш сабити адланыр.

### §5.16. Сечмә гајдалары

Нормал һалда олан атом мүәҗҗән миғдарда энержи удманла даһа јухары энержи сәвиҗәсинә кечә биләр; јухары энержи сәвиҗәсиндән вә ја һәҗәчанланмыш һалдан нормал һала кечмәк үчүн атом мүәҗҗән миғдарда энержи пүәландырмалыдыр. Беләликлә, атом бир һалдан диҗәринә кечмәк үчүн ја шүә удмалыдыр вә ја да бурахымалыдыр.



Садәлик үчүн фәрз едәк ки, удулма вә шүаланма процесиндә бир фотон иштирак едир (бу ән бөјүк сәттимала малик олан кечиддир). Инди белә просседә һансы сәвијјәләр (вә ја термләр) арасында кечид мүмкүн олдуғуну тәһлил едәк.

Гәләви атомларын енержи спекترینин тәчрүби тәһлили кәстәрмишдир ки, ихтијари термләр (сәвијјәләр) арасында кечид мүмкүн дејил.  $s$ -терми јалпыз  $p$ -термилә  $p$ -терми  $s$  вә  $d$  термләри илә,  $d$ -терми  $p$  вә  $f$  термләри илә вә с. комбинасија едә биләр. Бу тәчрүби факт узун мүддәт изаһ едилә билмәмишдир; бу фактын изаһына кәчмәздән әввәл кәјфијјәт характери дашыјан ашағыдакы тәһлили билмәк јахшы оларды:  $s$ -терми јалпыз  $p$ -терми илә комбинасија едир, бу о демәкдир ки, кечид јалпыз  $l=0$ -дан  $l'=1$  вә әксинә ола биләр;  $p$ -терминә кәлдикдә исе о јалпыз  $s$  вә  $d$  термләри илә комбинасија етдијиндән кечид  $l=1$ -дән  $l'=0$  вә  $l''=2$  һалларында ола биләр вә с. Бу кечидләрә нәзәр салсаг биринчи һалда ( $s \rightarrow p$  кечиди)  $l-l'=\Delta l=\pm 1$  алырыг, икинчи һалда исе  $l-l'=\Delta l=\pm 1$  вә  $l-l''=\Delta l=\pm 1$  алырыг. Белә кәјфијјәт характери дашыјан садә тәһлил кәстәрир ки, елә сәвијјәләр арасында кечид мөвчуд ола биләр ки,  $\Delta l=\pm 1$  шәрти одәнилсин: бу тил шәртләрә сечмә гәјдасы дејирләр.

Јухарыда гејд етдик ки, тәчрүбдә мүшаһидә олунун вә олунмајан кечидләрив изаһ едилмәси мөсәләси узун мүддәт өз әксини тапмады. Бу тәчрүби факт квант механикасы јарандыгдан сонра изаһ едилә билди. Квант механикасы кәстәрди ки, һәр бир сечмә гәјдасы дәгиг вә ја тәгриби сахланма танунунун нәтичәсидир. Бу һөкмү әјаци тәсәввүр етмәк үчүн там моментинин сахланма тануну шүаланан атома тәтбиг едәк. Шүаланмадан әввәл атомун там моментини  $I$ , шүаланмадан сонра исе  $I'$ -илә ишарә етсәк:

$$\vec{I} = \vec{I}' + \vec{j}_\phi$$

јазмаг олар; бурада  $\vec{j}_\phi$ -шүаланан фотонун там моментидир. Бу ифадәни

$$\Delta \vec{I} = \vec{I} - \vec{I}' = \vec{j}_\phi$$

жазыб  $|\Delta\vec{I}| = |\vec{J}_\Phi|$  олдугуну нэзэрэ алаг вэ унутмамалы ки, шүаланап фотонун там моменти онун жалпыз спин моменти илэ тэ'жин едилир  $(|\vec{J}_\Phi| = s_\Phi = +I)$ , онда

$$\Delta I = +I$$

аларыг; өкөр шүа удулурса, онда  $\Delta I = I' - I = -I$  олар, вэ белэликлэ,

$$\Delta I = \pm I$$

јени сечмэ гадјасыны аларыг. Бу сечмэ гадјасындан  $\Delta I = \pm I$  сечмэ гадјасы асаныла алыныр; доғрудан да

$$\vec{I} = \vec{L} + \vec{S}; \quad \vec{I}' = \vec{L}' + \vec{S};$$

$$\Delta\vec{I} = \vec{I} - \vec{I}' = \vec{L} - \vec{L}' = \sum \vec{L}_i - \sum \vec{L}'_i = \sum \Delta\vec{L}_i$$

гэлэви атомларда спектр валент электропунун кечиди илэ элагодар олдуғундан, бу тип атомлара бир электропду атом кими бахмаг олар вэ  $\sum \Delta\vec{L}_i \rightarrow \Delta I$  кими тэбул егмэк олар, онда

$$\vec{I} - \vec{I}' \Rightarrow \Delta\vec{I}, \quad |\Delta\vec{I}| = |\Delta\vec{I}| = +I$$

јэ'ни  $\Delta I = \pm I$  сечмэ гадјасыны аларыг.

Гејд едэк ки. Квант механикасында бэ'зи хусуси халларда ( $I=0$ ) там момент ( $\vec{I}$  вектору) биргијмэгли тэ'жин едилэ билмир: Белэ халла  $I^2 \rightarrow I(I+1) = 0$  олур; јэ'ни  $\vec{I}$  - вектору вэ онун пројексијалары мүэјјөн гијмэгэ малик олурлар. Онда  $I=0$  квант халындан дијэр  $I'=0$  квант халына кечид гэти галаған олугур ки, бу нүвэ физикасында  $0 \leftrightarrow 0$  кечиди адланыр.

Гейд едәк ки,  $\Delta I = \pm I$  сечмә гаддасыны биз формал оларак там моментин сахлама ганунунун нәтижәси кими алдыг. Әслиндә исә бу белә дежил, ога керә ки, биз һеч бир сөз демәдән спин моментин векторунун ( $\vec{s}$  вектору) дәјишмә-дижини гәбул етдик.  $\Delta I = \pm I$  сечмә гаддасы чүгүк ганунунун сахланмасынын нәтижәсидир.

Квант механикасы  $\Delta I = \pm I$  вә  $\Delta I = \pm I$  сечмә гаддалары илә јанашы там моментин вә һәрәкәт мигдары моментинин пројексиясыны характеризә едән  $m_j$  вә  $m_z$  квант әдәдләри үчүндә сечмә гаддаларыны верир.

$$\Delta m_j = 0, \pm 1; \Delta m_z = 0, \pm 1;$$

Бир мәсәләни дә јадда сахламаг лазымдыр ки, јуха-рыда шәрһ едилән сечмә гаддаларына табе олан кечидләрин һамысы тәчрүбәдә мүһәһидә едилир. Бу кечидләрлә јанашы тәчрүбәдә сечмә гаддаларына табе олмајан кечидләр дә мүһәһидә олунур. Белә кечидләрә гадаган олунмуш кечид-ләр дејирләр. Гадаган олунмуш кечидләрин еһтималы сечмә гаддаларына табе олан кечидләрин еһтималындан чох-чох кичик олур; ејни илә ујғун спектрал хәтләрин интенсивлији чох-чох зәиф олур.

### §5.17. Гәләви атомларын спектри

Мүрәккәб атомларда епержи спектринин нәзәри чәһәтдән арашдырылмасы чохлу сәјда электронларын кулон саһәсиндәки һәрәкәтнин өјрәнилмәсинә кәтирилир ки, бу да чох мүрәккәб бир мәсәләдир. Лакин бир груп чохелектронлу атомлар мөвчүддур ки, онларын спектрал хәссәләрини һидроген атомуна аналожи оларак өјрәнмәк олар. Бу груп атомлар -гәләви метал атомларыдыр. Бу элементләрин (*Li, Na, K, Rb, Cs*) спектрләри харичи корүнишү етибарилә һидроген атомунун спектринә бәвзәјир. Тәчрүбәдә мүәјјән едилмишдир ки, гәләви атомларын спектрал хәтләринин арасындакы мәсафә ганунаујғун оларак дәјишир: серијанын сәрһәддинә јакынлашдыгча спектрал хәтләр сыхлашыр вә

хэтлэрийн интенсивликлэри азалыр. Лакин гидроген атомын спектрал серијалары вэ гэлэви метал атомларынын спектрал серијалары арасында кэскин фэрглэр дэ мөвчүддүр. Мэ'лумдур ки, гидроген атомунда бүтүн серијалар ејни бир  $T(n)$  терминин комбинасијалары кими көстэрилмэклэ, Балмер дүстүрү васитэсилэ ифадэ едилир:

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{k^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

Бурада  $k$  верилмиш спектрал серија үчүн сабит кэмийјэтдир,  $n$ -нсэ дэјишир вэ һәм дэ  $n > k$ .

Ридбергин көстэрдји кими гэлэви металларын спектрал серијалары ашагыдакы термин комбинасијасы кими верилэ билэр:

$$T = \frac{R}{(n + \sigma)^2}$$

бурада  $\sigma$ -квант дефекти вэ ја Ридберг дүзэлиши адланыр. Окөр гидроген атому үчүн спектрал серијаларын хэтлэрийн тезликлэри јалныз бир үмумилэшимши балмер дүстүрү илэ верилирдисэ, гэлэвиметал атомлары үчүн бир нечэ термдэн истифадэ олунур. һәм дэ  $\sigma$  дүзэлиши јалныз бир серија һүдүдунда сабит олуб, серијадан серијаја кечэркэн дэјишир. Ридбергин көстэрдји кими гэлэви метал атомларынын спектрал хэтлэрийни ашагыдакы кими көстөрмөк олар:

$$\bar{\nu} = R \left[ \frac{1}{(k + \sigma_1)^2} - \frac{1}{(n + \sigma_2)^2} \right]$$

бурада  $\sigma_1$  вэ  $\sigma_2$  сабитлэрдир. Гэлэви метал атомларынын спектрлэриндэки бэ'зи хусусијэтлэрлэ тапыш олат:

Менделеев чэдвэлиндэ гэлэви металлар тэ'сирсиз газлардан сонра кэлир: һелиум-литиум, неон-натриум, аргон-калсиум, кригтон-сезиум, ксенон-франсиум. Мэ'лумдур

ки, тә'сирсиз газларын атомлары чох дајаныглыдыр, онлары ионлашдырмаг үчүн, бөјүк енержи вермәк лазымдыр (мәсәлән, гелиум атомунун ионлашма потенциалы 24,6в-а бәрабәрди). Гәләви металлларын атомларыны исә ионлашдырмаг үчүн нисбәтән кичик енержи лазымдыр (мәсәлән, литиум атомунун ионлашма потенциалы 5.4в-а бәрабәрди). Гәләви металллар бирвалентлидир, һәр һансы гәләви атому электронларын сајыны  $z$  илә ишарә етсәк, онда гәбул етмәк олар ки, бу гәләви метал атомунун  $z-1$  электрону нүвә илә тә'сирсиз газда олдуғу кими дајаныглы бир систем тәшкил едир (мәсәлән, литиум, гелиума, неона вә с. охшајыр), валент электрону исә атомун галтап һиссәси илә зәиф әлағәдә олуp.

Үмумијәтлә, жүкү  $Ze$  олан нүвә вә онун әтрафында үмуми жүкү  $(Z-1)e$  олан электронлар системинә атом көвдәси дејирләр. Көвдәнин там жүкү  $Ze + [-(Z-1)e] = e$  олдуғундан гәләви атомун јекәнә валент электрону бу көвдәнин саһәсиндә һәрәкәт едир. Белә модел гидрокен атомуну хатырладыр. Әслиндә исә гәләви метал атомлары илә гидрокен атому арасында көскин фәргләр вардыр. бу фәргләр ашағыдакылардан ибарәтдир. Билдијимиз кими гидрокен атомунда јекәнә электрон нүвәнин кулон саһәсиндә (мәркәзи саһә) һәрәкәт едир. гәләви метал атомунда исә валент электрону көвдә әтрафында һәрәкәт едәрәк мәнфи жүкләри итәләјиб, мүсбәт жүкләри чәзб етдијиндән көвдә деформасијаја уғрајыр, полјаризәләниp. Она корә дә гәләви металлларда көвдәнин кулон саһәсинә дипол, квадрупол, октупол вә с. саһәләр әләвә олунмалыдыр. Елә она корә дә гәләви метал атомларында гидрокен атомундан фәргли олараг, бир нечә спектрал термләр мүшаһидә олунур. гидрокен атомунда электронун потенциал енержиси

$$U = -\frac{Ze^2}{r}$$

гәләви атомларда исә,

$$U = -\frac{Ze^2}{r} \left( 1 + \frac{A}{r} + \frac{B}{r^2} + \dots \right)$$

шәклиндә ахтарылып. Бурада биринчи һәдд нөггөви жүк, икинчи һәдд дипол, үчүнчү һәдд квадрупол вә с. сәһәләр-дәки потенциал енержидир. Биз биринчи јахынлашмада ики һәддә кифәјәтләнәчәјик:

$$U = -\frac{Ze^2}{r} \left( 1 + \frac{A}{r} \right)$$

Бу һалда сферик координатларда Шредингер тәнлијини ја-зыб кулон сәһәсиндәки һәрәкәтин тәһлилиндә апардығы-мыз һесабаты тәқрар етсәк, онда (5.26) тәнлијинә уғун олан ашағыдакы тәнлији алары:

$$\frac{d^2R}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2m}{h^2} \left[ E + \frac{Ze^2}{r} - \frac{h^2l(l+1)}{8\pi^2mr^2} + \frac{Aze^2}{r^2} \right] R(r) = 0 \quad (5.37)$$

Бу тәнлијин (5.26) тәнлији илә үст-үстә дүшмәси үчүн ашағыдакы әвәзләмәни сдәк:

$$l(l+1) - \frac{8\pi^2mAZe^2}{h^2} = l_1(l_1+1)$$

Онда (5.37) тәнлији ашағыдакы шәклә дүшөр:

$$\frac{d^2R}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dR}{dr} + \frac{8\pi^2m}{h^2} \left[ E + \frac{ze^2}{r} - \frac{h^2l_1(l_1+1)}{8\pi^2mr^2} \right] R = 0$$

Бу тәнлик (5.26) тәнлизи илә үст-үстә дүшөр. Мә'лумдур ки, (бах §5.9) бу тәнлијин һәлли јалныз

$$E = -\frac{2\pi^2mz^2e^4}{h^2(n_2 + l_1 + 1)^2} = -\frac{2\pi^2mz^2e^4}{h^2n^2}$$

шәрти дахилиндә мүмкүндүр. Инди  $l_1$ -дән бизә мә'лум олан  $l$ -ә кечәк, бунун үчүн

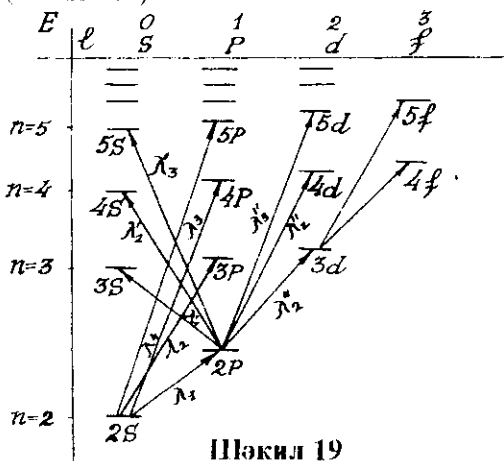
$$l_1(l_1 + 1) = l(l + 1) - \frac{8\pi^2 m A z e^2}{h^2}$$

тәңлијини  $l_1$ -ә көрә һәлл етмәлијик.

Бу тәңлији  $l_1$ -ә көрә һәлл едиб, ону  $l$ -васитәсилә ифадә етмәк олур, ләкин  $A$ -сабитинин тапымасы мүмкүн олмур. Гејд еләк ки,  $A$ -сабити квант оләдләриндән чиқди асылыдыр вә бу асылылыг бизә мә'лум дејил. Она көрә дә енержи спектри үчүн алды-ымыз (5.36) дүстурундан истифадә едәчәјик.

$$E_{nj} = E_0 \left[ 1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left( \frac{n}{j + \frac{1}{2}} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

Дирак нәзәријәсинә көрә һидрогенә бәңзәр атомларын тәдиги бизи бу дүстура көтирир. Дүстурдан көрсәнир ки,  $n$ -ин мүәјјән тијмәтиндә  $l$ -ин мүхтәлиф тијмәтләри үчүн енержини тијмәтләри фәрqlәнир. Бу фәрг һидроген атомунда өзүнү көстәрир, чүнки һидроген атомунда  $l$ -ә көрә чырлашма мөвчуддур. Инди  $ns$ ,  $np$  вә  $nd$  сәвијјәләринин енержисини јазаг вә  $l$ -атомунун енержи спектрини графика көстәрәк (шәкил 19)



Шәкил 19

$$E(ns) = -\frac{2\pi^2 m z^2 e^4}{h^2 n^2} \left[ 1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left( 2n - \frac{3}{4} \right) \right]$$

$$E(np) = -\frac{2\pi^2 m z^2 e^4}{h^2 n^2} \left[ 1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left( \frac{2n}{3} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

$$E(nd) = -\frac{2\pi^2 m z^2 e^4}{h^2 n^2} \left[ 1 + \frac{z^2 \alpha^2}{n^2} \left( \frac{2n}{5} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

Бу гиймәтләри мугајисә етсәк  $ns$  сәвијәсинин ән ашағыда, ондан сонра  $np$  сәвијәсининвә ондан јухарыда исә  $nd$  сәвијәсинин јерләшдијини корәрик. Борун тезлик гайдасындан истифадә етмәклә тәчрүбәдә мүшаһидә олуан сәријаларын тезликләрини һесабламаг олар:

Баш сәрија:  $1s \rightarrow mp$  кечидләришдә мүшаһидә олуноур. икинчи көмәкчи сәрија  $2p \rightarrow ms$  кечидиндә, биринчи көмәкчи сәрија  $2p \rightarrow md$  кечидиндә фундаментал сәрија исә  $3d \rightarrow mf$  кечидиндә мүшаһидә олуноур. Гејд едәк ки, бу сәријаларда  $\Delta l = \pm 1$  сечмә гайдасы өдәнилир.

### §5.18. Елементләрин дөврү системи

Квант механикасынын ән парлаг нәтичәләриндән бири дә элементләрин дөврү системинин нәзәри оларат гурулмасы вә әсәсләндырылмасыдыр.

Гејд едәк ки, биз бурада элементләрин кимјәви вә физики хәссәләрини тәһлил етмәјиб, онларын јалныз электрон конфигурасиясыны тәһлил едәчәјик. Әввәлчә атом электронунун мүмкүн ола билән һалларыны тәјин едәк. Мә'лумдур ки, (§5.15) электронунун атомда һалы  $n$ ,  $l$ ,  $m_z$  вә  $m_s$  дөрд квант әдәди илә характеризә олуноур. Әкәр  $n$ ,  $l$  вә  $m_z$

квант әдәдләрини фиксә етсәк, онда  $m_s = \pm \frac{1}{2}$  гиймәт алды-



Ғындан демек олар ки, атомда  $n$ ,  $l$  вә  $m_l$  мүүжән олан ики электрон ола биләр.  $n$  вә  $l$ -и фиксә етмиш олсаг  $m_l$ .  $2l+1$  гижмәт алдығындан һөкм етмәк олар ки,  $n$  вә  $l$  мүүжән гижмәтә малик олан электронларын сајы  $2(2l+1)$  олар. Әкәр јалпыз баш квант әдәли  $-l$  фиксә етмиш олсаг, онда

$$N = \sum_{l=0}^{n-1} 2(2l+1) = 2n^2$$

аларыг.  $n=1$  олан һала  $K$ -лајы дејирләр,  $K$ -лајында јалпыз ики электрон ола биләр.  $n=2$  олан һала  $L$ -лајы дејирләр ки, бу лајда 8-электрон ола биләр.  $n=1$  олдугда  $l=0$  олдугундан  $K$ -лајы  $1s$ -тәбәгәсинә малик олур;  $n=2$  оларса,  $l=0$  вә  $l=1$  гижмәгләрини алдығындан  $L$ -лајы  $2s$  вә  $2p$  тәбәгәсиндән ибарәт олур. Тәбәгәдә јерләшән электронларын сајы  $2(2l+1)$  илә тәјин олуңдугундан,  $s$ -тәбәгәсиндә ( $l=0$ ), 2-электрон,  $P$ -тәбәгәсиндә ( $l=1$ ) 6-электрон  $d$ -тәбәгәсиндә ( $l=2$ ) 10-электрон вә с. ола биләр.  $n=3$ ,  $M$ -лајы ( $3s$ ,  $3p$ ,  $3d$ ) тәбәгәләри,  $n=4$ ,  $N$ -лајы ( $4s$ ,  $4p$ ,  $4d$ ,  $4f$ ) вә с. адылар.

Инди лајларда олан электронларын максимум сајыны јазаг;

$K$ -лајы $n=1$ , $1s^2$	чәми 2 электрон,
$L$ -лајы $n=2$ , $2s^2 2p^6$	чәми 2+6=8 электрон,
$M$ -лајы $n=3$ , $3s^2 3p^6 3d^0$	чәми 2+6+10=18 электрон,
$N$ -лајы $n=4$ , $4s^2 4p^6 4d^0 4f^0$	чәми 2+6+10+14=32 электрон

ола биләр.

Инди биринчи 10-элементин ( $H$ -дән  $Ne$ -гәдәр) электрон конфигурасиясыны, термини вә валентлијини тәјин едәк:

1.  $H$ .  $n=1$ ,  $l=0$ ,  $m_l=0$ ,  $m_s = +\frac{1}{2}$  олдугундан, онун элект-

рон конфигурасиясы  $1s^1$ , әсас терми илә  $2s_0$  олар.

Адәтән элементин валент голу (валентлији) спини компенсә едилмәмиш электронларын сајы илә тәјин олуңур. Hidроген атомунда спини компенсә олмајан бир электрон олдугундан, о бир валентли элементдир.

2. *He*.  $n=1$ ,  $l=0$ ,  $m_z=0$ ,  $m_s = \pm \frac{1}{2}$  гиймәтләрини алдығын-

дан бәсас электрон конфигурацијасы  $1s^2$ , терми  $^1s_0$  валентлији исә сыфырдыр (электронлар антипаралел јөнәлминдир). Гелиум атомунда *K*-лаји там долур, она корә дә бу атом тә'сирсиз атомдур.

3. *Li*. Литиумун биринчи ики электрону *He* атомунда олдуғу кими јерләшир, јә'ни  $n=1$ ,  $l=0$ ,  $m_z=0$ ,  $m_s = \pm \frac{1}{2}$ ,  $1s^2$

олур. Үчүнчү электрону исә *K*-лаји ( $n=1$ ) там долдуғундан *L*-лајында  $n=2$  јерләнимәлидир. *L*-лаји ики тәбәгәдән ( $2s$  вә  $2p$ ) ибарәт олдуғундан үчүнчү электронун һансы тәбәгәдә јерләшә билмәсини мүәјјәнләшдирмәлијик. Квант механикасында гејри-мәркәзи саһәдә һәрәкәт едән электрон мәсәләсинин һәлли енержинин  $n$  вә  $l$ -дән асылы олмасына кәтирир; белә ки, енержи  $n+l$ -дән асылы алмагла лајын вә ја тәбәгәнин долмасы  $n+l$  кичик гиймәтиндән башламалыдыр.  $l$ -и кичик олан һалын енержисә,  $l$ -бөјүк олан һалын енержиндән кичик олур; тәбәгәнин долмасы  $l$ -ин кичик гиймәтләриндән башлајыр ( $ns$ ,  $np$ ,  $nd$  вә с.). Ола биләр ки, ики мүхтәлиф лајда  $n_1+l_1=n_2+l_2$  мүнәһидә олунсун, белә һалда  $l$ -и бөјүк олан тәбәгә долмалыдыр. Бу мүнәһимәни нәзәрә алсаң *L*-лајында  $2s$  тәбәгәси ( $n+l=2+0=2$ ),  $2p$  тәбәгәсиндән ( $n+l=2+1=3$ ) табаг долмалыдыр, јә'ни литиум атомунун үчүнчү электрону  $n=2$ ,  $l=0$ ,  $m_z=0$ ,  $m_s = +\frac{1}{2}$  тәбәгәсиндә јерләшмәлидир.

Беләликлә литиум атомунун электрон конфигурацијасы  $1s^2 2s^1$  терми  $2s_{1/2}$ , валентлији исә бирдир.

4. *Be*. Бериллиум атомунун биринчи үч электрону литиум атомунда олдуғу кими јерләшир. Дөрдүнчү электрон  $2s$ -тәбәгәсиндә бир бош јер олдуғундан һәммин јери  $n=2$ ,  $l=0$ ,

$m_z=0$ ,  $m_s = \pm \frac{1}{2}$  тугур. Беләликлә бериллиум атомунун элект-

рон конфигурацијасы  $1s^2 2s^2$ , терми  $^1s_0$ , валентлији исә сыфыр олур. Кимјәви реаксиялар әксәр һалларда енержинин удулмасы илә баш верир. *L*-лајындакы  $2s$  вә  $2p$  тәбәгәләри арасындакы енержи фәрги  $2,7eV$  олдуғундан кимјәви реак-

сијаларда удулан енержи бир електронлу  $2s \rightarrow 2p$  кечидилгә сәбәб ола биләр ки, бу да  $|s^2 2s^2 \rightarrow |s^2 2s' 2p'$  конфигурацијасына кәтирәр. Белә конфигурација бериллиум атомунун ики валентли олмасыны кәстәрир. Бурада спини компенсә олунмамыш електронун бири  $2S$  -тәбәгәсиндә дикәри исә  $2P$ -тәбәгәсиндә јерләшир.

5. В. Бор атомунун биринчи дөрд електрону бериллиум атомунда олдуғу кими јерләшир, јә'ни:  $n=1, l=0, m_l=0, m_s = \pm \frac{1}{2}$ .  $1S^2$   $n=2, l=0$  ( $n+l=2$ ),  $m_l=0, m_s = \pm \frac{1}{2}$ ,  $2S^2$  конфигурацијая малик олур. Бешинчи электрон  $L$ -лајынын  $2P$  -тәбәгәсиндә јерләшмәлидир, доғрудан да  $2P$  - тәбәгәсиндә,  $n=2, l=1, n+l=3$ ,  $M$ -лајынын  $3S$ -тәбәгәсиндә исә  $n=3, l=0, n+l=3$  олмасына бахмајарағ  $2P$  -тәбәгәси әввәлчә долур, чүнки  $2P$  тәбәгәсиндә  $l$ -ин гижмәти даһа бөјүкдүр. Беләликлә, бор атомунун әсас терми  $2P_{1/2}$ , электрон конфигурацијасы исә  $1S^2 2S^2 2P'$ -дир ки. Бу һалда бор бир валентли,  $2S \rightarrow 2P$  бирелектронлу кечидиндән сонра исә озүнү үчвалентли апарыр.

6.С. Карбон атому 6-електрона маликдир, бу электронларын дүзүлүш гәјдасы

$$n=1, l=0, m_l=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 1s^2$$

$$n=2, l=0, m_l=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 2s^2$$

$$n=2, l=1, m_l = \begin{cases} +1 & m_s = +\frac{1}{2} \\ 0 & \\ -1 & m_s = +\frac{1}{2} \end{cases} \quad 2p^2$$

олур.  $2P$ -тәбәгәсиндә јерләшән электронларын спини, һунд гәјдасына көрә паралел олмалыдыр ки, бу карбон атомунун ики валентли олмасына кәтирир.  $2S \rightarrow 2P$  бирелектронлу кечидиндә  $2P$  тәбәгәсиндә үч электрон јерләшәр ки, һунд гәјдасына көрә онларын спини паралел олмалыдыр. Бу

налда карбон атому өзүнү дөрдвалентли апарып вә әсас терми  ${}^3P_0$ -дыр.

7. N. Азот атому 7-электрона маликдир, бу электронларып дүзүлүш гадасы беләдир.

$$n=1, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 1s^2$$

$$n=2, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 2s^2$$

$$n=2, l=0, m_z = \begin{cases} +1 & m_s = +\frac{1}{2} \\ 0 & m_s = \frac{1}{2} \\ -1 & m_s = \frac{1}{2} \end{cases} \quad 2p^3$$

Азот атомунунун электрон конфигурасиясы  $1S^2 2S^2 2P^3$ , әсас терми  ${}^4S_{3/2}$  валентлији исә үчдүр. Нунд гадасына көрә  $2P$  -тәбәгәсиндә олан үч электрон паралел спинә малик олмалыдыр. Азот атомунда  $2S \rightarrow 2P$  кечиди валентлији дә-јишмвр.

8. O. Оксиксен атомунун 8-электрону ашағыдакы гаддада дүзүлүшләр:

$$n=1, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 1s^2$$

$$n=2, l=0, m_z=0, m_s = \pm \frac{1}{2}, \quad 2s^2$$

$$n=2, l=0, m_z = \begin{cases} +1 & m_s = +\frac{1}{2} \\ 0 & m_s = +\frac{1}{2} \\ -1 & m_s = +\frac{1}{2} \end{cases} \quad 2p^4$$

Әсас электрон конфигурасиясы  $1S^2 2P^2 2P^4$ , терми  $^3P_2$ , валентлији исә икидир.  $2S \rightarrow 2P$  кечиди валентлији дәјишмир.

9.F. Фтор элементин 9-электрону, оксикендә олдуғу кими јерләшир. Әсас электрон конфигурасиясы  $1S^2 2S^2 2P^5$  терми,  $2P_{1/2}$  валентлији исә бирдир.  $2S \rightarrow 2P$  кечиди валентлији дәјишмир.

10.Ne. Неон атомунун 10  $1S^2 2S^2 2P^6$  электрону конфигурасиясыны тәшкил едир. Неон атомунда еини компенсә едилмәмин электрон јохдур, она корә дә неон атому тә'сирсиз атомдур. Гейд едәк ки, неон атомунда  $L$ -лаји там долур вә әсас терм  $^1S_0$ -олур.

11.Дикәр атомларын электрон конфигурасиясы, әсас терми вә валентлији бу шәкилдә тә'јин едилир. Јакин унутмамалы ки,  $n$ -ин бөјүк гижмәтләриндә бир электронлу кечидин саји арта биләр; мәсәлән,  $n=4$  олдуғда  $4S \rightarrow 4P$ ,  $4P \rightarrow 4d$ ,  $4d \rightarrow 4f$  кечидләри ола биләр ки, бу да валентлијин дәјишмәсинә кәтирә биләр.

Мәшғәлә:  $K$ ,  $Ca$ ,  $Sc$ ,  $Ti$  вә  $V$  элементләринин электрон конфигурасиясыны вә әсас термләрини тә'јин етмәли.

### §5.19. Аномал Зејеман ефекти

Зејеман ефектинин классик нәзәријәси §3.11-дә пәрһ едилминдир. §3.11-дә көстәрдик ки, харичи магнит саһәси спектрал хәттә тә'сир едәрәк ону үч хәттә парчалајыр ки, буна нормал Зејеман ефекти дејирләр (бах. §1.4). Тәчрүбәдә алынған чоғлу сајта хәтләр (аномал Зејеман ефекти) классик физикада изаһ едилә билмир. Зејеман ефектинин там нәзәријәси јалғыз релјативистик квант механикасы (Дирак тәңлији) дахилиндә верилир. Биз бурада Зејеман ефектинин там нәзәријәсини јох, тәчрүбәдә алынған нәтичәләри кәјфијәтчә изаһ етмәјә чалышачајыг.

Фәрз едәк ки, магнит моменти  $\vec{\mu}$  олан атом сабит, бирчинели харичи магнит саһәсинә дахил едилир. Бу һалда атомун харичи магнит саһәсиндә алдығы әләвә енержи:

$$\Delta E = -(\vec{\mu}\vec{H}) \quad \vec{\mu} = \vec{\mu}_l + \vec{\mu}_s$$

бурада  $H$ -харичи магнит саһәсинин интенсифијидир.  
 Эввэлчә Шрединжер тәнлијини јазат:

$$\Delta\psi + \frac{2m}{\hbar^2}(E - U)\psi = 0$$

вә харичи магнит саһәси илә электронун гаршылыгылы тә'сир енержисини мүүјәнләшдирәк. Харичи саһәдә һәрәкәт едән электрона Лоренс гүввәси тә'сир едир, лакин бу гүввә иш көрмәдијиндә, о потенциал енержијә һеч бир эләвә вермир. Атомун харичи магнит саһәси илә гаршылыгылы тә'сир енержиси ледикдә, онун магнит моментинин харичи саһә илә гаршылыгылы тә'сир енержиси баһа дүшәчәјик, јә'ни

$$U = -(\vec{\mu}\vec{H}) = -\mu H \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{m_z}{n_\phi} \quad \text{вә} \quad \mu = \mu_0 n_\phi \quad \text{олдуғуну нәзәрә алсаг (бурада) } \mu_0$$

- Бор магнетондур:

$$U = -\mu_0 H m_z$$

Биз бурада јалпыз орбитал магнит моментини нәзәрә алмышыг. Әкәр сиин магнит моментини нәзәрә алсаг

$$U = -\mu_0 H m_z - \mu_0 H m_s = -\mu_0 H (m_z + m_s) = -\mu_0 H m_j$$

олар. Бу ифадәјә Ланде факторуну дахил етсәк

$$U = -\mu_0 H g_j m_j$$

олар. Бу ифадәни Шрединжер тәнлијиндә јеринә јазсаг

$$\Delta\psi + \frac{2m}{\hbar^2} \left[ E(H=0) + \mu_0 H g_j m_j \right] \psi = 0$$

алары. Бу тәһликдән көрүнүр ки, атом электронунун харичи магнит сәһәсиндәки там енержиси

$$E(H \neq 0) = E(H=0) + \mu_0 H g_j m_j$$

олар. Борун тезлик гәјдәсына көрә ики сәвијә арасындакы кечиддә бурахылан шүанын тезлији

$$\omega = \frac{E'(H \neq 0) - E''(H \neq 0)}{\hbar} = \frac{E'(H=0) - E''(H=0)}{\hbar} + \mu_0 H \frac{g_j' m_j' - g_j m_j}{\hbar}$$

тәјин олунар.  $\frac{E'(H=0) - E''(H=0)}{\hbar} = \omega_0$  илә ишарә етсәк:

$$\omega = \omega_0 + \Delta\omega(g_j' m_j' - g_j m_j) \quad (5.38)$$

алары. Бурада  $\Delta\omega = \frac{\mu_0 H}{\hbar} = \frac{eH}{2mc}$  Лармор тезлијидир.

(5.38) дүстүрү әсасында истәнилән сәвијәләр арасындакы кечиддә Зејеман парчаланмасыны һесапламаг олар. Бу дүстүр әсасында *Na* атомунун бащ сәријасындакы сары хәтти тәһлил едәк; сары хәттин далға узунлулары

$$\lambda_1 = 5896 \text{ \AA}, \quad \lambda_2 = 5890 \text{ \AA}$$

Сары хәтт  $^3P_{1/2} \rightarrow ^3S_{1/2}$  вә  $^3P_{3/2} \rightarrow ^3S_{1/2}$  кечидләриндә бурахылыр. Бу кечидләрдә  $L=1, 0; S=1/2, n=3$  гүјмәтләрини алыр. Ланде фактору §5.14-дә алынан

$$g = \frac{3}{2} + \frac{S(S+1) - L(L+1)}{2I(I+1)}$$

дүстуру васитәсилә һесаблиныр.

$3S_{1/2}$  -сәвијјәси үчүн  $g=2$ ,  $3P_{1/2}$  -сәвијјәси үчүн  $g = \frac{2}{3}$ ,

$3P_{3/2}$  -сәвијјәси үчүн исә  $g = \frac{4}{3}$  алырыт. Үмумијјәтлә,

бу кечидләрдә квант әдәдләринин алдығы гијмәтләр:

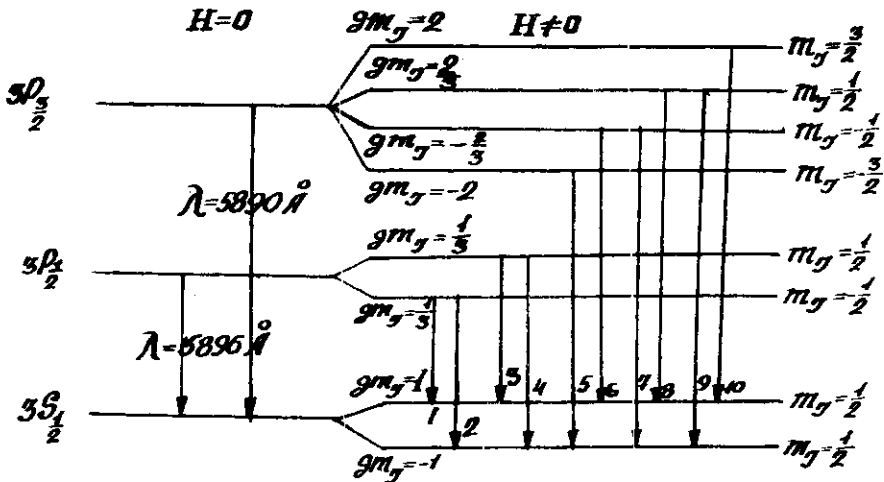
$3S_{1/2}$  -сәвијјәсиндә  $L=0$ ,  $S = \frac{1}{2}$ ,  $I = \frac{1}{2}$ ,  $m_j = \pm \frac{1}{2}$ ,  $g = 2$ ,  $gm_j = \pm 1$

$3P_{1/2}$  -сәвијјәсиндә  $L=1$ ,  $S = \frac{1}{2}$ ,  $I = \frac{1}{2}$ ,  $m_j = \pm \frac{1}{2}$ ,  $g = \frac{2}{3}$ ,  $gm_j = \pm \frac{1}{3}$

$3P_{3/2}$  -сәвијјәсиндә  $L=1$ ,

$S = \frac{1}{2}$ ,  $I = \frac{3}{2}$ ,  $m_j = \pm \frac{1}{2}, \pm \frac{3}{2}$ ,  $g = \frac{4}{3}$ ,  $gm_j = \pm \frac{2}{3}, \pm 2$

Бу гијмәтләро ујғун олан кечидләр шәкил 20-дә тәсвир олунышду.



Шәкил 20



Гейд елэк ки, бу кечидләрдә §5.16 верилән сечмә гайдалары өдәнмәлидир, јә'ни  $\Delta l = \pm 1$ ,  $\Delta m_j = 0, \pm 1$ . Дәгиг ријазии һесаблималар кәстәрир ки, алынган бу нәтиҗәләр зәиф магнит сәһәси үчүн дәғрудур. Зәиф магнит сәһәси дедикдә, елә сәһәләр баша дүшүлүр ки, атомун там магнит моментинин харичи сәһә илә гаршылыгы тә'сир енержиси, спин-орбитал гаршылыгы тә'сир енержисиндән кичик олсун. Әкәр там магнит моментин харичи сәһә илә гаршылыгы тә'сир енержиси, спин-орбитал тә'сирин енержисиндән бөјүк оларса, онда харичи сәһә спин-орбитал әләғәни тыра биләр. Бу һалда спин магнит моментини вә орбитал магнит моментини харичи сәһә илә ајры-ајрылыгыда гаршылыгы тә'сирдә олачагдыр. Белә гаршылыгы тә'сир бизи нормал Зееман эффектине (спектрал хәттин үч хәттә парчаланмасы) кәтирәр. Бу һадисә илк дәфә тәчрүбәдә Папшен-Бак тәрәфиңдән мүшаһидә едилмишидир ки, бу да Папшен-Бак эффектини адланыр.

Папшен-Бак эффектини спин-орбитал гаршылыгы тә'сирин чох кичик олмасы илә әләғәдардыр ки, бу һалда  $g_j' = g_j$  олур вә (5.38) дүстүрү

$$\omega = \omega_0 + \Delta\omega g_j (m_j' - m_j) = \omega_0 + \Delta g_j \Delta m_j$$

шәклә дүшүр.  $\Delta m_j = 0, \pm 1$  олдуғуну нәзәрә алсаг спектрал хәттин үч хәттә парчаланмасы мүшаһидә олунар ки, бу да нормал Зееман эффектидир.

### §5.20. Штарк эффектини

1913-чү илдә штарк харичи электрик сәһәсинин спектрал хәттә тә'сирини тәчрүбәдә тәдгиг етмишидир. Тәчрүбә кәстәрмишидир ки, харичи электрик сәһәси спектрал хәтти парчалајыр ки, бу Штарк эффектини адланыр. Штаркын апардығы тәчрүбәләрдә харичи электрик сәһәсинин гидроген атомуна вә дикәр атомлара кәстәрдији тә'сирини ејни олмамасы ашкар олунишидир. Тәчрүбә кәстәрмишидир ки, хари-

чи саһәнин кичик гиймәтләриндә, гидрокен вә гидрокенә-бәнзәр атомун спектрал хәтгинин парчаланмасы саһәнин биринчи дәрәчәси илә (хәтти Штарк эффекти), диқәр атомларын спектрал хәтгинин парчаланмасы исә саһәнин икинчи дәрәчәси илә ( квадратик Штарк эффекти) мütәнасибдир. Саһәнин бөјүк гиймәтләриндә исә гидрокен вә гидрокенә-бәнзәр атомлар үчүн квадратик Штарк эффекти, диқәр атомлар үчүн исә јүксәк дәрәчәли Штарк эффекти мүшаһидә олуноур. Саһәнин даһа бөјүк гиймәтләриндә исә спектрал хәтт итир.

Инди бу һадисәни классик вә квант нәзәријјәсини тәһлил еләк. Әввалчә саһәнин «зәиф» вә «күчлү» гиймәтләрини ајдынлашдыраг. Нүвәнин биринчи Бор орбити радиусу мәсафәсиндә јарагдығы електрик саһәсинин интенсивлији

$$\varepsilon_{\text{нүвә}} = \frac{e}{a_0^2} = \frac{4,8 \cdot 10^{-10}}{(0,538 \cdot 10^{-8})^2} \cdot 300 \approx 5 \cdot 10^9 \text{ в/см}$$

олар. Тәчрүбәдә гидрокен атому үчүн хәтти Штарк эффекти  $\varepsilon \sim 10^4 \text{ в/см}$  гиймәтиндә мүшаһидә олуноушдур.  $\varepsilon \ll \varepsilon_{\text{нүвә}}$  олдуғундан бу тәртиб саһәләри зәиф саһә адландырачајыг. Күчлү саһә дедикдә исә  $\varepsilon \sim 10^6 \text{ в/см}$  баша дүшәчәјик, чүнки тәчрүбәдә гидрокен атому үчүн квадратик Штарк эффекти саһәнин  $10^5 - 10^6 \text{ в/см}$  гиймәтиндә мүшаһидә олуноушдур. Саһәнин  $10^6 \text{ в/см}$  гиймәтиндән бөјүк гиймәтләринә исә даһа күчлү саһә дәрәчәјик.

Классик физикада Штарк эффектнин нәзәријјәси харичи електрик саһәсиндә рәгс едән електронун һәрәкәтинә эквивалентдир. Доғрудан да орбит бојунча фырланан електронун һәрәкәтини бир-биринә перпендикулјар олан үч рәгси һәрәкәтә ајырмаг олар. (бах §3.5); харичи саһәни бу рәгсләрдән һәр-һансы бири истигамәтдә јөнәлтсәк ( $\varepsilon_y = \varepsilon_z = 0, \varepsilon_x = \varepsilon$ ) онда електронун һәрәкәт тәнлији (§1.4)

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{e\varepsilon}{m} - \omega_0^2 x$$

$$\frac{d^2 y}{dt^2} = -\omega_0^2 y$$

$$\frac{d^2 z}{dt^2} = -\omega_0^2 z$$

олар. Бу систем тәнлик (1.16) тәнликләри илә үст-үстә дүшүр. §1.4 көстәрмишдик ки, бу тәнликләрин һәлли рәгсин тезлијини дәјишмәјиб јалныз таразлыг һөгтәсини  $\frac{e\varepsilon}{m\omega_0^2}$  гә

дәр сүрүшдүрүр. Бу о лемәкдир ки, классик физикаја көрә харичи электрияк саһәси, спектрал хәттин тезлијини дәјишә билмәз, јә'ни Штарк еффеќти классик физикаја әсасән изаһ едилә билмәз.

Инди квант механикасы әсасында Штарк еффеќтини кејфијјәтчә тәһлил едәк. Фәрз еләк ки, электрон  $x$  -оһу истигамәтдә ( $\varepsilon_x = \varepsilon$   $\varepsilon_y = \varepsilon_z = 0$ ) һәрәкәт едир. Бу һалда электронун харичи саһә илә гаршылыгылы тә'сир енерјиси:

$$U = ex\varepsilon$$

олар; бу енерјини Шредингер тәнлијиндә нәзәрә алсаг:

$$\frac{d^2 \psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2 m}{h^2} (E - ex\varepsilon) \psi = 0$$

тәнлијини аларыг. Бу тәнлији һәлл етмәк о гәдәр дә чәтин дејилдир, лакин биз тәнлији һәлл етмәјиб Балмер серијасы  $n=2$  үчүн енерјинин квант механикасындан мә'лум олан гијмәгләриндән истифадә едәк: квант механикасында апарылан һесабаг көстәрир ки, икинчи сәвијјәә верилән әләвә енерји:

$$E_2^{(1)} = E_2(0) - 3e\varepsilon a_0$$

$$E_2^{(2')} = E_2(0) + 3e\epsilon a_0$$

$$E_3^{(2')} = E_2(0)$$

гэ'жин олунур; бурала  $E_2(0) = -\frac{2\pi^2 m e^4}{4h^2}$ .  $a_0$  - исэ биринчи

Бор орбитинин радиусудур. Сонунчу ифадэлэри тезликлэрэ керэ јазсаг ( $h$ -а бөлмөклө)

$$v_2^{(1)} = v_2^{(0)} - \frac{3ea_0}{h} \cdot \epsilon$$

$$v_2^{(2)} = v_2^{(0)} + \frac{3ea_0}{h} \cdot \epsilon$$

$$v_2^{(2')} = v_2^{(0)}$$

аларыг. Бу ифадэлэрдөн көрсөнир ки, харичи електрик сахәси спектрал хәтти парчалајыр вә гидроген атому үчүн бу парчаланма сахәнин биринчи дәрәчәси илә мүтәнасибдир (хәтти Штарк эффект). Хәтти Штарк эффектини Шредингер тәнлијинә мүрачиәт етмәдән дә кејфијјәтчә изаһ етмәк олар. доғрудан да, харичи сахә илә электропун гаршылыгылы тә'сир енерјисини

$$U = e\chi\epsilon \Rightarrow (\vec{P}\vec{\epsilon}) = P\epsilon \cos \alpha$$

шәклиндә дә јазмај олар; бурала  $P$ -гидроген атомунун електрик дипол моментидир. Онда атомун гам енерјиси ( $n=2$  һалында)

$$E_2 = E_2^{(0)} + P\epsilon \cos \alpha$$

олар; бу ифадәни тезликләрдә язсаг:

$$v_2 = v_2^{(0)} + \frac{P\varepsilon}{h} \cos \alpha$$

аларыг.

$v_2$ -тезлијини јухарыдакы тезликләрдә мүгајисә етсәк  $p=3ea_0$ ,

$\alpha=0; \frac{\pi}{2}; \pi$  гижмәтләрини алырып.

Беләликлә илднә етмәк олар ки, хәтти Штарк эффектнин јаранмасына сәбәб, гидроген атомунун дипол моментинә малик олмасыдыр ки, бу дипол моменти дә фәзада үч истигамәтдә истигамәтләнир. Кичик саһәләр үчүн  $10^4$  в/см квант механикасынын вердији нәтичәләр тәчрүби нәтичәләрлә үст-үстә дүшүр. Чох күчлү саһәләрдә спектрал хәттин итмәсини автоинланшма илә изаһ етмәк олур, јә'ни саһә чох күчлү олдуғда гаршылыгылы тә'сирин нәтичәсиндә электрон атомдан гонур ки, буна да автоинланшма дејирләр.

### §5.21. Лемб сүрүшмәси

Дирак тәнлијинин гәләви атомлара тәтбиги бизи јени бир енержи спектринә кәтирди ки, бу спектр  $n$  вә  $j$  квант әдәдләриндән асылы олур. Енержи спектри үчүн алынган (5.35) дүстуруну гидроген вә ја гидрогенәбәнзәр атома тәтбиг етсәк,  $n$  вә  $j$  ејни олан сәвијјәләрин енержиләринин үст-үстә дүшмәсини көрәрик. Буна инанмаг үчүн  $2S$  вә  $2P$  сәвијјәләринин енержисини һесаблајаг:  $2S$  сәвијјәсиндә  $n=2$ ,

$l=0, j = \frac{1}{2}$  олдуғундан

$$E(2S_{1/2}) = -\frac{E_0}{2^2} \left[ 1 + \frac{\alpha^2 z^2}{2^2} \left( 1 - \frac{3}{4} \right) \right]$$

$2P$  сәвијјәсиндә исә  $n=2$ ,  $l=1$ ,  $j=1 \pm \frac{1}{2} = \begin{cases} 1/2 \\ 3/2 \end{cases}$  олдугундан, бу сәвијјә  $2P_{1/2}$  вә  $2P_{3/2}$  дублет сәвијјәсиндән ибарәт олу; бу сәвијјәләрнин енержиси

$$E(2P_{1/2}) = -\frac{E_0}{2^2} \left[ 1 + \frac{\alpha^2 z^2}{2^2} \left( 1 - \frac{3}{4} \right) \right]$$

$$E(2P_{3/2}) = -\frac{E_0}{2^2} \left[ 1 + \frac{\alpha^2 z^2}{2^2} \left( \frac{1}{2} - \frac{3}{4} \right) \right]$$

гijмәтләринә маликдир.  $E(2S_{1/2})$  вә  $E(2P_{1/2})$  гijмәтләрини мугајисә етсәк  $E(2S_{1/2})=E(2P_{1/2})$  олдугуну көрәрик. Бу сәвијјәләрнин һәгигәтән үст-үстә дүшмәсини јалныз тәчрүби фактлар әсасында һөкм етмәк олар. Она көрә дә тәчрүбәдә оптик спектроскопија үсулуиңдан истифадә етмәккә  $n=3$  сәвијјәсиндән  $n=2$  сәвијјәсинә кечиддә гидроген атомуиң  $H_\alpha$ -хәтгиинин инчә гурулушу тәдгиг едилирди; бә’зи нәтичәләр  $2S_{1/2}$  вә  $2P_{1/2}$  сәвијјәләринин үст-үстә дүшмәсини, диқәр тәчрүби фактлар исә бу ики сәвијјәнин нәзәрән  $0,03 \text{ см}^{-1}$  гәдәр, тезликләр областына көрә  $1000 \text{ hc}$  гәдәр, сүрүшмәсини иддиа эдилдиләр. Мәсәләнин дәгиг һәлл едилмәсини чәтинләндирән, кифәјәт гәдәр енә малик олан спектрал хәтләрин бир-биринә чох јахын јерләшмәси иди. Бә’зи тәчрүбәләрдә алынан  $E(2S_{1/2})-E(2P_{1/2}) \neq 0$  нәтичәси тәчрүбәнин хәтасыиңдан кичик олдугундан бу факта о гәдәр дә әһәмијјәт верилмирди. Мәсәләнин биргijмәтли һәллини 1947-чи илдә Лемб вә Ризерфорд көстәрди. Лемб вә Ризерфордуиң тәдгигатлары әввәлки тәдгигатларыиң нәтичәләринә әсәсланырла. Догрудан да, бә’зи тәчрүби фактлара көрә  $2S_{1/2}$  вә  $2P_{1/2}$  енержи сәвијјәләринин бир-биринә нәзәрән тезликләр областында сүрүш-мәси  $1009 \text{ hc}$  олдугундан тәбиндир ки, бу сүрүш-мәни јалныз јүксәк тезликләр областында тәдгиг етмәк лазымдыр; она көрә дә радиоспектроскопија үсулуиңдан истифадә етмәк зәруријјәти гаршыја чыхыр. Бу үсул  $1 \text{ hc}$  дәгигликкә тезлији олчмәјә имкан верир.

Биз бурада Лемб вә Резерфорд тәчрүбәсини шәрһ етмәјиб, јалныз тәчрүбәдән алынган нәтичәләри тәһлил едәк.

Тәчрүбә кәстәрди ки,  $2S_{1/2}$  вә  $2P_{1/2}$  сәвијәләри бир-биринин үзәринә дүшүмүр; булар арасындакы фәрг һидроген атому үчүн  $1057,91 \pm 0,01$ -дир. Бу фәрг Лемб сүрүшмәси адланыр. Бу һадисә Шрединкерин квант механикасында изаһ едилә билмир, буну илк дәфә Бете нәзәри олараг квант электродинамикасы эсасында һесаблајыб изаһ етмишдир. Бете һидроген атому үчүн Лемб сүрүшмәсини һесапламыш вә  $(1057,91 \pm 0,01)$  *Mhc* гижмәтини алмышдыр ки, бу да тәчрүби нәтичәләрлә үст-үстә дүшүр. Лемб сүрүшмәсин изаһ етмәк үчүн квант электродинамикасынын бә’зи аңлајышлары илә таныш олаг.

Саһәләрин квант нәзәријәсиндә “вакуум” дедикдә мүтләг бошлуг банна дүшүлүмүр; вакуум мүхтәлиф физики хәссәләрә малик олдуғундан, о мүхтәлиф физики һәлларда ола биләр. Даһа дәһиг десәк зәррәчијин вә ја саһәнин нөвүндән асылы олараг мүхтәлиф физики вакуум аңлајышы дахил едилир. Мәсәлән, мә’лумдур ки, електромагнит саһәси вә ја фотонлар саһәси енерјини  $h\nu$  гәдәр алыб верә биләр. Әкәр саһәдән һәр дәфә  $h\nu$  гәдәр енерји алынарса, онда һәр дәфә  $h\nu$  гәдәр енерјинин алынмасы фотонлар сајынын бир ваһид азалмасына кәтирәр. Бу азалма о вахта гәдәр давам едәчәк ки, системдә мүшаһидә едилән - реал фотонларын сајы сыфыр олсун. Лакин классик тәсәввүрләрдән фәргли олараг, бурада електромагнит саһәси јох олмур, о енерјиси ән кичик олан бир һала кечир ки, бу һалда саһәдән енерји гонармаг мүмкүн олмур ки, буна сыфырынчы енерји дејирләр. Электромагнит саһәсинин ән кичик енерјијә малик олмасы һалына, јә’ни бу һалда һеч бир реал фотонун олмамасы һалына електромагнит саһәсинин вакууму вә ја фотонлар вакууму дејирләр. Ејни гәјда илә диқәр саһәләр-зәррәчикләр үчүн дә физики вакуум аңлајышы дахил едилрәр, бу вакуум да саһәнин енерјисинин ән кичик гижмәтинә тәвафүг едир. (Електрон-позитрон вакууму,  $\pi$  - мезонлар вакууму вә с.) Вакуум һалында олан саһәјә мүәјјән гәдәр енерји вериләрсә (верилән енерјинин мигдары саһәсинин нөвүндән асылыдыр) онда саһә һәјәчанланар, јә’ни реал

зэррәчик - саһәнин кванты јараныр. Мәсәләң, электрон-позитрон вакуумуна  $E \geq 2m_0c^2$  енерјисн вериләрсә, онла вакуумдан электрон-позитрон чүтү јаранар.

Мүасир тәсәввүрләрә көрә ики ејни зэррәчик арасындакы гаршылыгы тә'сири дикәр бир зэррәчик дашыма-лыдыр. Ики электрон (вә ја электрон-позитрон) арасындакы гаршылыгы тә'сирин дашыјычысы фотондур. Бу мәнзәрә белә тәсвир едилир: биринчи электрон бир фотон бурахыр, икинчи электрон һәмин фотону удур; икинчи электрон дикәр бир фотон бурахыр, биринчи электрон һәмин фотон удур вә с; бу процес узун мүддәт давам едир. Бу тии фотонлар мүшәһидә едилмәдијиндән, онлар виртуал фотонлар адла-ныр. Виртуал фотонларын «мовчуд» олмасы електромагнит саһәси вакуумунун һалыны дәјишдирир (вакуумун рәгси), јә'ни сфырынчы енерји вәзијәтини дәјишдирир (һәјәчан-лашдырыр) ки, бу да зэррәчикләр арасындакы гаршылыгы тә'сирдә өзүнү бирузә верир. Лемб сүрүшмәси ашағыдакы ики сәбәбдән ирәли кәлир; биринчи сәбәб атом электронларынын виртуал фотонлары удуб бурахмасындан. Икинчи сәбәб исә вакуумун полјаризасијасындаң, јә'ни вакуумда виртуал электрон-позитрон чүтүнүн јаранмасы вә аннигилјасијасындан (  $m_e h \nu$  олмасы) ирәли кәлир.

Вакуумун полјаризасијасы (икинчи сәбәб) нүвәнин кулон саһәсинин потенциалыны, электронун комптон далға узунлуғу мәсафәсиндә  $10^{11}$  см тәһриф едир.

Бу мәсафә биринчи Бор орбитинин радиусундан чох-чох кичик олдуғундан нүвәнин потенциалынын тәһриф олунмасы енерји сәвијәләрин һамысыны ејни тәртибдә сүрүшдүрүр. Вакуумун полјаризасијасынын һидроген ато-мунда лемб сүрүшмәсинә кәстәрдији тә'сир 3%-дир. Инди биринчи сәбәби-виртуал фотонлары удуб-бурахылмасыны тәһлил едәк.

Садәлик үчүн  $2S$  вә  $2P$  электронларыны араңдырағ. Мә'лумдур ки,  $2S$  электрону  $2P$  электронуна нисбәтән нүвәјә даһа чох јахындыр. Она көрә дә  $2S$  электрону  $2P$  электронуна нисбәтән даһа күчлү вә гејри-бирчынсли (икинчи сәбәб) elektrik саһәсиндә һәрәкәт едир. Классик дилдә десәк даирәви орбит өз формасына чидди дәјишир,



нүвәјә хаотик олараг кәһ јахышланыр, кәһ да узаглашыр.  $2P$ - электронуна кәлдикдә исә нүвәнин електрик сәһәси нисбәтән зәиф вә тејри-бирчинслилик дәрәжәси кичик олдуғундан, сәһәсинин тә’сири нисбәтән зәиф олур. Бурадан адын олур ки, нүвәнин сәһәсинин тәһриф олунмасы (виртуал фотонларын удулуб-бурахылмасы) санки электрону ‘силкәләјир’. Бу ‘силкәләнмә’  $S$ -электронлары үчүн даһа күчлү олдуғундан (нүвәнин атрафы) потенциал енержинин дәјишмәси дә бөјүк олур. Она көрә дә вакуум һесабына (биринчи сәбәб) там енержиә верилән әләвә енержи  $S$ -электронлары үчүн даһа чоһ олар. Мәһз буна көрә дә  $S$  вә  $P$  электронларын енержиләри бир-бириндән фәргләнир (вакуумун полјаризасијасы нәзәрә алынмаса) вә  $2S_{1/2}$  вә  $2P_{1/2}$  ( $n$  вә  $j$  ејни) сәвијјәләр бир-биринә нәзәрән сүрүшүр;  $2S_{1/2}$  верилән әләвә енержи бөјүк олдуғундан о,  $2P_{1/2}$  сәвијјәсиндән јухарыда јерләшир.

Бу мұһакимәни классик физика нөгтеји-нәзәриндән ашағыдакы кими әсәсләндырмаг олар. Нүвәдән һәр һансы

бир  $r$ -мәсафәсиндә потенциал енержини  $U_0 = \frac{Ze^2}{r}$  шәклиндә јазаг.  $s$ -электронлары  $P$ -электронларына нәзәрән нүвәјә даһа «јахын» олдуғундан онун потенциал енержиси

$$U = \frac{Ze^2}{r - \Delta r}$$

олар; потенциал енержинин дәјишмәси

$$\Delta u = U - U_0 = Ze^2 \left( \frac{1}{r - \Delta r} - \frac{1}{r} \right) = -\frac{Ze^2 \Delta r}{r(r - \Delta r)} \approx -\frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}$$

$P$ -электронлары үчүн исә

$$\Delta u = Ze^2 \left( \frac{1}{r + \Delta r} - \frac{1}{r} \right) = -\frac{Ze^2 \Delta r}{r(r + \Delta r)} \approx -\frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}$$

Бу ифадэләри нәзәрә алсаг, онда

$$\Delta E(2S) = E^k + \frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}; \quad \Delta E(2p) = E^k - \frac{Ze^2 \Delta r}{r^2}$$

бу әлавәләрин мүгајисәсиндән

$$\Delta E(2S_{1,2}) > \Delta E(2P_{1,2})$$

олдуғуну корәрик ки, бу да  $2S_{1,2}$  сәвијәсинин  $2P_{1,2}$  сәвијәсинә нәзәрәп «јухарыда» јерләнмәсини изаһ едир.

### §5.22. Гидроген молекулу

Гидроген молекулу ики гидроген атомундан тәшкил олунашду. Нүвәнин күгләси электронун күгләсиндән чо-чох бөјүк олдуғундан нүвәләрин нисби һәрәкәтини нәзәрә алмамаг олар, јә'ни гидроген молекулу мәсәләсинин һәллиндә нүвәләр арасындакы  $R$ -мәсафәсини сабит кәтүрмәк олар. Биринчи нүвәни  $a$ , икинчи нүвәни исә  $b$ -илә ишарә етсәк, онда §5.10 апарылан һесабаты нәзәрә алмагла гидроген молекулу үчүн Шредингер тәвлији апағыдакы шәкилдә јазылар:

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} (\Delta_1 \psi + \Delta_2 \psi) + e^2 \left( \frac{1}{R} - \frac{1}{r_{1a}} - \frac{1}{r_{2b}} - \frac{1}{r_{1b}} - \frac{1}{r_{2a}} + \frac{1}{r_{12}} \right) \psi = E \psi$$

Бу тии тәвлијин принципал нөгтеји-нәзәрдән һәлли §5.10 шөрһ едилмишдир; она корә дә һәмин мүһакимәни тәкрат етмәјиб, јалпыз далға функциясынын хусусијәтини кејфијәтчә тәһлил едәк. Далға функциясы фәза вә заман координатларындан башга син координатындан да асылы олмалыдыр. Далға функциясы елә гурулмалыдыр ки, о бүтөвлүкдә антисимметрик олсун (бах §5.11). Антисимметриклији координата корә симметрик, синнә корә антисиммет-

рик вә ја координата корә антисимметрик, спинә корә исә симметрик сечмәклә тә'мин етмәк олар.

$$\psi_+ = N_+ [\psi_a(1)\psi_b(2) + \psi_a(2)\psi_b(1)]$$

$$\psi_- = N_- [\psi_a(1)\psi_b(2) - \psi_a(2)\psi_b(1)]$$

бурадакы  $N_+$  вә  $N_-$  әмсаллары нормаллыг шәртиндән тә'јин едилик (§5.11).

$$N_+ = \frac{1}{\sqrt{2(1+S^2)}}; \quad N_- = \frac{1}{\sqrt{2(1-S^2)}};$$

$$S = \int \psi_a(n)\psi_b(n)dV_n, \quad n = 1,2$$

$S$ -өртмә интегралы адланыр. Өртмә интегралы **далга** функцијаларынын бир-бирини өртмә дәрәжәсини характеризә едир. адындыр ки, әкәр өртмә интегралы сыфыр оларса, онда молекулун рабитә енержиси сыфыр олар, јә'ни молекул јаранмаз.

Изолә едилмиш һәр бир гидроген атомунун енержисини  $E_0$  илә ишарә етсәк, онда  $\psi_+$  вә  $\psi_-$  ујғун олан енержиләрин ифадәси ашағыдакы кими олар:

$$E_+ = 2E_0 + \frac{K+A}{1+S^2}; \quad E_- = 2E_0 + \frac{K-A}{1-S^2}$$

бурада

$$K = e^2 \int \psi_a^2(1) \left( \frac{1}{R} + \frac{1}{r_{12}} - \frac{1}{r_{1b}} - \frac{1}{r_{2a}} \right) \psi_b^2(2) dV_1 dV_2$$

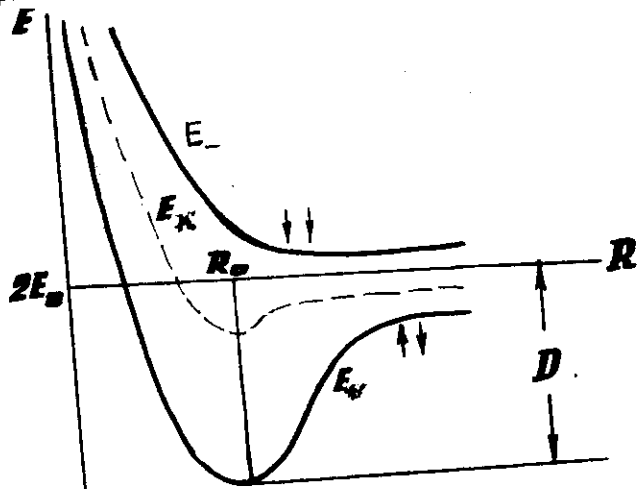
$$A = e^2 \int \psi_a(1) \psi_b(1) \left( \frac{1}{R} + \frac{1}{r_{12}} - \frac{1}{r_{1b}} - \frac{1}{r_{2a}} \right) \psi_a(2) \psi_b(2) dV_1 dV_2$$

*K*-нөлө ишарэ едилэн интеграл системин кулон енержисини ифадэ едир. буна инанмаг үчүн биринчи һэдди һесаблимаг кифажәтдир. Нүвөләр арасындакы мөсафэ *R*-сабит олдугундан:

$$e^2 \int \psi_a^2(1) \frac{1}{R} \psi_b^2(2) dV_1 dV_2 = \frac{e^2}{R} \int \psi_a^2(1) dV_1 \int \psi_b^2(2) dV_2 = \frac{e^2}{R}$$

аларыг. Беләликлә, биринчи һәдд нүвөләр арасындакы Кулон гаршылыгы тә'сир енержисини, икинчи һәдд электронлар, үчүнчү һәдд биринчи электрона *B*-нүвәси, дөрдүнчү һәдд исә икинчи электронла *a*-нүвәси арасындакы кулон гаршылыгы тә'сир енержисини ифадэ едир. *A*-интегралы мүбадилә интегралы вә ја мүбадилә енержиси адланыр. Бу интегралын классик аналогу жохдур, о јалпыз квант механикасында мејдана чыхыр ки, бу да наули принципи эеасында электршларын сечилмәмәзлији һесабына јараныр.

Там енержинин *R*-дән асылылыгы шәкил 21-дә көстөрилмишидир.



Шәкил 21

Шәкилдән көрүнүр ки,  $E_+$  Һалы (далга функциясы координата көрө симметрик, спинә көрө исе антисимметрик)  $R = R_0$  гиймәтиндә минимума малнкдир ки, бу да молекулуң дајаныгылы Һалыны тәсвир едир.

$K$   $A$  вә  $S$  интегралларының һесаблианмасы  $R_0 = 0,87 \text{ \AA}$ , чухуруң (минимумуң) дәринлији үчүн  $D = 72,4 \text{ ккал/мол}$  гиймәтләринә кәтирир. Тәчрүбә исе  $R_0 = 0,74 \text{ \AA}$ ,  $D = 109 \text{ ккал/мол}$ , гиймәтләрини верир. Бу гиймәтләрин мүгајисәсиндән көрүнүр ки, нәзәри вә тәчрүби гиймәтләр бир-биринә ујғуң кәлмир. Белә нәтичә һеч дә квант механикасының ачизлијини көстәрмир, она көрө ки нәзәри алыңан нәтичәләр тәгриби үсулларың тәтбиғинә әсасланмышдыр. Һесаблианманың дәғиглијини артырмагла тәчрүби гиймәтләрә јахылашмағ олур.  $E_-$  -әјриси (далга функциясының координата көрә антисимметрик, спинә көрә исе симметрик) исе минимума малнк дејилдир, јә'ни бу Һал дајанагезыз Һалдыр.

Беләликлә, һөкм етмәк олар ки, гидрокен молекулуңуң дајаныгылы Һалы електрон спинләриниң антипаралел јонәлмәсинә ујғуңдур. Бу Һал синглет Һал адланыр. Спинләри паралел олан Һал исе  $E_-$  триплет адланыр.  $E_+$  вә  $E_-$  ифадәләриндә  $A$  вә  $S$  интеграллары јалңыз квант механикасында јараныр. Бурада классик физикаја кечмәк үчүн квант механикасына хас олан кәмијәтләри атмалыјығ, јә'ни  $A = S = 0$  көтүрмәлијик, бу Һалда

$$E_+ = E_- = 2E_0 + K$$

олар. бу Һал шәкил 64-дә пунктирлә көстәрилминдир. Шәкилдән көрүнүр ки, классик физикада да минимум алыңыр, ләкин бу минимумуң дәринлији 0 гәдәр кичикдир ки, белә Һал дајаныгылы молекула көтирә билмәз.

Үсд едәк ки, гидрокен молекулу һомеополјар рабитәјә әң јахшы мисалдыр, һомеополјар рабитә делнкдә ејни нейтрал атомлардан тәшкил олмуш молекул баша дүңүлүр.

## ƏDƏBIJAT

1. Э.В.Шпольский. Атомная физика. Том I, М-1974 г.
2. С.Ə.Ғачыјев, М.Ш.Мәммәдов. Атом физикасына кириш. АДУ, Бақы, 1986.
3. А.Астахов, Ю. Широков. Квантовая физика. М-1983г.
4. В.Левич, Ю.Вдовин, В.Мямлин. Курс теоретической физики. Том II, М-1962г.
5. Д.В.Сивухин. Общий курс физики. Атомная и ядерная физика. Часть I М-1986г.
6. Л.Л.Гольдин, Г.И.Новинкова, Введение в атомную физику. М-1969г.
7. А.Н.Матвеев. Квантовая механика и строение атома. М-1965.

**Нәшријатын директору:**  
**Баш редактор:**  
**Мәтбәә үзрә директор мұавини:**  
**Редаксија мүдири:**  
**Техники редактору:**  
**Компүтер тәртибчиси вә  
програмчысы:**

Балакниши Агајев  
Мәммәд Әлизадә  
Әләс Гасымов  
Мәрјәм Гәдимова  
Нәркиз Гулијева  
  
Азадә Иманова

Лығылмаға верилмишдир: 28.02.2000.

Чапа имзаланмышдыр: 4.09.2000.

Кағыз форматы 60x84 1/16. Физики чап вәрәги 19,25.

Нәшр чап вәрәги 21,5. Тиражы 3000 Сифарин 105.

Гијмәги мұавилә илә.

---

Бақы Университети нәшријаты.  
Бақы - 370148, З.Хәлилов күчәси, 23.  
БДУ нәшријатынын мәтбәәси.